

HISTOIRE

DE

LACADEMIE ROYALE DES SCIENCES.

Année M. DCC. III.

Avec les Mémoires de Mathématique & de Physique, pour la même Année.

Tirés des Registres de cette Académie.

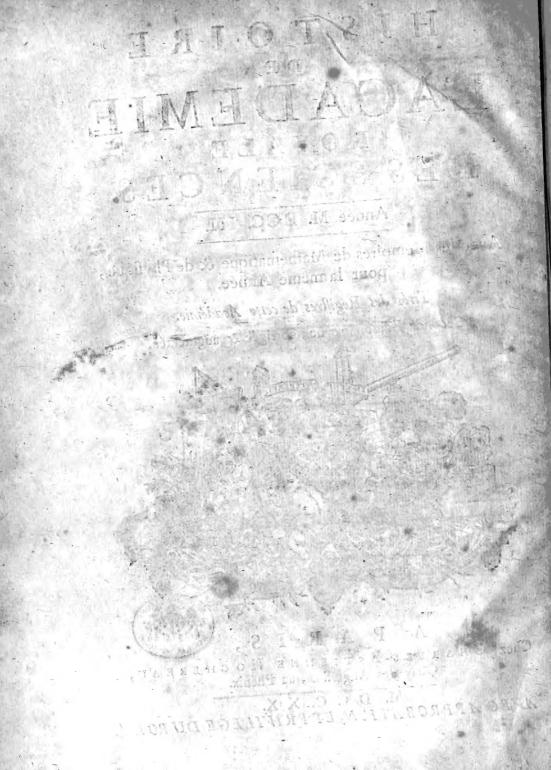
Seconde Edition, revûe, corrigée & augmentée.

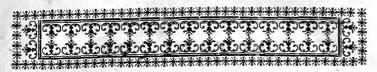


Chez CHARLES-ESTIENNE HOCHEREAU, Quay des Augustins, au Phénix.

M. D C C. X X.

AVEC APPROBATION, ET PRIVILEGE DU ROI.





TABLE

POUR

L'HISTOIRE.

PHYSIQUE GENERALE.

C II Pari	gine des Fontaines.	Page r
Sur le n	ouveau Thermométre de M. Amontons.	6
Sur l'usage de l'Atm	du Barométre pour mesurer la hauteur d	es Montagnes & 11
Sur le sens	dont plusieurs corps se tournent.	14
Diverses Ob	servations de Physique générale.	16
	ANATOMIE.	. 7
Sur un Cer	veau pétrifié.	1150 ville 1126
	neau, Fætus monstrueux.	28
	ulation du Sang dans le Fœtus.	32
Diverses O	bservations Anatomiques.	36
Alz. Luli	in and Jupius & do outstille,	Storger trip - ice
10		Think to Calenda
3.00	CHYMIE.	
MILLION TO THE PARTY OF THE PAR		
Sur P Anal	yse des Groseilles fermentées.	45
	yse du Soufre commun.	47

Sur le Borax. Observation Chymique. BOTANIOUF

DOTANT QUE.	
Sur la Camphorata de Montpellier. Observation Botanique.	53 56
ARITHMETIQUE.	
Nouvelle Arithmétique Binaire.	38
GEOMETRIE.	
Sur une infinité de portions de Cercles quarrables.	63
Sur les Tangentes & les Secantes des angles. Sur les Courbes de la chûte des corps.	64
Sur l'Ellipse Astronomique de M. Cassini.	65
Sur les Caustiques.	69
Sur les Forces centrales.	73
ASTRONOMIE.	
Sur deux Eclipses de Lune.	77
Sur l'Equinoxe du Printems de 1703.	.80
Nouvelle Méthode de prendre les hauteurs en Mer avec une Mordinaire.	lontre
Sur une conjonction de Jupiter & de Saturne.	87
Sur le Calendrier.	89
	91

HYDROGRAPHIE.

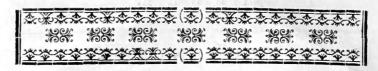
Sur les Cartes réduites.

TABLE.

MECHANIQUE.

Sur les Soupapes.	05
Sur le recul des Armes à feu.	95 98
Sur la force des Machines en général.	100
Sur les Frotemens.	105
Sur la route que tiennent plusieurs corps liés entre eux par des	cordes,
& tirés sur un plan horisontal.	110
Sur le centre de Balancement ou d'Oscillation.	114
Du mouvement des Eaux.	125
Sur l'inégalité des Pendules.	130
Machines ou Inventions approuvées par l'Académie des Scie	nces en
17 03.	135
Eloge de feu M. Viviani.	137





TABLE

POUR

LES MEMOIRES

O Bservations tant sur la quantité de pluic qui est tombée à Paris à l'Observatoire Royal, que sur le Thermométre & sur le Barométre
l'Observatoire Royal, que sur le Thermométre & sur le Barométre
pendant l'année derniere 1702. Par M. DE LA HIRE. Page 1
Observation de l'Eclipse de Lune du 3. Janvier 1703. Par Messieurs
CASSINI.
Observations de l'Eclipse partiale de Lune, arrivée le 3. Janv. au matin
en 1703. à l'Observatoire Royal. Par Messieurs DE LA HIRE. 11
Observation d'une Tache dans le Soleil. Par M. CASSINI le fils. 15
Observations d'une Tache qui a paru dans le Soleil au mois de Decem-
bre 1702. à l'Observatoire. Par Messieurs DE LA HIRE. 16
Histoire des symptômes survenus à une Dame, à l'occasion d'un Remede
appliqué pour des Dartres. Par M. DU VERNEY le jeune. 18
Maniere de trouver une infinité de Portions de Cercle toutes quarrables,
moyennant la seule Géométrie d'Euclide. Par M. VARIGNON. 21
Observation de l'Eclipse de Lune du 3. Janvier 1703. faite à Rome par
Messieurs Bianchini & Maraldi, comparée à la nôtre de Paris.
Par M. Cassini.
Observation de l'Eclipse de Lune du 3. Janv. de cette année 1703. faite
à Tours par M. Nonnet. Par M. DE LA HIRE le fils. 27
Observations de l'Eclipse de Lune du 3. Janvier 1703. faites à Bo-
logne par Messieurs Manfredi & Stancari, comparées à celles de
Paris & de Rome, avec les différences des Méridiens qui en réfultent.
Par M. CASSINI le fils. 28
Essai de l'Analyse du Soufre commun. Par M. Homberg. 31
Les Observations de l'Equinoxe du Printems de cette année 1703. com-
parées avec les plus anciennes. Par M. Cassini. 41
Le Thermométre réduit à une mesure fixe & certaine, & le moyen d'y
rapporter les Observations faites avec les anciens Thermométres.
Par M. Amontons.
Remarques sur l'Eau de pluie, & sur l'origine des Fontaines; avec

TABLE:

quelques particularités sur la Construction des Cisternes. Par M. DE
LA HIRE.
Réponse à l'Ecrit de M. David Gregorie, touchant les lignes appellées
Robervassiennes, qui servent à transformer les Figures. Par M.
L'ABBE' GALLOYS.
Démonstration générale du centre de Balancement & d'Oscillation, tirée
de la nature du Levier. Par M. BERNOULLI, Professeur à Bâle.
Lettre du 13. Mars 1703.
Explication de l'Arithmétique Binaire, qui se sert des seuls caracteres o
& I; avec des Remarques sur son utilité, & sur ce qu'elle donne le sens
des anciennes Figures Chinoifes de Fohy. Par M. LEIBNITZ. 85
Observation sur une Hydropisie particuliere. Par M. LITTRE. 90
Construction nouvelle & Géométrique des Cartes réduites, & des
Echelles de latitude. Par M. DE LAGNY.
Suite de la Construction nouvelle & Géométrique des Echelles de latitude
& des Cartes réduites. Par M. DE LAGNY.
Que les nouvelles expériences que nous avons du poids & du ressort
de l'air, nous font connoître qu'un degré de chaleur médiocre,
peut réduire l'air dans un état assez violent pour causer seul de très-
grands tremblemens & boulversemens sur le Globe terrestre. Par M.
AMONTONS.
Observation de deux Taches dans le Soleil. Par M. CASSINI le
fils.
Suite des Observations de la Tache du Soleil. Par M. CASSINI le
fils
Observation du retour de la Tache qui a paru au mois de Mai de
l'année 1703. dans le disque apparent du Soleil. Par M. CASSINI
le fils.
Suite des Observations de la Tache qui a paru de nouveau dans le disque
apparent du Soleil. Par M. CASSINI le fils.
Observations de plusieurs Taches qui ont paru dans le Soleil au mois
de Mai 1703. Par M. DE LA HIRE.
Observations des Taches du Soleil qui ont paru aux mois de Mai &
de Juin 1703. Par M. DE LA HIRE.
Suite des Observations de la Tache du Soleil qui a paru à la fin du
mois de Mai, & au commencement du mois de Juin 1703. Par M.
DE LA HIRE.
Suite des Observations de la Tache qui a paru dans le Soleil à la sin
du mois de Mai, & dans le mois de Juin 1703. Par M. DE LA
HIRE. 124
Observation d'une Tache qui a paru dans le Soleil au mois de Juillet
1703. à l'Observatoire Royal. Par M. DE LA HIRE. 129
Remarques sur les Lignes Géométriques. Par M. Rolle. 132

TABLE.

Addition au premier des Mémoires de l'Académie de l'année 16	599 tou-
chant la maniere de trouver des Courbes le long desquelles	un corps
tombant, s'approche ou s'éloigne de l'horison, ou d'un poin	it donné
quelconque, en telle raison des tems, & dans telle hypothèse	des vî-
tesses que l'on voudra. Par M. VARIGNON.	140
Suite d'Observations sur l'Hydropisie, depuis 1683. jusqu'à	
Par M. DU VERNEY le jeune.	150
Sur une Hydropisse. Par M. DU VERNEY le jeune.	156
Sur l'Hydropise. Par M. DU VERNEY le jeune.	158
Sur l'Hydropisse. Par M. DU VERNEY le jeune.	
Sur l'Hydropisse. Par M. DU VERNEY le jeune.	162
Dans lies out l'en pout faire souch aut l'Hadronies anne le	170
Pronostics que l'on peut faire touchant l'Hydropisie après la	
Par M. Du Verney le jeune.	178
Maniere prompte & facile de trouver les Touchantes de l'E	uipje de
M. Cassini. Par M. Varignon.	181
Rectification des Caustiques par Réslexion formées par le Cercle	, la Cy-
cloïde ordinaire, & la Parabole, & de leurs Développées,	
Mesure des Espaces qu'elles renferment. Par M. CARRE'.	183
Remarques sur la Table des degrés de chaleur, extraite des Tran	า[actions
Philosophiques du mois d' Avril 1701. lûe par M. Geofroy en	l' Assem-
blée du Mardi 24. Juillet 1703. Par M. Amontons.	200
Des Courbes décrites par le concours de tant de Forces central	les qu'on
voudra, placées à discrétion entr'elles, & par rapport aux	plans de
ces mêmes Courbes. Par M. VARIGNON.	212
Expériences du Barométre faites sur diverses Montagnes de la	France.
Par M. MARALDI.	220
Du mouvement des Eaux, ou d'autres liqueurs quelconques	de pe-
Santeurs spécifiques à discrétion ; de leurs vîtesses, de leurs	dépenses
par telles ouvertures ou sections qu'on voudra; de leurs k	auteur
au-dessus de ces ouvertures, des durées de leurs écoulemen	C. Crc.
Par M. VARIGNON.	238
Observations sur un Cerveau pétrisié. Par M. DU VERI	vev le
jeune.	261
Extrait d'une Lettre de M. Bernoulli Professeur à Bâle, en	
11. Septembre 1703. contenant l'application de sa Régle di	alle ans
de Balancement à toutes sortes de figures.	
Observation de l'Eclipse de Soleil qui a paru à l'Observatoire	272 21 Jan 21 Ja
8. Décembre 1703. au Soleil couchant. Par M. DE LA HIB	Koyai ie
Observation de l'Estinse de Solvil du & Décembre 2702 à T.	E. 203
Observation de l'Éclipse de Soleil du 8. Décembre 1703. à To	
M. Nonnet, envoyée à M. de la Hire.	285
Remarques sur les inégalités du mouvement des Horloges à 1	rendule.
Par M. DE LA HIRE.	même.
Moyens pour faire monter un grand Vaisseau sur la Calle telle	- 0
	eft

TABLE:

est construite dans le Port de Toulon, sans se servir d'aucu	nes ma-
chines. Par M. LA HIRE.	299
Perficaria Orientalis, Nicotianæ folio, calice florum p	urpureo
Coroll. Hift. rei Herbar. 38. Par M. TOURNEFORT.	302
Du frottement d'une Corde autour d'un Cylindre immobile.	Par M.
SAUVEUR.	305
Du nouveau Système de l'Infini. Par M. ROLLE.	312
Examen des Faits observés par M. du Verney au Cœur	>
des Tortues de Terre.	
Réponse à la Critique de M. du Verney. 403	
Critique des deux Descriptions que M. Buissiere, Anatomiste	Par M.
de la Société Royale de Londres, a faites du Cœur de la	MERY.
Tortue de Mer. 437	INTERIA
Description du Cœur d'une Tortue de Mer. 451	
Description du Cœur d'une grande Tortue terrestre de l'Amé-	
rique, avec des Réflexions sur celle de M. du Verney. 457.	



PRIVILEGE DU ROY.

OUIS PAR LA GRACE DE DIEU, ROI DE FRANCE. ET DE NAVARRE : A nos amés & féaux Conseillers, les Gens tenans nos Cours de Parlement, Maîtres des Requêtes ordinaires de notre Hôtel, Grand'Conseil, Prevôt de Paris, Baillifs, Sénéchaux, leurs Lieutenans Civils, & autres nos Justiciers qu'il appartiendra; SALUT. Notre Académie Royale des Sciences Nous a trèshumblement fait exposer, que depuis qu'il Nous a plû' Iui donner par un Reglement nouveau de nouvelles marques de notre affection, Elte s'est appliquée avec plus de soin à cultiver les Sciences qui font l'objet de ses exercices; ensorte qu'outre les Ouvrages qu'Elle a déja donnés au Public, Elle seroit en état d'en produire encore d'autres, s'il nous plaisoit lui accorder de nouvelles Lettres de Privilege, attendu que celles que Nouslui avons accordées en date du 6 Avril 1699, n'ayant point de tems limité; ont été déclarées nulles par un Arrêt de notre Conseil d'Etat du 13 du mois d'Août dernier. Et désirant donner à ladite Académie en Corps, & en particulier à chacun de ceux qui la composent, toutes les facilités & les moyens qui peuvent contribuer à rendre leurs travaux utiles au Public; Nous avons permis & permettons par ces Présentes à ladite Académie, de saire imprimer, vendre & débiter dans tous les lieux de notre obéissance, par tel Imprimeur qu'Elle voudra choisir, Toutes les Recherches ou Observations journalieres, & Relations annuelles de tout ce qui aura été fait dans les Assemblées de l'Académie Royale des Sciences; comme aussi les Ouvrages, Mémoires ou Traités de chacun des Particuliers qui la composent, & généralement tout ce que ladite Académie voudra faire paroître en son nom, lorsqu'après avoir examiné & approuvé lesdits Ouvrages au-

termes de l'article xxx. dudit Reglement, Elle les jugera dignes d'être imprimés : & ce pendant le tems de dix années consécutives, à compter du jour de la date desdites Présentes. Faisons très-expresses défenses à tous Imprimeurs, Libraires, & toutes fortes de Personnes. de quelque qualité & condition que ce soit, d'imprimer, faire imprimer en tout ni en partie aucun des Ouvrages imprimes par l'Imprimeur de ladite Académie; comme aussi d'en introduire, vendre & debiter d'Impression Etrangere dans notre Royaume sans le consentement par écrit de ladite Académie ou de ses ayans cause, à peine contre chacun des contrevenans de confiscation des Exemplaires contrefaits au profit de sondit Imprimeur, de trois mille livres d'amende, dont un riers à l'Hôtel-Dieu de Paris, un tiers audit Imprimeur, & l'autre tiers au Dénonciateur, & de tous dépens, dommages & intérêts: à condition que ces Présentes seront enregistrées tout au long sur le Registre de la Communauté des Imprimeurs Libraires de Paris, & ce dans trois mois de ce jour : Que l'impression de chacun desdits Ouvrages sera faire dans notre Royaume & non ailleurs, & ce en bon papier & en beaux caracteres, conformément aux Reglemens de la Librairie; & qu'avant que de les exposer en vente il en sera mis de chacun deux Exemplaires dans notre Bibliothéque publique, un dans celle de notre Château du Louvre, & un dans celle de notre très-cher & féal Chevalier Chancelier de France le Sieur Phelypeaux, Comte de Pontchartrain, Commandeur de nos Ordres; le tout à peine de nullité des Présentes: du contenu desquelles vous mandons & enjoignons de faire jouir ladite Académie ou ses ayans cause pleinement & paisiblement, sans souffrir qu'il leur soit fait aucun trouble ou empêchemens. Voulons que la Copie desdites Présentes qui sera imprimée au commencement desdits Ouvrages, soit tenue pour dûement signifiée, & qu'aux Copies collationnées par l'un de nos amés & féaux Conseillers & Secretaires, foi soit ajoutée comme à l'Original. Comman-JULIA LILL

dons au premier notre Huissier ou Sergent de saire pour l'exécution d'icelles tous Actes requis & nécessaires, sans autre permission, & nonobstant Clameur de Haro, Chartre Normande, & Lettres à ce contraires; CAR tel est notre plaisir. Donne' à Versailles le neuvième jour de Février, l'an de Grace mil sept cent quatre, & de notre Regne le soixante & unième. Signé, Par le Roi en son Conseil, Lecomte.

L'Académie Royale des Sciences, par Délibération du 13. Février 1704, a cédé le présent Privilège à JEAN BOUDOT son Libraire, pour en jouir conformément au Traité fait par l'Académie avec ledit Boudot le 13 Juillet 1699. En soi dequoi j'ai signé, à Paris ce 13 Février 1704.

FONTENELLE, Secretaire de l'Académie Royale des Sciences.

Registre sur le Livre de la Communauté des Libraires & Imprimeurs de Paris, Numero CVI. pag. 136. conformément aux Reglemens, & notamment à l'Arrêt du Conseil du 13 Août dernier. A Paris le 13 Février 1704.

P. EMERY, Syndic.

Je reconnois avoir retrocédé la présente Cession à Monsieur HOCHEREAU, pour en jouir dans toute son étendue, en mon lieu & place; suivant les conventions saites entre-nous. Fait à Paris ce seiziéme Octobre mil sept cent dix-huit.

M. T. MARTIN, Veuve BOUDOT.

Registré sur le Registre 4e de la Communauté des Libraires & Imprimeurs de Paris, pag. 423. conformément au Réglement, & notamment à l'Arrêt du Conseil du 13 Août 1704. A Paris ce onziéme Janvier mil sept cent dix-neuf.

DELAULNE, Syndic.

HISTOIRE



HISTOIRE

DE

L'ACADEMIE ROYALE DES SCIENCES.

Année M. DCCIII.

PHYSIQUE GENERALE

SUR L'ORIGINE DES RIVIERES.



ONSIEUR Mariote, & M. Perraut, l'un des V. les freres de celui qui a été un des plus dignes membres de l'Académie des Sciences, ont rapporté l'origine des Fontaines & des Rivieres aux Pluyes.

Ils ont prétendu qu'elles pénétrent dans la terre, jufqu'à ce qu'elles rencontrent le Tuf, ou la Glaise, qui Hist. 1703.

font des fonds assez solides pour les soutenir, & pour les arrêter, & qu'elles coulent sur ces fonds du côté où ils ont une pente, jusqu'à ce qu'elles trouvent sur la surface de la terre une ouverture par où elles s'échappent, & c'est-là ce qu'on appelle une Source. Si l'on calcule la quantité de pluye ou de nege qui tombe en un an sur tout le terrain qui doit fournir, par exemple, l'eau de la Seine, on trouve que la Seine n'en prend que la sixième partie, ce qui met fort au large les Auteurs de ce Système. Quant à la continuité de l'écoulement des Rivieres, elle vient de ce que les pluyes pénétrent lentement la terre, & ne se rendent sur les fonds qui les ramassent que long-tems après être tombées. De plus, quand les Rivieres sont fort grosses & fort hautes, elles poussent dans les terres, bien loin au-delà de leurs rivages, des eaux qui redescendent ensuite dans ces mêmes Rivieres quand elles sont plus basses, mais qui n'y redescendent qu'avec lenteur, & par conféquent contribuent à les entretenir malgré de longues fécheresses. Les Sources naissent ordinairement au pied des Montagnes, parce que les Montagnes ramassent plus d'eaux, & leur donnent ordinairement plus de pente vers un même côté; & si l'on voit quelquesois des Sources dans des lieux élevés, & même au haut des Montagnes, elles doivent venir de lieux encore plus élevés, & avoir été conduites par des lits de glaife ou de terre argilleuse, comme par des canaux naturels. Que si entre une Montagne du haut de laquelle il part une Source, & une autre Montagne plus élevée qui en doit fournir l'eau, il y a un vallon, il faut imaginer la Source comme une eau, qui d'un réservoir d'une certaine hauteur a été conduite par un canal souterrain, & est venue faire un jet d'une hauteur égale à celle du réservoir, ou moindre.

M. de la Hire a examiné ce Système par l'endroit le plus essentiel, & qui est en même tems celui dont les Auteurs paroissent s'être le moins désiés. Il a voulu voir par des expériences, si les eaux de pluyes ou de neges pouvoient pénétrer dans la terre jusqu'au tuf, ou jus-

qu'à la glaise, & il a trouvé qu'elles ne pénétroient pas seulement à 16 pouces, en assez grande quantité pour sor-

mer le plus petit ramas d'eau sur un fond solide.

Encore falloit-il que la terre sur laquelle il faisoit son expérience sût entiérement dénuée d'herbes & de plantes; car dès qu'il y en avoit, & qu'elles étoient un peu fortes, loin que la pluye qui tomboit sût suffisante pour se ramasser au-delà de 16 pouces de prosondeur, elle ne l'étoit pas pour nourrir ces plantes, & il falloit encore les arroser de tems-en-tems.

Cette observation sit naître à M. de la Hire la pensée d'en faire une plus exacte sur la quantité d'eau que les plantes consument. Il mit au mois de Juin dans une phiole où il y avoit une livre d'eau exactement pesée, deux feuilles de Figuier de médiocre grandeur, & qui pesoient ensemble 5 gros 48 grains, les queues des feuilles trempoient dans l'eau, & le reste du cou de la phiole étoit très-bien bouché. Il exposa le tout au Soleil & au vent, & en s heures & demie l'eau de la phiole étoit diminuée de 2 gros, c'est-à-dire, d'une 64°. partie que les deux feuilles avoient tirée, & que le Soleil & l'air avoient ensuite fait évaporer. Comme la fraîcheur des feuilles ne s'entretient, du moins pendant le jour, & dans le chaud, que par le passage continuel qu'elles donnent à l'eau qui monte des racines, & qui ensuite se dissipe, il eût fallu que ces deux feuilles, si elles eussent été attachées à l'arbre, eussent tiré de la terre en 5 heures & demie, ces deux gros d'eau pour se conserver dans la même fraîcheur. On peut juger par-là combien tout le Figuier en eût tiré en un jour, & par conséquent quelle prodigieuse quantité d'eau se dépense à l'entretien des plantes. C'est apparemment par cette raison que les pluyes sont plus abondantes en Eté, & que les trois mois de Juin, de Juillet & d'Août en fournissent communément autant que tout le reste de l'année. Il paroît par l'expérience de M. de la Hire, qu'elles ne suffiroient pas, même en ce tems-là, pour nourrir les Plantes; & il faut que l'humidité de la terre, les rosées, & les

Aij

4 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

brouillards y contribuent beaucoup; comment donc les pluyes pourroient-elles seules produire les Rivieres?

L'observation de M. de la Hire sur la prosondeur où peut pénétrer l'eau de la pluye, sut faite sur une terre moyenne entre le sable & la terre franche, & qui par conséquent devoit être assez facilement pénétrable à l'eau. Si la terre n'étoit que du sable, il est certain que l'eau entreroit à une grande prosondeur; & alors, pourvû que les autres circonstances sussent favorables, une Riviere, ou une Fontaine pourroit naître des pluyes: &, sans doute, cela doit se rencontrer en quelques endroits; mais cette origine

n'est pas la plus générale.

Le moyen de la faire convenir, par exemple, à l'eau de Rungis près de Paris? ce sont 50 pouces d'eau qui coulent toujours; tout le terrain qui les pourroit fournir, ne reçoit pas une quantité d'eaux de pluye égale à ces 50 pouces calculés felon leur écoulement perpétuel; & d'ailleurs la plus grande partie de ces eaux, ou s'évapore après qu'elle est tombée, ou nourrit les plantes d'un pays qui est très - cultivé. Il est vrai que l'on y trouve l'eau à une assez petite profondeur; mais cette petite profondeur passe encore très-considérablement les 16 pouces. Le pays est élevé, & telle est sa disposition, que pour faire venir les eaux de quelques lieux encore plus élevés, il faudroit supposer des tuyaux naturels pareils à ceux des jets-d'eau, & qui de la même maniere descendissent & remontassent, hypothèse assez violente; car outre que cette disposition de tuyaux est trop exacte & trop réguliere pour être naturelle, comment ne se démentiroient-ils jamais par aucune crevasse, ni par aucune fente?

Aussi pour expliquer ces sortes de Sources, d'autres Philosophes ont imaginé des Rochers souterrains & concaves, qui comme des Alembics recevant du sond de la terre des vapeurs aqueuses, les condenseroient par leur froideur, & les remettroient en eau; mais M. de la Hire remarque que ce Système ne peut être appliqué aux eaux

de Rungis; il a fait faire lui même plusieurs Puits aux environs, & n'y a point trouvé de Rochers, & par conséquent les eaux n'ont point été ramassées par les Alembics souterrains.

Que reste-t-il donc? M. de la Hire incline à conserver ce dernier Système, en retranchant la nécessité des Alembics. Il peut y avoir sous terre à la hauteur de la Mer de grands Reservoirs d'eau, d'où la chaleur du fond de la terre élevera des vapeurs, qui étant parvenues vers la surface, se condenseront par le froid qu'elles y rencontreront; après quoi elles couleront sur le premier lit de tus ou de glaise qu'elles pourront trouver, jusqu'à ce qu'une ouverture les jette hors du sein de la terre. Il saut que ces vapeurs, lorsqu'elles ont repris leur premiere nature d'eau, ne puissent retomber par les mêmes conduits par où elles sont montées étant vapeurs; & quoique cela puisse être conçû, c'est pourtant toujours une dissiculté, & quelque chose d'un peu gratuit dans le Système.

M. de la Hire n'a pas laissé cependant de le persectionner par une idée nouvelle. Il a imaginé que les sels des pierres pouvoient arrêter & fixer les vapeurs, & par-là contribuer à les remettre en eau; & l'on verra qu'une expérience, qu'il n'a pas poussée aussi loin qu'il eût voulu,

favorisoit cette idée.

Les Fontaines d'eau-douce qui semblent avoir un flux & un reflux comme la Mer, & qui cependant n'en viennent pas, puisque leurs eaux sont douces, entrent naturellement dans l'hypothèse de M. de la Hire. Lorsque la Mer monte, elle comprime l'air rensermé dans les cavités où sont les eaux souterraines, & cet air comprimé les force à s'échapper par quelques ouvertures, ce qui se voir exécuté dans plusieurs Machines. Quant aux Fontaines qui ne coulent que par intervalles, & à certaines heures du jour, elles viennent de quelques neges, sur lesquelles le Soleil ne donne qu'à ces heures-là, & qui cessent de se sondre quand il est retiré. Il sera aisé sur ces

deux exemples d'imaginer des causes des Fontaines extraordinaires, dès qu'on en sçaura les circonstances en détail. La plus grande difficulté est d'en avoir de bonnes Relations, & bien purgées du faux merveilleux, que les tradi-

tions populaires y ajoutent toujours.

De cette Théorie générale, M. de la Hire descend à des remarques particulieres sur l'usage des eaux de pluye & de Fontaine, & sur les Cîternes. On y trouvera un accident assez nouveau d'une eau de pluye ramassée à l'Observatoire, & qui sentoit extrêmement la sumée, parce que l'Observatoire est situé au Sud de Paris, & que cette pluye étoit tombée par un vent de Nord, qui poussoit vers l'Observatoire la sumée des cheminées de Paris, & en avoit mêlé des particules dans la pluye qui tomboit. Cette raison qui semble s'être présentée naturellement, n'a peut-être pas été si facile à découvrir; & il ne seroit pas trop extraordinaire, qu'on eût été chercher bien loin une cause de cet effer, en passant par dessus de petites circonstances que l'on ne s'avise pas de conssidérer.

SUR LE NOUVEAU THERMOMETRE

DE M. AMONTONS.

V. les M. L est de l'essence de la Vérité d'être séconde, & une découverte ne va point seule. Le principe qui a conduit M. Amontons à imaginer une nouvelle construction de Thermométre, ainsi qu'il est rapporté dans l'Histoire de * Pag. 1. & 1702, * l'a conduit aussi à un moyen de rendre sensible, suiv. & de réduire en calcul la cause des plus violens tremblemens de terre.

Si la place qu'occupe dans notre Tourbillon le globe de la Terre, étoit occupée par un globe d'air égal, l'air qui seroit vers le centre seroit prodigieusement condensé. Car si l'air que nous respirons sur la surface de la terre est réduit à une certaine condensation par le poids de 20 lieues d'air en hauteur, ou environ, dont il est chargé, que seroit-ce d'un air, qui outre ce poids, porteroit celui de 1500 lieues d'air?

Il est vrai qu'il faut supposer pour cela que la condensation de l'air n'a point de bornes, ou du moins va prodigieusement loin; & de grands Physiciens ont trouvé par leurs expériences, qu'il ne pouvoit être condensé que 800 fois plus qu'il ne l'est sur la surface de la terre. Mais outre qu'il est permis de douter de l'exactitude de ces expériences qui ont dû être très-difficiles, il se peut que tout notre art soit incapable de pousser l'air à une grande condensation; & ensin M. Amontons qui a reconnu certainement que le ressort de l'air est mis en action par les particules ignées, ou ce qui revient au même, par la matiere subtile, & qui ne conçoit pas que cette matiere puisse jamais être entiérement chassée hors des interstices de l'air, est assez bien fondé à croire que quelque industrie qu'on employe, il en reste toujours à chasser, & par conséquent que l'air n'est point porté à sa derniere condensation. Le moyen, par exemple, qu'on pût jamais comprimer de la laine de forte qu'il n'y restât aucune particule d'air?

Supposé donc que dans 1500 lieues l'air soit toujours condensé à proportion qu'il sera chargé d'un plus grand nombre de couches supérieures; & d'ailleurs la proportion de pesanteur qui est entre le Mercure, & l'air tel que nous le respirons, étant connue, M. Amontons sait le calcul des dissérens degrés de condensation où seroient les dissérentes couches, & les dissérens Orbes de ce globe aërien égal au globe terrestre, & il trouve que dès la 41931° toise, c'est-à-dire, un peu plus que la 18° lieue en prosondeur, l'air seroit si condensé, qu'il peseroit autant qu'un volume égal de Mercure, de sorte que du Mercure tombé sur la surface du globe jusqu'à cette 41931° toise, s'arrêteroit-là, & seroit trop leger pour aller plus loin. L'Or, étant plus pesant que le Mercure, la

couche ou l'Orbe dont l'air égaleroit la pesanteur de l'Or, seroit à quelque 19 lieues. Il est aisé par les proportions de poids que nous connoissons entre dissérentes matieres, d'assigner à chacune l'Orbe qui l'égaleroit en pesanteur; & comme l'Or, qui est ce que nous connoissons de plus pesant, ne seroit qu'à la 19° lieue, il est clair qu'à une plus grande prosondeur, la pesanteur de l'air surpasseroit toujours toutes les pesanteurs qui nous sont connues, & les surpasseroit ensin à un excès presque in-

croyable.

Cela vient en général de ce qu'un pied d'air, par exemple, qui se condense, si l'on met un autre pied d'air au dessus, & par conséquent ne fait plus un pied en hauteur, se condense encore davantage, & sait moins d'espace en hauteur, si on le charge de deux pieds; & en même tems aussi le second pied se condensant parce qu'il est chargé du troisséme, la hauteur totale est encore diminuée. Si l'on ajoute un quatrième pied, le troisséme se condense perd sa hauteur, & les deux premiers déja réduits à une moindre hauteur s'abaissent encore, & ainsi de suite; de sorte que plus on ajoûte d'air en hauteur, moins on en augmente la hauteur, selon une certaine proportion, & par conséquent pour former une grande hauteur d'air, il en faut une quantité prodigieuse.

Puisqu'un même degré de chaleur rend le ressort de l'air d'autant plus violent que cet air est plus condensé, ce qui est le principe du nouveau Thermométre, l'air du globe aërien étant échaussé, deviendroit capable d'effets d'autant plus grands, qu'il seroit à une plus grande prosondeur. Et en retranchant maintenant la siction de ce globe aërien, & remettant les choses en l'état où elles sont réellement, l'air qui est dans la terre à différentes prosondeurs, étant toujours plus condensé, acquiert par la même chaleur une sorce de ressort d'autant plus grande. De plus, comme l'instammation des matieres minérales produit dans la terre un degré de chaleur, sans comparaison plus violent que celui de l'eau bouillante, il n'est

n'est pas étonnant que cet air si dense, & en même tems si échauffé, soit capable de soulever de grandes parties de la surface de la terre, & quelquesois de les bouleverser. Cet effet a dû être merveilleux, tant qu'on a jugé de l'air souterrain par celui qui nous environne, & que cet air enfermé dans la terre, n'a été pris que pour de l'air, & non pas pour une espèce de corps solide assez pésant, ce qui a été sans doute une erreur fort naturelle, & dont il ne devoit pas être aisé de revenir. Il falloit encore, pour faire entiérement cesser cette merveille, nous apprendre, comme a fait M. Amontons, que les effets de l'air échauffé sont proportionnés à son degré de condenfation.

Après cette application du principe qui a produit le nouveau Thermométre aux tremblemens de terre, M. Amontons a fait voir des usages qui naissoient immédiatement de son Thermométre. Il s'en est servi pour examiner une Table des degrés de chaleur, insérée dans les Transactions Philosophiques au mois d'Avril 1701, il ré- V. les Mém. duit d'abord en degrés de son Thermomètre, ceux du P. 50 & 200. Thermométre de l'Auteur Anglois, afin que les observations faites de part & d'autre puissent être comparées. Ensuite il vient au détail des observations, & donne une Table commune de celles de l'Auteur Anglois & des siennes. On y verra l'évaluation précise, & le rapport d'un grand nombre de différens degrés, ou, ce qui revient au même, de différens effets de la chaleur. On ne connoît proprement dans la Physique que ce qui est ainsi évalué, & c'est un grand secours pour découvrir les causes naturelles; car quelquesois on trouve un degré plus fort, où l'on en auroit cru un plus foible, & de-là peut dépendre le dénouement de quelque difficulté. Il est vrai aussi que ceux qui sont des Systèmes n'en ont pas une liberté si entiere de supposer le plus & le moins où il leur plaît.

On peut, avec le Thermométre, mesurer la chaleur naturelle des Animaux, aussi-bien que celle du Soleil ou Hift. 1703.

fo HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

du feu, & en tirer quelques conséquences pour la Médecine. M. Amontons a trouvé que pour avoir des battemens d'artere plus fréquens, on n'en a pas le sang plus chaud.

Comme le Thermométre de M. Amontons, ni aucun autre ne passe la chaleur de l'eau bouillante, qui est beaucoup au-delà de celle que l'air peut recevoir du Soleil, il faut un autre Thermométre pour les degrés de chaleur supérieurs, tels que sont ceux qui sondent les Métaux. M. Amontons s'est servi d'un barreau de fer rougi seulement par un bout dans une certaine étendue, & par conféquent toujours inégalement échauffé depuis là jusqu'à l'autre bout. Différentes matiéres posées sur ce barreau à différentes distances du bout rougi, ou se sont mises en fusion-, où ont donné d'autres marques du degré de chaleur qu'elles recevoient; & comme il y avoit un endroit où le suif se fondoit, ce qui est un point commun au barreau, & au nouveau Thermométre, M. Amontons s'en est servi pour réduire les différentes distances trouvées sur le barreau à des degrés de son Thermométre, qu'il n'a qu'à supposer prolongé, de sorte que la même mesure regne par-tout.

Il arrive quelquefois que l'Auteur Anglois & M. Amontons disconviennent sur les mêmes faits, & même considérablement, & quoique M. Amontons ait sait ses expériences avec un extrême soin, & qu'il en puisse garantir l'exactitude, il vaut mieux suspendre son jugement, jusqu'à ce que l'on sçache plus précisément qu'on ne le sçait encore, de quelle maniere ont été saites celles de l'Auteur Anglois, & quelle a été la cause des erreurs, s'il y en a. Ce n'est pas assez de sçavoir qu'on ne s'est pas égaré, il saut encore, pour une plus grande assurance, sçavoir ce qui a

égaré ceux qui ne sont pas arrivés au même but.



SUR L'USAGE DU BAROMETRE

pour mesurer la hauteur des Montagnes & celle de l'Atmosphere.

Histoire de 1700 * a déja annoncé que M. Cassini & V. les Mém. ceux qui travailloient sous lui à la prolongation de la * page132. Méridienne, observoient sur les hautes Montagnes où ils la fin. se trouvoient, la hauteur du Barométre, pour la comparer à celle qu'il auroit eue en même tems à Paris, & en tirer un moyen de mesurer la hauteur des Montagnes audessus du niveau de la Mer. M. Maraldi qui a eu part à ce grand travail de la Méridienne, a donné le détail des Observations du Bardmétre, & des conséquences qu'il en a tirées, no me profésion le travia of ma nombre

La hauteur ordinaire & moyenne du Barométre placé au bord de la Mer, est supposée de 28 pouces, qui égalent le poids de tout l'air supérieur. Si on porte le Barométre plus haut, il baisse, parce que le Mercure est soutenu par une moindre hauteur d'air. Il baisse d'une ligne quand on le porte à 60 pieds ou environ au-dessus du niveau de la Mer.

Comme le Barométre varie, selon les différens changemens de l'air, & principalement par rapport au tems serein, & au vent ou à la pluie, il est visible que les observations par lesquelles: on veut trouver: la quantité dont il descend pour une certaine hauteur, doivent être saites dans le même tems, afin que les changemens de l'air n'entrent pour rien dans son élévation ou dans sa defcententibil my die autoremption i mangere mais mon.

Si la hauteur de 60 pieds ou environ, répondoit toujours à une ligne dont le Mercure descendroit, il seroit bien aisé de trouver la hauteur d'une Montagne au-dessus du niveau de la Mer, quand on sçauroit à quelle hauteur étoit le Barometre au bord de la Mer, & de com-

12 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

bien il descendoit dans le même tems, étant transporté au haut de la Montagne. Mais parce que l'air est toujours moins condensé à mesure qu'il s'éloigne davantage de la surface de la Terre, la colonne d'air, qui prise depuis le niveau de la Mer peut soutenir une ligne de Mercure, est plus condensée, & par conséquent moins haute que la colonne supérieure, qui peut soutenir une autre ligne, & ainsi de suite, selon une certaine progression, que l'on ne

connoît point.

Pour la découvrir, Mrs Cassini & Maraldi prirent géométriquement la hauteur des Montagnes qui se trouverent sur le chemin de la Méridienne, & quand ils purent se transporter jusqu'au haut, ils observerent quelle étoit la descente du Barométre. Ils avoient fait le même jour, lorsqu'il avoit été possible, une observation du Barométre au bord de la Mer, ou dans un lieu dont ils connoissoient l'élévation sur le niveau de la Mer; ou en tout cas, ils ne pouvoient manquer de trouver à leur retour les obfervations perpétuelles du Barométre qu'on a faites à l'Observatoire, que l'on sçait être plus haut que la Mer Océane de 46 Toises.

Par les comparaisons des différentes hauteurs des Montagnes, avec les différentes descentes du Mercure sur ces Montagnes, Mrs Cassini & M. Maraldi jugerent que la progression, suivant laquelle les colonnes d'air qui répondent à une ligne de Mercure, vont en augmentant de hauteur, pouvoit être telle, que la premiere colonne ayant 61 pieds, la seconde en eût 62, la troissème 63, & ainsi toujours de suite, du moins jusqu'à la hauteur d'une demi-lieue; car ils n'avoient pas observé sur des Montagnes plus élevées. En supposant cette progression, ils retrouvoient toujours à quelques toises près par la descente du Mercure sur une Montagne, la même hauteur de cette Montagne qu'ils avoient eue immédiatement par l'opération géométrique.

On peut donc, en admettant cette progression, mesuter par un Barométre qu'on portera sur une Montagne,

combien elle sera élevée sur le niveau de la Mer, pourvû que l'on puisse sçavoir à quelle hauteur étoit à peu près en même tems le Barométre sur le bord de la Mer, ou dans un lieu, dont l'élévation au-dessus de la Mer soit connue. Et cette méthode réussira le plus souvent, quand même la Montagne seroit fort éloignée de la Mer, quoiqu'on pût craindre que dans ces deux lieux éloignés, les différentes hauteurs du Mercure n'eussent rapport aux différentes constitutions de l'air, aussi bien qu'à ses différentes hauteurs; car on a remarqué par la comparaison des observations du Barométre faites en France, en Italie, en Angleterre & en Espagne, que les variations du Barométre, principalement lorsqu'elles sont promptes & foudaines, y arrivent ordinairement les mêmes jours. Il faut toujours se souvenir que la hauteur de la montagne qu'on veut mesurer, ne doit point passer une demi-lieue, parce que la justesse de la progression supposée, n'a été éprouvée que jusques-là.

Que si cette progression regnoir dans toute l'Atmosphere, il seroit bien facile d'en trouver la hauteur; car les 28 pouces de Mercure qui égalent le poids de toute l'Atmosphere étant la même chose que 336 lignes, on auroit une progression arithmétique qui auroit 336 termes. dont la différence seroit un, & le premier terme 61, ce qui donne aussi-tôt la somme, qui seroit de 6 1 lieues pour la hauteur de toute l'Atmosphere, & l'air de la 336me colonne seroit plus de six sois moins condensé que celui de la premiere. Mais l'incertitude du principe se répand sur toutes ces conclusions, & il ne faut encore rien déterminer de précis sur la hauteur de l'Atmosphere, & sur ses différens degrés de densité. C'est assez d'avoir trouvé une maniere commode de mesurer par deux observations correspondantes du Barométre, l'élévation de la plûpart des Montagnes au-dessus du niveau de la Mer, ce qui seroit une opération presque impraticable par d'autres Méthodes, dès

que la Mer est un peu éloignée.

SUR LE SENS DONT PLUSIEURS

Corps se tournent.

E n'est pas seulement l'intelligence qui nous manque pour découvrir les causes naturelles, il semble que les yeux nous manquent aussi pour voir les essets; & mille choses se présentent incessamment, qui ne sont point obfervées.

Combien y a-t-il de gens qui s'apperçoivent que les Coquilles des Limaçons, qui sont des hélices tournées autour d'une sorte de cône, sont toutes tournées d'un même sens dans une même espéce; & ce qui est encore plus considérable, d'un même sens dans presque toutes les espéces? ce sens est de gauche à droite, à les regarder la pointe en haut. M. Parent, après plusieurs recherches de tous les Limaçons de terre, de riviere, de mer, & même des pierres, n'a pû trouver que trois espéces dont les coquilles sussent tournées de droite à gauche.

Il a étendu cette observation sur les Plantes. Il y en a un grand nombre, qui ont ou leurs tiges, ou leurs fleurs, ou leurs gousses tournées d'un certain sens; d'autres dont les sleurs ou les graines s'attachent en hélice autour de la tige, & par conséquent s'y attachent en un sens déterminé; ce sens est toujours le même dans la même espéce; & de plus M. Parent ayant sait des dénombremens les plus amples qu'il a pû des dissérentes espéces par rapport à ces sortes de propriétés, il a toujours trouvé qu'un certain sens dominoit, c'est-à-dire, par exemple, que sur 33 espéces de Plantes qui avoient leurs tiges tournées à droite, il n'y en avoit que 4 qui les eussent tournées à gauche; que dans 15 espéces, les gousses étoient tournées à gauche, & dans 2 seulement à droite.

M. Parent a remarqué de même que les fibres du cœur de l'Homme sont toujours tournées en même sens, les extérieures de droite à gauche en descendant, & les in-

térieures de même sens en remontant; & qu'au contraire, le toupillon que forment les cheveux naissans au sommet de la tête, est presque toujours tourné de gauche à droite à l'égard de celui qui les porte.

Il suffit d'avoir averti que sur ces sortes de sujets, si peu observés communément, il y a des observations à saire, & que l'on peut tourner ses yeux & son attention de ce côtélà. Chacun trouvera ensuite dans la nature assez d'occasions semblables.

La détermination constante & invariable de quelques parties, soit d'une Plante, soit d'un Animal, à être rournées d'un même sens, vient assurément de la graine ou de l'œus; & c'est là une nouvelle preuve que les générations ne sont que des développemens: mais qui a mis cette détermina-

tion dans l'œuf ou dans la graine?

On pourroit faire la même question dans le sens dont les Planétes tournent, & tout cela peut être renvoyé à une premiere volonté purement arbitraire de celui qui a fait l'Univers. Mais une autre question à laquelle il semble qu'on soit obligé de répondre par l'enchaînement des causes secondes, c'est de sçavoir pourquoi un plus grand nombre, ou de Plantés ou de Coquilles, sont tournées d'un certain sens.

M. Parent conjecture que cela peut tenir au Syssème de l'Aimant. Il est persuadé que l'on y doit admettre deux tourbillons de matiere magnétique qui tournent en hélice autour de la terre, & le long de son axe, en deux sens opposés l'un à l'autre, & dont l'un fort par un Hémisphere, l'autre par l'Hémisphere opposé. Cette matiete magnétique est assez subtile pour pénétrer les corps, & par conséquent les œus ou les graines; & si par quelque cause que ce soit, un des tourbillons a plus de facilité que l'autre pour pénétrer certaines graines ou certains œus, il les tourne du sens qui lui est propre. Peut-être chaque tourbillon a-t-il généralement plus de force dans l'Hémisphere par où il sort. A ce compte, les corps capables d'être ainsi tournés affecteroient dans l'Hémisphere Austral' un sens contraire à

celui qu'ils ont dans le nôtre. Mais il est aisé de juger combien d'observations seroient nécessaires pour vérisser cette pensée. C'est assez de la proposer présentement, & d'y saire entrevoir quelque lueur de vraisemblance.

DIVERSES OBSERVATIONS DE PHYSIQUE GENERALE.

I.

T Onsieur de la Hire a observé de petits Insectes qu'on appelle Pucerons, parce qu'ils paroissent comme de petites Puces vertes. Ils s'attachent aux jeunes pousses des arbres & des plantes, & en font périr une partie. Les feuilles où ils se mettent par dessous, se plissent entiérement, & leur servent en même tems & d'enveloppe contre les injures de l'air, & de nourriture. Ils éclosent vers le milieu du Printems, & croissent fort considérablement dans l'espace d'un mois ou environ. Ils ont trois pates de chaque côté, & deux cornes assez longues sur la tête. Ils sont de figure longue & arrondie, la tête petite avec deux yeux d'un rouge brun. Quelque tems après on les voit avec des aîles. M. de la Hire a trouvé sur les Plantes qu'ils rongent une si grande quantité de dépouilles blanches, qui contenoient les pattes & les cornes de cet Animal, qu'il ne doute point que ce ne soient des Enveloppes que les Pucerons quittent, auxquelles sont attachées leurs cornes & leurs pates, & qui cachoient les petites aîles dont ils doivent se servir, après que les pattes seront tombées. Ces aîles se développent entiérement en une demi-heure; elles sont alors fort blanches: mais après s'être développées, elles deviennent noires peu à peu, & parfaitement semblables à celles des Mouches ordinaires. La tête de l'Infecte devient noire aussi, le corps brun, & il diminue un peu de groffeur.

Voilà donc une espéce d'Insectes, qui après avoir marché, viennent à voler, sans avoir passé, comme la plûpart

des

des autres Infectes volans, par être Aurelia ou Chrysalis. On appelle du nom d'Aurelia ou de Chrysalis, cette espéce de Féve, en laquelle se change un Ver; par exemple, un Ver à soye, qui doit ensuite prendre des aîles & voler. Au lieu de passer par cette métamorphose, ces Pucerons quittent leur enveloppe; elle ressemble parsaitement à celle dont les Grenouilles sont revêtues, lorsqu'elles ne sont encore que Testards, incapables de marcher sur la terre, & propres seulement à nager.

M. de la Hire croit que les Pucerons vivent une année entiere, & que pendant l'hyver ils se retirent dans des trous, d'où ils sortent au Printems pour pondre leurs

œufs, comme font les Mouches ordinaires.

Les Fourmis sont fort friandes des Pucerons. Elles s'amassent en grande quantité sur les Plantes où il y en a, & on se prend à elles des maladies de ces Plantes; mais ce sont les pucerons qui ont causé tout le mal, & ils n'ont fair qu'attirer les Fourmis.

II.

M. Galland, de l'Académie des Inscriptions, a confirmé à l'Académie des Sciences ce qui avoit été dit sur l'Ambre jaune dans l'Hist. de 1700.* Il en a trouvé à Marseille au bord de la Mer, dans un endroit où il n'y avoit point d'arbres, & où la Mer n'éroit bordée que de Rochers trèsescarpés, que les flots battoient dans les gros tems. L'Ambre jaune devoit s'être détaché des sentes de ces Rochers, d'où il étoit tombé dans la Mer.

III.

En même tems M. Galland apprit à l'Académie qu'il avoit vû dans la Cassine de l'illustre M. Puget de Marfeille, des Colonnes d'un Albâtre de dissérentes couleurs, & très-précieux. Il est si transparent, que par le poli trèsparsait dont il est capable, on voit à plus de deux doigts dans son épaisseur l'agréable variéré de couleurs dont il est embelli. M. Puget dît à M. Galland qu'il étoit le seul qui connût la carrière, quoiqu'elle ne sût pas loin de Marseille.

* pag. 10;

IV.

M. Dodart a montré une Bouteille d'eau de Sainte Reine gardée depuis l'an 1678, fans aucune corruption, ni aucun fédiment au fond qui parût. Il y avoit cependant un peu d'air dans la bouteille. L'Osier s'en étoit pourri. On l'a cassée. On n'a trouvé au fond & aux parois qu'un léger sédiment de terre qui n'avoit rien de salin. Quelques-uns seulement ont cru que cette terre pouvoit être un peu tartareuse.

V.

M. Felibien, de l'Académie des Inscriptions, fit scavoir à l'Académie des Sciences un événement singulier, peut-être inoui, qui venoit d'arriver à Chartres. Un jeune Homme de 23 à 24 ans, fils d'un Artisan, sourd & muet de naissance, commença tout d'un coup à parler, au grand étonnement de toute la Ville. On sçut de lui que quelques trois ou quatre mois auparavant il avoit entendu le son des Cloches, & avoit été extrêmement surpris de cette sensation nouvelle & inconnue. Ensuite il lui étoit forti une espéce d'eau de l'oreille gauche, & il avoit entendu parfaitement des deux oreilles. Il fut ces trois ou quatre mois à écouter sans rien dire, s'accoutumant à répéter tout-bas les paroles qu'il entendoit, & s'affermissant dans la prononciation & dans les idées attachées aux mots. Enfin il se crut en état de rompre le filence, & il déclara qu'il parloit, quoique ce ne fut encore qu'imparfaitement. Aussi - tôt des Théologiens habiles l'interrogerent sur son état passé, & leurs principales questions roulerent sur Dieu, sur l'Ame, sur la bonté ou la malice morale des actions. Il ne parut pas avoir poussé ses pensées jusques-là. Quoiqu'il sût né de parens Catholiques, qu'il assista à la Messe, qu'il sût instruit à faire le signe de la Croix, & à se mettre à genoux dans la contenance d'un homme qui prie, il n'avoit jamais joint à tout cela aucune intention, ni compris celle que les

autres y joignoient. Il ne scavoit pas bien distinctement ce que c'étoit que la mort, & il n'y pensoit jamais. Il menoit une vie purement animale, tout occupé des objets sensibles & présens, & du peu d'idées qu'il recevoit par les yeux. Il ne tiroit pas même de la comparaison de ces idées tout ce qu'il semble qu'il en auroit pû tirer. Ce n'est pas qu'il n'eût naturellement de l'esprit; mais l'esprit d'un homme privé du commerce des autres est si peu exercé, & si peu cultivé, qu'il ne pense qu'autant qu'il y est indispensablement forcé par les objets extérieurs. Le plus grand sonds des idées des hommes est dans leur commerce réciproque.

VI.

M. Parent a rapporté que le 15 Mai il tomba aux environs d'Iliers dans le Percheune quantité prodigieuse d'une Grêle, qui étoit prodigieuse aussi par la grosseur. La moindre étoit grosse comme les deux pouces, la plus grosse l'étoit comme le poing, & pesoit cinq quarterons, & la moyenne étoit de la grosseur des œuss de Poule, & en plus grande quantité. Il en tomba en plusieurs endroits de la hauteur d'un pied. Il y eut 30 Paroisses dont les bleds furent coupés, comme si on y eût passé la faucille. Les Habitans d'Iliers voyant ce ravage eurent recours à leurs Cloches, qu'ils sonnerent avec tant de vigueur, que la nuée se fendit au dessus de leur Paroisse en deux parties qui s'écarterent chacune de leur côté, en sorte que cette seule Paroisse, au milieu de 30 autres qui n'avoient pas de si bonnes Cloches, n'a presque pas été endommagée. La Relation de M. Parent affuroit encore, que comme les bleds étoient alors peu avancés, quoiqu'épiés pour la plûpart, ils repoussoient de nouvelles tiges au pied, & que ces tiges commençoient à pousser de petits épics, que l'on espéroit qui pourroient venir en maturité. On a appris depuis, que la récolte avoit été bonne.

VII.

Une lame d'acier étant aimantée soutient un plus grand poids, lorsqu'elle est plus longue. M. Descartes, & après lui M. Rohaut, ont crû que cette augmentation de force venoit de ce que la matiere magnétique acquiert plus de vîtesse en passant au travers d'une plus longue lame, parce qu'elle y trouve les chemins plus aisés que par tout ailleurs. M. Joblot qui a fait une étude particuliere de l'Aiman, & beaucoup de découvertes sur cette matiere, supposant un jour, dans un raisonnement qu'il faisoit à M. Carré, cette augmentation de la vîtesse de la matiere magnétique, le trouva peu disposé à recevoir cette opinion. Comme M. Carré la combattoit, il lui vint l'idée d'une expérience qui devoit éclaircir la vérité. C'étoit de faire faire trois lames de bon acier, bien polies, d'un pouce de largeur ou environ, dont l'une fût double en longueur de chacune des deux autres, & du même poids que ces deux ensemble, de les passer un nombre de fois égal sur la pierre d'Aiman, pour les aimanter le plus également qu'il feroit possible, & de voir ensuite quel poids soutiendroit la plus longue seule, & les deux petites mises l'une sur l'autre, de maniere que les deux Pôles de même nom se répondissent; car autrement elles n'auroient fait aucun effet. Si l'augmentation de force d'une plus longue lame venoit de ce que la matiere magnétique augmentoit sa vîtesse en y passant, la longue lame devoit soutenir un plus grand poids que les deux petites; si au contraire cette augmentation de force ne venoit, comme le croyoit M. Carré, que de ce qu'il passoit une plus grande quantité de matiere magnétique au travers d'une plus longue lame, les deux petites devoient soutenir un aussi grand poids que la grande. L'expérience fut faite par M. Joblot, & la plus longue lame soutint 8 onces 2 gros, & les deux petites, un peu plus de 7 onces. Ce qui les empêchoit d'aller jusqu'aux 8 onces deux gros, c'est qu'elles n'étoient pas assez bien dressées pour se pouvoir joindre exactement; car on sçait que plus deux lames

s'unissent, plus elles ont de force.

On avoit ajouté à cette expérience une quatrième lame égale en longueur aux deux petites, mais un peu plus pesante que la grande. Elle avoit été aimantée comme les trois autres, & elle ne soutint qu'un gros de plus que chacune des petites, ce qui venoit apparemment de son épaisseur, qui l'avoit rendue plus dissicile à pénétrer à la matière magnétique. De-là, il suit qu'entre les lames d'une égale épaisseur, & par conséquent également pénétrables à la matière magnétique, les plus longues ne sont les plus sortes que parce qu'il y est entré une plus grande quantité de cette matière.

D'autres expériences que l'on fit encore à même dessein fur les mêmes lames, aboutirent à la même conclusion.

VIII.

M. Carré a dit, qu'ayant ramassé dans le sable de la Riviere de petites pierres plattes & fort polies, il les avoit mises dans un bassin dont le sond étoit un peu incliné des bords au centre, & qu'il les avoit placées à la circonférence, qu'ensuite il y avoit versé du Vinaigre, & qu'aussi-tôt les petites pierres avoient été toutes au centre. La raison de cet esse esse pierres, & par conséquent en chasse de l'air, qui, lorsqu'il se trouve sous elles, les souleve, & les sait rouler sur un plan incliné Par la même raison, la pierre Etoilée tournoye dans du Vinaigre distilé, & sur un plan horisontal.

IX.

Il a été dit dans l'Hist. de 1700.* que si la Montagne *Page si inaccessible de Dauphiné, qui a sa pointe en embas, & sa base en haut étoit bien observée, elle pourroit bien se redresser. Elle s'est redressée en esset; l'Académie a appris & par M. de Vaubonnays Premier Président de la

Ç iij

Chambre des Comptes de Grenoble, qui veut bien être Correspondant, & par une Lettre de M. Casset Sécretaire de M. Bouchu Intendant de Dauphiné, à M. de la Hire, que cette Montagne prétendue inaccessible, qui est à 8 ou 9 lieues de Grenoble au Midi, n'est qu'un Rocher escarpé planté sur le haut d'une Montagne ordinaire, & que même ce Rocher n'a nulle figure de Pyramide renversée. De plus, il n'y a aucune apparence qu'il se soit détaché aucune roche ni aucune partie qui air changé la figure que cette Montagne merveilleuse pouvoit avoir du tems de Charles VIII; car elle est entre des Montagnes d'un roc très-vif, & l'on ne trouve au pied aucuns débris de Rochers, comme en plusieurs autres endroits. Que devient donc toute l'histoire rapportée en 1700?* On ne sçait point encore jusqu'où peut aller le génie fabuleux des Hommes.

* Page 3.

X.

Voici encore une fiction, mais plus récente. Il vint une Lettre de Cadis, qui portoit que l'on y avoit vû pendant 15 nuits de suite toute la Mer brillante d'une lumiere claire, à peu-près comme un Phosphore liquide, & pour rendre la comparaison du Phosphore plus parfaite, que l'eau de la Mer emportée dans des bouteilles, rendoit la même lumiere dans l'obscurité, que quelques gouttes verfées à terre y brilloient comme des étincelles de feu, & que des linges trempés dans cette eau devenoient aussi lumineux. Le fait ayant été approfondi s'est trouvé faux. Tout au plus, ce bruit qui se répandit beaucoup, même en Espagne, aura eu pour fondement quelque couleur particuliere & plus vive, dont la Mer se sera teinte à un coucher du Soleil. L'Académie croit faire autant en désabusant le Public des fausses merveilles, qu'en lui annonçant les véritables.

XI.

M. Maraldi a rapporté d'Italie des pierres dures d'une

couleur blanchâtre, & qui se sendent par seuilles, dans lesquelles on trouve des Poissons desséchés, des pailles, des seuilles d'Olivier. Elles ont été tirées dans le Veronois par M. le Chevalier Bianchi. Il s'est rencontré heureusement qu'en sendant la plûpart de celles qui contenoient un Poisson pétrissé, il a été sendu par la moitié de son épaisseur, de sorte que les deux parties en sont trèsaissées à reconnoître. Il semble qu'elles soient imprimées comme dans un moule. Tout l'extérieur du corps de l'animal est très exactement marqué, & il n'y a nul lieu de douter que ce ne soient de véritables Poissons qu'a enveloppés un sable qui s'est ensuite pétrisé.

M. Maraldi a vû dans la Galerie du Grand Duc, de femblables Poissons desséchés dans des pierres, qui avoient été prises en Phénicie, dans le Territoire de la ville de Biblis, appellée présentement Gibeal, sur des Montagnes presque inaccessibles, & éloignées de la Mer

de 15 milles.

Il a vû aussi à Rome plusieurs grandes pierres de Marbre mêlées de rouge & de blanc, qui viennent des Montagnes de Sicile. Ce qui en forme le blanc, c'est une grande quantité de Coquillages ensermés & incorporés dans le Marbre.

Qui peut avoir porté ces Poissons & ces Coquillages dans les Terres, & jusques sur le haut des Montagnes? Il est vraisemblable qu'il y a des Poissons souterrains comme des eaux souterraines, & ces eaux, qui selon le Système de M. de la Hire, rapporté ci-dessus * s'élevent en vapeurs, emportent peut-être avec elles des Oeuss & des Semences très-légeres, après quoi lorsqu'elles se condensent & se remettent en eau, ces œus y peuvent éclorre, & devenir Poissons ou Coquillages. Que si ces courants d'eau déja élevés beaucoup au-dessus du niveau de la Mer, & peut-être jusqu'au haut des Montagnes, viennent par quelque accident ou à tarir, ou à prendre un autre cours entre des sables, ensin à abandonner de quelque maniere que ce soit les Animaux qui s'y nour-

* Page 53

rissoient, ils demeureront à sec, & enveloppés dans des terres, qui en se pétrissant les pétrisseront aussi. Ces eaux ellesmêmes peuvent se pétrisser après avoir passé par de certaines terres, & s'être chargé de certains sels. Si toutes les pierres ont été liquides, comme le croyent d'habiles Physiciens, cette espéce de Système en est plus recevable.

XII.

On demanda un jour par occasion, pourquoi un Vaisfeau plein d'eau bouillante a le fond moins chaud pendant le moment où l'eau retirée de dessus le feu bout encore, que lorsqu'elle ne bout plus; car tandis que l'eau bout encore, on peut toucher avec la main le fond du vaisseau, sans se brûler, & on ne le peut plus, immédiatement après que l'eau a cessé de bouillir. Il faut ajouter que pour le succès de cette expérience, le fond du vaisseau doit être

mince, & le vaisseau assez grand.

M. Homberg dit fur cela qu'il concevoit qu'un corps n'étoit chaud, que parce qu'il étoit pénétré en tout sens de la matiere de la flamme ou de la lumiere, qui fortant de toutes parts avec impétuosité, comme une infinité de petits dards très-piquans, portoit dans tous les autres corps qu'elle alloit frapper, les impressions de la chaleur; que quand un vaisseau est sur le seu, la flamme poussée de bas en haut par la pesanteur de l'air, tendoit à se faire des passages dans l'eau du vaisseau, selon cette direction; que d'abord elle avoit dû trouver de la difficulté à pénétrer cette eau, où il n'y avoit point de chemins tels que son mouvement les demandoit; qu'à la fin elle fe les étoit faits, & qu'en cet état l'eau bouilloit; qu'alors tous les passages de bas en haut au travers de l'eau étant faciles, la flamme qui frappoit incessamment le fond du vaisseau les enfiloit sans peine, que par conséquent le vaisseau étant retiré de dessus le feu, le mouvement de tous les petits dards en cet instant étoit de bas en haut, & qu'ils ne pouvoient blesser la main qui touchoit le fond du du vaisseau; mais que quand l'eau cessoit de bouillir, toutes ses parties moins agitées s'affaissant & retombant les unes sur les autres, fermoient une infinité de passages auparavant ouverts, ce qui obligeoit les petits dards à s'échapper indifféremment de tous côtés, & que par conséquent la main appliquée au fond du vaisseau devoit en recevoir un

grand nombre, & en être blessée.

Le fond du vaisseau n'est regardé ici, que comme une simple superficie que la flamme traverse seulement avant que d'arriver à l'eau, & sur laquelle elle n'agit pas. Mais si ce sond a quelque épaisseur un peu considérable, la flamme y agit nécessairement en la pénétrant non seulement de bas en haut, selon la direction imprimée par la pésanteur de l'air, mais de haut en bas, & selon toutes les déterminations, parce qu'elle est réstéchie par les parties solides; & de là vient que dans ce cas, indépendamment des dissérens états de l'eau, la main sentira toujours de la chaleur en touchant le fond. S'il est mince, & qu'en même tems le vaisseau soit fort petit, les côtés du vaisseau qui environnent de près le fond, lui communiquent leur chaleur; & par conséquent le vaisseau ne peut être trop grand, non plus que son fond trop mince.

XIII.

Ce petit Système sur la chaleur a sourni aussi à M. Homberg la raison d'un fait assez étonnant, que M. Amontons a découvert en travaillant à son Thermométre, & qui lui a servi pour le construire. C'est que quand de l'eau boût autant qu'elle peut bouillir, son degré de chaleur n'augmente plus, quoiqu'elle soit tenue plus longtems sur le seu, ou sur un plus grand seu. L'eau n'est chaude, selon M. Homberg, que parce qu'elle est pénétrée par la matière de la flamme qui la gonsse, la souleve, & hérisse sa la santière de la flamme qui la gonsse, la souleve, & hérisse sa des passages libres au travers de l'eau, l'eau bout autant qu'elle peut bouillir, & la matière de la Hist. 1703.

flamme ne peut rien faire de plus; elle ne fait que conserver aux particules d'eau l'état qu'elle vient de leur donner : ainsi soit qu'il en succéde toujours de nouvelles, soit qu'elle vienne en plus grande abondance, elle ne peut ni s'ouvrir mieux les chemins, ni s'en ouvrir une plus grande quantité.

v. les M. Monsieur de la Hire a donné le Journal de ses Ob-



ANATOMIE

SUR UN CERVEAU PE'TRIFIE'.

p. 261.

* Pag. 24. St 25.

V. les M. TL ne peut être permis qu'à l'Expérience, d'attaquer L un Système aussi ancien, aussi naturel, aussi nécessaire que celui qui établit le Cerveau pour le principe de tous les mouvemens animaux. Nous avons déja vû dans l'Hiftoire de 1701 * des faits qui semblent contredire cette hypothèse; en voici encore un, du moins aussi surprenant, & qui paroît en quelque sorte être un effort de la Nature, pour échapper à nos recherches, & pour nous cacher fon fecret.

M. du Verney le jeune a fait voir à l'Académie le Cerveau d'un Bœuf, pétrifié presque en toutes ses parties, & pétrifié jusqu'à égaler la dureté d'un caillou. Il restoit seulement en quelques endroits un peu de substance molle & spongieuse. La moëlle de l'épine s'étoit conservée dans son état naturel, aussi-bien que des nerss qui étoient

à la base du Crane. Le Cervelet étoit aussi pétrissé que le Cerveau; la Pie-Mere étoit aussi comprise dans ce changement général, & toute la masse ensemble en étoit si désigurée que l'on avoit peine d'abord à reconnoître les

parties, & à nommer chacune par son nom.

Ce Bœuf étoit fort gras, & si vigoureux, que quand le Boucher avoit voulu le tuer, il s'étoit échappé jusqu'à quatre sois, circonstance très-remarquable. Car le seul exemple pareil que M. du Verney ait pû trouver dans les Auteurs, & qui est rapporté par Bartholin, est celui d'un Bœuf tué en Suéde, dont le cerveau étoit aussi pétrissé dans toute sa masse, mais qui étoit fort maigre, & qui pa-

roissoit languissant.

Quelque plaisir que l'on prenne à voir la Nature détruire & braver nos Systêmes, il faut pourtant qu'elle se conduise par des Regles qui ne se démentent point, & il paroît à trop de marques indubitables, que le Cerveau est la source des Esprits, & l'origine des mouvemens. Le Cerveau pétrisié que l'Académie a vû, prouve seulement que le peu de substance molle qui y restoit, & la moëlle de l'Epine, qui est une continuation du Cerveau, ont sussi pour la siltration des esprits, & ont remplacé les sonstions

de cette importante partie."

Il est vrai qu'il paroît étrange que presque toute la masse du Cerveau qui étoit parsaitement pétrissée, ait été si peu nécessaire à cet Animal, qui n'avoit rien perdu ni de sa vigueur, ni de son embonpoint. Mais il seroit assez du génie de la Nature, d'avoir ménagé des ressources pour les accidens du Cerveau, & d'avoir établi qu'à son désaut la moëlle de l'Epine sît des siltrations d'esprits plus abondantes, & telles que les demanderoit le besoin de l'Animal. Il arrive quelquesois dans des blessures, qu'une partie considérable de la substance du Cerveau est emportée ou détruite, & que cependant les mouvemens, soit purement méchaniques, soit volontaires, n'en sont pas sensiblement altérés pendant l'espace de plusieurs jours. M. du Verney en rapporte un exemple, où il cite

28 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE un nom illustre, & qui doit toujours être en vénération à l'Académie des Sciences.

Ce n'est pas qu'au contraire, des accidens fort légers en apparence ne caufent aussi quelquesois un renversement général dans le Cerveau, & n'en troublent toutes les fonctions. Mais M. du Verney croit, qu'alors l'altération des parties solides a produit celle des liqueurs, au lieu que dans les autres cas, les liqueurs se sont conservées exemptes de l'altération des parties folides. On ne propose ici que des conjectures qui auroient besoin d'être confirmées par l'expérience, & le seront peut-être quelque jour. Ce ne sera que par un grand nombre d'accidens finguliers du Cerveau, comparés les uns aux autres, que l'on découvrira précisément les usages de cette partie, leur étendue, & leurs bornes, si cependant on va jamais si loin. Il est à craindre que la Nature n'ait voulu rendre le Siége de l'Ame aussi difficile à connoître que l'Ame elle-même.

SUR UN AGNEAU FŒTUS MONSTRUEUX.

N regarde ordinairement les Monstres comme des jeux de la Nature; mais les Philosophes sont trèspersuadés que la Nature ne se joue point, qu'elle suit toujours inviolablement les mêmes Regles, & que tous ses ouvrages sont, pour ainsi dire, également sérieux. Il peut y en avoir d'extraordinaires, mais non pas d'irréguliers; & ce sont même souvent les plus extraordinaires, qui donnent le plus d'ouverture pour découvrir les regles générales où ils sont tous compris.

M. Antoine Chirurgien de Méry sur Seine, Correspondant de M. Méry sur l'Anatomie, ayant eu entre les mains un Monstre très-singulier, en tira des conséquences nouvelles, pour la manière dont le sang circule de la

Mere au Fœtus, & du Fœtus à la Mere, & les commu-

niqua à M. Méry, & par lui à l'Académie.

Il vint d'une Brebis deux Agneaux, dont l'un étoit vivant, bien formé en toutes ses parties, & à terme, & l'autre mort, & monstrueux, sans tête, sans poitrine, sans vertebres, & sans queue, ayant seulement une espéce de ventre au bout duquel étoient les cuisses, les jambes, & les pieds de derriere. Ce ventre étoit rond & oblong, ayant 7 à 8 pouces dans sa plus grande longueur, à à 6 dans sa plus grande largeur, & plus de 3 pouces d'épaisseur; il n'avoit nulle ouverture, ni nul indice de sexe, il étoit fort charnu, de même que les cuisses, recouvert d'une peau toute semblable à celle des Agneaux naissans. Au milieu de la partie antérieure étoit le cordon composé de 4 vaisseaux assez gros, & sort bien distingués.

Lintérieur de ce Tronc informe en étoit le plus merveilleux; il n'y avoir ni cœur, ni poûmon, ni foye, ni ratte, ni reins, ni vessie, ni vaisseaux spermatiques, ni parties de la génération, mais seulement un Mésentère, & des Intestins qui y étoient attachés, & une espéce d'Estomac, qui cependant n'en avoit guère la figure. Cet Estomac & les Intestins contenoient une matiere jaune &

visqueuse, semblable à des excrémens.

Les vaisseaux Ombilicaux étoient l'origine & la fin de tous les autres; & quant aux Ners, ils partoient tous d'un corps pyramidal, gros comme une noisette, & qui par conséquent tenoit lieu de Cerveau. Toute la charpente de la masse, ou l'assemblage des Os, consistoit en un os situé dans la partie supérieure du Monstre, en deux os des Iles, ou Innominés, qui formoient une espéce de bassin, & dans les os des extrémités inférieures. Le corps pyramidal qui représentoit le Cerveau, étoit attaché à l'os de la partie supérieure.

Deux Animaux attachés ensemble par quelque partie commune, ou un seul Animal qui auroit doubles des parties naturellement uniques, seroient beaucoup moins

D iij

étonnans que ce demi-Animal; aussi ne sont-ils pas si rares. Deux Oeufs qui se sont rencontrés dans la Matrice peuvent se coller, & ils ne laisseront pas de se nourrir: & alors, ou toutes les parties de l'un & de l'autre se développent & sublistent, & ce sont deux Animaux attachés ensemble; ou quelques parties de l'un des deux périssent, & il reste un Animal & un demi-Animal unis, de sorte que le demi-Animal trouve dans l'Animal entier tout ce qui lui manque. Mais un demi-Animal qui ne tient point à un autre, qui est privé de toutes les parties les plus nécessaires, telles que sont le Cœur, les Poûmons, & le Foye, comment a-t-il pû se former & se nourrir? comment la Nature a-t-elle pû détacher la moitié d'un Tout aussi-bien lié, & aussi indivisible qu'un Animal? & comment a-t-elle détaché la moitié la plus dépendante d'avec celle qui gouverne, & qui contient les principaux ressorts de la Machine?

Il suit nécessairement du désaut de Cœur dans ce Monstre, que l'impulsion du sang qui y circuloit ne partoit pas du Cœur, & par conséquent M. Antoine lui a cherché un

autre principe.

Selon le Système commun, les arteres de la Matrice versent leur sang dans le Placenta, qui s'en nourrit, le surplus de ce sang entre dans les Veines Ombilicales qui font partie du Cordon, de-là il est porté au Foye du Fœtus dans le Tronc de la Veine-Porte, d'où il passe dans la Veine-Cave, & dans le Ventricule droit du Cœur. Le sang de la Mere une fois arrivé au Cœur du Fœtus, est ensuite distribué à l'ordinaire dans les parties du Fœtus, à l'exception des changemens qu'apportent à son cours le trou Ovale, & le Canal de communication. Il y a encore une autre différence nécessaire, c'est qu'il faut que le Cordon & le Placenta soient compris dans la circulation; & par cette raison le sang qui sort des Arteres Iliaques du Fœtus entre dans le Cordon par les Arteres Ombilicales, de-là dans le Placenta, où il est repris par les veines de cette partie, ensuite par les Veines Ombilicales qui le reportent avec de nouveau sang de la Mere au

Foye & au Cœur du Fœtus.

Puisque le cœur manquoit dans l'Agneau monstrueux de M. Antoine, il a fallu ou que le sang de la Mere porté dans le Fœtus par les veines Ombilicales, selon le Systême commun, soit retourné au Placenta par les Arteres Ombilicales, contre les regles ordinaires de la circulation, qui ne semblent pas permettre ce retour du sang par des arteres, ou que ce même sang poussé par la Mere dans les arteres du Placenta, ait passé de-là dans les arteres Ombilicales, se soit répandu dans toutes les parties du Fœtus, & soit revenu au Placenta par les veines Ombilicales; ce qui paroît plus consorme aux loix de la circulation, mais renverse entiérement le Systême commun.

M. Antoine a mieux aimé abandonner ce Système, que d'admettre une exception aux loix ordinaires de la circulation. Il a même cru, que si dans ce Monstre le sang de la Mere entroit par les arteres Ombilicales, il suivoit cette même route dans tous les Fœtus, & il envoya à l'Académie un Ecrit, où cette opinion nouvelle étoit ingénieu-

fement exposée & soutenue.

Il fit même pour la prouver, & pour la rendre en même tems plus sensible, le dessein d'une Machine Hydraulique assez bien imaginée; mais enfin, comme ni la Machine ni les raisons ne concluoient nécessairement, il fut résolu qu'on attendroit la décisson de l'expérience. M. du Verney s'engagea à la faire sur une Chienne pleine qu'il ouvriroit, après quoi il feroit une ligature à l'artere Ombilicale du Cordon de l'un des petits encore vivans. Le gonflement qui arrivera de l'un ou de l'autre côté de la ligature, décidera. Si c'est entre la ligature & le Fœtus, le sang est poussé par le Fœtus dans les Arteres Ombilicales, selon le Système commun; si c'est entre le Placenta & la ligature, le sang est poussé par la Mere dans les Arteres Ombilicales, selon M. Antoine. L'opération est difficile, & il la faudra tenter plusieurs fois, ayant que d'y réuffir.

On ne doit pas oublier de remarquer dans l'Agneau monstrueux ce Cerveau extraordinaire, & plus extraordinairement placé dans ce ventre, qui étoit tout l'Animal. On peut de-là conjecturer combien un principe commun des nerfs est nécessaire & indispensable dans toute Machine animée.

CIRCULATION SURLA

DU SANG DANS LE FETUS.

V. les M. à la fin.

T NE Question qui n'est que curieuse, a du moins l'avantage de le devenir d'autant plus, que deux habiles Adversaires soutiennent plus vivement les deux partis opposés. Celle qui s'est émue dans l'Académie au sujet de la Circulation du fang dans le Fœtus, a produit ces descriptions que M. du Verney donna du Cœur de la Tortue, de la Grenouille, de la Vipère, & du Cœur & des Ouies de la Carpe dans les Mémoires de 1699 *, & les recherches où il s'est ensuite engagé sur la circulation du fang dans les Poissons, & dont on a vû l'essai dans l'Histoire de 1701. * Maintenant M. Méry, sans employer tant d'Anatomie comparée, répond à ce qui regarde le fond de la Question, & entre dans certains raisonnemens Anatomiques, propres à éclaircir toujours la Méchani-

* Page 46. & fuiy.

* Page 227. & fuiv.

que des Animaux.

* Page 25: & fuiv. 34. & fuiv. * Page 36. & fuiv.

Si l'on se remet devant les yeux ce qui a été dit sur cette matière dans l'Histoire de 1699*, & dans celle de 1701*, on verra qu'il s'agit de sçavoir quelle route tient dans le Fœtus le fang qui passe par le trou ovale, s'il va de l'oreillette droite du cœur dans la gauche pour s'épargner une circulation au travers des poumons, qui peut-être sont difficiles à pénétrer, faute d'air; ou s'il va de l'oreillette gauche dans la droite, pour s'épargner une circulation par tout le corps, où la masse entière du sang ne couleroit pas assez librement, parce qu'elle n'est pas assez animée d'air.

M. Méry

M. Méry reprend son premier principe. Dans l'Homme, où la même quantité de sang qui circule dans les Poûmons circule aussi par-tout le corps, tous les Vaisseaux des deux côtés du cœur, Ventricules, Oreillettes, Artéres, sont égaux. Dans le Fœtus humain, M. Méry soutient que les Vaisseaux du côté droit sont toujours plus grands que ceux qui leur répondent de l'autre côté, l'oreillette d'un tiers plus grande, le ventricule & l'artere la moitié plus grands, preuve évidente qu'une plus grande quantité de sang est contenue du côté droit, ou y coule; car comme les vaisseaux qui sont sibreux obéissent à l'impulsion du sang, il se les sait jusqu'à un certain point aussi grands qu'il lui est nécessaire; & par une moindre impul-

sion, il leur permet de se rétrécir.

De plus, les proportions de l'inégalité des vaisseaux font précisément celles que le Systême de M. Méry demande. Tout le sang rapporté par la veine cave, c'està-dire, tout le sang du Fœtus, est poussé, selon lui, dans l'Artere pulmonaire; mais le canal de communication en dérobe un tiers, & il n'y a que les deux autres tiers qui circulent par le poûmon, & passent dans le côté gauche du cœur. L'oreillette gauche reçoit donc un tiers moins de sang que la droite, & de-là vient qu'elle est d'un tiers plus petite. Si tout le sang de cette oreillette gauche tomboit dans son ventricule, il ne devroit être non plus que d'un tiers plus petit que le ventricule droit; mais puisque dans l'opinion de M. Méry, il passe du sang de l'oreillette gauche par le trou ovale, dans le côté droit, le ventricule gauche en reçoit moins que l'oreillette; il doit donc être encore plus petit par rapport au ventricule droit, que l'oreillette gauche ne l'est par rapport à la droite; & c'est effectivement ce que M. Méry a trouvé par toutes les mesures qu'il a prises. Le ventricule gauche n'est que la moitié du droit; & par la même raison, la capacité du tronc de l'aorte n'est que la moitié de celle du tronc de l'artere pulmonaire.

Ilest vrai, & quelques uns ont fait cette objection, que le Hist. 1703.

ventricule gauche & l'aorte étant formés de fibres beaucoup plus épaisses & plus puissantes, que le ventricule droit & l'artere pulmonaire, ils pourroient, quoiqu'ils fussent moindres en capacité, pousser en même tems une aussi grande quantité de sang, parce qu'ils la pousseroient avec plus de force, & lui donneroient plus de vîtesse. Mais il faudroit pour cela qu'il y eût une espèce de source qui versât dans le ventricule gauche, après qu'il se seroit vuidé, encore autant de sang, dont il se vuideroit encore, & qu'il poussat ces deux quantités successives de fang dans le même tems que le ventricule droit pousseroit hors de lui la seule qu'il contient. Or il est constant que la structure & le mouvement du cœur ne permettent pas qu'on ait cette idée. Les deux ventricules ne se vuident que dans le même instant; chacun ne se vuide que de ce qu'il contient dans cet instant unique; & le gauche n'est le plus fort, aussi-bien que l'aorte, que parce qu'ils ont à pousser le sang jusqu'aux dernieres extrémités du corps, au lieu que le ventricule droit & l'artere pulmonaire ne le poussent que dans le poûmon.

Les défenseurs de l'ancien Système avoient répondu à M. Méry que les vaisseaux du côté droit, supposé qu'ils sussent plus grands, l'étoient, non à cause d'une plus grande quantité de sang, mais à cause du regorgement de ce sang, qui ayant peine à pénétrer les poumons, ressure ou séjournoit dans ses vaisseaux & les dilatoit.

M. Méry oppose à ce regorgement, qu'il faut ou qu'il se fasse uniquement dans l'artere pulmonaire, auquel cas il ne paroît pas possible qu'elle ne crevât dans un aussi long espace de tems que 9 mois, ou que le sang qui regorge dans l'artere pulmonaire ressue dans l'oreillette gauche, ce que les valvules de l'artere pulmonaire ne permettent point, disposées exprès comme elles le sont par la Nature, & très-efficacement disposées pour empêcher ce ressux; & si elles avoient été une sois sorcées, comme elles le seroient pendant un long-tems, il y a tout lieu de croire que leur ressort ne se rétabliroit jamais.

Il s'ensuivroit encore de ce regorgement du sang causé par l'embarras des poûmons, qu'il circuleroit dans les poûmons moins de sang que le ventricule droit n'en pousseroit dans le tronc de l'artere pulmonaire, & dans ses branches, & par conséquent que les veines du poûmon, qui rapporteroient moins de sang qu'il n'y en auroit dans les arteres, devroient être dans le sœtus plus petites, par rapport aux arteres, qu'elles ne le sont dans l'Homme, où elles rapportent tout le sang qui a passé dans les arteres. Cependant c'est dans l'Homme & dans le sœtus la même proportion, ce qui prouve que le sang circule dans les poûmons de l'un & de l'autre avec une égale liberté, quoiqu'à cause du canal de communication, il y ait une moindre quantité de sang qui circule dans les poûmons du sœtus.

Voilà à peu près les principales raisons de M. Méry, pour la désense de son nouveau système. Les rapports qu'il soutient entre le cœur du sœtus & celui de la Tortue, & que M. du Verney lui conteste, la valvule du Trou ovale qu'il conteste à M. du Verney, tout cela étant un peu plus incertain, ne sourniroit peut-être pas tant de lumiere pour une décision, que les raisonnemens

que nous avons exposés.

Il paroîtroit assez étrange que les deux Syssèmes contraires pussent être vrais en même tems; cependant il n'y a peut-être pas d'impossibilité absolue. On prétend que dans le Veau & dans l'Agneau sœtus, les Vaisseaux du côté gauche surpassent aussi constamment en capacité ceux du droit, que dans le sœtus humain ceux du droit surpassent ceux du gauche. Si le fait est bien vrai, M. Méry convient que dans le Veau & dans l'Agneau sœtus, la circulation se fera selon l'ancien Système, & dans le sœtus humain selon le sien. Or si la nature met en usage ces deux dissérents moyens en dissérentes espéces d'Animaux, peut-être les emploie-t-elle indissérent ment dans la même espéce; car au sond ils paroissent tout deux assez également propres à suppléer au peu d'air

* Page 37.

qui se trouve dans le sang des sœtus. Déja on a vû dans l'Histoire de 1699 * un sœtus humain monstrueux, en qui la circulation se faisoit certainement contre l'opinion de M. Méry. Il est vrai que ce sœtus étoit monstrueux; mais les monstres ne sont qu'extraordinaires, & ce qui est extraordinaire n'en est pas moins naturel. En cas que la nature sît prendre au sang tantôt une route, tantôt l'autre; quand même l'une des deux seroit la plus communément usitée, il n'y auroit pas lieu de s'étonner que cette question eût long-tems partagé des Anatomistes, & eût sourni aux deux partis des armes assez égales.

DIVERSES OBSERVATIONS ANATOMIQUES.

I.

N trouve assez souvent dans la Vésicule du Fiel de tous les Animaux, des pierres porreuses, & peu dures, qui ne sont apparemment que le fiel épaiss. M. Lémery en trouva jusqu'à 21 dans la Vésicule du Fiel d'une femme; & ce qu'elles avoient de plus extraordinaire, c'est qu'elles étoient entiérement à sec, & qu'il n'y avoit nulle liqueur mêlée avec elles. Vraisemblablement une grosse fiévre avec des redoublemens, dont la Malade étoit morte, avoit consumé tout le flegme de l'humeur bilieuse, & en avoit pétrissé toute l'huile. Du reste, la Malade n'étoit pas morte de ces Pierres; il y avoit beaucoup d'autres causes de mort très manisestes, comme des Abscès dans le Foie & dans les Poûmons; & l'on sçait d'ailleurs que ces Pierres du siel ne tuent point, & souvent même n'incommodent pas.

Ce qu'on appelle le Bezoard n'est que la Pierre du fiel de plusieurs espéces d'Animaux des Indes tant Orientales qu'Occidentales, comme Chévres, Cochons, Sin-

ges, &c. La vertu du Bezoard consiste dans les sels volatils Alkalis dont il est formé, puisqu'il ne l'est effectivement que de la bile de ces animaux. C'est par-là qu'il détruit les Acides, & excite la transpiration; & sans aller chercher le Bezoard si loin, toute pierre du siel d'un Animal en est un, quoique peut-être plus ou moins actif, selon les dissérens Animaux, & les dissérens Climats où ils auront vécu. Le Bezoard se tire aussi quelquesois de quelques autres endroits que la Vésicule du siel.

II.

Le P. Gouye, en parlant d'un Jésuite qui venoit de mourir, sort connu par son grand talent pour la Poësse Latine, dit qu'il étoit d'une si heureuse constitution, qu'étant chauve à l'âge de 70 ans, il lui étoit revenu des cheveux, & que de plus il lui avoit percé deux nouvelles dents.

III.

M. Littre, en disséquant un Cadavre, trouva une Hernie composée d'Intessin & d'Epiploon, & dont le sac n'avoit plus aucune ouverture du côté de la cavité du ventre. L'entrée du fac s'étoit extrêmement rétrécie, & les parois s'en étoient collées ensemble; de plus, une portion de l'Epiploon s'attachant fortement à toute la circonférence extérieure de cette entrée, l'avoit froncée, & lui servoit de lien & de couvercle. Il étoit donc impossible que l'Intessin ni l'Epiploon tombassent davantage dans le sac de la Hernie; & les suites qu'on pouvoit craindre d'un pareil accident avoient été plus surement prévenues par la nature, qu'elles ne le pouvoient jamais être par les bandages, & par tous les secours de l'art.

IV.

Dans le même Cadavre, M. Littre trouva encore E iij

quelque chose de plus singulier. C'étoit un corps dur comme un cartilage, très-blanc, très-poli, long d'un pouce deux lignes, large de dix lignes, & épais de sept, de figure un peu ovale, contenu dans la capacité du ventre, sans y être attaché à aucune partie. Comment pouvoit-il s'y être formé? comment ne tenoit-il point à la partie qui avoit été le principe de sa génération? ou de quelle manière s'en étoit-il détaché? Au centre de ce corps étoit une pierre ronde, fort unie, fort blanche, & grosse comme un pois de moyenne grandeur. Il paroît que l'enveloppe de la pierre étoit de la même nature, & une pierre commencée, dont la pétrification se seroit achevée avec le tems. Quelques sucs particuliers qui distilloient lentement au travers des Intestins, & dont le flegme s'évaporoit peu à peu par la chaleur, se sont peut-être amassés dans l'endroit où étoit ce corps, & lui ont donné naissance.

V.

M. du Verney le jeune a parlé d'une Dame de 32 à 33 ans, à qui il vint une Erésipele au bras qui s'en alla naturellement & sans aucuns remédes. De ce moment, cette Dame se sentit oppressée, étouffée, & il se répandit un si grand froid par tout son corps, sur-tout à la tête, à la poitrine, & à l'estomac, que les linges les plus chauds ne la réchauffoient point; il lui falloit appliquer des briques & des fers à repasser si chauds qu'elle en eut la peau brûlée en quelques endroits sans se plaindre. Elle sut réduite à l'extrémité, & on lui fit un grand nombre de remédes sans effet. Enfin lorsqu'on n'espéroit plus rien, il vint une sueur réglée & périodique, qui se renouvelloit tous les jours à six heures du matin, & qui lui rendit la santé. Elle étoit grosse en ce tems-là. La sueur cessa trois ou quatre mois avant qu'elle fût à terme; elle accoucha, & mourut quelques jours après. Il y a apparence, comme l'a cru M. du Verney, que si l'on eût fait revenir cette sueur, qui paroissoit si nécessaire à la Malade, on l'auroit sauvée.

VI.

Le P. Gouye a fait voir un Lézard des Indes Orientales, appellé par les gens du Pays Phatagen, & par Aldrovandus Lacerta Indica Squammofa. Il étoit long de deux pieds & demi, à peu près de la figure d'un Crocodile, couvert d'écailles de la largeur d'un écu. On lui avoit trouvé l'estomac rempli de Fourmis; car c'est la nourriture ordinaire de cet Animal, aussi a-t-il une langue de près d'un pied de long pour les prendre plus facilement. Il avoit dans la partie supérieure de l'estomac une bourse pleine de Vers vivans, gros & longs comme des épingles, & dont le nombre alloit bien jusqu'à un millier; & ce qu'il y a d'étonnant, ce n'étoit point une maladie, on en avoit trouvé autant dans un autre Animal de la même espéce. On a déja remarqué la même chose d'un Tigre de la Chine dans l'Histoire de 1699.*

* Page 51;

VII.

M. Reneaume a lû une Relation d'un Monstre, qui lui a été écrite de Blois par M. Hemery Médecin. Ce sont deux enfans qui ont le sommet de la tête commun, & même le derriere ou l'Occiput, de maniere qu'ils n'ont qu'un Crâne, & que leurs visages regardent de deux côtés opposés. Toutes les autres parties de leurs corps sont très-distinctes, & très-bien formées. Tous deux étoient en bonne santé, & paroissoient fort disposés à vivre. L'un étoit venu les pieds en bas, & l'autre les pieds en haut, & l'accouchement avoit été très-facile. Le crâne commun pouvoit faire croire qu'il n'y avoit qu'un cerveau; & sur cela on avoit fait quelque scrupule au Curé qui les avoit baptisés comme deux individus différens. Cependant à considérer les mouvemens qu'ils avoient indépendamment l'un de l'autre, il étoit plus probable que chacun d'eux avoit son cerveau separé, quand même il n'y auroit eu entre deux aucune cloison osseuse, comme en 40 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE effet il ne paroissoit pas qu'il dût y en avoir.

VIII.

M. Méry a fait voir une tumeur d'une grosseur surprenance, qu'il avoit coupée sur l'Oeil d'un Homme. C'étoit comme la Cornée allongée, qui ensuite produisoit une grosse excrescence de chair.

IX.

Un Gentilhomme de Seissel en Bugey étant tombé dans un fossé fort profond sous son Cheval, se resoula un des Testicules, & s'entrouvrit les Anneaux. Quatre années se passerent, pendant lesquelles il s'appercut seulement que ce testicule grossissoit, & devenoit très-dur, fans lui faire cependant aucune douleur. Mais dans la cinquiéme année la groffeur & la dureté augmenterent extraordinairement, accompagnées de douleurs très-vives. Un Empirique fit une ouverture d'environ un pouce au Scrotum, pour y seringuer une liqueur, mais sans aucun succès, & l'on sur obligé de laisser refermer la plaie. Des Emplâtres résolutifs ne firent pas plus d'effet. Enfin les plus habiles Médecins & Chirurgiens de Paris ayant été consultés, conclurent l'amputation, sans garantir la vie du Malade, à cause du peu de prise que laissoit l'extrême tuméfaction des Muscles suspenseurs. Il ne put se résoudre à une opération si périlleuse. Il alla à Lyon, où il sut encore condamné. Etant de retour à Seissel, il n'observa qu'un régime fort commun, à cela près qu'il prenoit quelquefois de la Rhubarbe. En moins d'un an, la grosseur, la dureté, les douleurs, tout disparut absolument, & il jouit d'une parfaite santé. M. Parent qui le connoît a été témoin de ce miracle de la nature. C'est un homme de 48 ans, d'un tempérament chaud & sec. Les guérisons purement naturelles de maux aussi considérables, méritent peut-être encore plus d'être remarquées que celles qui sont dûes à l'Art. X

X.

L'Académie a vû une fille appellée Anne Perraut, de Moustier S. Jean, Village de Bourgogne à deux lieues de Sainte Reine, âgée présentement de 21 an, à qui il arriva à l'âge de 7 ans, après une siévre ordinaire, que ses deux mains & ses bras se desséchérent, jusque vers la naissance du coude, & tombérent naturellement, de sorte qu'il ne lui resta que deux moignons. Elle apporta à l'Assemblée ses mains dans sa poche, & les en tira avec un de ses moignons dont elle se fert assez adroitement. Elles sont noires & séches comme des mains d'une petite Momie.

XI.

M. du Verney le jeune a rapporté la maniere dont il avoit guéri une Excrescence à l'œil, qu'avoit un Ecclesiastique de Lyon. Elle étoir sur la conjonctive; elle commença par un point rouge au petit angle, & devint une excrescence fongueuse, dont la pointe couvroit absolument la Cornée, sans y être adhérente. Les remedes internes n'ayant pas réussi, on sut obligé de hasarder une opération de Chirurgie : elle fut heureuse, & on emporta l'excrescence avec la pointe d'une lancette; mais il en revint une seconde, que l'on emporta encore, & à laquelle succéda une troisiéme, de sorte qu'on proposa au Malade d'y appliquer le feu. Il ne s'y put résoudre. Ce sur alors que M. du Verney le vir. Après avoir médité sur sa maladie, il lui fit user pendant 15 jours d'une Ptisane diaphorétique & purgative; & pendant tout ce tems-là on bassina simplement l'excrescence avec de l'Eau céleste. Ensuite il lui appliqua un Seton entre les deux épaules, pour faire diversion des humeurs, & faciliter l'action des remedes. Il mêla en même tems à l'Eau céleste de l'Alun calciné. Il purgeoir aussi le Malade une fois la semaine avec la grande Hiere de Galien. Tous ces remedes joints ensemble tarirent en deux mois la sour-Hist. 1703.

42 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE ce de l'humeur qui causoit l'excrescence, & elle disparut.

XII.

M. Littre a ouvert une femme, en qui les Glandes des Intestins Jejunum & Ileon s'étoient tellement grossies, qu'elles remplissoient entiérement en quelques endroits la cavité de ces Boyaux, & par conséquent ne permettoient presque plus le passage des matieres qui y devoient couler. On reconnoissoit certainement ces Glandes, & à leur disposition, & à leur figure, & à leur consistence. La Malade avoit eu pendant six mois dans le ventre une douleur fixe, qui avoit toujours augmenté, & tous les autres accidens qu'il est aisé de conclure de cette espéce particuliere d'obstruction.

XIII.

Une nouvelle Observation de M. Littre confirme ce * Pag. 44. & qui a été dit dans l'Histoire de 1701 * sur le Corps spongieux, ou la Caroncule qui se trouve quelquesois aux Ovaires des Animaux, & même des femmes. En ouvrant le cadavre d'une femme de 25 ans, nouvellement accouchée, M. Littre apperçut à son Ovaire gauche une Tumeur grosse comme une petite Cerise, revêtue de la membrane commune de l'Ovaire. Au milieu de la tumeur, cette membrane étoit percée d'un trou rond, qui avoit une ligne & demie de large. Quand la membrane eut été levée, M. Littre vit que la tumeur avoit en son milieu du côté extérieur, un trou placé vis-à-vis celui de la membrane, de la même grandeur, & de la même figure à peu-près. Voilà précisément le Corps spongieux tel qu'il a été décrit en 1701. M. Littre en l'examinant, trouva que c'étoit une espéce de poche composée de sibres charnues & de glandes jaunâtres, dont la cavité étoit ronde & de trois signes de diamétre. Il conjecture que dans cette cavité a voit été d'abord contenu l'œuf, qui étoit ensuite devenu le Fœtus, & que peut-être, comme

45.

elle étoit assez grande, cet œuf avoit-il commencé à s'y développer, avant que de tomber dans la Trompe par le trou de la membrane commune de l'Ovaire, & de là dans la Matrice. A ce compte, cette poche, ou le Corps spongieux, ou la tumeur, n'est qu'une des cellules de l'Ovaire, dont les parois charnues & sibreuses se sont grossies & dilatées par les mêmes causes qui ont sécondé l'œuf, qu'elle contenoit.

XIV.

Au-dedans de l'Ovaire droit d'une semme de 38 ans, & dans la cavité d'une cellule charnue, M. Littre a trouvé un corps de figure ovale, long de 10 lignes, large de 7, & épais de 4, solide, ayant la couleur, & la consistence de chair, & attaché par un petit pédicule au fond de la cavité. Il occupoit les deux tiers de l'Ovaire. De-là, M. Littre conjectura, que ce corps pouvoit être une Mole qui se seroit formée dans l'Ovaire, comme il s'en forme dans la Matrice; que par conséquent les œuss pourroient recevoir dans les Ovaires un certain accroissement, & que chaque cellule seroit comme une petite Matrice à l'égard de l'œuf qu'elle renferme. Cette conjecture qui se lie naturellement avec celle de l'observation précédente, donne aux usages des Ovaires & de la Matrice une analogie, & une connéxion, qui sont assez propres à persuader. Un Ovaire seroit la Matrice commune de tous les petits œufs, & la Matrice seroit l'Ovaire particulier de chaque œuf qui s'y développeroit entiérement. Le développement pourroit aller jusqu'à un certain point dans l'Ovaire, & ne s'acheveroit que dans la Matrice.

X V.

M. Littre a fait voir un petit chien mort, qui n'avoit v. la Fig. qu'un œil sans paupiere, situé au milieu de la partie in-Pl. I. férieure de la face, à la maniere dont on peint les Cyclopes. Il n'avoit ni nés, ni gueule, ni aucune ouverture

F ij

pour y suppléer. Il étoit gros, & fort bien nourri; & il étoit mort peu de tems après être né, sans doute, parce qu'il ne pouvoit prendre d'air. Ce Fœtus ne pouvoit s'être nourri que par le cordon Ombilical; cela confirme ce que M. Littre avoit déja avancé dans l'Histoire de 1701.* Il avoit au-dessus de son œil & vers le milieu de la face. une espéce de corps carrilagineux, long de demi-pouce, & de la groffeur d'une ligne, folide, de figure conique, & fans ouverture.

* Page 24.

Onsieur du Hamel a continué son Histoire Anato-IVI mique, & traité du Sommeil & de la Veille.

156.158.162. 170. 178. * Page 18. * Page 90.

* Pag. 15c. Ous renvoyons aux Mémoires * la suite des Ob-1 rervations de M. du Verney le jeune sur l'Hydropisse; celle qu'il a donnée sur une Dartre rentrée *; & une Observation de M. Littre * sur une Hydropisse particuliere.

> M Onsieur Vieussens, fameux Médecin de Montpellier, fort connu par son grand Ouvrage de la Neurologie, communiqua à l'Académie des Sciences, un nouveau Système qu'il a trouvé sur la structure des Vaisseaux du corps humain. Quelque prévenu que l'on fût pour la capacité & pour l'exactitude de M. Vieussens, on jugea qu'il faudroit un grand nombre d'expériences, & d'expériences délicates pour vérifier son Système, & comme on n'eut pas la commodité de les faire, la Compagnie ne fut pas en état d'approfondir cette matiere autant qu'elle l'auroit desiré.





CHYMIE

SURL'ANALYSE

DES GROSEILLES FERMENTE'ES.

N a vû dans l'Histoire de 1702 * les raisons qui ont porté M. Lemery le fils à faire des Analyses de Fruits fermentés. Il a encore opéré de la même maniere sur les Groseilles, & voici ses principales remarques.

La Fermentation n'a pas produit sur les Groseilles un changement aussi considérable, qu'elle auroit fait sur des Fruits plus doux, comme les Guignes, les Cerises, les

Raisins. Cependant elle avoit été de 21 jour.

Les Groseilles donnent beaucoup plus d'huile, que ces mêmes Fruits plus doux, ce qui paroît contraire à l'opinion commune; car on prétend que la douceur des Fruits dépend de la quantité de l'huile.

L'huile des Groseilles est plus liquide & plus coulante;

que celle de ces mêmes Fruits.

Elles ne fournissent presque point d'Esprit ardent, en

comparaison de ces Fruits que nous avons marqués.

M. Lémery le fils explique tous ces faits par une seule supposition, c'est que les Acides des Groseilles ne sont que légerement mêlés avec l'huile, & non pas si étroitement ni si intimement que dans les Raisins, dans les Cerises, ou dans les Guignes.

Ce n'est pas précisément la quantité ou la dose d'un Principe qui produit un certain esset, c'est plus particuliérement la maniere dont il est mêlé avec les autres.

* Page 383

Ainsi l'huile, quoique plus abondante dans un Mixte, ne le doit point rendre plus doux, si d'un autre côté les Acides sont moins unis à cette huile, de sorte qu'ils conservent

l'effet de leurs pointes moins altéré & plus vis.

L'huile qui a ses pores, ou les interstices de ses parties rameuses, remplis par des Acides intimement unis avec elle, en doit être moins coulante, & par conséquent celle des Raisins, des Cerises, &c. doit l'être moins que celle des Groseilles.

La Fermentation est une désunion des principes; & plus les principes sont unis, plus leur désunion est violente, & par conséquent la Fermentation. Des principes peu unis, comme les Acides & l'huile des Groseilles, ne doivent en se désunissant sermenter que médiocrement, & leur désunion ne doit pas tant changer le Mixte.

Et comme c'est la Fermentation qui fait élever l'Esprit ardent, & que de plus cet Esprit n'est qu'une huile trèssubtile & trèssfine, il s'ensuit qu'un Mixte qui sermente peu, & dont l'huile est peu divisée & peu atténuée par le mêlange des Acides, doit donner peu d'Esprit ardent.

Pour rendre utiles ces réflexions sur les Groseilles, M. Lémery en conclut, que l'usage de ce Fruit doit être assez bon dans la sièvre, parce qu'il fermente peu, & que par ses Acides qui se dégagent aisément, il doit donner plus de consistence aux liqueurs, & en reprimer le mouvement excessif. Les eaux de Cerises, ou d'autres Fruits, qui fermentent davantage, ne doivent pas tant rasraîchir; car leur Fermentation augmente la chaleur du sang, & la fraîcheur qu'on sent en bûvant ces liqueurs, n'est assez souvent que trompeuse, & de peu de momens.



SUR L'ANALYSE

DU SOUFRE COMMUN.

PRE's le Traité du Sel principe que M. Homberg donna l'année précédente, * doit venir celui du p. 31. Soufre principe. Mais comme il demande un grand de 1702. Pag. nombre d'opérations & d'expériences, qui ne sont pas 45. encore entiérement finies, M. Homberg en attendant donne ici l'Analyse du Soufre commun, soit à cause de la connéxité naturelle de ces deux sujets, soit afin que quand on connoîtra mieux le Soufre commun, on soit mieux préparé à le bien distinguer d'avec le Soufre prin-

cipe.

Le Soufre commun est visiblement un Mixte, & par conséquent ce n'est pas un des principes chymiques. Il est très-difficile d'en faire l'Analyse, parce que les principes dont il est composé sont, & si volatils & si bien liés, qu'ils s'élevent tous ensemble sans se désunir, ou se dissipent & se perdent en se désunissant. Cependant M. Homberg a découvert enfin le secret de les séparer & de les conserver en même tems. Il a vû que c'étoit un sel acide, une terre, une matiere grasse, bitumineuse, & inflammable, & ordinairement aussi un peu de métal.

Le Soufre étant épuré autant qu'il l'est ordinairement par la sublimation, & mis dans l'état où il est appellé Fleurs de Soufre, M. Homberg trouve par une longue suite d'opérations, que la matiere inflammable, le sel acide, & la terre, doivent être à peu-près également mêlés, & que le métal, qui dans le Soufre que M. Homberg a travaillé étoit de Cuivre, y entre pour une si petite part,

que l'on peut n'en pas tenir compte.

L'acide du Soufre est précisément le même que celui du Vitriol, ce que M. Homberg prouve, & par l'exacte conformité de leurs effets, & parce que le Soufre & le

V. Ies M.

Vitriol, se peuvent tirer d'une même marcassite séparément & fans se consondre. On doit encore y joindre l'Alun. La ressemblance & l'analogie de ces minéraux si différens en apparence, du moins si l'on compare l'Alun ou le Vitriol avec le Soufre, avoit déja été insinuée dans *V. les Mem. l'Histoire de 1702. * M. Homberg croit qu'ils ne different entre eux que par les matieres qu'un même sel acide a dissoutes. Dans l'Alun, il a dissous des matieres simplement terreuses; dans le Vitriol, des matieres terreuses & métalliques; dans le Soufre, des matieres terreuses, & bitumineuses ou inflammables.

> Une huile épaisse & rouge comme du sang que M. Homberg scait tirer du Soufre commun, & qui étant refroidie, prend une consistence de Gomme, lui paroît être la véritable partie inflammable ou sulfureuse du Soufre; ce seroit le Soufre principe, si dans l'opération par où elle a passée, elle n'avoit retenu quelque mêlange d'une matiere étrangere. Tout ce qui est principe semble suir

nos yeux avec beaucoup de foin.

Cette Gomme n'a point l'odeur désagréable du Soufre; au contraire, elle en a une agréable & balsamique, apparemment parce qu'elle est bien dépouillée du sel acide. Il s'en dissout une partie dans l'Esprit-de-Vin, & c'est alors un bon remede, & éprouvé, pour les maladies qui viennent de la quantité & de l'acrimonie des fels; elle les absorbe avec avidité, comme les sels réciproquement

corrigent la trop grande vivacité des Soufres.

La terre du Soufre commun est extrêmement fixe, parce qu'elle est dépouillée de la matiere grasse & huileuse, dans laquelle consiste la volatilité de tout le Mixte. Cette terre est presque inaltérable au plus grand seu. * V. PHist. Exposée au miroir ardent du Palais Royal, * elle ne se de 1702. pag. fond ni ne s'enflamme, mais jette seulement beaucoup de fumée d'une odeur d'eau forte qui bouilliroit. Cette fumée est vrai-semblablement un reste d'huile & de sel acide, que le feu des creusets n'avoit pû enlever, & qui ne résiste pas au Soleil. M. Homberg n'a pû fondre au

34.

p. 21.&32.

miroir

* V. l'Hift: de 1702. pag.

Miroir, la terre du sousse, sans y ajouter un Sel qui a été le Borax. Alors elle s'est vitrisiée. On sçait que toute vitrisication se sait par un sel qui est le sondant d'une terre.

SUR LE BORAX.

E Borax est un Sel minéral qui naît aux Indes Orientales, en Perse, en Transilvanie. Après qu'il a été tiré de la terre, on le rassine à peu près comme les autres Sels, & il se condense en beaux morceaux blancs, nets, durs, transparens, secs; il se garde facilement sans s'humecter; il a d'abord un goût un peu amer, après quoi il devient douceâtre. On s'en sert pour souder quelques méraux, & principalement l'Or, ce qui l'a sait appeller Chrysocolla; il est aussi quelques ois employé dans la Medecine, comme un reméde incisif & apéritis. L'usage nouveau & heureux que M. Homberg a sait de ce Minéral dans la Chymie *, a porté M. Lémery à en faire l'analyse, & à l'étudier avec soin.

Différens Acides d'un côté, de l'autre différens Alcalis, versés sur du Borax pulvérisé, sans causer aucune fermentation, ont sait conclure à M. Lémery, que le Borax n'étoit proprement ni acide, ni alcali, mais un sel salé ou

moyen composé de ces deux.

Une livre de Borax mise en distillation dans une grande Cornue à seu de réverbere gradué, & bien sort sur la sin, s'est beaucoup gonssée, ensuite s'est abbaissée à mesure qu'il en est sorti de l'humidité, & il n'en est plus sorti aucune, depuis que la matière a eu entièrement cessé de se gonsser. Il s'est trouvé dans le Récipient 6 onces 6 gros d'une eau claire, insipide, sans odeur, qui ne faisoit aucune impression sur les Acides, ni sur les Alcalis, & qui par conséquent étoit un véritable slegme. Dans le fond de la Cornue étoit tout le Borax vitrissé en un très-beau verre ressemblant au Crystal, & d'une dureté si grande Hist, 1703.

que les instrumens les plus pointus & les plus sorts ne le pénétroient qu'avec beaucoup de peine. Il pesoit neus onces deux gros, ce qui, avec les six onces six gros de slegme, resait justement la livre, & donne la proportion qui est dans ce Mixte entre les parties aqueuses, & toutes les autres prises ensemble; il est aisé de comprendre que le Borax qui est naturellement crystallin & transparent, le devient encore davantage lorsqu'il a été purissé par la distillation, qui lui a ôté une si grande portion de slegme qu'il contenoit, & a donné lieu aux parties solides de se rapprocher, & de s'unir plus étroitement. Le Borax est par lui-même si disposé à la vitriscation, qu'il aide à celle de l'Antimoine calciné, & des autres Minéraux, où il n'a besoin d'être mêlé qu'en petite quantité.

Le verre de Borax se dissout entiérement dans l'eau, & c'est ce qui doit arriver, puisque ce verre n'est qu'un sel moyen crystallisé. M. Lémery a fait prendre un peu de cette dissolution à un Malade rempli d'obstructions, & les urines ont été plus abondantes qu'à l'ordinaire; d'où l'on pourroit conjecturer que ce seroit un reméde pour la

Gravelle.

Comme toutes les difillations de M. Lémery n'avoient point féparé les principes, c'est-à-dire l'acide & l'alcali, qui composent le sel salé du Borax, il tâcha de faire quelque opération qui en sût capable. D'une once & demie de Borax bien desséché sur le seu, ensuite pulvérisé, & mis en distillation dans la Cornue avec deux sois autant d'argille en poudre & bien séche, il en a tiré trois gros d'une liqueur claire comme de l'eau, qui avoit un goût salé & unel odeur urineuse, & qui certainement étoit alcaline. Il a tiré aussi du Borax mêlé avec le sel de Tartre, une eau d'un goût sade, désagréable, & graisseux, qui lui venoit apparemment d'une substance huileuse qu'elle avoit entraînée du Borax. C'est cette substance qui fait que le Borax s'ensse sur le seu ; & avec quelque soin qu'on le purisie, il est dissicile de la séparer

entiérement. On appelle Borax gras celui qui en contient

beaucoup.

Mais M. Lémery n'a jamais pû tirer du Borax aucun acide, d'où il conclut que ce Minéral est composé d'un sel salé qui y domine, d'un sel urineux ou alcali, qui n'est point lié à un acide pour former un sel salé, & d'un peu de substance huileuse ou bitumineuse.

OBSERVATION CHYMIQUE.

L s'est trouvé dans le Cabinet d'une personne très-curieuse & très-habile en Chymie, une Tasse qui venoit des Ambassadeurs de Siam, que l'on vit à Paris il y a 19 ans. Ils l'avoient donnée comme un reméde dont ils se servoient utilement contre toutes sortes de maladies; mais on avoit oublié la manière dont ils avoient dit qu'ils l'employoient.

Cette Tasse contenoit environ 3 onces d'eau, elle étoit creusée dans une pierre pesante, quoique sort tendre, d'un rouge sale, couleur de brique tirant sur le jaune. Elle avoit cela de particulier, qu'elle étoit toujours couverte d'un peu de poussiére jaunâtre tant en dedans qu'en dehors, lors

même qu'elle étoit nouvellement lavée.

La production continuelle & extraordinaire de cette poudre, sit naître la curiosité de sçavoir quelle pouvoir être cette pierre. M. Homberg rompit un morceau de la Tasse, & le pulvérisa aisément. Il versa sur différentes portions de cette poudre, dissérentes liqueurs, & laissa le tout en digestion sur l'Athanor. Il remarqua que l'esprit-de-vin se chargeoit d'un peu de teinture orangée. Il y trempa son doigt, & en mit une goutte sur sa langue. L'esprit-de-vin n'avoit point changé de goût, seulement il avoit pris une legére odeur d'Ail. Il étoit alors près de midi, & M. Homberg laissa ses expériences pour aller dîner.

Etant à table, sans avoir encore mangé, il commença à sentir des nausées, qui augmenterent toujours, & enfin il vomit avec des efforts terribles. L'après-dinée il eut une colique très-douloureuse, qui dura jusqu'au lendemain. Il eut l'estomac incommodé pendant plus d'un mois de suite; & pour peu qu'il mangeât de viandes difficiles à digerer, comme du Veau ou de l'Agneau, il ne manquoit point d'avoir la colique. Le tems & le régime lui remirent l'estomac.

Il n'abandonna pas l'examen de la Tasse. Il reconnut que c'étoit une espéce de Réalgal, ou d'Arsenic rouge, plus vif & plus caustique que le nôtre. Il y a beaucoup d'apparence que cette Tasse étoit destinée au même usage, que celles que nous faisons de Régule d'Antimoine, & qui donnent au vin qui y a été quelque tems, la vertu de faire vomir. Les Siamois & la plus grande partie des nations Barbares, ne connoissent point de meilleurs remédes que les Emétiques; & comme dans les climats extrêmement chauds, la grande transpiration qui enleve: tout le volatil des humeurs, rend ce qui en reste dans le corps, beaucoup plus visqueux, plus tenace, plus difficile à détacher, il faut aux Siamois une Tasse de Réalgal pour l'effet auquel une Tasse de Régule d'Antimoine nous suffit. On sçait que la dose des remédes est beaucoup plus forte dans la Zone torride, & par exemple, la quantité d'Ipecacuanha que prennent les Indiens, nous seroit mortelle, & il ne nous en faut que la vingtiéme partie.

Le Réalgal, qui en la plus petite quantité qu'on le pût prendre, seroit un poison infaillible pour nous, peut n'être qu'un reméde pour les Siamois, même en plus grande quantité. Ce n'est pas que le Réalgal ne puisse être préparé de manière qu'il deviendra un reméde en nos climats. M. Homberg connoît un Médecin à Rome, qui en a fait un excellent Fébrisuge, & si doux, que le plus souvent il

n'excite pas seulement de nausées.

La matière de cette Tasse étoit extrêmement chargée

de sels; l'humidité de l'air pénétroit & dissolvoit ceux qui étoient à la surface, & quand cette humidité qui les avoit dissous, s'étoit évaporée, ils demeuroient en sorme de poudre, dont il est aisé de voir que la réproduction devoit être perpétuelle. Une matiere saline qui l'étoit à ce point là, ne pouvoit manquer d'être d'une grande vertu.

M. Homberg a vû d'autres Tasses de Siam & même des Pagodes, qui paroissoient être à peu près de la même matière; mais comme il ne s'y formoit pas cette même poudre, la matière en étoit apparemment moins saline, & d'u-

ne moindre efficace.

M Onsieur Lémery a continué son grand Traité de l'Antimoine.



BOTANIQUE

SUR LA CAMPHORATA DE MONTPELLIER.

N grand nombre de remédes excellens que la Botanique a fournis, ont dû former un préjugé favorable pour les Plantes; & dès qu'il y en a quelqu'une qui se met en quelque réputation, ne sût ce que parmi les Paysans, elle mérite d'être étudiée par d'habiles Médecins; peutêtre trouvera-t-on que c'est en son espéce un Quinquina, ou un Ipecacuanha.

La Camphorata, ou Camphrée, ainsi nommée à cause G ii de quelque petite odeur de Camphre, Plante qui vient le long des chemins dans le Languedoc, & sur-tout aux environs de Montpellier, ayant commencé à faire du bruit parmi les Médecins, comme reméde spécifique pour l'Hydropisse, & sur-tout pour l'Asshme, M. Burlet la voulut éprouver par lui-même, & en sit venir de Montpellier une Caisse de 60 livres. Quoiqu'il en ait eu en disférens tems, il n'a rien pu observer d'assez dissinct sur sa Fleur, ni sur son Fruit, pour la pouvoir ranger sous un genre; & comme elle n'est point décrite dans les Institutions de M. Tournesort, il s'est remis à lui de la placer où il conviendra, & ne s'est attaché qu'à l'examen de ses vertus.

Ce qui augmentoit sa curiosité, c'est qu'il apprit d'un Médecin de Montpellier, que depuis peu les Empiriques s'étoient saisse de cette Plante, & en faisoient un secret qui leur réussissionem. M. Burlet se mit donc à faire des expériences de la Camphorata, avec toutes les précautions nécessaires: il en a rendu à l'Académie un compte exact & accompagné de toutes les circonstances; mais il sussir de marquer ici les conclusions générales qui en résultent.

Il n'y a point de maniere plus sure de donner la Camphorata qu'en Ptisanne; on en met depuis une once jusqu'à deux sur une pinte d'eau, ou quelquesois de vin blanc. Les brins les plus tendres, les plus déliés, & les plus garnis de seuilles sont les meilleurs; on les coupe menu, comme on fait le Chiendent. Les grosses & la racine doivent être rejettées. On prend aussi cette Plante en guise de Thé. Elle est d'autant meilleure qu'elle est plus verte & plus nouvelle; elle se conserve cependant d'une année à l'autre, & garde toujours une odeur un peu aromatique. Ce n'est pas un reméde à beaucoup près aussi sûr que le Quinquina ou l'Ipecacuanha.

La Camphorata échauffe & altére beaucoup; & ceux qui ont des Hydropisies invétérées, accompagnées pour l'ordinaire de maigreur, de desséchement, & de toux,

n'en peuvent soutenir l'usage; & même quand ils le soutiendroient, elle n'auroit aucun bon effet. Elle ne convient qu'aux Hydropisies nouvelles, où les malades sont peu altérés, & ont peu de sièvre. Alors continuée long-tems en prisanne, & aidée de quelques Purgatifs, elle guérit

le plus souvent.

Elle a beaucoup de vertu pour l'Asshme, lorsqu'il est la maladie principale, & non pas un accident causé par quelque autre mal. Il est bon dans les approches de l'accès, & dans l'accès même, d'ajouter à la ptisanne 5 ou 6 gouttes d'essence de Vipère, & autant de Laudanum liquide, ainsi que M. Burlet l'a appris par son expérience. L'usage de la Camphorata ne doit pas être continué aussi longtems dans l'Asshme que dans l'Hydropisie; il faut même quelquesois le suspendre pendant quelques mois pour le reprendre ensuite.

Quand l'Asshme & l'Hydropisse sont compliqués, il faut rensorcer la décoction, qui fait presque toujours des

merveilles.

L'Asthme & l'Hydropisse viennent le plus communément de la défunion des sérosités du sang d'avec la partie rouge, qui devroit les lier & les embrasser. Ces sérosités dégagées, étant portées dans le Poûmon par la circulation, pénétrent par leur subtilité dans les vésicules qui ne sont destinées à recevoir que de l'air; & de-là vient la difficulté de respirer, & l'Asthme. D'un autre côté, ces mêmes férosités peuvent en d'autres parties, & principalement dans la cavité du ventre, s'échapper de leurs vaisseaux par la même cause, s'amasser & former l'Hydropisse. On peut croire que la Camphorata agit en ralliant les férolités & la partie rouge du fang; & comme elle est aromatique & huileuse, il y a bien de l'apparence, que c'est par ses parties sulfureuses qu'elle fait cette réunion. D'ailleurs son effet le plus sensible étant de pousser quelquefois par la voie des urines & de la transpiration, il est vrai-semblable qu'elle a des principes volatils, qui donnent plus de fluidité aux liqueurs, & qui de plus n'étant ni

âcres, ni dissolvans, ne les sont point sermenter, comme la plûpart des Purgatiss ou Diuretiques, dont on voit assez rarement de bons essets dans l'Hydropisse, ou dans l'Asshme. L'Analyse Chymique de la Camphorata a confirmé les conjectures que ses vertus avoient donné lieu de former sur sa composition intérieure.

M. Burlet a éprouvé que cette plante peut être encore utile dans les obstructions récentes des Viscères qui épurent le Chyle & le Sang, & dans les maladies qui proviennent de la crudité du fang, & de la viscosité de la Limphe, comme les pâles Couleurs & le Scorbut. Cependant son effet est plus assuré dans l'Hydropisie, & sur tout dans l'Assime. Il ne faut encore regarder ce reméde que comme naissant; l'expérience seule, mais tournée en beaucoup de manières différentes, conduite avec un extrême soin, & d'autant plus lente qu'elle ne se fera que sur des hommes, nous apprendra quelles vertus la nature a assignées à la Camphorata, & dans quelles bornes elle les a rensermées. M. Burlet continue cette étude, & en rendra compte à l'Académie & au Public.

OBSERVATION BOTANIQUE.

A U mois d'Août, quelques enfans de Grandvaux, Village à 4 lieues de Paris, entrerent dans un Jardin inculte, & y mangerent du Fruit du Solanum Belladonna, ou Melanocerason. Peu de tems après ils eurent une siévre violente avec des convulsions & des battemens de cœur terribles; ils perdirent la connoissance des personnes, & tomberent dans une entiére aliénation d'esprit. Un petit garçon de 4 ans mourut le lendemain. On lui trouva trois plaies dans l'estomac, avec des grains du Solanum écrasés, & des pepins ensermés dans les plaies, le cœur livide, nulles sérosités dans le Péricarde. Ce sur

M. Boulduc qui attessa ces saits à l'Académie.

A cette occasion, il sur dir que les Acides végétaux sont un reméde pour le Solanum, pour le Stramonium qui lui ressemble sort, pour l'Opium, &c. que M. Chapelain Médecin de Montpellier, avoit gueri un homme en Apoplexie par un grain de Laudanum, & qu'une Femme lasse de la longue maladie de son Mari hydropique, lui ayant donné 15 ou 20 grains de Laudanum, il sua extraordinairement, urina de même, & sut gueri.

E P. Gouye a fait voir un grand nombre de Graines qui lui ont été envoyées de la Martinique, par le P. Breton, Missionnaire Jésuite, avec les descriptions de quelques-unes des Plantes, telles que sont le Myrabolanier à Fruit en Clochettes, l'Oseille à grandes seuilles à oreillons, le Chataignier, la Saponaria arbor, l'Herbe au musc, ou Abel mosch, la Sensitive épineuse, l'Arbrisseau de Baume, Toulala, ou l'Herbe aux Fléches, le Pimentier à Fruit ovale, l'Apocyn ou Liane laiteuse, la Belle de nuit ou Jalap, le Pommier d'Acajou, la Savariaba, & la Liane appellée Grisse de Chat.

Onsieur Marchand a lû la Description de la Saxifraga rotundi-folia, alba, radice granulosa J. B. & du Chrysanthemum Alpinum Foliis Abrotani multissidis C. B.

Onsieur Chomel qui a entrepris un Ouvrage sur toutes les Plantes d'Auvergne, a commencé par la description du Sapin, de la Conyza montana Foliis longioribus serratis, Flore sulphureo albicante, & du Limodorum montanum, Flore exalbo, dilute virescente.

de 1700. pag.

74 .- 8.75.

* Fage 49. M Onsieur Tournefort qui, comme il a été dit dans l'Hist. de l'année précédente, * avoit rapporté de son Voyage de Levant 1356 nouvelles espéces de Plantes, en sit cette année un Recueil avec des Figures, sous le titre de Corollarium Institutionum Rei Herbaria. La plus grande partie de ces espéces se sont rangées d'elles-mêmes. sous quelqu'un des 673 Genres déja établis par M. Tour-*V. l'Hist. nefort *; mais il y en a eu d'autres pour lesquelles il a fallu établir des Genres nouveaux, & le nombre n'en a été augmenté que de 25. Celui des Classes ne l'a point été, & les 25 Genres nouveaux se sont rapportés naturellement à quelqu'une des 22 Classes déja établies par cet Auteur. Pour entendre cette distinction des Genres & des Classes, il faut se souvenir de ce qui a été dit dans l'Hist. de 1700. Le peu d'augmentation qu'il a fallu faire dans les genres pour un si grand nombre de Plantes Orientales, donnera facilement à conclure combien le Système de M. Tournefort a dû être heureux.

Il a commencé les descriptions de ces Plantes étran-* V. les Mém. geres par la Persicaria Orientalis. *

pag. 302.



ARITHMETIQUE

NOUVELLE ARITHMETIQUE BINAIRE.

P. 85.

Viles Mémi A Science des Nombres est si naturelle aux Hommes, cultivée depuis tant de siécles, & par tant d'Esprits excellens, poussée présentement à un si haut point de perfection, que ce doit être une espéce de prodige, qu'une Arithmétique nouvelle, & toute différente de celle

que nous pratiquons.

Cependant, à considerer la chose de plus près, le fondement de toute notre Arithmetique étant purement arbitraire, il est permis de prendre une autre fondement, qui nous donnera une autre Arithmétique. On a voulu que la Suite premiére & fondamentale des Nombres allât jusqu'à Dix, & que la Suite infinie des Nombres, fût une suite infinie de Dixaines. Mais il est visible que d'avoir étendu la Suite fondamentale des Nombres jusqu'à Dix, ou de ne l'avoir pas étendue plus loin, c'est une institution qui eût pû être différente. Et même il paroît qu'elle a été faite assez au hasard par les peuples, & que les Mathématiciens n'en ont pas été consultés; car ils auroient aisément établi quelque chose de plus commode. Par exemple, si l'on eût poussé la Suite des Nombres jusqu'à Douze, on y eût trouvé sans Fraction des Tiers & des Quarts qui ne sont pas dans Dix.

Les Nombres ont deux sortes de propriétés, les unes essentielles, les autres dépendantes d'une institution arbitraire, & de la maniere de les exprimer. Que les Nombres impairs toujours ajoutés de suite, donnent la Suite naturelle des Quarrés, c'est une propriété essentielle à la Suite infinie des Nombres, de quelque maniere qu'on l'exprime. Mais que dans tous les Multiples de 9, les caracteres qui les expriment additionnés ensemble, rendent toujours 9, ou un multiple de 9, moindre que celui qui a été proposé, c'est une propriété qui n'est nullement essentielle au nombre 9, & qu'il n'a que parce qu'il est le penultième nombre de la progression décuple qu'il nous a plû de choisir. Si l'on eût pris la progression de Douze,

i i auroit eu la même propriété.

Il est bien commode de pouvoir reconnoître au premier coup d'œil, & sans aucune opération que 25245, par exemple, est un multiple de 9; & si des Mathématiciens avoient établi la progression fondamentale qui devoir regner dans l'Arithmétique, ils auroient, après

les avoir toutes examinées, préféré celle qui auroir produit le plus de semblables commodités, soit pour l'usage commun & populaire, soit pour les recherches sçavantes.

M' Leibnitz ayant étudié la plus simple & la plus courre de toutes les progressions possibles, qui est celle qui
se termine à Deux, l'a trouvée très-riche & très-abondante en ces sortes de propriétés accidentelles. Il n'y auroit dans toute son Arithmétique que deux caractères
1 & o. Le Zéro auroit la puissance de multiplier tout par
deux; comme dans l'Arithmétique ordinaire, il multiplie
tout par dix. 1 seroit un, 10 deux, 11 trois, 100 quatre, 101 cinq, 110 six, 111 sept, 1000 huit, 1001 neuf,
1010 dix, &c. ce qui est entiérement sondé sur les mêmes principes que les expressions de l'Arithmétique commune.

Il est vrai que celle-ci seroit très-incommode, par la grande quantité de caracteres dont elle auroit besoin, même pour de très-petits nombres. Il lui saut, par exemple, 4 caracteres pour exprimer huit, que nous exprimons par un seul. Aussi M. Leibnitz ne veut-il pas saire passer son-Arithmétique dans un usage populaire; il prétend seulement que pour des recherches difficiles, elle aura des avantages que l'autre n'a pas, & qu'elle conduira à des spéculations plus élevées.

Ce fut en 1702 qu'il communiqua à l'Académie cette Arithmétique Binaire, annonçant seulement qu'elle auroit de grands usages pour les Sciences, & ne les découvrant point. Il ne voulut point qu'il en sût parlé dans l'Histoire, jusqu'à ce que cette nouvelle invention pût paroître ac-

compagnée de ses utilités.

Dans la présente année, il se trouva qu'elle en avoit une , à laquelle M. Leibnitz lui-même ne se sût pas attendu. Le P. Bouvet Jésuite, célèbre Missionnaire de la Chine, à qui M. Leibnitz avoit écrit l'idée de son Arithmétique Binaire, lui manda qu'il étoit très-persuadé que c'étoit-là le véritable sens d'une ancienne Enigme Chi-

noise, laissée il y a plus de 4000 ans par l'Empereur Fohi, Fondateur des Sciences de la Chine, aussi-bien que de l'Empire, entendue apparemment dans son siécle, & plusieurs siécles après lui, mais dont il étoit certain que l'intelligence s'étoit perdue depuis plus de 1000 ans, malgré les recherches & les efforts des plus Scavans Lettrés, qui n'avoient attrappé que des Allégories puériles & chimériques. Cette Enigme consiste dans les différentes combinaisons d'une ligne entiere, & d'une ligne brisée, répétées un certain nombre de fois, soit l'une, soit l'autre. En supposant que la ligne entiere signifie 1, & la brisée 0, on trouve les mêmes expressions de nombres que donne l'Arithmétique Binaire. La conformité des combinaisons des deux lignes de Fohi, & des deux uniques caracteres de l'Arithmétique de M. Leibnitz, frappa le P. Bouver, & lui fit croire que Fohi & M. Leibnitz avoient eu la même pensée. Si la vérité de cette heureuse rencontre se confirme, quelle gloire pour les Européens, du moins aux yeux des Chinois, de leur avoir donné la Clef de leur ancienne Science! Il est toujours certain qu'en pensant autant que l'on fait présentement, & en tournant d'autant de façons différentes une certaine matiere; & un certain fonds de pensées raisonnables, qui a été donné aux Hommes, il est impossible qu'on ne retrouve à peu près tout ce que les autres siécles auront pensé de meilleur.

Si M. Leibnitz ne s'est pas rencontré sur l'Arithmétique Binaire avec l'Empereur Fohi, du moins M. de Lagni s'est rencontré avec M. Leibnitz sur ce même sujet. M. de Lagni, Professeur en Hydrographie à Rochesort, travaille, comme on l'a déja pû voir dans l'Histoire de 1702, * à persectionner la Science qu'il professe. Il a entrepris par rapport à la Navigation, une nouvelle Trigonométrie; & en étudiant tout le Système des Logarithmes, qui ont été inventés principalement pour la Trigonométrie, il y a vû des désauts & des inconveniens, dont il n'a pû trouver le reméde qu'en imaginant l'Arithmétique.

Binaire.

* Pag. 88:-

La grande commodité des Logarithmes, est de changer les Multiplications & les Divisions, qui sont des Opérations longues & difficiles pour les grands nombres, en des Additions ou Soustractions, qui sont beaucoup plus simples & plus aisées. Mais M. de Lagni prétend que cet avantage que la Théorie promet si magnifiquement, se réduit à rien dans la Pratique; qu'au contraire comme les Logarithmes, qui sont des espéces de nombres feints & supposés, sont un circuit que l'on prend pour arriver aux Nombres naturels, les seuls que l'on cherche, il y a toujours plus de chemin à faire, quoique peut-êtte plus facilement, & toujours un plus long tems à employer, & il en appelle à témoins tous ceux qui ont calculé par cette Méthode. Il avance même que les Logarithmes sont faux dans les grands nombres; il en donne pour preuve un calcul que Henri Brigs dans son Arithmétique Logarithmique pag. 27. & suiv. a donné pour exemple de l'usage des Logarithmes.

Dans l'Arithmétique Binaire les Multiplications & les Divisions se sont nécessairement par de simples Additions & Soustractions, sans qu'il faille passer par aucun circuit, tel qu'est celui des Logarithmes dans l'Arithmétique commune; & par conséquent tout l'avantage que l'Arithmétique commune ne tire des Logarithmes que par sorce, est essentiel à l'Arithmétique Binaire, dont M. de Lagni nomme par cette raison les Multiplications & les Divisions,

Logarithmes naturels.

Il a mis son idée plus au long dans un Ecrit qu'il imprima cette année à Rochesort, & qu'il envoya à l'Académie; mais le peu que nous en avons dit, suffira pour mettre sur les voies, ceux qui voudront approsondir cette

nouvelle Arithmétique!

Comme les plus grands Mathématiciens peuvent trèslégitimement être jaloux de la gloire de s'être rencontrés avec M. Leibnitz, sans l'avoir suivi, nous devons ici ce témoignage à M. de Lagni, qu'ayant toujours été à Rochesort il ne paroît point avoir eu aucune connois-

sance de ce que M. Leibnitz avoit envoyé à l'Académie fur le Calcul Binaire.



GEOMETRIE

SUR UNE INFINITE

DE PORTIONS DE CERCLE

QUARRABLES

IL semble que l'impossibilité ou du moins la difficulté *V.les Mem, I jusqu'à present insurmontable de trouver la quadrature absolue du cercle, soit pour les Géométres une espéce de malheur & de honte, dont ils cherchent à se consoler par la découverte de quelques quadratures partiales. Nous avons dir dans l'Histoire de 1699 * quelle étoit la différence de ces deux genres de quadratures. Ce qu'on a rapporté de M. le Marquis de l'Hôpital dans l'Histoire de 1701 * fur la Lunule d'Hippocrate, est un exemple d'une * Page 792 quadrature partiale du cercle-

M. Varignon en a imaginé une autre toute différente, & fort simple. Il ne se sert que de la Géométrie d'Euclide, & il semble que dans ces sortes de Problêmes, ce soit une gloire de pouvoir se passer des Infiniment petits, qui rendent tout trop facile.

Il y a deux conditions à la quadrature partiale de M. Varignon, & c'est ce qui la rend partiale. Mais l'une & l'autre de ces deux conditions reçoit une infinité de variétés renfermées dans les bornes prescrites, & par con-

64 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE séquent on trouve un double Infini de portions quarrables d'un cercle.

LES TANGENTES SUR

ET LES SECANTES DES ANGLES.

Page 61. T La été dit ci-dessus 4 que M. de Lagnitravaille à une nouvelle Trigonométrie. Il l'appellera Trigonométrie Françoise ou Réformée, titre qui répondra en partie à celui

de Trigonometria Britannica de Breggius.

Dans cette nouvelle Trigonométrie, M. de Lagni met à la place des anciens Logarithmes qu'il trouve arbitraires & défectueux, les Logarithmes naturels de l'Arithmétique Binaire. Il a aussi de nouvelles vûes sur les Tables des Sinus, Tangentes, & Sécantes; & il a donné à l'Académie sur les Tangentes & les Sécantes, un petit échantillon de son Ouvrage, & une assurance de ses promesses.

* Page 58.

Ce qui a été dit dans l'Hist. de 1702 * de Cordes qui soutiennent différens arcs, est vrai aussi des Tangentes & des Sécantes qui répondent à différens arcs ou angles. Toutes ces lignes droites ni ne suivent la proportion de leurs arcs, ni n'ont entre elles une raison fixe & constante qui les régle. M. Bernoulli de Basse, demêla & en quelque sorte devina, comme on l'a vû, une espèce de progression assez cachée & assez enveloppée, qui se trouve entre les Cordes des arcs 1. 2. 3. 4. &c. De même M. de Lagni en a découvert ou une ou plusieurs compliquées qui regnent dans la Suite des Tangentes ou des Sécantes de tous les arcs ou angles, pris selon l'ordre des nombres naturels. Que l'on ait le rayon du cercle où l'on suppose que se forment tous ces angles, & la Tangente ou la Secante de tel angle qu'on voudra, on trouvera aussitôt celle de quelque autre angle que ce foit multiplié du premier. M. de Lagni avance que sa Formule générale

se démontre par deux seules propositions d'Euclide; mais il convient que la démonstration ne laisse pas d'être très-longue. Ce ne sont pas de médiocres progrès en Géométrie, que les découvertes de ces sortes de rapports qui s'étoient dérobés jusqu'à présent aux yeux des plus grands Mathématiciens, & que notre siécle dévoile enfin à force d'art & de recherches. On seroir tenté de croire que toutes les grandeurs d'un même genre, comme toutes les Cordes, toutes les Tangentes d'arcs de cercle, suivent toujours quelque régle générale entre elles; que souvent cette régle est si compliquée, qu'elle nous échappe, du moins pour un tems; & que quand même nous ne la pourrions jamais découvrir, elle ne laisseroit pas de subsisfer dans quelque autre Géométrie réservée à des intelligences plus sublimes.

SUR LES COURBES DE LA CHUTE DES CORPS.

UAND on prend les questions de Géométrie dans V. les M des termes plus généraux, & qu'on embrasse dans pag. 140. un même Problème une plus grande étendue, on en retire toujours le fruit, ou de découvrir de nouvelles vérités, ou de voir l'enchaînement & les liaisons mutuelles des vérités déja connues, ou du moins de perfectionner l'Art qui les considere, & de donner une plus grande

portée à l'instrument qui les doit saisir.

On a vû dans l'Hist. de 1699 * combien M. Varignon avoit rendu général le Problème de la Courbe que doivent décrire les corps pesans par leur chute, pour s'approcher également d'un certain terme en tems égaux. D'abord cette Courbe avoit été trouvée par d'autres Géométres, en supposant que l'accélération de la vîtesse se faisoit selon le Systême de Galilée, que les directions des corps pesans étoient paralléles, & que le terme Hift. 1703.

V. les Mem.

* Page 68;

dont ils devoient s'approcher étoit ou l'horison, ou un point pris dans l'axe de la Courbe qu'ils décriroient. M. Varignon s'étoit affranchi, pour ainsi dire, de la servitude de toutes ces suppositions qui limitoient le Problème; il l'avoit résolu pour toutes les hypothèses d'accélération qu'on pourroit imaginer, pour les directions de la pesanteur, soit concourantes au centre de la Terre, comme elles y concourent mathématiquement, soit physiquement paralléles, pour tous les termes dont on voudroit que le corps s'approchât, pourvû que ce suffent des points pris dans le plan de la Courbe, & même enfin pour toutes les différentes proportions ou progressions des tems, selon lesquelles on pourroit desirer que le corps s'approchât.

Dans ce Problême élevé à une si grande universalité; il restoit encore une borne, qui en quelque saçon le deshonoroit; & c'est cette borne que M. Varignon vient ensin d'enlever, après quoi voilà le Problême infiniment étendu de tous côtés. Il salloit que le point dont le corps s'approchoit toujours, sût dans le plan de la Courbe décrite par la chute; cette nécessité ne subsisse plus, & ce point peut être pris hors de ce plan, c'est-à-dire, par

tout où l'on voudra.

Ce qui rend ce Problême plus général, le rend aussi plus composé, il saut un plus grand appareil de Géométrie pour le résoudre. Si l'on veut le remettre dans les termes où il étoit immédiatement auparavant, il n'y a qu'à anéantir la distance qui est entre le point dont le corps s'approche, & le plan de la Courbe, aussi-tôt on voit renaître la résolution de 1699; & ainsi à mesure qu'on introduira quelque chose de particulier dans la résolution générale, on la fera toujours descendre de plus-en-plus de sa généralité insinie.

M. Varignon supposant en 1699 que le mobile s'approchoit également du centre de la Terre en tems égaux, que les directions de la pesanteur y concouroient, & que les vitesses étoient comme les racines des hau-

teurs, avoit trouvé une Courbe, qui avoit un point d'infléxion, & qui à son origine & à sa fin rencontroit son axe sous deux angles qu'il avoit déterminés. Mais M. Bernoulli de Groningue, qui sur l'écrit de M. Varignon, avoit étudié cette même Courbe, lui manda qu'elle faisoit une infinité de tours & de retours avant que d'arriver au centre de la terre, & de faire avec son axe l'angle marqué. On sçait que la Logarithmique Spirale a cette même propriété. Aussi-tôt M. Varignon la chercha dans sa Courbe, & l'y trouva, tant par une méthode particuliere qu'il a pour le calcul intégral, que par celle que l'on doit à M. Bernoulli de Groningue. *

L'imagination pourroit se révolter d'abord contre de 1702. pagtoutes ces révolutions que fait un corps pesant autour du centre de la terre en s'en approchant toujours, sans y pouvoir arriver. Mais il est aisé de faire réflexion que ces révolutions infinies ne sont pas l'effet de la seule pefanteur, puisqu'elle feroit tomber le corps en ligne droite au centre de la terre; & que ce mouvement extraordinaire & bisarre, n'est produit que par les différentes hypothèses que l'on a compliquées ensemble. Ce n'est pas un Phénoméne de Physique, c'est un jeu de Géo-

métrie.

* V. PHift:

SUR L'ELLIPSE

ASTRONOMIQUE DE M. CASSINI.

Na d'abord appellé Foyers de certaines Courbes, V. les N les points où elles rassembloient les rayons de lu- pag. 181, miere, & la raison de ce nom de Foyers est assez évidente. Mais depuis on l'a étendu à tous les points qui seroient tels, que toutes les lignes qui en seroient tirées à la circonférence de quelque Courbe, auroient quelque propriété commune, quelle qu'elle soit; & cette extension a été si loin, que non seulement des points, mais

V. les Mema

même des lignes soit droites soit courbes, sont appellées Foyers à l'égard des Courbes, pour qui elles sont condi-

rionnées de la même maniere.

Les Foyers de l'Ellipse sont connus de tout le monde. Les rayons qui partent de l'un, & vont frapper la circonférence concave de la Courbe sous quelque angle que ce soit, se restéchissent tous dans l'autre Foyer, & s'y réunissent; ou, si l'on veut avoir une propriété des Foyers de l'Ellipse indépendamment de la réunion des rayons, deux lignes tirées des deux Foyers à un même point de la circonférence de l'Ellipse, sont toujours égales, prises enfemble, au grand axe de la Courbe.

Nous avons dit dans l'Histoire de 1700, * que Kepler avoit changé en Ellipses les anciens Cercles du mouvement des Planétes, & qu'ensuite M. Cassini avoit aussi changé l'Ellipse de Kepler, qui étoit la commune, en une nouvelle Ellipse, où au lieu de la somme des deux lignes tirées des Foyers, c'étoit leur produit qui étoit toujours égal à celui des deux parties du grand axe déterminées par un Foyer. Cette Ellipse répond mieux aux observations célestes, si quelque Courbe réguliere y répond exactement.

M. le Marquis de l'Hôpital a donné dans son Analyse des Infiniment petits, une Méthode générale pour trouver les Tangentes des Courbes qui ont des Foyers, quels qu'ils foient, & qui font connues seulement par la propriété de ces Foyers, & non par le rapport des Abscisses aux Appliquées, ce qui est la maniere ordinaire de considérer les Courbes.

M. Varignon ayant appliqué cette Méthode à l'Ellipse astronomique de M. Cassini, en a trouvé les Tangentes d'une maniere presque semblable à celle dont on les trouve dans l'Ellipse ordinaire par le moyen de ses Foyers; & il prétend que par toute autre voie, on n'y réussiroit pas si facilement.

* Page 96.

SUR LES CAUSTIQUES.

NE expérience grossiere a fait d'abord connoître que V. les M des Miroirs de métal, tels que ceux des Anciens, page 183. étant concaves, rassembloient les rayons du Soleil en les refléchissant; & les Miroirs avec lesquels Archiméde brûla les Vaisseaux des Romains, ou plûtôt les Miroirs brûlans qu'il a eus, mais qui ne brûlerent pas de Vaisseaux, étoient de cette espéce. On a connu fort long-tems après, que des Miroirs de verre convéxes, au travers desquels passent les rayons, faisoient le même effet; & que dans certaines figures la réfraction produit des Foyers aussi-bien que la réflexion.

V. les Mem.

Les Géométres, à qui cette matiere appartenoit, ont étudié d'abord les figures ou les Courbes les plus connues, le Cercle, la Parabole, l'Hyperbole, & l'Ellipse; & supposant pour la réflexion l'égalité perpétuelle des angles d'incidence & de réflexion, & pour la réfraction, une proportion constante & déterminée par l'expérience entre les différentes distances du rayon incident & du rompu à la même perpendiculaire, ils ont tiré de ces principes généraux & de la nature particuliere de chacune de ces Courbes, les Foyers qu'elles devoient avoir, foit qu'elles refléchissent les rayons, soit qu'elles les rompissent. La réunion, ou plus généralement, la nouvelle détermination des rayons rompus par ces quatre Courbes, est le principal objet de la Dioptrique de M. Descartes.

Mais on ne s'en est pas tenu-là. Tout s'éleve en ce siécle-ci, & tend à devenir toujours plus universel. M. Tschirnhaus a voulu qu'il y eût une méthode générale pour déterminer quel seroit l'effet de toutes les Courbes imaginables à l'égard des rayons qu'elles auroient ou refléchis, ou rompus.

Pour cela, il a imaginé qu'un rayon soit restéchi, soit

rompu par une Courbe quelconque, devoit être coupé en quelqu'un de ses points par un autre rayon semblable, & infiniment proche de lui; que de même ce second devoit être coupé par un troisseme, & ainsi à l'infini. La suite de tous ces points d'intersection, sorme une ligne Courbe que M. Tschirnhaus a appellée Caustique ou brûlante, parce qu'il est visible que les rayons ne sont en aucun autre endroit si serrés, ni si capables de brûler, que sur la circonsérence de cette Courbe où ils se coupent. Si les rayons sont resséchis la Courbe s'appelle Caustique par réseation.

Toute Courbe a donc sa double Caussique, & M. Bernoulli de Basse donna dans les Actes de Leipsic pour chacune des deux, quelle que sût la Courbe qui la dût produire, une Formule générale; mais il la donna sans analyse & sans démonstration. Ensuite M. le Marquis de l'Hôpital a trouvé cette Analyse, & l'a publiée dans son Livre des Insiniment petits. Toute la Dioptrique de M. Descartes devient un Corollaire ou un exemple de la For-

mule des Caustiques par réfraction.

Une Caustique peut se réduire toute en un point. Ainsi, si des rayons paralléles à l'axe d'une Parabole, tombent sur sa concavité, & s'y restéchissent, ils vont tous se réunir au Foyer de cette Courbe; & ce point seul est toute la Caustique. Dans un demi-cercle dont la concavité restéchit des rayons perpendiculaires à son diamètre, & paralléles entre eux, ou venus du Soleil que l'on suppose infiniment éloigné, la Caustique est une Courbe assez étendue, qui coupe précisément par le milieu un rayon perpendiculaire au diamètre. C'est dans ce point, qui est par conséquent au quart du diamètre d'une Sphere ou d'un Miroir concave que l'on établit communément son Foyer; mais il ne saut pas croire que ce Foyer ou la Caustique soit alors ce seul point.

Toutes les Courbes qui sont convéxes du côté du point lumineux, au lieu de rassembler les rayons resléchis, les écartent, & les rendent divergens, & alors on voit que leur Caustique est du côté opposé à celui où se fait la réstexion; que celle d'une demi-Sphére convéxe, par exemple, est du côté de sa concavité; que par conséquent les rayons se résléchissent sur la convéxité, comme s'ils étoient partis de cette Caustique située du côté concave; c'est-à-dire, en un mot, qu'ils s'écartent après la réslexion. Il y a des cas où les Courbes écartent aussi les rayons resséchis sur leur concavité; mais cela dépend de la situation du point lumineux à leur égard, & alors la Caustique ne manque pas de passer du côté de la convéxité.

La Formule des Caustiques par réfraction, n'est ni plus dissicile à appliquer, ni moins séconde. On y trouve d'abord qu'une demi-Sphére de verre, terminée d'un côté par une surface plane, & qui recevra sur sa convéxité des rayons du Soleil paralléles à son axe, produira une Caustique assez étendue, dont le point du milieu sera éloigné de la surface plane du verre de tout le diamétre de la demi-Sphére. C'est ce point que l'on prend communément pour le Foyer ou pour toute la Caustique, mais seulement de la maniere qui a été expliquée dans l'Histoire de 1700, * sans quoi l'erreur seroit trop grande.

Un des plus grands avantages de la méthode des Caufliques, c'est qu'elle donne la rectification ou la longueur
de ces Courbes, toutes les fois que celles qui les produisent font Géométriques. Ainsi l'on voit que la Caustique
par réslexion formée dans un demi-cercle, qui a reçu,
comme on vient de le dire, des rayons perpendiculaires
au diamétre qui le termine, est au diamétre de ce demicercle, comme 3 à 2. De même la Caustique par résraction d'une demi-circonsérence circulaire qui a reçû des
rayons paralléles à son axe, est au diamétre de cette demicirconsérence à peu-près comme 5 à 3.

Les rectifications des Courbes, aussi-bien que les quadratures des espaces curvilignes, sont, pour ainsi dire,

* Pag. 128;

précieuses aux Géométres; & M. Carré ayant vû dans les Caustiques des rectifications qui s'y présentent d'elles-mêmes, a voulu les pousser plus loin, & en découvrir d'autres par leur secours. En développant, par exemple, la Caustique par réstexion formée dans un demi-cercle, & telle que nous l'avons toujours représentée ici, il trouve que la Courbe produire par le développement, est triple du diamétre du demi-cercle. De-là il tire plusieurs conséquences nouvelles, & passe même à des quadratures de dissérens espaces, compris soit entre le demi-cercle générateur & la Caustique, soit entre la Caustique & la Courbe qu'elle a produite par son développement, &c.

Comme toutes les Caustiques sont produites par des rayons soit restéchis, soit rompus, & que leur réstexion ou leur réfraction dépend de leur incidence, les Caustiques changent nécessairement, selon que les rayons incidens ont une direction différente. Dans la Caustique par réflexion formée au-dedans du demi-cercle, nous avons toujours supposé les rayons incidens perpendiculaires au diamétre qui termine ce demi-cercle. Mais si ces rayons partoient tous d'une extrémité de ce diamétre pour aller frapper différens points de la circonférence concave, & qu'ils en fussent tous autant de cordes, il naîtroit une autre Caustique. Elle seroit au diamétre de son demi-cercle générateur comme 4 à 3, au lieu que la premiere étoit comme 3 à 2. M. Carré a aussi suivi les rectifications qu'on pouvoit déduire de cette rectification fondamentale, comme celle de la Courbe que produiroit le développement de cette Caustique; & il a donné ou indiqué la méthode de trouver les quadratures des différens espaces qui se formeroient. Tout cela s'exécute par une application très-simple & très-facile du Calcul intégral, qui est toujours la seule clef des rectifications & des quadratures.

Tout ce que nous venons de voir que M. Carré a fait fur les différentes Caustiques du Cercle, il l'a fair aussi

sur différentes Caustiques de la Cycloïde, & de la Parabole; & il a démontré par la même Méthode les rectifications & les quadratures qui en pouvoient naître.

SUR LES FORCES CENTRALES.

C I selon l'ingénieux Système de M. Descartes, & selon les plus fortes apparences que la Physique puisse sour- pag. 212. nir, ce que nous appellons la Pesanteur des Corps terrestres, n'est qu'un effet particulier d'un principe plus général qui agit dans tous les mouvemens curvilignes; & si ce principe donne à toutes les Planétes de notre Tourbillon une tendance vers le Soleil, semblable à celle des corps terrestres vers le centre de la Terre, on aura par la Théorie de M. Varignon expliquée dans l'Hiftoire de 1700 * la folution de tous les Problêmes que l'on pourra jamais imaginer sur cette pésanteur des Planétes par rapport au Soleil, & sur les inégalités de son action dans les différens points des Courbes du mouvement des Planétes.

V. les M.

* Page 84.

A cela M. Varignon ajouta en 1701 * une nouvelle * V. l'Hift. maniere de résoudre les mêmes Problêmes, en y em- 80, ployant les Rayons des Développées, qu'il déterminoit en une infinité de manieres, ce qui donnoit infiniment plus d'étendue & de jeu à la Géométrie, sans supposer aucune vûe nouvelle de Physique.

Maintenant M. Varignon suppose une Physique nouvelle. Les Planétes ne tendront pas seulement vers le Soleil, mais encore les unes vers les autres, de sorte que Mars, par exemple, à chaque point de la Courbe qu'il décrit en deux ans autour du Soleil, sera tiré en ligne droite par le Soleil, par Saturne, par Jupiter, par la Terre, &c.

Hift. 1703.

de 1701. pag.

Il faudra d'abord connoître par observation quelles seront les vîtesses de Mars en distérent points de sa Courbe, & supposer un rapport des dissérentes Forces centrales entre elles, c'est-à-dire, des dissérentes tractions du Soleil, de Saturne, de Jupiter, &c. après quoi M. Varignon détermine tout d'un coup, & par une seule Formule, quelle sera à chaque point de la Courbe du mouvement de Mars l'impression plus ou moins grande qu'il recevra du concours de toutes ces Forces qui agiront sur lui.

La difficulté de ce Problème consistoit, & en ce qu'il y entre autant de Forces centrales qu'on voudra, & en ce qu'elles sont dans des plans dissérens du plan de la Courbe où se meut le Corps sur lequel elles agissent; car il est constant par l'Astronomie, que dissérentes Planétes ne se

meuvent pas dans le même plan.

La solution générale étant trouvée pour un nombre indéterminé de Forces centrales placées dans des plans différens de celui de la Courbe décrite par le Mobile, si l'on veut qu'il n'y ait qu'une Force centrale, on voit aussi-tôt qu'elle est nécessairement dans le plan de la Courbe du Mobile; car si elle n'y étoit pas, elle tendroit à l'en faire sortir, & le feroit effectivement, puisque rien ne s'opposeroit à son action. Alors on retombe dans le même cas dont M. Varignon avoit donné la solution par

ses deux premiéres Théories.

Si une Planéte décrit une Ellipse ordinaire, dont le Soleil soit un des Foyers, la Force centrale qui poussera la Planéte vers le Soleil, agira d'autant plus, que la distance de la Planéte au Foyer où sera le Soleil, ou pour parler plus précisément, le quarré de cette distance, sera moindre. Mais si cette Planéte décrivant la même Ellipse, reçoit l'impression de deux Forces centrales qui la poussent en même tems aux deux Foyers, il se trouve par la Théorie présente de M. Varignon, que les deux Forces seront toujours égales entre elles à quelque point de l'Ellipse où soit la Planéte, mais que

leur action variera toujours, & fera d'autant plus forte que le produit des deux lignes tirées des deux Foyers à la Planéte fera moindre; d'où il suit que comme ce produit n'est jamais plus petit que quand la Planéte est à une extrémité du grand axe, ce sera alors qu'elle recevra la plus forte impression des deux Forces centrales, & qu'au contraire elle en recevra la plus soible impression, lorsqu'elle

sera à une des extrémités du petit axe.

La Parabole n'est qu'une Ellipse dont un des Foyers est infiniment éloigné de l'autre, ce qui fait qu'au lieu que dans l'Ellipse les rayons partis d'un Foyer & réstéchis par la circonférence, vont dans l'autre Foyer, les rayons partis du Foyer de la Parabole, & réstéchis par sa circonférence deviennent paralleles à l'axe. Ainsi, si un corps qui décrit une Parabole est tiré par deux Forces centrales égales, dont l'une soit au Foyer, & l'autre agisse parallélement à l'axe de dehors en dedans, il est dans le même cas que celui qui décrit une Ellipse, & il reçoit une impression d'autant plus sorte qu'il est moins éloigné du Foyer de la Parabole. Il est visible qu'on ne prend point alors le produit des distances des deux Foyers au corps, parce que l'une de ces distances est insinie.

L'Hiperbole n'est qu'une Ellipse dont un des Foyers est ensermé dans une portion de la Courbe posée à contresens de la portion où l'autre Foyer est ensermé, & par conséquent si un Corps qui décriroit une Hiperbole, étoit tiré par deux Forces égales placées dans les deux Foyers, mais dont celle qui seroit dans le Foyer de l'Hiperbole opposée à l'Hiperbole décrite, tirât à contresens, c'est-à-dire, de dedans en dehors, ce Corps recevroit une impression d'autant plus sorte, que le produit des distances des deux Foyers jusqu'à lui, seroit moin-

dre.

Il est visible que le Cercle étant une Ellipse dont les deux Foyers se sont consondus en un, qui est par-tout également éloigné de la circonsérence de la Courbe, un Corps qui décriroit un Cercle recevroit par-tout la

même impression de la Force centrale.

Réciproquement si un Corps recevoit de telle maniere les deux Forces égales, que cette impression sût plus forte à proportion que le produit des distances du Corps aux deux Foyers de la Courbe qu'il décriroit seroit moindre, il décriroit ou une Ellipse, ou une Parabole, ou une

Hiperbole.

Ce ne sont là que les exemples les plus simples de la Théorie de M. Varignon, puisqu'il n'y entre que deux Forces centrales, qui même sont égales entre elles, & posées dans le plan de la Courbe décrite par le Mobile. Encore le mouvement du Corps étoit il supposé unisorme, c'est-à dire, tel que les espaces ou les arcs de la Courbe fussent toujours proportionels aux Tems. Il est aisé de voir que des suppositions plus compliquées donneroient des Courbes plus composées & moins connues que les Sections Coniques; mais enfin les Régles générales de M. Varignon ne les produiroient pas avec moins de sûreté, ni souvent même avec moins de facilité. Elles vont infiniment plus loin que tous les Phénoménes connus, soit d'Astronomie, soit de Physique, & l'on peut dire que sur cette matiere la Géométrie est présentement en état de résoudre plus de Questions que la Nature n'en fournira. Il ne paroît pas possible de rien imaginer sur les Forces centrales, qui ne soit compris dans la Théorie de M. Varignon, & voilà un sujet que l'on peut désormais mettre à part comme épuisé.

page 132.

V. Ies Mem. Monsieur Rolle a continué ses Remarques sur les Lignes Géométriques.

TL y a à Bordeaux dans le Collége de Guyenne, une L Chaire de Mathématique fondée par M. François de Foix de Candalle. Il est dit par la Fondation, qu'en cas

de vacance de cette Chaire, elle sera donnée à celui qui sera jugé le plus digne par les Experts qui seront choisis, & que chaque Aspirant sera obligé de faire un jour une lecture publique où il démontrera une Proposition de son invention, qui ne passe pas plus avant que le 9me Livre des Elémens d'Euclide, & le lendemain une autre leçon où il démontrera aussi une Proposition sur les Corps Solides & Réguliers, qui soit de son invention, & qui se prouve par Euclide.

Un Aspirant ayant apporté deux Propositions selon l'ordre prescrit, un Concurrent lui contesta qu'elles sussent de son invention, & sur cette contestation les Parties & les Juges convinrent de s'en rapporter à l'Académie des Sciences. Elle jugea qu'effectivement les deux Propositions n'étoient pas nouvelles, & parce que l'exactitude qu'elle apporta à ce jugement consuma près de deux Seances, on a cru qu'il pouvoit trouver place dans cette

Histoire.



ASTRONOMIE

SUR DEUX ECLIPSES DE LUNE.

Uelques jours avant le 3 Janvier, où il devoit arri- V. Ies Mem. ver une Eclipse de Lune, les Astronomes de l'Aca- pag. 3. 23. 27. démie firent leurs préparatifs, en établissant exactement les connoissances préliminaires dont ils avoient besoin, soit pour la justesse du calcul, soit pour celle de l'observation.

On verra dans les Mémoires quel soin Mrs Cassini

prirent à déterminer la Parallaxe horisontale de la Lune; & il ne sera peut-être pas hors de propos de faire sentir combien cette détermination est nécessaire, & même de combien elle est plus importante que toutes les autres.

Comme dans toute l'enceinte de notre Monde, ou de notre Tourbillon, il n'y a que le Soleil qui foit lumineux par lui-même, toute Eclipse qui arrive dans cette enceinte, est causée par une Planéte qui cache le Soleil à une autre, ou, ce qui est la même chose, qui jette son ombre sur elle. La grandeur de l'Eclipse dépend donc de la grandeur dont la Planéte qui cache le Soleil paroît être à celle qui le perd; car il est clair que si celle qui doit cacher le Soleil étoit si petite ou si éloignée de l'autre qu'elle n'en sût point apperçue, elle ne causeroit point d'Eclipse.

Concevons que le Soleil ne soit ou ne paroisse qu'un point lumineux, infiniment éloigné des Planétes. En ce cas, les lignes tirées de ce point étant paralleles à cause de sa distance infinie, le diamétre de l'ombre que je suppose tomber tout entiere sur la Planéte qui perd le Soleil est égal au diamétre de la Planéte qui le cache, tel qu'il est vû par celle qui voit l'Eclipse; & de plus, puisque le Soleil n'est supposé qu'un point, l'Eclipse ne peut durer au plus qu'autant de tems que le diamétre apparent de la Planéte qui le cache en emploie à passer devant ce point.

Par conséquent, dans nos Eclipses de Soleil le diamétre de l'ombre de la Lune sur la Terre, seroit égal au diamétre apparent de la Lune, & l'Eclipse ne dureroit qu'autant que le passage de ce diamétre apparent sous le point lumineux.

Réciproquement, nos Eclipses de Lune n'étant que des Eclipses de Soleil pour un Spectateur qui seroit dans la Lune, la grandeur & la durée de ces Éclipses ne dépendroit que de la grandeur & du mouvement du diamétre de la Terre vû de la Lune.

La supposition que le Soleil soit infiniment éloigné

tant de la Lune que de la Terre, peut toujours subsisser physiquement avec ce qui s'en ensuit; mais l'autre supposition ne peut pas subsisser de même, & le Soleil, soit qu'il soit vû de la Lune ou de la Terre n'est pas un point, & il doit paroître à peu près égal de ces deux Planétes. Il faut donc tenir compte de son diamétre apparent. Dès qu'une de ses extrémités est jointe par une extrémité du diamétre apparent de la Planéte qui passe sous le Soleil, l'Eclipse commence, & elle ne finit que quand les deux diamétres sont entierement dégagés l'un de l'autre. Par conséquent la grandeur du diamétre de l'ombre sur la Planéte qui voit l'Eclipse, est celle des deux diamétres apparens du Soleil & de la Planéte qui le cache. Cela se verra clairement, si l'on tire deux rayons de chaque extrémité du diamétre du Soleil à celles du diamétre de la Planéte qui passe sous lui, en observant que deux rayons tirés du même point du Soleil, doivent être paralleles, à

cause de sa distance supposée infinie.

Mais il y a deux fortes d'ombres. Un lieu qui ne recoit absolument aucuns rayons du Soleil est dans l'ombre proprement dite. Celui qui n'est privé que des rayons d'une partie du Soleil, est dans la Pénombre. Si le diamétre apparent de la Planéte qui passe sous le Soleil, est plus petir que celui du Soleil, il ne peut jamais y avoir qu'une Pénombre pour la Planéte qui voit l'Eclipse; s'il est plus grand, il y a ombre & pénombre, ombre pour les lieux qui voyent le diamétre apparent du Soleil entierement couvert, pénombre pour les autres. Il est évident que sur la Planéte qui voit l'Eclipse, le diamétre de l'ombre & de la pénombre ensemble, ou de la pénombre, si elle est seule, est égal aux diamétres apparens du Soleil & de la Planéte qui le cache, mais que le diamétre de l'ombre seule à l'exclusion de la pénombre, est égal au diamétre apparent de la Planéte qui cache le Soleil, moins celui du Soleil; car la pénombre finit, & l'ombre commence dès que le diamétre de la Planéte a entierement couvert celui du Soleil, & l'ombre dure tant

que le reste de ce diamétre de la Planéte passe devant le Soleil, & que cet Astre est entierement couvert. On peut encore se convaincre de cette vérité, en tirant des rayons du Soleil à la Planéte qui le cache, selon ce qui vient d'être dit, & ce qui avoit été expliqué dans l'Hist. de 1702*.

Page 73:

Il arrive rarement que le Soleil soit entiérement éclipsé pour nous; & alors même il ne l'est qu'un moment. Ainsi les Eclipses de Soleil ne sont le plus souvent que des Pénombres de la Lune qui couvrent une partie de la Terre; & cette partie est déterminée par la grandeur des diamétres apparens du Soleil & de la Lune mis ensemble.

Un Astronome qui seroit dans la Lune, & qui verroit le Soleil éclipsé par la Terre, auroit ombre & pénombre, parce que le diamétre de la Terre vû de la Lune, est beaucoup plus grand que celui du Soleil; & par conséquent s'il ne vouloit avoir que le diamétre de l'ombre de la Terre sur la Lune, il faudroit qu'il ôtât du diamétre apparent de la Terre celui du Soleil.

Ce qui est pour la Lune une éclipse de Soleil causée par la Terre, est pour la Terre une éclipse de Lune; & dans les éclipses de Lune, nous ne cherchons que la grandeur de l'ombre de la Terre, & non celie de la pénombre, parce que la pénombre y est peu sensible, & difficile à reconnoître sûrement, & par conséquent il faut que nous retranchions le diamétre apparent du Soleil, de celui de la Terre vû de la Lune.

Deux lignes tirées, l'une du centre de la Terre, l'autre d'un point de sa surface, toutes deux au centre de la Lune, y sont un angle dont la base est le demi-diamétre de la Terre; & c'est sous cet angle que ce demi-diamétre est vû de la Lune. En même tems cet angle est la dissérence d'élevation horisontale qu'il y auroit entre la Lune vûe du centre de la Terre, ou vûe de sa surface; c'est ce qu'on appelle Parallaxe, & comme cette Parallaxe est fort sensible dans un corps aussi proche de la Terre

que la Lune, elle a été observée ou calculée exactement pour toutes les dissérentes dissances de la Lune à la Terre; car c'est-là ce qui fait varier la parallaxe. La Lune étant supposée pendant tout un jour dans un même éloignement de la Terre, elle sait une plus grande parallaxe à l'horison que par tout ailleurs; ainsi c'est toujours la parallaxe horisontale que l'on détermine. Les Tables de M. de la Hire imprimées en 1702. donnent la plus petite parallaxe horisontale de la Lune de 54' 5", & la plus grande de 61' 25"; c'est-à-dire, que le plus petit ou le plus grand demi-diamétre de la Terre vûs de la Lune sont de l'une ou de l'autre de ces grandeurs. D'un autre côté le plus petit demi-diamétre apparent du Soleil vû de la Terre ou de la Lune est de 15' 49", & le plus grand est de 16' 22".

On voit donc de quelle importance il est d'avoir exactement la parallaxe horisontale de la Lune pour le jour ou plûtôt pour le tems de l'Eclipse; mais cette parallaxe ne varie pas seulement selon les distances de la Lune à la Terre, elle a encore quelque autre principe de variation moins simple & moins naturel, auquel une extrême précision demande que l'on ait égard.

Outre cette détermination fondamentale & indispenfable, Mr. Cassini en sirent une autre qui marquera jusqu'où va maintenant le scrupule des Astronomes, & com-

bien ils craignent que rien ne leur échape.

Une maniere d'observer les Eclipses de Lune est de marquer le passage de l'ombre par toutes les Taches de son disque apparent; car leur disposition étant aussi exactement & même plus exactement connue que celle des Villes d'un pays dont on auroit une bonne Carte, il est aisé de déterminer par-là quel a été le chemin de l'ombre sur la Lune. Mais cela suppose que le disque apparent de cette Planéte soit toujours le même, comme il paroît l'être à des Observateurs grossiers; & s'il ne l'est pas effectivement, une ombre qui aura passé par les mêmes taches, aura tenu un autre chemin sur la surface de Hist. 1703.

la Lune, parce qu'une tache, par exemple, qui étoit au centre apparent de la Planéte ne s'y sera plus trouvée, & qu'il en sera arrivé autant à celles des bords, & à toutes les autres. Or la Lune a une espéce de mouvement de Libration, mais assez soible, qui fait que le disque apparent ou la face qu'elle nous présente n'est pas toujours exactement la même. Par cette variation, les mêmes taches s'approchent ou s'éloignent des bords du difque apparent tant en longitude, c'est-à-dire, d'Occident en Orient; qu'en latitude, c'est-à-dire, du Midi au Septentrion. Le changement en longitude dépend de la distance où est la Lune à l'égard de son Apogée; le changement en latitude dépend principalement de la distance où elle est de ses nœuds: ou de l'Ecliptique: & quand elle est en même tems & dans l'Ecliptique & dans son Apogée ou son Perigée, la disposition générale des Taches par rapport au disque apparent est moyenne, & c'est celle que l'on représente dans les Cartes de la Lune.

La différence de la disposition moyenne des Taches à celle qui se trouvoit au tems de l'Eclipse du 3° Janvier, n'étoit que de 35" en longitude seulement, & Mrs Cassini ne laisserent pas d'en tenir compte dans leur obfervation.

Les Ephémérides de l'Académie faites par M. de la Hire le fils, avoient marqué le commencement de cette Eclipse à 5h 36' 29".

Le Milieu à 7 3 18

La Fin à 8 30 7

La Durée de 2 53 38

La Quantité de 7 doigts 16'.

La Connoissance des Tems dressée aussi par l'ordre de l'Académie, mais calculée par M. Lieutaud, disséroit très-peu des Ephémérides, & l'on verra dans les observations immédiates de M¹⁵ Cassini & de la Hire, combien tous ces calculs se trouverent d'accord avec le Ciel. Les Ephémérides de Mezzavacca s'en sont écartées de

25' pour le commencement de l'Eclipse, & de plus d'une

demi-heure pour le milieu.

M. de la Hire fit voir aussi à l'Académie les observations de cette Eclipse faites à Tours par M. Nonnet son Correspondant, & M. Cassini, celles qui avoient été faites à Rome par M. Bianchini Camerier du Pape, & par M. Maraldi, & à Bologne par Mrs Manfredi & Stancari. On compara toutes ces observations étrangeres à celles de Paris: on tira des mêmes Phases observées, à différentes heures les différences en longitude des lieux où s'étoient faites les observations; & l'on sit comparaison des longitudes trouvées par cette Eclipse, tant à celles que l'on avoit déja par d'autres Eclipses lunaires, qu'à celles que donnoient les Immersions des Satellites de Jupiter. Comme il est impossible dans la pratique que plusieurs opérations différentes, fussent-elles faites par la même main & par les mêmes Instrumens, se rencontrent précisément & géométriquement dans le même point, il faut prendre pour vrai un certain point, dont un plus grand nombre d'opérations s'écartent moins que de tout autre, & autour duquel elles roulent le plus souvent; & par conséquent, on ne doit se lasser ni de les répéter, ni d'en recommencer les comparaisons.

Une seconde Eclipse de Lune du 29 Juin, ne pût être observée à Paris à cause du mauvais tems. M. Cassini le sils reçut l'observation qu'en avoit saite à Marseille le P. Laval Jésuite, & la communiqua à l'Académie. Par-là, les Ephémérides de M. de la Hire surent encore trouvées

beaucoup plus justes que celles de Mezzavacca.

Le P. Laval sit sur cette Eclipse une remarque importante. Il vit que l'obscurité qui couvroit la Lune étoit fort inégale en dissérentes parties du Disque; que même au milieu de l'Immersion qui sut totale, & qui dura plus d'une heure & un quart, la Lune sut encore rougeâtre vers son centre: & de-là il tira une nouvelle preuve de l'opinion déja établie chez les Astronomes, que ce n'est point l'ombre de la Terre qui fait les Eclipses de Lune,

Lij

mais celle de l'Atmosphére qui enveloppe la Terre, & qui

a peut-être 25 lieues de hauteur.

Le Soleil étant supposé infiniment éloigné, s'il n'étoit qu'un point, l'ombre de la Terre seroit comprise entre deux lignes paralléles & perpendiculaires à son diamétre, & s'étendroit à l'infini. Mais le Soleil ayant un diamétre d'une certaine grandeur apparente, chacune de ses extrémités envoie aussi deux rayons paralléles qui embrassent la Terre, & terminent la largeur de l'ombre infinie qui leur répond. Les deux rayons paralléles partis du centre du Soleil ne sont point paralléles à ceux qui sont partis de l'une ou de l'autre extrémité de son diamétre : & par conséquent ces différens rayons se coupent en quelque point au-delà de la Terre; l'ombre qui sans cela auroit été infinie & cylindrique ne l'est plus, elle devient conique, & se termine en pointe. La Lune est à une telle distance de la Terre, qu'elle seroit toujours hors de la portée de ce cône d'ombre, s'il n'étoit augmenté & allongé par l'ombre de l'Atmosphére. C'est donc précisément dans cette ombre de l'Atmosphére que la Lune tombe: elle n'est jamais parsaitement obscurcie, parce que l'Atmosphére même dans sa plus grande épaisseur n'est nullement impénétrable à la lumiere, & différentes parties de la Lune prennent différens degrés d'obscurité, selon qu'elles répondent à des parties de l'Atmosphére plus ou moins élevées, c'est-à-dire, plus ou moins épaisses, & qui laissent passer plus ou moins de rayons. Dans l'Eclipse observée par le P. Laval, les différens degrés d'ombre furent précisément tels que les demandoient les différentes expositions des parties de la Lune à celles de l'Atmosphére. Quelquesois il se trouve en cela quelque irrégularité, qui au fond n'en est pas une. Telle partie de la Lune qui devroit être moins obfcurcie qu'une autre, l'est davantage, parce que quoiqu'elle réponde à une partie de l'Atmosphére plus élevée, & naturellement moins épaisse, il est cependant possible que par quelque accident particulier, cette même partie soir plus chargée de vapeurs. Ces dissérences irrégulieres d'épaisseur dans l'Atmosphére en causent aussi dans les réfractions, & envoient quelques rayons du Soleil sur des parties de la Lune, où naturellement ils n'auroient pas dû aller. C'est une remarque que sit M. de la Hire

en observant l'Eclipse du 3 Janvier.

Pour avoir égard à la grandeur de l'ombre de l'Atmosphére, qui est si importante, M. de la Hire a dit dans les Discours qui accompagnent ses Tables, qu'il augmentoit d'une minute le diamétre de l'ombre de la Terre, ou la parallaxe horisontale de la Lune. Cette minute vaut les 25 lieues que l'Atmosphére peut avoir de hauteur.

SUR L'EQUINOXE

DU PRINTEMS DE M. DCC. III.

MONSIEUR Cassini à Paris, & M. Maraldi à Rome, V. les ayant observé chacun de leur côté l'Equinoxe pag. 41. du Printems de cette année, pour en déterminer le moment, se trouverent différens de 23 minutes, ce qui est très-peu considérable, parce que le mouvement par lequel le Soleil s'approche ou s'éloigne de l'Equateur, ou, ce qui est la même chose, le changement de sa déclinaison, est fort lent. Hipparque ne comptoit pour rien une erreur de 6 heures dans la détermination de l'Equinoxe. M. Cassini avoit observé à l'ordinaire les hauteurs Méridiennes du Soleil avec un Quart-de-Cercle, & M. Maraldi les observa avec le grand Gnomon élevé par ordre du Pape Clement XI. pour les usages astronomiques. Cette seule différence des Instrumens peut avoir produit celle des Observations, sans compter que les réfractions peuvent avoir été un peu différentes à Paris & à Rome; car enfin, une erreur de quesques secondes Lij

V. les M4

dans les hauteurs Méridiennes aura suffi. M. Cassini avoit déterminé l'Equinoxe à 8 heures du matin du 21 Mars,

& M. Maraldi à 8 heures 23'.

La plus ancienne observation d'un Equinoxe du Printems venue jusqu'à nous, est celle d'Hipparque rapportée par Ptolomée, & faite, selon les Chronologistes, 146 ans avant J. C. M. Cassini ne manqua pas d'y comparer la sienne, parce qu'il est avantageux d'avoir de si grands espaces compris entre deux observations pareilles. Si l'on régloir la grandeur de l'année par deux observations de deux Equinoxes de Printems consécutifs, & que l'on se fût trompé de 20', par exemple, dans la détermination de l'un ou de l'autre Equinoxe, on feroit l'année trop longue ou trop courte de ces 20'. Mais si entre l'une & l'autre observation des Equinoxes, il y a 20 années, & qu'on se trompe encore de 20', on ne sera l'année trop longue ou trop courte que d'une minute, & l'on se tromperoit encore moins sur sa grandeur, si les années des deux observations étoient encore plus éloignées, & que l'erreur ne fût toujours que de la même quantité. Or il est visible que l'erreur dans la détermination de chaque Equinoxe n'en est pas plus grande, parce que l'on comparera des années plus éloignées.

L'intervalle entre l'observation d'Hipparque & celle de M. Cassini étant de 1848 ans, on ne peut rien desirer de plus savorable pour la détermination précise de la grandeur de l'année comprise entre deux Equinoxes du Printems. Par-là, M. Cassini la trouve de 365 jours 5h 49' 5", ce qui est la grandeur que lui donne le Calendrier Gregorien, à quelques secondes près qui viennent d'un

autre principe, que nous allons expliquer.

Page 113.

Nous avons dit dans l'Histoire de 1701, * que l'excentricité du Soleil à la Terre, & l'obliquité du Zodiaque par rapport à l'Equateur, produisoient l'inégalité des jours vrais ou apparens, & une différente inégalité, selon que ces deux causes se compliquoient différemment. Cela étant entendu, l'Apogée du Soleil qui est le plus haut

point de son excentricité a un mouvement dans le Zodiaque, & par conséquent lorsque l'Apogée du Soleil est dans un Signe ou dans un degré du Zodiaque, qui par son obliquité répond à un plus grand arc de l'Equateur, ou, ce qui est la même chose, est parcouru en plus de tems, le mouvement du Soleil devient plus lent par une double cause, & parce qu'il est dans son Apogée, & parce qu'il est dans un certain lieu du Zodiaque. C'est tout le contraire si les deux causes opposées de vîtesses conspirent ensemble, & il se forme quelque chose de moyen si elles se combattent. La durée de l'année vraie ou apparente doit donc varier, & quoique le mouvement de l'Apogée du Soleil, absolument inconnu aux Anciens, soit si lent qu'il n'est que d'une minute en un an, l'exactitude moderne ne laisse pas d'en tenir compte, & l'on établit à cet égard une année vraie ou apparente, qui varie, & une moyenne qui ne varie point. Or l'année que M. Cassini trouve de 365 jours 5h 49'5", est l'apparente; & en cherchant de même la moyenne par les deux observations de l'Equinoxe éloignées de 1848 ans, il la trouve de 365 jours 5h 49' 12", & c'est précisément l'année Grégorienne, qui par conséquent a été réglée avec une étonnante justesse.

NOUVELLE ME'THODE

DE PRENDRE LES HAUTEURS EN MER

AVEC UNE MONTRE ORDINAIRE.

ORSQU'ON est sous l'Equateur, ou dans la Sphere droite, deux Etoiles Fixes qui ont la même ascension droite, c'est-à-dire, qui sont à la même distance du premier degré d'Aries, ou, si l'on veut, qui sont posées sur le même Méridien, se levent en même tems; ou si elles ne sont pas sur le même Méridien, la dissérence qui est

entre les tems où elles se levent, n'est précisément que leur dissérence d'ascension droite. Cela vient de ce que dans la Sphére droite l'Horison est un Méridien, & si l'on suppose que la Sphére tourne, tous les Méridiens deviennent Horison l'un après l'autre, & par conséquent tout ce qui appartient au même Méridien, est à l'Horison en même tems.

Mais dans la Sphere oblique, où l'Horison coupe tous les Méridiens, & ne se confond jamais avec aucun, les différens points d'un même Méridien qui peuvent monter sur l'Horison, & descendre au-dessous, ne montent que les uns après les autres; d'où il suit que deux Etoiles posées sur le même Méridien, ou qui ont la même ascension droite, ne se levent pas en même tems, comme elles auroient fait dans la Sphére droite. Plus la Sphére est oblique, plus la différence de leur lever est grande; & cela suit une certaine proportion qui se peut déterminer par la Trigonométrie Sphérique. Si les deux Etoiles n'ont pas la même ascension droite, leur lever auroit été différent dans la Sphére droite; mais il l'est encore plus dans la Sphére oblique, & l'on peut déterminer aussi par la Trigonométrie Sphérique de combien il l'est davantage, pour chaque obliquité différente de la Sphére.

Il est aisé de voir sans Figures & sans calcul, que dans la même Sphére oblique, la différence du lever de deux Etoiles posées sur le même Méridien est d'autant plus grande qu'elles sont plus éloignées l'une de l'autre, ou, ce qui revient au même, que la somme de leurs déclinaisons, ou distances de l'Equateur est plus grande, si elles sont l'une d'un côté de l'Equateur, l'autre de l'autre, ou que la différence de ces déclinaisons est plus grande, si

elles sont du même côté.

Comme l'on a par les Tables Célestes les ascensions droites & les déclinaisons de toutes les Fixes, on peut donc après avoir observé la différence de tems entre le lever de deux Fixes, démêler dans cette différence

ce qui vient de leur différente position d'avec ce qui appartient à l'obliquité de la Sphére, c'est-à-dire, trouver la hauteur du Pôle du lieu de l'observation. Et parce qu'on ne peut avoir trop de manieres de trouver sur Mer la hauteur du Pôle, qu'il est si important de connoître, cette méthode inventée par M. Parent y peut être d'usage, & même d'un usage commode; car il ne faut point d'autre observation que celle du lever des doux différentes Etoiles. On aura la différence du tems par une Montre ordinaire, qui n'a pas besoin d'être excellente, puisqu'en 3 ou 4 heures tout au plus, qui seront entre le lever des deux Etoiles, elle ne peut s'écarter sensiblement.

La difficulté qui se présente d'abord à la pratique de cette méthode sur Mer, c'est que le Vaisseau n'est pas immobile, & qu'il aura changé de lieu entre les deux Observations. A cela M. Parent répond que si entre ces deux Observations qui seront ordinairement peu éloignées, le Vaisseau a fait peu de chemin soit en longitude, soit en latitude, on peut le négliger sans une erreur sensible; s'il a fait un chemin considérable, il le faut estimer à la maniere ordinaire, & ensuite M. Parent donne un moyen facile d'en tenir compte; & enfin si l'on veut avoir l'opération dans une entiere exactitude, on peut empanner le Vaisseau, c'est-à-dire, disposer les Voiles de maniere qu'il n'avance point.

SUR UNE CONJONCTION

DE JUPITER ET DE SATURNE.

TL étoit arrivé au mois d'Octobre 1702 une Conjonc-📕 tion de Jupiter & de Saturne, & M. Cassini communiqua à l'Académie ses réflexions sur ce Phénoméne. Au commencement d'Octobre il avoit observé Jupiter opposé au Soleil, tout proche du point où l'excentrique Hift. 1703.

90 Histoire de l'Academie Royale

de Jupiter est le moins élevé, ce qu'on appelle Périhélie, quand on rapporte les mouvemens des Planétes au Soleil, & Périgée, quand on les rapporte à la Terre. L'opposition de Jupiter & du Soleil arriva à 10° 30' d'Aries, & là Jupiter étoit presque à son Périhélie, circonstance remarquable pour les Astronomes. Saturne avoit été opposée au Soleil trois jours auparavant; mais il étoit de plus de trois Signes éloigné do son Périhélie, c'est-à-dire, environ à une distance égale de l'Aphélie & du Périhélie.

Supposé, selon les Anciens, que la révolution de Saturne se fasse précisément en 30 ans, & celle de Jupiter en 12, & que tous deux partent du même point du Zodiaque, la différence entre 12 degrés parcourus en un an par Saturne, & 30 parcourus par Jupiter, étant de 18 degrés, Jupiter s'éloigne de Saturne en un an de ces 18 degrés. 18 degrés sont la dixiéme partie de 180 degrés, qui font la moitié du Cercle. Jupiter se trouve donc au bout de 10 ans opposé à Saturne, & en 10 autres années il le rejoint, & par conféquent les conjonctions de Jupiter & de Saturne se sont de 20 ans en 20 ans. Mais en 20 ans Saturne a parcouru les deux tiers du Zodiaque qui font 8 Signes. Donc la conjonction de Jupiter & de Saturne se fait au 8me Signe, à compter du point du Zodiaque d'où ils sont d'abord partis ensemble. En 60 ans, Saturne fait deux révolutions par le Zodiaque, pendant lesquelles il se joint 3 sois à Jupiter, de sorte qu'à la troisséme conjonction ils se retrouvent tous deux au même point. d'où ils étoient partis ensemble 60 années auparavant.

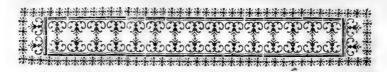
En mettant au lieu de 12 ans & de 30 ans, les nombres plus précis qui expriment les révolutions de ces deux Planétes, on fera le même raisonnement, & le calcul en sera seulement un peu plus long & plus pénible.

SUR LE CALENDRIER.

Onsieur Cassini qui étoit en quelque sorte associé * v. l'Hist. par la Congrégation du Calendrier, au travail qu'elle de 1701. pag. avoit entrepris, dressa quelques Tables sur ce sujet, & les 107. envoya à Rome, une entr'autres où les Quatorziémes Paschales étoient distribuées dans le Cycle de 19 ans; felon l'intention du Concile de Nicée, & pour le Siécle où il avoit été tenu, & pour le suivant, avec des citations des SS. Peres & des Auteurs Ecclésiastiques de ces deux Siécles, par lesquelles il paroissoit que les Quatorziémes Paschales avoient été observées aux jours qu'elles étoient marquées dans la Table. M. Cassini avoir voulu par-là répondre à quelques personnes qui prétendoient que les Quatorziémes Paschales ordonnées de cette maniere n'étoient point conformes à l'usage de l'Eglise. M. le Cardinal Noris Préfet de la Congrégation, appuya encore de plusieurs autorités des Peres, & de quelques anciens Monumens, la Table de M. Cassini, & la sit imprimer.

Ous ne parlerons ici ni d'un grand nombre d'Ob- * V. les M. fervations des Taches * qui parurent cette année p.15. 16. 109. dans le Soleil, ni d'une Eclipse Solaire du 8 Décembre * 116. C'est aux Mémoires que ces matieres appartiennent uni- 120. 123. quement, selon le plan de cette histoire. Elles ne con- 124. *V les M. tiennent rien de difficile à entendre, ni qui donne de p.283, & 285, nouvelles vûes pour des Systêmes.





HYDROGRAPHIE.

SUR LES CARTES REDUITES.

V. les Mém. p. 95. & 99. * Page 86. & suiv. N a expliqué dans l'Histoire de 1702 * ce que c'est que les Carres Réduites; quelle en est l'utilité, & pourquoi les Méridiens, quoiqu'ils concourent tous au Pôle, y sont marqués paralléles, & les degrés de latitude

croissans, quoique réellement égaux.

M. de Lagni qui travaille à perfectionner la Théorie Géométrique de la Navigation, pour en rendre la pratique plus sûre, avoit déja, comme on l'a vû dans l'Hist. de 1702, proposé quelques difficultés sur les Cartes Réduites, ou quelques moyens de les rendre meilleures; mais ce n'étoient là que les idées les moins importantes qu'il eût sur cette matiere, & maintenant il vient à la traiter plus à fond.

Il est démontré que dans les Cartes réduites, les degrés de latitude doivent croître selon la proportion des Sécantes des Arcs, ou des Angles des latitudes. Ainsi le 4^{me} degré de latitude, par exemple, doit être plus grand que le premier, en même raison que la Sécante d'un arc de 4 degrés est plus grande que celle d'un arc d'un degré.

D'ailleurs on a vû ci-dessus * que M. de Lagni a une Méthode par laquelle ayant la Sécante d'un arc quelconque, il trouve tout d'un coup la Sécante de tous les autres arcs, qui seront à ce premier, comme 2, 3, 4, 5, &c.

selon la suite des nombres naturels.

Il faut pour une Carte Réduite, que le Quart-de-Cer-

cle qui comprend toutes les latitudes depuis l'Equateur jusqu'au Pôle soit divisé en parties égales, c'est-à-dire, par exemple, ou de deux degrés en deux degrés, ou de degré en degré, ou de 10 minutes en 10 minutes; cette division est entiérement arbitraire, & à chaque point qu'elle détermine, on rend les latitudes croissantes selon la proportion marquée. On dit que les Cartes sont réduites au grand point, ou au petit point, suivant que cette division a été saite en un plus grand ou un plus petit nom-

bre de parties.

Il n'y a donc qu'à fixer un premier arc de latitude tel qu'on voudra, un degré, par exemple. Aussi-tôt la Trigonométrie ordinaire donne sa Tangente & sa Sécante, par le rapport qu'elles ont au rayon du Cercle ou Sinus Total. La Sécante de ce premier degré trouvée, les Sécantes de deux degrés, de trois degrés, &c. viennent toutes par la méthode de M. de Lagni, & ce sont des valeurs dans lesquelles il n'entre que le Sinus total, la Tangente & la Sécante du premier degré, mais toujours d'autant plus multipliées, que les degrés s'éloignent plus du premier, ou, ce qui est la même chose, les nombres multiplicateurs & coëfficients croissent toujours selon une certaine progression.

Sur cela M. de Lagni fait cette réflexion, & la démontre, que si la division de la Carte est faite de degré en degré, la Sécante du dixiéme degré de latitude, par exemple, a une certaine valeur non-seulement parce qu'elle est la Sécante du dixiéme degré, mais encore parce qu'elle est la dixiéme Sécante; de sorte que si la Carte avoit été divisée de deux degrés en deux degrés, cette même Sécante qui appartenant toujours au dixiéme degré, n'auroit été que la cinquiéme Sécante, auroit eu une autre valeur, un peu dissérente de la premiere. Cela vient uniquement de ce que quelques nombres multiplicateurs sont d'autant plus grands ou plus petits, qu'ils appartiennent à un terme de la progression plus ou moins éloigné du premier, selon qu'elle a été divisée arbitrais

M iij

rement en un plus grand ou un moindre nombre de

termes.

Les Sécantes des mêmes arcs de latitude sont d'autant plus grandes, que les Cartes ont été faites à un plus grand point, & leur accroissement n'est nullement proportionel à l'augmentation du point. Ainsi dissérentes Cartes saites à dissérentes points n'ont rien de commun, puisque leurs latitudes croissantes croissent selon dissérentes rapports; & de plus il n'y en a aucune qui ait rien de certain ni de Géométrique, puisqu'étant saite à un autre point, elle eût eu d'autres proportions.

Comme l'inconvénient consiste en ce que chaque Sécante est ou la premiere, ou la seconde, ou la troisième, &c. de sa progression, & en porte nécessairement le caractere, M. de Lagni a fait réflexion que le reméde seroit de rendre chaque Sécante la derniere d'une somme insinie, & c'est ce qui ne se peut que par le moyen d'une

Courbe.

Une Courbe quelconque étant donnée, on divise son axe en telles parties égales que l'on veut, & la premiere Ordonnée tirée sur le premier point de division, est la derniere d'une somme infinie d'Ordonnées que l'on conçoit depuis l'origine de la Courbe; la seconde Ordonnée est la derniere d'une autre somme infinie égale, ou la derniere de deux sommes infinies, &c. cela vient de ce que sur une partie de l'axe sinie quelle qu'elle soit, on peut toujours concevoir une infinité d'Ordonnées. Aussi de quelque maniere que l'axe soit divisé en parties égales, toutes les Ordonnées tirées par les points de division ont toujours entr'elles les mêmes rapports.

Si l'on avoit donc une Courbe dont les Ordonnées exprimassent les Sécantes d'un Quart-de-Cercle, on les trouveroit par-tout avec le même rapport, de quelque maniere que l'axe de la Courbe sût divisé, c'est-à-dire, à quelque point que la Carte réduite sût construite. Mais, ce qui revient au même, au lieu d'avoir les Sécantes par les Ordonnées d'une Courbe, M. de Lagni les trouve par

le rapport d'un espace où il entre une Courbe à un espace

entierement rectiligne.

Ce n'est point une simple délicatesse de Géométrie, que ce que M. de Lagni ajoute ici à l'invention des Cartes Réduites, dont Snellius a été le premier Auteur. Il s'agit de trouver à chaque moment par le moyen de ces Cartes le lieu où est le Vaisseau, & l'on voit assez qu'il n'est pas d'une médiocre importance pour les Navigateurs, de le trouver plus ou moins exactement. Deux Cartes Réduites anciennes donneroient pour le même moment deux disférens lieux, lorsqu'elles seroient construites à dissérent point.



MECHANIQUE.

SUR LES SOUPAPES.

Onsieur Amontons ayant construit une Pompe refoulante, sut étonné de voir que les Soupapes qui étoient de fonte, parsaitement bien saites, & bien dressées sur leurs Coquilles, cessoient quelquesois de jouer, & s'arrêtoient tout à coup. Il crut que quelque sédiment visqueux tenoit ces Soupapes ainsi collées; mais il ne trouva rien de pareil après avoir sait démonter les Pompes, & plusieurs sois. La merveille de cet esset consistoit en ce que le Piston étant levé, il se formoit un vuide entre le Piston & la Soupape; que par conséquent cette Soupape étoit poussée de bas en haut par l'eau qui elle-même étoit poussée par le poids de toute l'Atmosphére; que le corps de Pompe étant plongé de plus de 6 pieds dans l'eau, c'étoit encore le poids de

6 pieds d'eau qui poussoit la Soupape, égal environ à la cinquiéme partie du poids de l'Atmosphére; & que cependant cette Soupape destinée à s'ouvrir par cette impulsion, ne s'ouvroit point. Quelle force pouvoit l'en

empêcher?

Cet effet peut être comparé à l'expérience si connue de deux surfaces bien polies & mouillées, appliquées l'une contre l'autre, qui ne peuvent être séparées que par l'action d'un grand poids; car les surfaces des Soupapes sont appliquées de même le plus exactement qu'il est possible à celles de leurs Coquilles, & les unes & les autres sont nécessairement mouillées. Mais il paroît d'abord une différence essentielle, c'est que dans l'expérience commune, on peut attribuer l'union des deux surfaces, ou la difficulté de les séparer, à la pression de l'air, parce que n'y ayant point d'air entr'eux, toute l'Atmosphére résiste à leur séparation; au contraire dans le fait des Soupapes, c'est l'Atmosphére toute entiere, & même une force encore plus grande qui tend à les séparer de leurs Coquilles.

Il reste donc que toute la sorce de l'union des Soupapes & des Coquilles consiste dans l'eau qui les mouille; il saut que les parties d'eau qui sont entrées dans les pores de l'un des corps, s'accrochent puissamment à l'autre; qu'il n'y en ait aucune qui ne tienne par ses deux extrémités aux deux corps, car des parties d'eau libres & coulantes empêcheroient l'union; qu'elles s'accrochent d'autant plus puissamment, que les deux surfaces sont plus polies, mieux travaillées, & excluent plus parsaitement l'air; que la multitude des particules d'eau accrochées contribue à la grandeur de l'effet; & qu'ensin la difficulté ou de les détacher, ou de les étendre, produise celle d'ou-

vrir les Soupapes.

Il est certain que pour détacher du Cuivre les parties d'eau qui le mouillent, il faut un effort assez considérable, & que ce n'est guère que par l'évaporation, ou par un frottement violent & à plusieurs reprises, qu'on en

vient

vient entiérement à bout. Quant à ce qui est d'étendre des parties d'eau, ni M. Amontons, ni tous les autres qui en ont voulu faire l'expérience, n'ont pû s'afsûrer que l'eau sût capable d'extension. Ainsi l'on peut croire que tout se réduit à la difficulté de détacher les parties d'eau. Il est plus que vraisemblable qu'elles ne s'accrochent pas

avec la même force à toutes fortes de corps.

Il suit de l'observation & du raisonnement de M. Amontons, que dans l'expérience des deux surfaces mouillées & appliquées exactement l'une contre l'autre à l'air libre, ce n'est pas la seule pression de l'Atmosphére qui fait leur union; mais que les parties d'eau qui les mouillent y ont plus ou moins de part, selon qu'elles sont plus ou moins fortement accrochées aux différentes surfaces des corps, & c'est-là une cause à laquelle on ne pensoit guere dans l'explication de ce Phénoméne, quoiqu'elle sût du moins aussi importante & aussi efficace que celle qui s'étoit d'abord découverte, & qu'elle pût agir seule, ou même combattue par l'autre.

M. Amontons auroit bien souhaité de comparer la sorce de l'union produite par les parties d'eau, à celle qui est produite par la pression de l'Atmosphére. Le moyen étoit d'ensoncer toujours de plus en plus la Pompe dans l'eau, jusqu'à ce qu'ensin les Soupapes s'ouvrissent sans difficulté; car on auroit vû par-là quel poids précisément il falloit ajouter à celui de l'Atmosphére pour vaincre toute la résistance causée par l'accrochement des parties d'eau; mais cela ne se put pratiquer à cause des circonstances par-

ticulieres du lieu.

Ces observations sur l'adhérence mutuelle des Corps, & sur les sorces qui la produisent, pourront servir un jour à découvrir la cause générale de la Dureté, ce qui n'est pas une des moindres questions de la Physique; mais en attendant une Théorie si élevée, M. Amontons tira de son expérience une utilité de pratique. Il changea les Soupapes de sonte en des Clapets de cuir, après quoi les Pompes jouerent parsaitement bien, parce que le cuir Hist. 1703.

n'étant pas à beaucoup près si solide que la sonte, l'eau ne s'y accrocha pas de la même maniere. L'inconvénient des Soupapes venoit de ce qu'elles étoient trop bien faites, trop bien polies, trop bien dressées sur leurs coquilles; & assurément on ne se sût pas douté qu'une trop grande perfection eût dû les rendre inutiles. Pour prévenir cet accident, M. Amontons conseille qu'on leur présére les Clapets de cuir.

SUR LE RECUL DES ARMES

A FEU.

L semble que l'Expérience, qui est devenue le seul principe de la Physique moderne, devoit accorder tous les Philosophes; mais on se partage sur l'Expérience aussibien que sur le raisonnement. M. Geossroy ayant rapporté des Transactions Philosophiques, que l'on avoit trouvé dans la Société Royale de Londres, qu'une certaine charge d'arme à seu détournoit la bale de droite à gauche, pendant que le canon en reculant alloit de gauche à droite, ce sait, quoiqu'absolument possible, parut sort douteux, & l'on voulut s'en assurer avant que d'en chercher des raisons ingénieuses, qu'on auroit eu peut-être le malheur de trouver.

M. Cassini le sils se chargea de l'expérience, & il sit saire une Machine la plus semblable qu'il put, à celle d'Angleterre. C'étoit un Triangle isoscele de bois, sur lequel étoit placé & arrêté bien serme un susil de 3 pieds 8 pouces à peu près, dont la culasse posoit sur le milieu de la base du Triangle, & le bout sur le sommet. Il saut supposer, sans entrer dans une description plus exacte, que la Machine étoit soutenue à ses trois angles sur trois petits pivots qui l'empêchoient de froter à terre; qu'on la pouvoit rendre sixe & inébranlable par des vis qui

entroient dans ses pivots; & qu'aussi en ôtant les vis de l'angle du sommet & d'un des angles de la base, elle pouvoit tourner sur le pivot du troisième angle, comme sur un centre; & qu'elle tournoit très-sacilement, parce qu'il y avoit des roulettes aux deux angles que l'on vouloir qui

pussent être mobiles.

Cela fait, M. Cassini le fils arrêtoit la Machine, chargeoit son sussil, tiroit, remarquoit l'endroit où la bale avoit frappé sur un ais placé à 17 pieds de distance; ensuite il ôtoit les vis de l'angle du sommet, & d'un des angles de la base, rechargeoit le sussil, & tiroit. Il falloit alors que la Machine reculât, puisqu'elle étoit libre, & son recul étoit l'arc de cercle que décrivoit l'angle mobile de la base. On remarquoit l'endroit où la bale avoit frappé, la Machine étant libre, & on le comparoit à celui du coup Fixe.

L'expérience sut répétée un grand nombre de sois, & avec plusieurs charges différentes, tant pour les coups Fixes que pour les autres. Comme la Machine reculoit ou tournoit toujours étant libre, ces coups-là ne frappoient jamais au même endroit que le coup Fixe; mais ils frapperent toujours tous à droite du coup Fixe, parce que le recul circulaire se faisoit dans ce sens-là, & jamais il ne se trouva entre le coup & le recul, la contratiété de direc-

tion marquée par l'expérience d'Angleterre.

Un avantage qu'eut celle de M. Cassini, c'est que toutes les fois qu'il remit sa Machine fixe, il sut bien assuré, qu'elle se trouvoit dans la même situation, dans la même direction, & qu'elle n'avoit reçû nul changement des ébranlemens, & des secousses précédentes; car tous les coups Fixes allerent toujours dans le même trou. Peutêtre au contraire dans l'expérience d'Angleterre, le susil qui n'avoit pas été arrêté assez ferme, s'étoit-il détourné de sa premiere direction; & cela auroit susil pour saire que le coup en eût une contraire au recul.

Le recul a toujours été d'autant plus grand, que la charge a été plus forte; mais les coups de la Machine li-

bre n'ont pas été éloignés des coups Fixes, à proportion de la grandeur du recul. Au contraire, plus la charge a été forte, & le recul grand, plus l'écart des coups libres a été petit. Cela vient de ce que la bale fortant alors avec plus de vîtesse, elle se sent moins de l'impression du recul, qui ne commence à ébranler la Machine, que quand la bale est sur le point de sorrir.

SUR LA FORCE DES MACHINES

EN GENERAL

A multiplication des Forces par les Machines a quelque chose de trompeur, non pas pour ceux qui sçavent les principes de la Méchanique, mais pour le commun du monde, à qui les Machinistes peuvent imposer par de magnisiques promesses, & quelquesois pour les Machinistes eux-mêmes, s'ils ont plus d'invention ou de

hardiesse que de sçavoir.

L'Académie entend quelques ois parler de quelques Machinistes de ce caractere & de leurs superbes propositions. Un Homme doit saire autant d'effet que cinquante pour lever un fardeau; & quand on leur objecte que cet homme sera donc, selon les régles de la Méchanique, cinquante sois plus de chemin que le sardeau, & par conséquent employera beaucoup de tems, ils ne conviennent pas toujours de cette augmentation nécessaire du chemin & du tems, ils vont même quelquesois jusqu'à prétendre que les Régles de la Méchanique sont des inventions humaines qui n'assujettissent pas la nature, & qu'il en saut croire l'expérience plûtôt que les Livres.

Cela donna occasion à M. Amontons de rappeller dans un Ecrit qu'il lut à l'Académie les premiers principes de la Méchanique, & de les exposer dans toute leur

étendue par rapport à l'usage des Machines. Nous en donnerons ici la Métaphysique, qui n'est pas moins démonstrative que la Géométrie, & qui peut être plus intel-

ligible.

Quelle que soit la cause de la résistance des Corps au mouvement, du moins de ceux sur lesquels nous pouvons agir, il est certain qu'ils y apportent une certaine résistance, & qu'elle est d'autant plus grande, qu'ils sont plus grands, ou qu'ils ont plus de masse. Et comme un mouvement plus vîte est un plus grand mouvement, cette résistance est aussi proportionnée à la vîtesse dont on veux les mouvoir. Par conséquent lorsqu'un corps est mû, la force qui le meut est d'autant plus grande qu'il a plus de masse & plus de vîtesse; de sorte que la force ou la quantité de mouvement d'un corps est un produit de sa masse par sa vîtesse.

De ces deux choses, l'une est fixe, & toujours la même dans tous les mouvemens qu'on peut donner à un corps, c'est sa masse; l'autre qui est sa vitesse, est variable à l'infini dans les différens mouvemens qu'on lui peut donner, & il n'y a point de corps, quelque petit qu'il soit, qui ne puisse aller à tel degré de quantité de mouvement ou de sorce qu'on voudra, pourvû qu'on lui donne une vîtesse suffisante.

Non seulement la même cause, qui produit la résissance des corps au mouvement, produit une plus grande résissance à un plus grand mouvement; mais elle ne produit une plus grande résissance à un plus grand mouvement, que paree qu'elle produit la résissance au mouvement. Donc ces deux essets ne sont que le même; donc la résissance d'un grand corps à un petit mouvement, est la même que celle d'un petit corps à un grand mouvement, pourvû que les masses & les vîtesses soient proportionnées, & que la plus grande vîtesse appartienne à la moindre masse. Donc les sorces nécessaires pour surmonter ces résissances sont égales, & pareillement les quantités de mouvement de deux corps mûs dans ces conditions.

De-là il suit que la même sorce ou quantité de mouvement en général peut être sormée d'une infinité de manieres dissérentes, & toutes équivalentes; car pourvû que le produit de la masse & de la vîtesse demeure le même, ces deux grandeurs peuvent varier entre elles à l'insini. Mais s'il s'agit d'un corps déterminé auquel on veuille donner une certaine quantité de mouvement, on n'y sçauroit parvenir qu'en augmentant sa vîtesse, puisque sa

masse ne peut changer.

Nulle force ne peut être en équilibre qu'avec une force égale, ni être surmontée que par une force supérieure. Ainsi tout l'art de la Méchanique ne rend jamais une petite force égale ou supérieure à une plus grande; & toutes les fois qu'il paroît qu'une petite force est en équilibre avec une plus grande, 25 livres, par exemple, avec 100, c'est une espéce d'illusion qui se fair aux yeux, l'équilibre n'est point entre 100 livres & 25, mais entre 100 livres & 25, mûes ou disposées nécessairement à se mouvoir 4 fois plus vîte que les 100. Si l'on ne compare que les deux grandeurs fixes & immuables, 100 livres & 25, les 25 semblent être multipliées & élevées au-dessus d'elles-mêmes, & c'est-là ce qui fait le faux merveilleux de la Méchanique; mais il est dissipé par les 4 degrés de vîtesse qu'il a fallu donner aux 25 livres, & qui sont une sorce réelle & véritable, quoique moins sensible.

Une force de 10 livres mûe 10 fois plus vîte que les 100 livres, les auroit égalées de la même maniere, & il en va de même de tous les produits possibles égaux à 100; mais ensin il faut toujours trouver 100 livres de force, de quelque façon qu'on les prenne, ou sur la grandeur sixe ou sur la grandeur variable; c'est-là une loi inviolable prescrite par la nature, qui n'a laissé à l'art que le choix des différentes combinaisons qui peuvent faire le même produit

de force.

Une petite puissance ne pouvant donc mouvoir un grand poids, si elle ne sait beaucoup de chemin dans le même tems que le poids en fera peu, il arrive de-là deux

inconvéniens infurmontables: & que la puissance, par exemple, un Homme, est obligé à faire un grand mouvement, soit des bras, soit des pieds, pendant un longtems; & que pendant ce long-tems, le poids, dont l'élevation est l'objet de toute la Machine, est peu élevé.

Il suit de-là que le tems nécessaire à la Puissance pour faire un certain chemin, régle le tems pendant lequel le poids sera élevé ou mû. Par exemple, si un homme ayant une force de 25 livres éleve un poids de 100, ce poids ne peut être élevé d'un pied, que dans le tems que l'homme en pourra parcourir 4; & par conséquent c'est de l'homme, ou en général de la puissance, que le tems de

l'élevation du poids prend la loi.

La plûpart des Machinistes éblouis, ou voulant éblouir par une multiplication apparente de forces, ou ne font pas affez d'attention au tems qu'il leur en coûtera nécessairement, ou ne sçavent pas le calculer avec assez d'exactitude; & ce point si essentiel n'étant point éclairci, les Machines sont toujours merveilleuses jusqu'à l'effet. Il est vrai qu'il n'est pas aisé de déterminer précisément quelle sera la vîtesse ou des Hommes ou des Chevaux, qui sont les Puissances qu'on employe le plus ordinairement; & c'est par cette raison que M. Amontons, après avoir éprouvé avec soin leurs vîtesses en différentes actions, a donné à l'Académie les résultats suivans de ses expériences, qui fourniront des principes sûrs & commodes pour le calcul de la plûpart des Machines qu'on pourra imaginer, & même de plusieurs travaux qui se font fans Machines.

1. Expérience. Deux Porte-Chaises chargés, allant leur train ordinaire, ont fait en 80".

2. Un Portefaix chargé, en 139".

3. Un homme de pied allant le pas, en 120".

4. Un homme de pied courant de toute sa Toises.

force, en 25".

5. Un Tireur de Chaise roulante chargée en 86".

6. Un Cheval tirant sur le pavé une Charette chargée d'environ 1500 livres, en 112".

7. Deux Chevaux qui tiroient au train ordinaire un Carosse roulant sur le pavé, en 62".

8. Deux autres Chevaux qui tiroient au trot, Toises. un Carosse roulant aussi sur le pavé, en 45".

70

9. Un Cheval de selle, chargé de son homme, allant le pas ordinaire, en 80".

10. Un autre Cheval de selle, aussi chargé de

fon homme, allant le grand pas, en 50".

11. Des Hotteurs portoient par jour chacun 22 hottées de terre, pesant chacune 30 livres, à 370 toises de distance, ils revenoient à vuide; & c'étoit certainement tout ce qu'ils pouvoient faire, car ils étoient à leur tâche.

12. Un homme a élevé un poids de 25 livres avec une Corde passant sur une Poulie, à la hauteur de 220 pieds,

en 145".

13. Un homme du poids de 133 livres, a monté à la hauteur de 10 toises 2 pieds dans un Escalier en 34", & étoit entiérement hors d'haleine, & hors d'état de continuer.

14. Deux Chevaux attelés à une Charrue dans une terre ni trop aisée, ni trop difficile, faisoient chacun un effort

de 150 livres.

15. Un Scieur de bois a donné 200 coups de Scie, & autant de relevée en 145"; à chaque coup sa main faisoir un chemin de 18 pouces, avec un effort de 25 livres; il étoit déja fort essoufflé, & n'auroit pû continuer plus de 3" sans reprendre haleine.

On voit par - là dans quelles limites de tems font renfermées un grand nombre d'actions communes; & quand on en voudra employer d'autres, il fera aisé d'en faire de même une expérience fondamentale, qui réglera sout le calcul du tems.

Quand on sçaura le tems que demandera nécessairement ment une certaine Puissance pour mouvoir un certain poids, peut-être trouvera-t-on que la lenteur en seroit si grande, qu'il vaudra mieux augmenter la puissance, & renoncer à l'avantage trompeur ou dangereux de n'en emplement qu'une somme poissance propriété.

ployer qu'une fort petite.

Tout l'art de la Méchanique en général consiste donc, non à multiplier les forces, mais, selon l'expression de M. Amontons qui paroît plus propre, à les modifier, & à les employer contre d'autres forces égales, de la manière qui convient le mieux au dessein. La difficulté de bien choisir entre les différentes manières, est quelquesois assez gran-

de pour exercer les meilleurs esprits.

En particulier, il y a une infinité d'attentions à faire sur l'application la plus avantageuse de la force motrice, ou ce qui est la même chose, sur sa plus sorte direction, sur les moyens d'empêcher que cette direction ne change dans les actions qui doivent être égales, ou de faire que si elle change, elle soit récompensée d'ailleurs, sur les frottemens, qui se mettent tous du parti du poids contre la Puissance, & qu'il saut par conséquent éviter & diminuer, autant qu'il est possible, sur la situation des Centres de gravité, ou de percussion, &c. Ainsi lorsqu'une Machine remplit bien son dessein, il n'est pas besoin de la vanter par une fausse multiplication de forces, pour pouvoir assurer que c'est un des beaux ouvrages de l'Esprit humain.

SUR LES FROTTEMENS.

A nouvelle découverte de M. Amontons sur les Frottemens*, toujours proportionnés, selon lui, à la pression & à la vîtesse, & jamais aux surfaces, étoit assez importante pour n'être pas reçue sans un grand examen.

Il y a des cas qui semblent prouver évidemment le contraire. Si par exemple, deux Puissances égales sont appliquées aux extrémités d'une corde, qui vers son mi-

Hist. 1703,

* V. l'Hin! de 1699. pag.

lieu soit roulée autour d'un Cylindre, & qu'elles tirent l'une contre l'autre, il est certain que l'une, en cas qu'elle reçoive une augmentation & devienne supérieure, ne pourra faire venir l'autre à elle, qu'en faisant mouvoir la corde sur le Cylindre & en surmontant son Frottement, & il est certain de plus qu'elle aura besoin d'une augmentation d'autant plus grande, que la corde sera plus de tours autour du cylindre. Or pourquoi un plus grand nombre de tours de la corde autour du cylindre, rend-il le mouvement plus difficile, si ce n'est parce que le frottement de la corde se fait sur une plus grande quantité de parties du cylindre, ou sur une plus grande surface? Car du reste, quelque nombre de tours que fasse la corde, la pression causée par les deux puissances est toujours la même.

M. Amontons répond à cela, que c'est toujours la pression qui rend le mouvement plus difficile, & qu'elle est d'autant plus grande que le nombre des tours de la corde est plus grand, parce qu'il faut compter la même puissance pour appliquée autant de fois au cylindre, que la corde y fait de tours. Ainsi la puissance appliquée par une corde qui fait deux tours, trois tours, &c. devient double, triple d'elle-même. Mais comme cette multiplication d'une même puissance pourroit paroître peu réelle, & trouvée pour le besoin, M. Amontons la prouve à peu près de cette manière.

Que le cylindre soit coupé selon son axe en deux moitiés égales, que l'une soit suspendue & immobile, que l'autre soit mobile & placée plus bas, & qu'elle porte un poids qui y soit attaché, qu'une corde tourne autour des deux tel nombre de sois qu'on voudra, & qu'une puissance y soit appliquée, de sorte qu'elle tende à saire monter le demi-cylindre insérieur, chargé de son poids, on voit que la puissance est dans le même cas, que si elle réndoit à saire monter le poids à l'aide d'une Mousse, ou Poulie redoublée, & que par conséquent, s'il y a équilibre, elle est au poids, selon les principes de la Stati-

que, comme l'unité est au nombre des demi-tours que fait la corde autour du cylindre; car l'unité est à ce nombre, comme le chemin que feroit le poids au chemin que feroit la puissance, en cas que l'équilibre cessat. Donc tout l'effort, toute l'action de la puissance consiste en cette puissance multipliée par le nombre des demi-tours de la corde.

Maintenant, que l'on suppose le demi-cylindre insérieur monté par l'action de la puissance, sa surface plane appliquée contre celle du demi-cylindre supérieur, & le poids ôté, qui auroit tendu à les séparer, tout le reste demeurant le même, il paroît clair que la puissance ne fait plus que presser l'un contre l'autre ces deux demi cylindres, que son action ou son effort sont précisément les mêmes qu'auparavant, & que par conséquent ils consistent toujours dans le produit de cette puissance par le nombre des demi-tours de la corde. Donc indépendamment de ce qu'une plus grande surface des deux demi-cylindres est entourée de la corde & frotte avec elle, la pression de la même puissance est plus grande par la multiplication des tours de la corde.

La pression seule faisant par elle-même, selon M. Amontons, toute la résissance du frottement, la vîtesse plus ou moins grande que l'on donne aux corps qui frottent, est une circonstance qui augmente ou diminue l'effet de la pression, c'est-à-dire, la difficulté du mouvement. Il faut donc observer dans les Machines, de les disposer de sorte, que les parties qui frotteront aient la moindre vîtesse qu'il se puisse. De-là M. Amontons conclut que toutes les fois qu'une Roue tourne sur un axe, il faut faire le diamétre de l'axe le plus petit qu'il soit possible par rapport à celui de la roue; car les deux surfaces de la roue & de l'axe qui frottent nécessairement en auront moins de vîtesse, puisque la vîtesse d'un mouvement circulaire va toujours en diminuant de la circonférence vers le centre. Par une raison semblable, quand on fait des Roues à dents, il en faut faire les dents les plus pe-

tites qu'il se puisse & les moins épaisses. Une dent engrenée frotte par une de ses surfaces contre une étendue égale à la surface qui frotte, & il saut qu'elle se dégage dans un certain tems, en parcourant un espace égal à cette même surface. Donc plus la surface est petite, moins il y a d'espace à parcourir; & il saut remarquer ici que la petitesse de la surface diminue la résistance du Frottement, non parce que c'est une moindre surface qui frotte, mais parce que c'est un moindre espace parcouru.

Encore une observation de M. Amontons sur les Machines par rapport au Frottement, c'est qu'il faut éviter avec beaucoup de soin que la ligne selon saquelle agit la sorce mouvante, ne soit pas la même que celle de la pression; & la raison en est toute naturelle, car la sorce mouvante uniroit son action à celle de la pression qui lui est toujours contraire. Il faut que cette sorce agisse, autant qu'il est possible, par la même ligne selon saquelle les corps qui

frottent doivent se mouvoir.

Malgré toutes ces preuves & ces remarques de M. Amontons, qui avoient mis son système des Frottemens dans un assez beau jour, nous sommes obligés d'avouer ici au Public que l'Académie n'en fut point pleinement persuadée. Elle convenoit bien que la pression étoit à considérer dans les Frottemens, & souvent seule à considérer; mais elle n'en pouvoit absolument exclure, comme M Amontons, la considération des surfaces. Il représentoit ce grand nombre d'expériences qu'il avoit faites où les surfaces n'entroient pour rien; mais les expériences ont une certaine étendue, un plus ou un moins insensible, & qui peut l'être quelquesois dans des rencontres où il auroit sait la décission de la question. Ainsi l'on voulut pousser cette matiere jusqu'à la Métaphysique, & aller chercher dans les premieres notions ce qu'il en falloit penfer.

Que deux corps ayant des surfaces planes soient parfaitement durs & polis, & qu'on ait à les mouvoir l'un sur l'autre, il est clair que la résistance causée par le frot-

tement sera nulle ou infiniment petite; mais si au lieu de cette hypothèse qui n'est point dans la nature, on concoit deux corps ayant des surfaces raboteuses & inégales, la difficulté de mouvoir l'un des deux sur l'autre ne peut venir que de ce qu'il faut soulever le premier pour dégager ses parties engrenées dans celles du second, ou de ce qu'il faut briser & user les parties de l'un contre celles de l'autre, ou de tous les deux ensemble. Dans le premier cas, la seule difficulté de soulever l'un des deux corps fait celle du mouvement, & par conséquent le frottement ne vient que de la grandeur du poids à soulever, ou ce qui est la même chôse, de sa pression, & la grandeur des surfaces n'y est pour rien. Dans le second cas, la grandeur des surfaces seule feroit tout, s'il étoit possible que ce second cas sût absolument séparé du premier, c'est-à-dire, que l'on usat les parties d'un corps contre celles de l'autre sans soulever l'un des deux; car il est visible qu'un plus grand nombre de parties à brifer font une plus grande rélistance; mais parce qu'on n'use point sans soulever, du moins dans la pratique, la résissance qui vient de la grandeur des sursaces est toujours mêlée dans ce second cas avec celle qui vient de la pression, au lieu que dans le premier, celle qui vient de la profsion peut être seule & sans mêlange. D'ailleurs, ce qui s'use d'un corps par un frottement est ordinairement trèspeu de chose par rapport au grand nombre de fois qu'il aura fallu le soulever dans ce même frottement, & à toutes les petites hauteurs mises ensemble, où il aurafallu le porter. Ainsi outre que la résistance qui vient de la pression peut être seule, outre qu'elle accompagne toujours celle qui vient de la grandeur des surfaces, elle est ordinairement beaucoup plus considérable qu'elle quand elle l'accompagne, & c'est pourquoi dans la plus grande partie des expériences, elle est la seule qui se fasse fentir, & la seule que l'on doive compter. Mais comme il est possible qu'en certains cas la pression soir très legére, & le nombre des parties à user fort grand » O iij,

ou ce qu'il en faudroit user fort considérable, il doit alors arriver que le frottement suive sensiblement la proportion des surfaces. Cette espéce de Métaphysique que nous venons d'exposer, peut servir à donner une idée des frottemens plus entiere & plus parsaite que celle qu'on est tirée uniquement de l'expérience. Quand les questions sont de nature à permettre qu'on examine ce qui doit être, on peut avancer que ce qui doit être bien conçu, est aussi sûr que ce qui est, & redresse souvent ce qui paroît être.

SUR LA ROUTE QUE TIENNENT

plusieurs Corps liés entre eux par des cordes, & tirés sur un plan horisontal.

N suppose plusieurs poids tels qu'on voudra, attachés à une même corde, de maniere que les parties de la corde comprises entre ces poids étant tendues autant qu'elles peuvent l'être, fassent des angles entre elles tels qu'on voudra aussi. La corde étant tirée par une force quelconque sur un plan horisontal par-tout également rude & raboteux, si tous les poids se meuvent ensemble, il est certain qu'ils tiendront des routes disférentes des directions qu'ils avoient auparavant entre eux, & qui n'étoient que les parties mêmes de la corde où ils sont attachés. Il s'agit de déterminer quelles seront toutes ces dissérentes routes, & la force nécessaire pour mouvoir tous ces poids. C'est ce qu'a fait M. Parent par une méthode générale qui renserme tous les cas particuliers possibles. Nous en donnerons seulement ici les principes.

Dans l'instant qu'une force qui tire un corps sur un plan horisontal rude est prête à le faire partir, ou, ce qui revient au même selon la Géométrie de l'Insini, dans

l'instant qu'elle lui sait parcourir un espace infiniment petit, elle est précisément égale à la résissance que ce corps apporte au mouvement, c'est-à-dire, à son frottement sur le plan rude; car c'est là tout ce qu'il y a à surmonter pour le faire mouvoir. Il ne sera quession ici que de la résissance causée par ce frottement, & l'on ne considerera les corps tirés, que dans l'instant dans lequel ils sont prêts à partir, ou décrivent déja des espaces insiniment petits, & par conséquent sont en équilibre avec la force motrice.

Si deux poids attachés à une même corde, sont tirés par une force dont la direction soit dans la même ligne que cette corde, il est bien clair que pourvû que cette force soit égale au frottement des deux poids, elle les mettra tous deux en état de partir, & de se mouvoir selon la ligne de sa direction. Mais si la direction de la force motrice est oblique à la corde qui lie les deux poids, alors il faut considerer que le premier poids, c'est-à-dire, le plus éloigné de la force motrice, resiste au mouvement qu'elle tend à imprimer au second qui est le plus proche, & sur lequel on peut concevoir qu'elle agit d'abord; que ce second étant tiré par la force selon sa direction, il est donc en même tems comme retiré en sens contraire par le premier; que la direction du premier à l'égard du second, est la corde même qui les lie; que cette corde étant oblique à la direction de la force motrice, l'action par laquelle le premier poids résiste au mouvement du second ou le retire, est donc oblique à la direction de la force motrice, & que par conséquent selon la Théorie des mouvemens composés, il faut concevoir cette action du premier poids à l'égard de la force motrice comme composée de deux autres, l'une perpendiculaire à la direction de la force, l'autre parallele, ou plûtôt étant sur la même ligne que la direction de la force prolongée. Ce mouvement composé est la clef de toute cette matiere. Puisqu'une des deux actions simples dans lesquelles se résout ou se décompose l'action oblique du premier poids à l'égard du second, n'est que la di-

rection prolongée de la force motrice, le premier poids tire directement en ce sens contre la force, & par conféquent la force ne peut mouvoir le second poids, qu'elle ne soit plus grande que le premier. En ce cas M. Parent retranche de la direction de la force une partie égale à l'action du premier poids, ou, ce qui est la même chose, à son frottement, & il reste une ligne qui représente tout l'effort que la force motrice peut faire selon sa direction fur le second poids. Mais le premier avoit encore une action simple, c'est celle qui est perpendiculaire à la direction de la Force. Or par cette action, il ne s'oppose nullement au mouvement que la force tend à imprimer au second poids; car elle pourroit en ce sens faire mouvoir le second sans déplacer le premier, c'est-à-dire, que le second tourneroit autour du premier, comme autour d'un centre immobile, & par conséquent il n'y auroit aucun frottement du premier poids à surmonter. Donc la ligne qui représente cette action simple du premier poids demeure en son entier, & enfin la diagonale d'un parallélogramme formé de cette ligne, & de celle qui reste de la direction de la Force, représentera toute l'action de la force sur le second poids modifiée par la résistance du premier, ou, ce qui est la même chose, la route que le second poids doit suivre. Quant au premier, comme il ne traîne point d'autre poids après lui, & que son mouvement n'est modissé par la résissance d'aucun autre, la direction de son mouvement, ou la route qu'il tient, est la même ligne que la corde qui le lie avec le lecond poids.

La Force motrice fait donc mouvoir les deux poids felon deux directions différentes, le premier, felon la corde qui le lie au second, le second selon la diagonale que nous avons expliquée, & par conséquent cette force peut être représentée par ces deux différentes lignes, & conçue comme égale à leur somme par rapport aux autres actions

ou résissances représentées par d'autres lignes.

La force & les deux poids demeurant les mêmes, si

la direction de la force est supposée plus oblique à la corde des deux poids, l'action simple ou résistance par laquelle le premier poids retire directement le second contre la force, en devient plus grande; & elle peut le devenir à tel point que la force ne sera plus capable de mouvoir le second poids en ce sens, mais seulement de le faire tourner autour du premier qui sera immobile. L'équilibre dépend donc ici, comme à l'ordinaire, de la grandeur & de la direction des poids ou des forces.

Si la force n'étoit pas assez grande pour vaincre le frottement du second poids, elle ne pourroit jamais mouvoir le premier, qui ne peut absolument marcher sans le

fecond.

Maintenant, si au lieu de deux poids, on en suppose trois liés par des cordes qui fassent des angles entre elles, il faudra faire sur le troisiéme & sur le second, les mêmes raisonnemens que M. Parent a faits sur le second & sur le premier. Le second retirera le troisiéme en un sens contraire à celui dont la force le tirera; & parce que la direction du second est supposée oblique à celle par laquelle la force tire le troisséme, ce troisséme décrira une diagonale que l'on trouvera comme on avoit trouvé celle du second, quand il n'y en avoit que deux. Mais il faut remarquer que dans ce cas où il y en a trois, la route ou diagonale du second n'est plus la même qu'elle étoit, & la raison en est que la force ne le tire plus selon la même direction qu'auparavant, puisqu'on suppose qu'elle le tire par une direction oblique à la corde qui lie le second & le troisiéme. Or il est visible que la direction par laquelle le second poids est tiré, ne peut changer que sa route ne change. Ce changement de la route du second poids, quand il y en a trois, a échappé à un Géomètre du premier ordre, qui a examiné ce même cas, & M. Parent croit s'être apperçu le premier de cette legére inadvertance. On est glorieux d'en pouvoir remarquer dans un Auteur d'un si rare mérite. Lui-même pendant qu'il vivoit, avoit consenti que M. Parent la sît remarquer au Public.

Hift. 1703.

Le cas des trois poids étant bien entendu, un plus grand nombre de poids ne rend l'application des principes qu'un peu plus compliquée & plus pénible. Les routes des corps trouvées; la valeur de la force qui les leur fait décrire vient aussi-tôt, & ce n'est plus qu'un calcul que nous laissons aux Algébristes, & dont il nous sussit d'avoir donné l'esprit.

SUR LE CENTRE DE BALANCEMENT

OU D'OSCILLATION.

* V. les M. p. 78. 272.

A recherche du Centre d'Oscillation ou de Balancement est une des plus subtiles & des plus délicates que puisse entreprendre la Géométrie appliquée à la Méchanique. Après les importantes découvertes de M. Huguens sur cette matiere, il y restoit encore des obscurités, & de l'incertitude; mais M. Bernoulli de Bâle, Académicien Associé, l'a mise ensin dans un si grand & si beau jour, qu'il ne paroît plus permis d'y rien désirer.

Tour le monde sçair qu'un poids suspendu à un fil ou à une verge qu'on suppose sans pésanteur, sait d'autant moins de vibrations en un certain tems déterminé, que ce fil est plus long; ou, ce qui est la même chose, que le poids est plus éloigné du point de suspension. Si à un fil que l'on peut supposer long de 4 pieds, & qui porte un poids à son extrémité, on suspend un second poids qui soit deux pieds plus haut, par exemple, que le premier, le second poids hâte les vibrations du premier, plus lentes que les siennes, & le premier retarde les vibrations du second, le fil qui porte ces deux poids devient

un Pendule composé dont les vibrations ne sont ni aussi lentes, que s'il n'avoit eu que le premier poids, ni aussi promptes que s'il n'avoit eu que le second, mais moyennes entre ces deux dissérentes durées; & il s'agit de sçavoir quelle seroit la longueur d'un Pendule simple ou à un seul poids, dont les vibrations se seroient en même tems que celles du Pendule composé. Il est visible que ce Pendule simple auroit moins de 4 pieds, & plus de 2, & par conséquent on peut prendre dans le Pendule composé entre son second pied & le quatriéme, une longueur égale à celle du Pendule simple; ou, ce qui est précisément la même chose, un point tel que les efforts ou actions différentes des deux poids s'y réunissent pour lui faire faire des vibrations d'une certaine durée moyenne. Or c'est-là l'idée générale de Centre * appliquée aux vibrations, & l'on appelle par conséquent ce point Centre de balancement ou d'oscillation. Chercher le Centre d'oscillation d'un pendule composé, c'est donc toujours chercher la longueur du Pendule simple qui feroit ses vibrations en même tems. The bound of the state of

Il est visible que plus dans le Pendule composé, l'un des poids est proche du point de suspension par rapport à l'éloignement où en est l'autre, plus le Pendule simple qui répond au composé est court; & qu'au contraire plus les distances des deux poids au point de suspension approchent de l'égalité, plus le Pendule simple est long; de sorté qu'à la fin, si les deux poids étoient placés à même distance & confondus ensemble à cet égard, le Pendule com-

posé ne seroit plus que le simple.

Maintenant, si l'on conçoit deux poids égaux ou iné gaux suspendus, non pas immédiatement au fil ou à la yerge, mais chacun à l'extrémité d'une ligne qui la rencontre à angles droits, l'une d'un côté, l'autre de l'autre; si ces deux lignes perpendiculaires à la verge sont dans le même plan vertical & à différentes distancés du point de suspension de la verge ; enfin si elles sont de telle grandeur & les deux poids tels que le centre de

* V. l'Hift. de 1702. pag. 108. & fuiv.

gravité des deux poids conçus comme immobiles soit toujours sur la verge, & qu'ensuite on la mette en balancement, c'est une autre considération à faire, & c'est sur cela que M. Bernoulli a eu une pensée très-sine, qui lui a donné la clef de sa nouvelle Théorie des Oscillations. Il rapporte au Levier ces poids ainsi disposés. Les distances de chacun de ces poids au point de suspension de la verge, sont les bras de levier par lesquels ils agissent, cela est clair; mais ils ont de plus des vîtesses particulieres que l'on n'avoit point encore démêlées, qui doivent entrer dans le calcul de leur action, & qui en sont tout le fin.

Le fil chargé des deux poids supposés étant mis en balancement, il y a un Pendule simple qui feroit ses vibrations dans le même tems, & les arcs circulaires inégaux que décrivent dans ce même tems le Pendule simple, & les deux poids du Pendule composé, sont proportionels à leurs distances du point de suspension. D'un autre côté, la pesanteur tend à faire décrire à tous les corps qui tombent dans le même tems des lignes verticales égales, & ce mouvement en ligne droite & égal entre nécessairement dans la composition du mouvement que les Pendules ont par des arcs circulaires inégaux. Prenons le poids le moins éloigné du point de suspension, & qui décrit le plus petit arc. La petitesse nécessaire & indispensable de cet arc, est cause que la pésanteur n'imprime pas actuellement à ce poids tout le mouvement vertical, & en ligne droite qu'elle tend à lui imprimer; & comme en vertu de la disposition du Pendule composé, ce premier poids est lié avec le second, il tend à imprimer au second ce surplus de mouvement qu'il n'a pû prendre. Mais ce second poids ne peut rien recevoir du premier, parce qu'il ne peut décrire dans un tems déterminé que l'arc qu'il décrit en vertu de sa distance du point de suspension. Ainsi il résiste à l'impulsion du premier avec une force égale à celle dont il est poussé, & il tire cette force des causes qui lui font décrire un arc circulaire déterminé. Voilà donc un équilibre, qui se fair dans le même cas,

que si deux poids attachés à des bras inégaux de levier, & poussés par des forces inégales en sens contraire, s'arrétoient l'un l'autre. Or il est clair qu'alors les produits des poids par leurs bras de levier & par les forces opposées qui les pousseroient, ou, ce qui est la même chose, par les vîtesses qu'elles tendroient à leur imprimer, seroient égaux; & par cette égalité on trouveroit aussi-tôt le centre de gravité des deux poids, ou le point d'appui du levier. Puisque leurs actions seroient égales de part & d'autre de ce point d'appui, & que le Pendule composé est devenu un levier; ce même point d'appui est aussi le centre d'oscillation de ce Pendule.

La difficulté n'est plus que de connoître & d'exprimer. la force par laquelle le premier poids pousse le second, & celle par laquelle le second résiste. Celui que nous appellonsici le second pourroit être appellé le premier; & il le pousse de la même maniere dont il en est poussé. Cette impulsion du second sur le premier entre dans sa résistance; & comme sa résissance est nécessairement égale à la force dont il est poussé, il faut, que s'il ne pousse pas autant qu'il est poussé, sa résistance reçoive d'ailleurs un complément, c'est-à-dire, ou d'une plus grande masse de ce poids, ou d'un plus grand bras de levier, ou de tous les deux, & si les poids sont égaux, d'un plus grand bras de levier seulement. Nous supposerons dans la suite les poids égaux pour plus de facilité.

Moins un poids est éloigné du point de suspension, plus l'arc circulaire qu'il décrit est petit, & plus par conséquent la pesanteur perd de l'action qu'elle tend à exercer sur lui. Or il ne pousse un autre poids que l'on concoit qui lui répond, que par cet excès de l'action de la pesanteur, par ce reste dont il ne reçoit pas l'esset; & par conséquent ce reste étant d'autant plus grand que le poids est suspendu plus haut, il pousse d'autant plus le poids qui lui répond, & au contraire. Donc si les diftances où sont les deux poids à l'égard du point de suffi pension sont fort inégales, il faut pour l'équilibre que le

P iii

plus éloigné regagne par la longueur de son bras de levier, ou, ce qui est la même chose, par son éloignement du point de suspension, ce qui manque au peu de sorce qu'il tiroit du reste de l'action de la pesanteur; & il peut arriver de-là qu'il faudroit pour l'équilibre l'éloigner encore plus du point de suspension qu'il ne l'étoit d'abord. Mais quand on cherche le centre d'oscillation d'un Pendule composé, on en laisse les poids dans la disposition & dans la situation où ils étoient; & si le centre de cet équilibre inventé par M. Bernoulli ne se peut trouver sur la longueur du Pendule composé que l'on propose, il sussit qu'il se puisse trouver sur ce Pendule prolongé. Donc il peut y avoir des cas où le centre de cet équilibre soit au-delà du plus éloigné des deux poids que nous considerons ici, & où par conséquent le Pendule simple soit plus

long que le composé.

Si les deux poids étoient suspendus immédiatement à la verge ou au fil qui fait le Pendule composé, ainsi que nous l'avons supposé d'abord, le Pendule simple seroit toujours plus court que le composé. Ce n'est pas qu'alors le poids qui est le plus haut ne pousse aussi celui qui est le plus bas, par ce reste d'action de la pesanteur qui ne s'exerce point sur lui, & ne le pousse avec plus de force qu'il n'en est repoussé; & que par conséquent le poids qui est le plus bas n'ait besoin de regagner par une plus grande distance du point de suspension ce qui lui manque; mais c'est que dans cette disposition il le regagne toujours exactement; le poids qui a un plus grand reste de l'action de la pesanteur, parce qu'il est plus élevé, a aussi par la même raison un moindre bras de levier, & au contraire; & cela vient de ce que les distances des poids au point de suspension ou leurs bras de levier sont alors les deux longueurs du fil où les poids sont suspendus: & il est aisé de voir que ces longueurs sont toujours en raison réciproque de ce qui se perd de l'action de la pesanteur. Par conséquent pour trouver alors l'équilibre de M. Bernoulli, il n'est jamais

nécessaire d'augmenter la distance du second poids, & le centre d'équilibre se trouve toujours entre les deux poids; ou, ce qui est la même chose, le Pendule simple est toujours plus court que le composé. Mais quand, felon la feconde supposition que nous avons faite, les poids sont attachés à l'extrémité de ces lignes perpendiculaires à la verge ou au fil, leurs distances au point de suspension ne sont plus les longueurs du fil ou de la verge depuis ce point, jusqu'à celui où ces perpendiculaires la traversent ou la rencontrent; mais ce sont des lignes tirées du point de suspension à l'extrémité des perpendiculaires où les poids sont attachés; ces lignes sont d'autant plus longues que ces perpendiculaires le sont aussi, & cela indépendamment de la hauteur où les perpendiculaires rencontrent la verge. Un poids attaché à une perpendiculaire fort longue, qui rencontrera la verge à une petite distance du point de suspension, aura donc une force qu'il tirera de deux causes en même tems, & de ce qu'étant suspendu haut, il aura un grand reste d'action de la pesanteur, & de ce qu'étant à l'extrémité d'une longue perpendiculaire, il sera à une grande distance du point de suspension, & agira par un long bras de levier. Le poids qui étant plus bas que lui, n'a qu'un moindre reste de l'action de la pesanteur, ne peut donc regagner la force qui lui est nécessaire pour l'équilibre, que par être à une distance du point de suspension plus grande que celle du premier poids; & cette distance, il ne la peut avoir qu'en deux manieres, il faut ou qu'il soit suspendu à l'extrémité d'une perpendiculaire fort longue, si elle est attachée haut, ou que cette perpendiculaire soit attachée fort bas, si elle est courte; & ce dernier cas peut être tel, que le second poids ne pourra faire équilibre avec le premier, si la perpendiculaire où il est suspendu n'est plus éloignée du point de suspension qu'elle n'étoit; ce qui peut aller à tel point que le Pendule simple excédera le composé.

De tout ce qui a été dit, il suit que le Pendule simple

qui répond à un composé, est d'autant plus long, dans le cas où les deux poids sont suspendus immédiatement à la verge: 1°. Que le premier poids est suspendu plus bas par rapport à la longueur de tout le Pendule; 2°. Que le second poids est aussi suspendu plus bas par rapport à cette même longueur. Et dans le cas où les deux poids sont attachés à des lignes perpendiculaires: 1°. Que ces perpendiculaires sont plus longues; 2°. Qu'elles sont attachées plus haut; ou, pour rassembler tout ce qui les regarde, qu'elles sont plus longues en elles mêmes, & plus longues par rapport à leur distance du point de suspendiculaires de suspendiculaires par rapport à leur distance du point de suspendiculaires par rapport à leur distance du point de suspendiculaires par rapport à leur distance du point de suspendiculaires par rapport à leur distance du point de suspendiculaires par rapport à leur distance du point de suspendiculaires par rapport à leur distance du point de suspendiculaires par rapport à leur distance du point de suspendiculaires plus longues par rapport à leur distance du point de suspendiculaires plus longues par rapport à leur distance du point de suspendiculaires plus longues par rapport à leur distance du point de suspendiculaires plus longues par rapport à leur distance du point de suspendiculaires plus longues par rapport à leur distance du point de suspendiculaires plus longues par rapport à leur distance du point de suspendiculaires plus longues par rapport à leur distance du point de suspendiculaires plus longues par rapport à leur distance du point de suspendiculaires plus longues par rapport à leur distance du point de suspendiculaires plus longues par rapport à leur distance du point de suspendiculaires plus longues plu

pension.

Si un corps solide, par exemple, un Conoïde quelconque suspendu par son sommer, est mis en balancement, il faut concevoir que c'est un Pendule composé, qui non-seulement porte tout le long de son fil, suspendus immédiatement à ce fil, tous les poids infiniment petits qui composent l'axe du Conoïde, mais qui porte encore suspendus à une infinité de différentes lignes perpendiculaires inégales tous les poids infiniment petits, qui font toutes les parties du Conoïde situées hors de son axe. Si l'on cherche le centre d'oscillation de ce Conoïde, ou la longueur du Pendule simple qui feroit ses vibrations en même tems, il faut donc rassembler tous les rapports qui déterminent le centre du Pendule composé, puisque ce Conoïde est un Pendule composé, chargé de toutes les manieres dont il peut l'être; il faut multiplier par ces rapports la somme infinie de tous les poids infiniment petits qui composent le Conoïde, ou tel autre corps folide qu'on voudra, & c'est précisément ce que donne la Formule algébrique de M. Bernoulli.

Il est évident que ces lignes perpendiculaires, où nous avons supposé des poids attachés, deviennent présentement les Ordonnées de la Courbe qui aura produit par sa révolution le Conoïde ou tel autre corps solide qu'on voudra, & que ce que nous appellions la longueur du

Pendule

Pendule composé, est maintenant l'axe de cette Courbe; & par conséquent la longueur de l'axe, & l'équation de la Courbe qui produit le Solide étant données, on a tour ce qui est nécessaire pour terminer le centre d'ofcillation.

Puisque les mêmes lignes perpendiculaires, ou plûtôt les mêmes Ordonnées posées plus ou moins haur par rapport au point de suspension, font un effet différent pour la longueur du Pendule simple; un même Solide différemment suspendu répondra à différens Pendules simples; on aura différens centres d'oscillation. Ainsi un Cone rectangle étant suspendu par le milieu de sa base, le Pendule simple sera précisément égal à l'axe de ce Cône; mais cette égalité ne se trouvera plus, lorsque le Cône sera suspendu par son sommet, à moins que le rayon de sa base ne soit égal à son axe. De quelque maniere qu'une demi-Sphére soit suspendue, soit par le centre, soit par le sommer, le Pendule simple est toujours plus grand que le rayon de la demi-Sphére; mais c'est quand elle est suspendue par le centre, qu'il est le plus grand. On peut voir en gros & en général par les principes qui ont été établis, les causes de ces différences. Une Sphére; qui ne peut être suspendue que de la même maniere, a toujours un Pendule simple plus court de 3 que son diamétre.

Si la Méthode de M. Bernoulli donne les centres d'oscillation des Solides formés par des révolutions de Courbes quelconques, il est aisé de juger qu'elle donne à plus forte raison, par le moyen d'un léger changement, les centres d'oscillation des plans ou surfaces de toutes ces Courbes. On y trouve aussi des différences pareilles selon les différentes suspensions. Ainsi un Triangle isoscele, qui peut passer pour le plan d'une Courbe dont les Ordonnées sont en même raison que les Abscisses, étant suspendu par son sommet, aura un autre centre qu'étant sutpendu par le milieu de sa base. Il en va de même de la Parabole.

Hift. 1703.

Mais on doit faire sur les plans agités ou balancés une observation qui n'a pas lieu sur les Solides. Si l'on suppose au lieu d'un point de suspension une ligne entiere horisontale à laquelle soit suspendu le plan qui balance, il peut être agité, ou de maniere que ses Ordonnées soient perpendiculaires à cette ligne horisontale, ou de maniere qu'elles lui soient paralléles. Dans le premier cas on dit qu'il est agité de côté; & dans le second, qu'il l'est en plan. Pour se faire une image plus sensible, on peut concevoir que de la premiere maniere il éprouvera la moindre résistance de l'air qu'il soit possible; & de la seconde, la plus grande. Or ces deux manieres ne sont pas indifférentes quant au centre d'oscillation. Ce qui fait qu'un poids suspendu à l'extrémité d'une plus longue Ordonnée agit avec plus d'avantage, ce n'est pas précisément parce que sa distance du point de suspension en est plus grande, c'est parce que cette distance plus grande est un rayon d'un plus grand cercle, dont ce poids décrit des arcs, & que par conséquent il décrit dans le même tems un plus grand espace; car dans tout levier de plus grandes distances du point fixe augmentent la force, non pas précisément en tant que distances, mais en tant que les corps qui y font placés, font nécessairement obligés à une plus grande vîtesse. Donc s'il est possible dans quelque cas qu'une plus grande distance ne cause pas une plus grande vîtesse, cette plus grande distance n'est plus à compter. Quand une surface est agitée de côté, il faut concevoir une Ordonnée quelconque, comme chargée d'autant de poids infiniment petits qu'elle a de points, & qui tous non seulement sont d'autant plus éloignés du point de suspension, mais encore décrivent des arcs de cercles d'autant plus grands, qu'ils sont plus près des deux extrémités de cette Ordonnée, ou plus éloignés de l'axe. Mais si cette même surface est agitée en plan, tous les points de la même Ordonnée, quoiqu'inégalement éloignés du point de suspension, décrivent dans leur balancement des arcs de cercles égaux, ce qu'il est

assez facile de se représenter; ou si l'on veut, on peut encore le concevoir de cette manière. Quand une surface est agitée de côté, & que par conséquent une Ordonnée quelconque est perpendiculaire à une ligne horisontale d'où la surface est suspendue, tous les points de cette Ordonnée ne se rapportent qu'au point de suspension, & par conséquent ils en sont tous inégalement éloignés, & décrivent des arcs de cercles inégaux. Mais quand cette surface est mûe en plan, & que par conséquent une Ordonnée quelconque est paralléle à la ligne horisontale, chaque point de cette Ordonnée se rapporte au point de cette ligne qui lui répond par une perpendiculaire, & toute l'Ordonnée à toute la ligne horisontale, & non pas à un seul point; & par conséquent tous les points de l'Ordonnée sont à la même distance de cette ligne d'où ils sont suspendus, & décrivent tous des arcs de cercles égaux. Laquelle des deux idées que l'on prenne, il est toujours sûr que dans une surface agitée en plan, tous les points d'une même Ordonnée n'ont que la même vîtesse, au lieu qu'ils en ont une inégale dans une surface mûe de côté; & par conséquent dans ces deux cas la force n'est pas la même par rapport à l'équilibre de M. Bernoulli, ou au centre d'oscillation.

La force de tous les points d'une Ordonnée étant toujours la même dans la surface mûe en plan, chaque point
n'a que la même force qu'a le point où cette Ordonnée
coupe l'axe. Or dans la même surface agitée de côté,
le point où cette même Ordonnée coupe l'axe, a la même force; & ensuite la force de tous les autres points va
en augmentant jusqu'aux deux extrémités de l'Ordonnée.
Donc la force totale d'une même Ordonnée est beaucoup plus grande dans une surface mûe de côté; & comme c'est la même chose de toutes les autres Ordonnées,
& que d'ailleurs tout le reste demeure le même, il s'ensurface qu'il faut une plus grande longueur du Pendule simple pour faire équilibre à cette force; & qu'ensin la même surface, suspendue de la même manière, a son cen-

Qij

tre d'oscillation plus éloigné du point de suspension; quand elle est agitée de côté, que quand elle l'est en plan. C'est ce qui se trouve en esset par le calcul. Il se trouve même que des surfaces, comme le Triangle, le Rectangle, la Parabole, peuvent souvent avoir leur pendule simple plus long que leur axe quand elles sont mûes de côté, & l'ont toujours plus court quand elles sont mûes en plan. Pour le cercle il a toujours son Pendule simple plus court que son diamétre; ce Pendule simple est les du diamétre, si le cercle est mû de côté, & les se, s'il l'est en plan.

Après les furfaces des Courbes, il ne reste plus que ces Courbes mêmes, considérées simplement comme lignes, dont on puisse chercher le centre d'oscillation. Il n'y a plus alors d'autres poids que les parties infiniment petites de ces Courbes; & quoique par conséquent les Ordonnées ne soient plus conçûes comme chargées de poids infiniment petits à tous leurs points, elles subsistent toujours comme simples lignes, & par rapport à elles les Courbes peuvent aussi-bien que leurs surfaces être mûes de côté ou en plan. La Formule générale de M. Bernoulli se réduit aussi sans difficulté à ces différens centres d'os-

cillation des Courbes.

Voilà quelle est toute la Théorie de M. Bernoulli. Cet équilibre si délicatement démêlé en est tout le sécret. Non seulement il est beau d'avoir réduit à un principe aussi simple une matiere si compliquée; mais comme on ne peut trop approfondir tout ce qui appartient à l'équilibre & au mouvement, cette recherche, si curieuse par ellemême, en devient aussi plus utile.



DU MOUVEMENT DES EAUX.

Ly a déja quelque tems que l'on a reconnu ou conjecturé par un grand nombre d'expériences assez exactes, page 238, que s'il sort de l'eau de deux tuyaux ou réservoirs inégalement hauts, qui soient toujours entretenus pleins à même hauteur, & qui aient des ouvertures horisontales & égales, les dissérentes vîtesses de l'eau, sont comme les racines quarrées des hauteurs des tuyaux d'où elle sort. Par conséquent les dissérentes vîtesses d'une eau qui sort d'un tuyau qui se vuide, sont à chaque instant comme les racines quarrées de la hauteur, qui alors diminue toujours.

Ce rapport des vîtesses étant le même que celui qu'elles ont dans le Systême de la Chute des Corps pesans établi par Galilée, à cela près que la vîtesse des Corps pesans est croissante depuis le premier moment de leur chute jusqu'au dernier, & que celle de l'eau qui sort d'un tuyau qui se vuide est décroissante: on crut aussi-tôt que la diminution de la vîtesse de cette eau dépendoit du même principe que l'accélération de celle des corps qui tombent. On regarda l'eau la plus élevée d'un tuyau qui se vuide, comme disposée à avoir, supposé qu'elle tombât seule, une plus grande vîtesse à la fin de sa chûte, parce qu'elle seroit tombée de plus haut, & comme imprimant cette même vîtesse à l'eau insérieure qu'elle poussoit hors du tuyau.

Mais M. Varignon a fait réflexion que cette idée ne pouvoit avoir lieu, parce que l'eau supérieure ne tombe point seule, & n'a point réellement acquis une vîtesse qu'elle puisse imprimer à l'inférieure; que cette eau supérieure & l'inférieure ne font dans tout le tems de la descente qu'un cylindre d'eau continu, & que par conséquent on n'y sçauroit concevoir une partie, qui

Q iij

ayant une plus grande vîtesse l'imprime à l'autre. Aussi les Auteurs les plus célebres, tels que Torricelli & M. Mariote, qui ont employé ce principe, que les vîtesses de l'eau sont comme les racines des hauteurs, ne l'ont employé que comme un principe d'expérience: M. Huguens ne croyoit pas qu'on le pût démontrer; & l'on se contentoit du fait, & d'une certaine vraisemblance con-

fuse que l'on entrevoyoit dans la cause.

La véritable cause cependant n'étoit guere cachée, & il est surprenant qu'elle le fût si peu. M. Varignon la trouva, dès qu'il la chercha par la Théorie générale du Mouvement qu'il avoit donnée en 1692. Les forces sont toujours proportionnelles aux effets qu'elles produisent. Quand l'eau fort de deux tuyaux d'inégale hauteur toujours pleins, & qui ont des ouvertures égales, les forces qui la font fortir, ce font deux colonnes d'eau inégalement hautes, & qui sont entr'elles comme leurs hauteurs, parce que les bases sont égales; & les effets, ce sont deux masses d'eau, mûes chacune avec une certaine vîtesse. Donc les forces ou les hauteurs des tuyaux sont entre elles, comme les produits faits des masses d'eau qui sortent en un certain tems, & de leurs vîtesses. Or plus la vîtesse est grande, plus la masse d'eau qui sort en un certain tems est grande aussi; & cela en même raison. Donc les hauteurs des tuyaux sont comme les quarrés ou des masses ou des vîtesses de l'eau. Donc les vîtesses sont comme les racines quarrées des hauteurs. M. Varignon avoit déja donné cette démonstration en 1695, ainsi qu'il paroît par l'Histoire Latine de l'Académie, pag. 362. de la premiere édition, & pag. 392. de la seconde.

Ce rapport des vîtesses ne sera donc plus un principe d'expérience; & la Raison, qui n'a plus à craindre aucune incertitude, ni à se désier de rien, est pleinement satissaire. Si au lieu de comparer les vîtesses de l'eau qui sort de dissérens tuyaux, on veut comparer dans les mêmes circonstances les vîtesses de deux dissérentes liqueurs, il n'y a qu'à suivre le raisonnement de M. Varignon, &

à considérer que si dans le premier cas les deux Forces mouvantes sont deux colonnes d'eau d'autant plus puissantes pour pousser l'eau inférieure, qu'elles sont plus hautes & ont plus de poids par leur hauteur; ce sont dans le second cas deux colonnes de deux liqueurs différentes, qui outre la force qu'elles tirent de leurs différentes hauteurs, ont encore celle qui leur vient de leurs différentes pesanteurs spécifiques : car, par exemple, le vis-argent, tout le reste étant égal, pousser avec plus de force que l'eau; & par conséquent il saudra faire un produit de chaque hauteur, par chaque pesanteur spécifique, & les vîtesses des deux liqueurs différentes seront comme les racines quarrées de ces produits. De là il suit manifestement que si la liqueur la plus pesante a moins de hauteur, selon la même raison qu'elle est plus pesante, les vî-

tesses seront égales.

Outre les pesanteurs spécifiques, on peut considérer dans les liqueurs des densités différentes; on peut prétendre que dans un certain volume de vif-argent, il y aura plus de vif-argent, qu'il n'y aura d'eau dans un volume égal d'eau. Selon cette hypothèse, les masses de deux liqueurs differentes ne seront pas comme leurs volumes, & la liqueur la plus dense aura à proportion de sa densité une plus grande masse sous un volume égal. Il ne faudroit donc plus supposer, comme on a fait jusqu'à présent, que les masses de liqueur qui sortent en même tems par deux ouvertures égales, fussent en raison de leurs volumes; & un pareil volume d'une liqueur plus dense étant plus difficile à pousser par une même force, il s'écouleroit moins de cette liqueur en un certain tems. Par conséquent il faudroit considérer les forces mouvantes, c'est-à-dire, les colonnes des liqueurs comme affoiblies par une plus grande densité, au lieu qu'elles étoient fortifiées par une plus grande hauteur, & par une plus grande pesanteur spécifique; ce qui emporte que dans la proportion des forces & des effets, le produit de la plus grande hauteur par la plus grande pefanteur spéci-

fique soit encore multiplié par la moindre densité, & que la racine quarrée du produit de ces trois grandeurs répon-

de à la plus grande vîtesse.

M. Varignon ne recherche toutes les hypothèses de Physique, même les moins vraisemblables, que pour ne laisser rien échapper à ses Regles ou Formules géométriques; & il vaut mieux en esset qu'elles embrassent plus que la nature, que de ne la pas embrasser toute entiere. Il est bien aissé d'essacer dans une Formule les grandeurs ou les rapports dont on ne veut pas tenir compte; & c'est même une espèce de plaisir que de la voir par-là descendre tout d'un coup de son universalité, à la question particuliere

qu'on s'est proposée.

Si les liqueurs étoient inégalement visqueuses, & que par conséquent l'une s'attachât davantage aux parois de son tuyau, & coulât plus difficilement, il est clair qu'il en sortiroit une moindre quantité, tout le reste étant égal, & qu'il faudroit encore considérer la force mouvante comme affoiblie par cet endroit. Ensin il est visible qu'en suivant toujours la même idée, quelque différentes que soient les liqueurs, & quelles que soient leurs différences, on trouvera sans peine les rapports de leurs vîtesses à la sortie des deux tuyaux supposés; & par conséquent toutes les manieres différentes dont on peut donner la même vîtesse à différentes liqueurs.

Mais on a supposé jusqu'ici que les tuyaux étoient verticaux, que leurs ouvertures étoient horisontales, & qu'elles étoient égales. En cas que toutes ces suppositions ces-

fassent, qu'arriveroit-il?

Si un tuyau est incliné à l'horison, le poids de l'eau est dans le même cas que tout autre poids posé sur un plan incliné, & par conséquent la partie du poids de l'eau qui agit est au poids entier, comme la hauteur perpendiculaire du tuyau est à sa longueur. Donc la force mouvante dépend toujours de la hauteur perpendiculaire du tuyau; mais quand le tuyau est vertical, cette hauteur est la même que la longueur, & else est moindre

moindre quand le tuyau est incliné.

Si l'ouverture n'est pas horisontale, la vîtesse de toutes les parties d'eau qui sortent n'est plus la même, mais comme les unes sont plus élevées que les autres, celle des parties supérieures est moindre, parce qu'elles sont poussées par une moindre colonne, & par conséquent il faut prendre la vîtesse des parties moyennes, & en même tems la hauteur de la colonne qui leur répond, & ne faire le calcul que sur cette vîtesse moyenne, & la hauteur du tuyau correspondante.

Enfin si les ouvertures sont inégales, il est visible qu'elles donnent plus d'eau à proportion qu'elles sont plus

grandes.

Tous ces différens rapports pris ensemble sournissent à M. Varignon des Régles générales, ausquelles aucun cas particulier ne peut se dérober, & même pour empêcher encore mieux que rien ne les limite, il y comprend les trois manieres différentes dont on peut concevoir la dépense des liqueurs, & mesurer la quantité qui s'en écoule. Car on peut la mesurer ou par la masse seule, en ne prenant que les parties propres de la liqueur, & en excluant les étrangeres qui y sont mêlées, auquel cas la masse dépend de la densité, ou par le volume, en comprenant dans la liqueur, comme l'on fait communément, les parties étrangeres aussi-bien que les propres, ou ensin par la pesanteur.

On a toujours supposé que les tuyaux étoient entretenus pleins, & par conséquent que la vîtesse des liqueurs étoit uniforme. Si les tuyaux se vuidoient, cette vîtesse se-roit alors retardée ou décroissante, selon la proportion que Galilée a établie; mais il seroit bien aisé de calculer ces vîtesses en les réduisant à l'uniformité. On sçait qu'un corps qui tombe d'une certaine hauteur en un certain tems parcourroit dans un tems égal le double de cette hauteur, s'il avoit une vîtesse uniforme égale à celle qu'il avoit acquise à la fin de sa chute par une accélération continuelle; & par conséquent un tuyau toujours

Hist. 1703.

130 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

entretenu plein, donnera dans le même tems deux fois plus de liqueur que s'il se vuide; car quoique, selon la pensée de M. Varignon, l'accélération n'ait point de lieu dans les liqueurs qui tombent par des ouvertures de tuyaux, il sussit que la même proportion subsiste dans leur vîtesse par une autre cause, & le même esser se retrouve toujours.

SUR L'INÉGALITÉ

DES PENDULES.

285.

V. les M. p. Egalité de la durée des vibrations d'un Pendule à Secondes, est aujourd'hui un des principaux fondemens de l'Astronomie; mais il n'est pas aisé de s'assurer que cette égalité soit aussi exacte qu'on la suppose. Quoiqu'il semblat que la Cycloïde de M. Huguens eût mis les Horloges à Secondes dans leur dernière perfection. *pag. 140. & on a vû dans l'Histoire de 1700 * ce que M. de la Hire suiv. désiroit encore sur cette matiere, & les vûes qu'une longue expérience lui avoit fait naître. Ici, il en propose encore de nouvelles, & elles roulent la plûpart sur de si petits sujets, qu'on les pourroit traiter de rasinemens excessifs, s'il ne s'agissoit pas de la chose du monde, où l'extrême précision est la plus nécessaire. L'épaisseur d'un fil affez délié y est à considerer, un peu d'humidité qui s'attachera à la verge du Pendule & au poids, peut changer le centre d'oscillation, les diverses constitutions de l'air peuvent rendre la durée des vibrations inégale, enfin rien n'est indifférent, & il faut voir en détail dans le Mémoire de M. de la Hire toutes les attentions scrupuleuses ausquelles il s'est cru obligé.

> Nous n'en détacherons ici que ce qui regarde l'inégalité du Pendule en différens climats, parce que cette considération peut plûtôt appartenir à un Système géné-

ral, & que les autres sont des délicatesses de pratique & d'exécution. Tout le monde sçait que la longueur du Pendule qui bat des Secondes est à Paris de 3 pieds 8 lignes 1. & que M. Richer le trouva plus court d'une ligne i à Cayenne à 4 degrés de latitude Septentrionale. Depuis ce tems-là, Mrs Picard & de la Hire, le trouverent à Bayonne, c'est-à-dire, à 43° 1/2 de latitude, exactement de la même longueur qu'à Paris, & même M. Picard étant à Vranibourg en Dannemarc, à 55° ½ de latitude trouva encore cette longueur exactement la même. Cependant Mrs Varin, des Hayes, & de Glos, ont déterminé par des observations sûres dans l'Isse de Gorée à 14° de latitude Septentrionale, que le Pendule y étoit de 2 lignes plus court qu'à Paris: & depuis Mrs des Hayes & Couplet le fils, ainsi qu'on l'a pû voir dans l'Hist. de 1700 *, ont trouvé dans d'autres lieux fort Méridionaux, que le Pendule y devoit être considérablement accourci; mais il est vrai que l'on n'a pas cru ces dernieres observations fi fûres.

* pag. 1143

De celle de M. Richer, Mrs Mariotte & Huguens conclurent aussi-tôt que les corps tomboient plus lentement vers l'Equateur que vers les Pôles*; & pour accommoder cette idée à l'ingénieuse hypothèse de M. de 1700. pag. Descartes sur la Pesanteur, ils imaginerent que la matiere éthérée ayant un plus grand mouvement vers l'Equateur, · & faisant par conséquent un plus grand effort pour s'éloigner du centre, elle s'opposoit avec plus de force à la chute des corps, les repoussoir, & en quelque maniere les foutenoit.

* V. l'Hift. 114. & fuiv.

M. de la Hire attaque ce raisonnement.

Et 1°. Si selon l'hypothèse de M. Descartes l'effort de la matiere éthérée pour s'éloigner du centre de la Terre, est le principe qui repousse vers ce centre les corps moins propres à un grand mouvement, il paroît que cet effort étant plus grand vers l'Equateur, y doit faire tomber les corps pesans avec plus de vîtesse, loin de s'opposer à leur chûte, & de les repousser en enhaut.

132 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

2°. Si l'on attribue cette action de repousser les corps à l'air qui environne la Terre, & qui en étant écarté par le mouvement diurne qu'elle a sur son axe, l'est avec plus de force sous l'Equateur, il n'y a guère d'apparence qu'une surface aussi unie & aussi égale que celle du globe terrestre, dont la plus grande partie est couverte de mers, & dont les plus hautes Montagnes sont des inégalités insensibles par rapport à sa grandeur, puisse écarter l'air par son tournoyement, & ne l'emporte pas avec elle d'un mouvement égal. Il est vrai que l'on attribue ordinairement à cette inégalité du mouvement de la Terre & de l'air, & à la lenteur de l'air que l'on suppose qui ne peut suivre tout le mouvement de la Terre d'Occident en Orient, ce vent perpétuel qui souffle entre les Tropiques d'Orient en Occident; mais M. de la Hire ne convient pas de cette explication. Il y a de grands calmes & fréquens entre les Tropiques, & que devient alors ce vent dont la cause est perpétuelle? La vîtesse d'un vent médiocre est de 20 pieds par Seconde, & il est aisé de voir que celle de l'Equateur de la Terre qui fait 9000 lieues en un jour, seroit plus de 60 sois plus grande; quel rapport entre ces deux vîtesses? Enfin si l'air est écarté de la Terre par le tournoyement journalier, c'est ou selon une tangente qui va d'Orient en Occident, ou selon un rayon qui va du centre à la circonférence. Si c'est selon la tangente, un Pendule qui dans une vibration ira d'Occident en Orient, sera, à la vérité, repoussé par l'air, mais dans la vibration suivante, il en sera aidé, parce qu'il ira d'Orient en Occident. Si l'écart se fait selon le rayon, un Pendule sera repoussé dans la premiere moitié de sa vibration, parce qu'il tombe, mais il fera aidé dans la seconde, parce qu'il s'éleve. Ainsi dans les deux cas, l'écart de l'air favoriseroit & accélereroit autant le mouvement du Pendule, qu'il y nuiroit, & le retarderoit.

3°. Les cercles paralleles à l'Equateur qui vont toujours en diminuant jusqu'aux Pôles, ont pour rayons les sinus de complément de la latitude de chacun. Ainsi, par exemple, en supposant ces cercles menés par chaque degré du Méridien, le 30^{me} cercle qui est à 30 degrés de latitude, a pour rayon le sinus de 60 degrés. Donc ces cercles vont en diminuant selon la proportion de ces sinus de complément, & par conséquent aussi l'écart soit de la matiere éthérée, soit de l'air. Or ces sinus diminuent de plus en plus à mesure qu'ils approchent des Pôles, & par conséquent l'écart de la matiere qui repousse les corps pesans étant moindre, ils seroient repoussés avec moins de force, & tomberoient plus vîte dans un climat plus Septentrional. Cependant ils ne tombent pas plus vîte à Vranibourg qu'à Bayonne, & ils tome

bent moins vîte à Gorée qu'à Cayenne.

De tout cela, M. de la Hire conclut qu'il faut chercher quelque autre cause des inégalités du Pendule. Il soupconne qu'elles pourroient n'être qu'apparentes. M. Richer avoit porté à Cayenne une verge de fer de 3 pieds 8 lignes 1/2, qui étoit la mesure du Pendule de Paris. Quand il vint à mesurer sur cette verge le Pendule qu'il avoit fait à Cayenne, & qui battoit les Secondes, il le trouva d'une ligne 1/4 plus court que la verge; mais peutêtre s'étoit-elle allongée par les grandes chaleurs de Cayenne. M. de la Hire a trouvé par des observations faites avec grand soin, qu'une barre de fer, qui, exposée à la gelée, étoit de 6 pieds de long, s'allongeoit de 2 de ligne, étant échauffée par le Soleil d'Eté. La chaleur étend & raréfie tout. Si l'on a trouvé le Pendule encore plus court à Gorée qu'à Cayenne, quoique Gorée soit plus Septentrionale, la mesure pouvoit s'y être plus allongée, parce que les chaleurs sont ordinairement plus grandes vers les Tropiques que vers l'Equateur; & enfin comme la chaleur d'un lieu particulier dépend de la combinaison d'un grand nombre de causes particulieres, on voit affez en général la fource de toutes les irrégularités de la longueur du Pendule. Vranibourg & Bayonne quoique fort différens en latitude, peuvent K iii

134 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

avoir eu le même degré de chaleur au tems des observations qui y ont été faites, ou du moins n'avoir pas eu un degré de chaleur si différent, que la longueur des métaux

en fût fensiblement changée.

On peut objecter que selon M. de la Hire lui-même une verge de fer de 3 pieds de long, telle qu'est à peu près celle qui mesure le Pendule de Paris, ne doit s'augmenter ici du plus grand froid au plus grand chaud que d'un tiers de ligne, qu'à Cayenne elle s'est augmentée d'une ligne $\frac{1}{4}$, que par conséquent notre grand chaud seroit à celui de Cayenne comme 1 à à 1, ou comme 4 à 15, ce qui certainement n'est pas d'une si grande inégalité. Mais on peut considérer aussi qu'outre la cause générale & commune de la raréfaction, qui est un plus grand mouvement de la matiere subtile ou éthérée, les climats de la Zone Torride en ont encore une particuliere, qui sont des vapeurs, soit aqueuses, soit terrestres, beaucoup plus déliées & plus pénétrantes que celles des autres climats. Ces vapeurs ne rendent pas la chaleur plus grande, au contraire elles la font sentir beaucoup moindre, que si, agitées autant qu'elles le sont, elles étoient plus groffieres; mais elles entrent dans les corps solides & avec plus de facilité, & en plus grande abondance, & peuvent y séjourner plus long-tems, & par conféquent l'extension de ces corps dans les climats fort chauds, comparée à celle de nos climats, pourra y être dans une proportion plus grande que la chaleur. Tout ce qui tombe dans une question physique dépend presque toujours d'une complication de causes, difficiles à démêler.

Quoi qu'il en soit, il est constant que dans un climat tel que celui-ci, le même Pendule ayant comme à l'ordinaire une verge de métal, changeroit de longueur du grand froid au grand chaud, & que cette différence pouvant aller à ½ de ligne, elle en produiroit une de 32" sur un jour, ce qui seroit très-considérable, & excessif, puisqu'à peine est-il permis aux Pendules bien réglés d'avoir

en 8 jours une Seconde de plus ou de moins, Aussi une des principales attentions qu'ils demandent, est qu'on les tienne dans des lieux où ils soient à couvert des impressions de l'air extérieur.

MOnsieur de la Hire a donné un moyen de faire V. les M. p. monter un grand Vaisseau sur la Calle, telle qu'elle 229. est construite dans le port de Toulon, sans employer aucunes Machines.

Monsieur des Billettes a fait la description de l'Art du Graveur, & M. Jaugeon, celle de la Frappe des Poinçons.

MACHINES OU INVENTIONS

approuvées par l'Académie des Sciences en 1703.

I.

TN Cric circulaire du Sieur Thomas, qui, quoiqu'il ne foit pas nouveau, & quoique sujet à la réciprocation des Forces & du tems comme toutes les autres Machines, ne laissera pas d'être quelquesois plus commode, vû le peu d'espace qu'il occupe, & la facilité qu'il donne d'employer les forces contre le fardeau.

Il a été parlé de ce même Cric dans l'Hist. de 1701 *; * P. 144. mais l'Académie a vû depuis quelques applications de ce mouvement, qui ont paru bonnes. Le Sieur Thomas l'a appliqué utilement à la Grue, & à un Chariot chargé d'un fardeau sur lequel un Homme assis le fait ayan136 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE cer ou reculer par le moyen de ce Cric, ce qui peut être d'usage pour le transport des pierres dans les bâtimens sur un terrain horisontal & solide.

II.

Un Cylindre creux en forme de Peson, contenant un Ressort à Boudin, que le même Sieur Thomas a inventé pour suspendre le corps des Carosses.

III.

Une nouvelle maniere de faire agir des Rames, inventée par M. de Camus, fort simple, & fort ingénieuse.

IV.

Une construction de Lampes, nouvelle & fort ingénieuse, inventée par le Sieur Favre, pour éclairer une. Ville pendant la nuir.

V.

Une Machine de M. Blanchart, pour tirer les Vaisseaux à terre, sur laquelle cependant on a fait quelques remarques.

VI.

Une Machine du Sieur Bedaut, pour porter les Boulets rouges depuis la Fournaise jusqu'à la bouche du Canon, plus commodément & plus sûrement qu'à l'ordinaire.

VII.

Une Machine du Sieur Gouffé pour nettoyer les Ports, assez ingénieuse, quoique trop pesante, & plus propre à retenir des pierres que de la vase.

VIII.

Une Maniere ingénieuse proposée par M. Martenot, de réunir en une seule Rame toutes celles qui seroient nécessaires

nécessaires pour donner de la vîtesse à quelque Bâtiment que ce sût, sans que son impulsion sût interrompue, ni rallentie; quoiqu'il ait paru qu'il faudroit pour cette Rame une plus grande quantité d'Hommes, que pour les Rames ordinaires.

ELOGE DE MONSIEUR

INCENZIO VIVIANI, Gentilhomme Florentin, naquit à Florence le 5 Avril 1622. A l'âge de 16 ans, son Maître de Logique, qui étoit un Religieux, lui dit qu'il n'y avoit point de meilleure Logique que la Géométrie, & comme les Géométres qui encore aujourd'hui ne sont pas fort communs, l'étoient beaucoup moins en ce tems-là, il n'y avoit alors dans la Toscane qu'un seul Maître de Mathématique, qui étoit encore un Religieux, sous lequel M. Viviani commença à étudier.

Le grand Galilée étoit alors fort âgé, & il avoit perdu, selon sa propre expression, ces yeux qui avoient découvert un nouveau Ciel. Il n'avoit pas cependant abandonné l'étude; ni son goût, ni ses étonnans succès ne lui permettoient de l'abandonner. Il lui salloit auprès de lui quelques jeunes gens, qui lui tinssent lieu de ses yeux, & qu'il eût le plaisir de former. M. Viviani à peine avoit étudié la Géométrie un an, qu'il sut digne que Galilée le prît chez lui, & en quelque maniere l'adoptât. Ce sur en 1639.

Près de trois ans après, il prit aussi chez lui le sameux Evangelista Torricelli, & mourut au bout de trois mois âgé de 77 ans, Génie rare, & dont on verra toujours le nom à la tête de quelques-unes des plus importantes

Hist. 1703.

138 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE découvertes sur lesquelles soit sondée la Philosophie moderne.

M. Viviani fut donc trois ans avec Galilée, depuis 17 ans jusqu'à 20. Heureusement né pour les Sciences, & plein de cette vigueur d'esprit que donne la premiere jeunesse, il n'est pas étonnant qu'il ait extrêmement profité des leçons d'un aussi excellent Maître; mais il l'est beaucoup plus que malgré l'extrême disproportion d'âge, il ait pris pour Galilée une tendresse vive, & une espéce de passion. Par-tout il se nomme le Disciple, & le dernier Disciple du grand Galilée; car il a beaucoup survêcu à Toricelli son Collegue: jamais il ne met son nom à un titre d'Ouvrage, sans l'accompagner de cette qualité; jamais il ne manque une occasion de parler de Galilée, & quelquefois même, ce qui fait encore mieux l'éloge de son cœur, il en parle sans beaucoup de nécessité; jamais il ne nomme le nom de Galilée sans lui rendre un hommage; & l'on sent bien que ce n'est point pour s'associer en quelque sorte au mérite de ce grand Homme, & en faire rejaillir une partie sur lui; le style de la tendresse est bien aisé à reconnoître d'avec celui de la vanité.

Après la mort de Galilée, il passa encore 2 ou 3 ans dans la Géométrie sans aucune interruption, & ce sur en ce tems-là qu'il forma le dessein de sa Divination sur Aristée. Pour entendre ce que c'est que cette Divination, il saut un peu remonter à l'histoire des anciens Géométres.

Pappus d'Alexandrie, Mathématicien du tems de Théodose, parle en quelques endroits d'un Aristée qu'il appelle l'Ancien, pour le distinguer d'un autre Aristée, Géométre aussi bien que le premier, mais qui avoit vécu après lui. Aristée l'Ancien avoit sait Cinq Livres Des Lieux Solides, c'est-à-dire, selon l'explication de Pappus même, des trois Sections Coniques. Il n'a pû vivre plus tard qu'Euclides dont nous avons les Elémens, & par conséquent il a été environ 300 ans avant J. C. Ses 5. Livres sont entiérement perdus.

M. Viviani fort versé dans la Géométrie des Anciens, & regrettant la perte d'un grand nombre de leurs Ouvrages, entreprit à l'âge de 24 ans de la réparer, du moins en partie, en se remettant, autant qu'il étoit possible, sur leurs pistes, & en tâchant de deviner ce qu'ils avoient dû nous dire. S'il est jamais permis aux Hommes de deviner, c'est en cette matière, où, si l'on n'est pas sûr de retrouver précisément ce qu'on cherche, on l'est du moins de ne rien trouver de contraire, & de trouver toujours l'équivalent.

Lorsque M. Viviani travailloit à tirer de son propre fonds les 5 Livres d'Aristée sur les Lieux Solides, ou Sections Coniques, un grand nombre de choses différentes le traverserent, soins & affaires domestiques, maladies, Ouvrages publics, où il sut employé par les Princes de Médicis, de qui son mérite étoit déja connu, &

même récompensé.

Il fut 15 ans entiers, sans jouir de cette tranquillité si nécessaire pour de grandes études. Cependant la Géométrie, qui n'a pas coutume de laisser en paix ceux dont elle à une fois pris possession, le poursuivit au milieu de tant de distractions différentes; il lui donnoir tous les momens qu'il avoit pour respirer, & il conçut alors le dessein

d'un Ouvrage, où il s'agissoit de deviner encore.

Apollonius Pergæus, ainsi nommé d'une Ville de Pamphylie, & qui vivoit quelque 250 ans avant J. C. avoit ramassé sur les Sections Coniques, tout ce qu'avoient fait avant lui Aristée, Eudoxe de Gnide, Menœchme, Euclides, Conon, Trassidée, Nicotele. Ce sur lui qui donna le premier aux trois Sections Coniques les noms de Parabole, d'Hiperbole, & d'Ellipse, qui nonseulement les distinguent, mais les caractérisent. Il avoit sait 8 Livres qui parvinrent entiers jusqu'au tems de Pappus d'Alexandrie. Pappus composa une espéce d'introduction à cet Ouvrage, & donna les Lemmes nécessaires pour l'entendre. Depuis, les 4 derniers Livres d'Apollonius ont péri.

140 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

Il paroît par l'Epitre d'Apollonius à Eudemus, & par Eutocius Ascalonite, Auteur plus jeune que Pappus, que dans le 5^{me} Livre des Coniques d'Apollonius, il étoit traité des plus grandes & plus petites lignes droites, qui se terminassent aux circonférences des Sections Coniques, c'est ce qu'on appelle présentement des Questions de Maximis & Minimis.

M. Viviani laissant Aristée pour quelque tems, songea à restituer de la même maniere le 5me Livre d'Apollonius,

& s'y occupa dans ses 15 années de distraction.

En 1658 le fameux Jean Alphonse Borelli, Auteur de l'excellent Livre, De Motu animalium, passant par Florence, trouva dans la Bibliothèque de Medicis, un Manuscrit Arabe avec cette inscription Latine Apollonii Pergai Conicorum Libri Octo. Il jugea par toutes les marques extérieures qu'il put rassembler, que ce devoient être effectivement les 8 Livres d'Apollonius en leur entier, & le Grand Duc lui permit de porter ce Manuscrit à Rome pour le faire traduire par Abraham Ecchellensis Maroni-

te, Professeur aux Langues Orientales.

Sur cela, M. Viviani qui ne vouloit point perdre le fruit de tout ce qu'il avoit préparé pour sa Divination sur le sme Livre d'Apollonius, prit toutes les mesures nécessaires pour bien établir ce qu'il n'avoit sair essectivement que deviner. Il se fit donner des attestations authentiques qu'il n'entendoit point l'Arabe, & pour plus de sûreté qu'il n'avoir jamais vû le Manuscrit; il obtint du Prince Leopold frere du Grand Duc Ferdinand II. la grace qu'il lui paraphât de sa propre main ses papiers en l'état où ils se trouvoient alors; il ne voulur point que M. Borelli lui mandât jamais rien de ce qu'Ecchellensis auroit pû découvrir en traduisant, & enfin il se hâta de deviner, & imprima fon Ouvrage en 1659 sous ce titre: De Maximis & Minimis Geometrica Divinatio in 5um Conicorum Apollonii Pergai adhuc desideratum. C'est-là le premier qui ait paru de lui.

Pendant ce tems-là, Abraham Ecchellensis, qui ne

scavoit point de Géométrie, aidé par Borelli, grand Géométre, qui ne sçavoit point d'Arabe, travailloit à traduire la traduction Arabe d'Apollonius. Il se trouva qu'elle avoit été faite par un Auteur nommé Abalphath, qui vivoit à la sin du dixiéme Siécle. Il manquoir le 8^{me} Livre d'Apollonius entier, quoiqu'en dît l'inscription Latine.

En 1661. Ecchellensis donna sa traduction du 5, du 6, & du 7^{me}. On compara donc alors la Divination de M. Viviani avec la vérité, & l'on trouva qu'il avoit plus que deviné, c'est-à-dire, qu'il avoit été beaucoup plus loin qu'Apollonius sur la même matiere.

Après un événement si singulier & si heureux, il sur engagé dans une occupation d'une espéce toute différente, & où cependant sa destinée voulut qu'il sût encore

question de continuer les travaux des Anciens.

Tacite rapporte dans le premier Livre de ses Annales qu'après un débordement du Tibre qui avoit fait du ravage dans Rome sous Tibere, le Sénat chercha les moyens de s'en garantir à l'avenir. Celui qui se présentoit le plus naturellement, étoit de détourner les Rivieres & les Lacs qui tombent dans le Tibre. Mais entre toutes les autres Rivieres, la plus aisée à détourner étoit le Clanis, appellé maintenant la Chiana; car entre les Montagnes de la Toscane, il se forme dans une longue plaine un grand Lac, que la Chiana traverse, & où ses eaux sont tellement en équilibre, qu'elles n'ont pas plus de pente pour couler du côté d'Orient dans le Tibre, que du côté d'Occident dans l'Arne, qui passe à Florence; de sorte qu'elle coule de l'un & de l'autre côté. Elle contribue beaucoup aux inondations, tant du Tibre que de l'Arne. On pouvoit donc, en la détournant entiérement dans l'Arne, ôter au Tibre une des causes de ses débordemens; mais on eût sauvé Rome aux dépens de Florence, & quoique cette Ville ne fût alors qu'une Colonie peu considérable, elle sit au Sénar des remontrances qui furent écoutées. Les Habitans de quelques au-

142 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

tres Villes d'Italie, menacés du même malheur, en firent aussi, & chercherent si soigneusement toutes les raisons qui pouvoient leur être favorables, qu'ils représenterent & la diminution de la gloire du Tibre, qui auroit
moins de Fleuves tributaires, & le respect dû aux limites établies par la nature, & le renversement de la religion de plusieurs Peuples, qui ne trouveroient plus dans
leur Pays des Fleuves, à qui ils rendoient un culte. Les
Romains se déterminerent alors à laisser les choses comme elles étoient; mais depuis ils bâtirent une grosse muraille, qui ferme d'une Montagne à l'autre la Vallée par
où passe la Chiana pour se jetter dans le Tibre, & ils
laisserent au milieu une ouverture pour régler la quantité d'eau qu'ils vouloient bien recevoir. Cette muraille
se voit encore aujourd'hui.

Les contestations sur le cours de la Chiana se renouvellerent entre Rome & Florence sous le Pontificat d'Alexandre VII. Le Pape & le Grand Duc convinrent de nommer des Commissaires. Le Pape nomma le Cardinal-Carpegne, qui devoit être aidé de M. Cassini, aujourd'hui membre de l'Académie des Sciences, & le Grand Duc nomma le Sénateur Michelozzi & M. Viviani. La Politique eut alors un besoin indispensable du secours

de la Géométrie.

Ils réglerent en 1664 & en 1665 tant ce qu'il y avoit à faire de part & d'autre, que la maniere de l'exécuter. Mais, comme il arrive affez souvent dans ce qui ne regarde que le Public, on n'alla pas plus loin que le

Projet.

Ce Réglement des Rivieres de la Toscane n'étoit pas une occupation suffisante pour deux Hommes tels que M^{rs} Cassini & Viviani. Ils firent en même tems des obfervations sur les Insectes qui se trouvent dans les Galles, & dans les nœuds des Chênes, sur des Coquillages de Mer en partie pétrissés & en partie dans leur état naturel, qu'ils déterrerent dans les Montagnes de ce Pays-là; ils pousserent même leur curiosité jusqu'à des Antiquités que les observateurs de la Nature, assez occupés d'ailleurs, dédaignent quelquesois comme des effets trop incertains & trop casuels du caprice des Hommes, ils tirerent de la terre beaucoup d'Urnes sépulchrales, & des Inscriptions Hétrusques. Mais ce qu'il y eut de plus considérable, ce sur qu'en ce même lieu M. Cassini sit voir à M. Viviani les Eclipses de Soleil dans Jupiter causées par les Satellites, & qu'il en dressa des Tables & des Ephémérides. Le Disciple de Galilée eut le plaisir d'être témoin des progrès qu'on faisoit en suivant les pas de son Maître.

En ce tems-là il arriva à M. Viviani ce qui doit l'avoir le plus flatté en toute sa vie, il reçut une pension du Roi en 1664, d'un Prince dont il n'étoit point sujet, & à qui il étoit inutile. Si ces circonstances relevent le mérite de M. Viviani, elles relevent encore plus la magnificen-

ce du Roi, & son amour pour les Lettres.

Aussi-tôt M. Viviani résolut de dédier au Roi le Traité qu'il avoit autresois médité sur les Lieux solides d'Aristée, & pour lequel ce qu'il avoit déja fait sur Apollonius lui donnoit de grandes ouvertures. Du caractere dont il étoit, une prompte exécution de cet ancien dessein devenoit pour lui un devoir. Cependant il sur détourné indispensablement par des Ouvrages publics, & même par des négociations que son Maître lui consia. En 1666 il sut honoré par le Grand Duc Ferdinand II du titre de premier Mathématicien de S. A. Titre d'autant plus glorieux que Galilée l'avoit porté. Ensin en 1673 il commença à imprimer son Aristée; mais les Ouvrages publics, & de plus des insimmités & des maladies, le traverserent encore, & lui sirent abandonner son impression.

L'année suivante lui sit naître une distraction nouvelle, dont il ne lui étoit pas possible de se désendre. Il s'agissoit de la Mémoire du grand Galilée, dont on avoit trouvé quelques Ecrits posshumes, & principalement un Traité des Proportions pour éclaireir le sme Livre d'Eu-

144 HISTOIRE DE L'ACADEMIE ROYALE

clides, qui ne paroît pas s'être expliqué assez nettement sur ce sujet. M. Viviani en sit imprimer un petit in Quarto, sous ce Titre, Quinto Libro degli Elimenti d'Euclide, overo Scienza universale delle Proporzioni, spiegata colla dottrina del Galileo. 1674. Cet Ouvrage de Géométrie est principalement considérable par les sentimens de son cœur,

qu'il y a répandus en tous lieux.

En 1676, il parut dans le Journal de France trois Problêmes proposés par M. de Comiers, Prevôt de l'Eglise Collégiale de Ternant. Ils tomberent l'année suivante entre les mains de M. Viviani. Les deux premiers avoient rapport à la Trisection de l'angle, Problème fameux chez les Anciens, & qui les a beaucoup exercés. M. Viviani qui avoit des méthodes nouvelles pour cette Trisection, sut tenté de les mettre au jour, en donnant la Solution des Problêmes de M. de Comiers. De plus il lui restoit encore un devoir d'amitié & de reconnoisfance à remplir. Il avoit de grandes obligations au cé-1ébre M. Chapelain; il lui avoit autrefois promis de lui dédier quelque Ouvrage, & quoique M. Chapelain fût mort depuis, M. Viviani ne se croyoit pas dégagé. Il dédia donc à la Mémoire de son Ami son Enodatio Problematum universis Geometris propositorum à Cl. Claudio Comiers. 1677. Il dit dans son Epitre dédicatoire, qu'il aime mieux risquer une chose nouvelle & bisarre en apparence, que de manquer à l'amitié & à sa parole; & qu'au lieu d'enfermer des dons & des offrandes dans le Tombeau de M. Chapelain, il les répand dans l'Univers, où sa gloire a tant éclaté. Il résout en dissérentes manieres les trois Problêmes de M. de Comiers, les éleve toujours ensuite à une plus grande universalité, & par-tout il fait paroître beaucoup de richesse, & d'abondance géométrique.

Par le chagrin avec lequel il parle dans sa Présace, de ces Problèmes ainsi proposés aux Géométres, il est aisé de conjecturer que ceux-ci l'avoient détourné de quelque occupation plus importante. Il nomme plusieurs

Mathématiciens

Mathématiciens illustres qui ont marqué beaucoup de dégoût pour ces Enigmes. Galilée même lui avoit conseillé de ne se livrer jamais à ces sortes de supplices. Il est vrai que sans se servir de la raison de M. Hudde, qui disoit que la Géométrie, Fille ou Mere de la Vérité, étoit libre & non pas esclave, on peut dire avec moins d'esprit, & peutêtre plus de solidité, que ceux qui proposent ces Questions, ont du moins l'avantage d'avoir toutes leurs pensées tournées de ce côté-là, & souvent le bonheur d'en avoir trouvé le dénouement par hasard. Mais il est vrai aussi que cette raison ne va qu'à excuser ceux qui ne voudront pas s'appliquer à ces Problêmes, ou tout au plus ceux qui ne les pourront résoudre, mais non pas à diminuer la gloire de ceux qui les résoudront.

Après les trois Problèmes de M. de Comiers, M. Viviani en résout encore un, qui venoit alors d'être proposé par un inconnu. Mais il ne le résout que pour combler la mesure, & pour être en état de déclarer plus noblement,

qu'il renonce pour jamais à ce métier-là.

Cependant il paroît qu'il avoit eu cette espèce d'injustice de ne renoncer qu'à se laisser tourmenter par les autres, & non pas à les tourmenter lui-même. En 1692. il proposa dans les Actes de Leipsic, un Problème qui consistoit à trouver l'art de percer une Voûte hémisphérique de quatre senêtres, telles que le reste de la Voûte sût absolument quarrable. Le Problème venoit A. D. Pio Lisci pusible Geometra, qui étoit l'Anagramme de Postremo Galilai. Discipulo, & il marquoit que l'on attendoit cette Solution de la Science secrete des illustres Analisses du tems. Ce qu'il entendoit par cette Science secrete, étoit sans doute, la Géométrie des Insiniment petits, ou le Calcul dissérentiel, qu'à peine connoissoit-on de réputation en Italie.

Le Problème de M. Viviani fut en effet bientôt expédié par cette Méthode. M. Leibnits le résolut le même jour qu'il le vit, & le donna dans les Actes de Leipsic en une infinité de manieres, aussi-bien que M. Ber-Hist. 1703. noulli de Bâle. Le nom de M. le Marquis de l'Hôpital ne parut point alors dans les Actes, parce que la guerre l'avoit empêché de recevoir ce Journal. Mais M. l'Envoyé de Florence à Paris lui ayant proposé cette Enigme qui étoit sur une seuille volante, M. de l'Hópital lui en donna aussi-tôt trois solutions, & lui en auroit donné une infinité d'autres, sans la trop grande facilité qu'il y trouva. Il paroît que ceux qui étoient dans l'ancienne Géométrie, quelque prosonds qu'ils y sussent pas destinés à faire beaucoup de peine par leurs Questions aux Géométres du Calcul dissérentiel.

Ce Problème de la Voute quarrable faisoit partie d'un Ouvrage que M. Viviani donna la même année 1692, intitulé: La Struttura, & Quadratura esatta dell'intero, e delle parti d'un nuovo Cielo ammirable, ed uno degli antichi, delle volte regolari degli Architetti. Il y traite tant en Géométre, qu'en Architecte, des Voutes anciennes des Romains, & d'une Voute nouvelle qu'il avoit inventée, & qu'il nommoit Florentine. Il avoit souvent rappellé la Géométrie à l'usage des Arts, & il en préséroit l'utilité à

une excessive sublimité.

Il ne regardoir que comme des distractions importunes tout ce qui l'empêchoit de songer à l'Aristée qu'il destinoit au Roi, dont il recevoit toujours des biensaits, & les bienfaits les plus glorieux qu'il reçût. En 1699. il en reçut encore un qui mit le comble à sa reconnoissance. S. M. l'agréa pour l'un des huit Associés Etrangers de l'Académie, selon le Réglement qui venoit d'être donné. Il sentit bien, & par le mérite & par le petit nombre de ses Collegues de quel prix étoit cette place, & il en reprit avec plus de vivacité, comme il l'a déclaré lui-même, sa Divination sur Aristée. Enfin il en publia trois Livres en 1701, & les dédia au Roi par une Infcription en stile Lapidaire, où les François ont le plaisir de voir un Etranger parler comme eux. Cet Ouvrage est plein de recherches fort profondes sur les Coniques, & apparemment il feroit à souhairer pour son honneur

qu'Aristée pût ressusciter, comme sit Apollonius.

M. Viviani n'avoit pas crû que par ce Traité adressé au Roi, il pût satissaire à ce qu'il lui devoit. De la pension qu'il recevoit de S. M. il en avoit achetté à Florence une Maison, qu'il avoit sait rebâtir sur un dessein trèsagréable, & aussi magnissque qu'il pouvoit convenir à un Particulier. Cette Maison s'appelle Ades à Deo data, & porte ce titre sur son Frontispice, allusion heureuse & au premier nom qu'on a donné au Roi, & à la maniere dont elle a été acquise. Une reconnoissance ingénieuse & dissicile à contenter, n'a pû rien imaginer de plus nouveau & de plus noble qu'un pareil Monument M. Viviani si digne par son sçavoir & par ses talens de recevoir les biensaits du Roi, s'en rendoit encore plus digne par l'usage qu'il en saisoit après les avoir reçûs.

Galilée n'a pas été oublié dans le Plan de cette Maison. Son Buste est sur la Porte, & son Eloge ou plûtôt toute l'Histoire de sa Vie, dans des Places ménagées exprès. Et M. Viviani, pour répandre dans le monde un Monument, qui de lui-même n'étoit que durable, en a fait faire des Estampes qu'il a mises à la fin de sa Divination

sur Aristée.

La Préface de ce Livre est encore pleine, ou de sa reconnoissance pour dissérentes personnes, ou de la justice qu'il rend à tous les grands Géométres de ce Siécle, & qu'il leur rend, pour ainsi dire, du sond de son cœur. Il parle avec beaucoup d'éloges des Abbés Gradi & de Angelis, de M¹⁵ Sluse, Huguens, Wallis, David Gregori, sur-tout de M. Leibnits, qu'il appelle Phénix des Esprits, & pour tout dire, second Galilée, dont il apprend que les découvertes presque divines ont beaucoup servi à l'il-lustre Marquis de l'Hôpital, son ami, à M¹⁵ Bernoulli, & à plusieurs autres grands Hommes. Il est facile de juger qu'avec de pareilles dispositions, quoiqu'il eût été nourri dans l'ancienne Géométrie, & qu'il sût d'un Pays si plein d'esprit, il auroit reçû sans répugnance, s'il eût vêcu plus long tems, la nouvelle Géométrie du Septentrion, &

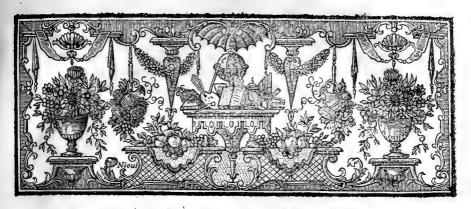
148 Hist. DE L'ACAD. ROZALE DES SCIENCES. l'on peut regretter que ces lumieres si dignes de son génie, ne soient pas parvenues jusqu'à lui.

Sa Divination sur Aristée a été son dernier Ouvrage. Il mourut le 22 Septembre 1703, âgé de plus de 81 an, après avoir marqué tous les sentimens d'une sincere piété.

Il avoit cette innocence & cette simplicité de mœurs que l'on conserve ordinairement, quand on a moins de commerce avec les Hommes, qu'avec les Livres, & il n'avoit point cette rudesse, & une certaine sierté sauvage que donne assez souvent le commerce des Livres sans celui des Hommes. Il étoit affable, modeste, ami sûr & fidéle, &, ce qui renferme beaucoup de vertus en une seule, reconnoissant au souverain degré. Il est vrai que le caractere général de sa Nation peut lui dérober une partie de cette gloire; les Italiens conservent le souvenir des bienfaits, & pour tout dire aussi, celui des offenses. plus profondément que d'autres Peuples qui ne sont guere susceptibles que d'impressions plus légeres; mais la reconnoissance que M. Viviani a fait éclater en toutes occasions pour tous ses bienfaicteurs, a été regardée comme extraordinaire, & s'est attiré de l'admiration, même en Italie.

A place d'Académicien Affocié Etranger, vacante par la mort de M. Viviani, a été remplie selon les formes ordinaires, par M. Martino Poli, Chymiste Romain.

FIN.



MEMOIRES

MATHEMATIQUE

DE PHYSIQUE,

TIRE'S DES REGISTRES

de l'Académie Royale des Sciences.

De l'Année M. DCCIII.

OBSERVATIONS

Tant sur la quantité de pluie qui est tombée à Paris à l'Observatoire Royal, que sur le Thermometre & fur le Barometre pendant l'année derniere 1702.

PAR M. DE LA HIRE.

chaque année, qu'il femble d'abord que l'on 10. Janvier. doit y trouver des d'or doit y trouver des différences très-considérables, tant pour la chaleur & le froid, que pour la quantité de l'eau qui est tombée en

pluie ou en neige. La derniere année 1702, a été regar-Mém. 1703.

Memoires de l'Academie Royale

dée comme l'une des plus extraordinaires qu'on ait vûe il y a long-tems pour la fécheresse du Printems & de l'Eté. Cependant elle a été l'une des plus fertiles en grains, si l'on en excepte les Mars, ce qu'on peut attribuer à la fraîcheur & à l'humidité naturelle de la plûpart des terres de ce pays-ci. On remarque aussi que lorsque la fin du Printems & le commencement de l'Eté sont pluvieux, les herbes croissent extraordinairement, & sont verser les bleds; & de plus dans les tems humides il survient assez souvent des brouillards qui gâtent le grain quand il commence à se former.

La quantité de l'eau qui est tombée en pluie ou en

neige a été pendant les mois de

	lignes.			lignes.		lignes.
Janvier	183	Mai		5 3/4 1	Septembre	11 1
Février	18	Juin .		9	Octobre	15 1
Mars	9 1	Juillet	1	9	Novembre	
Avril	171	Août	3	5 3	Décembre	18

Et ainsi pendant toute l'année la somme a été de 196 lignes ou bien 16 pouces, ce qui est bien moins que dans les années communes qui donnent 19 pouces de hauteur d'eau. Mais il faut remarquer que fort souvent les trois mois de Juin, Juillet & Août en fournissent autant que tout le reste de l'année, ce qui n'est pas arrivé cette année-ci, puisque ces mois n'ont pas été différens des autres. Aussi quoique l'eau qui tombe pendant ces trois mois soit fort abondante, ce qui ne vient que de quelques orages qui passent promptement, elle ne contribue que peu à la nourriture des plantes, en ce qu'elle est aussi-tôt élevée en vapeurs par la grande chaleur de la terre & de l'air, ou bien elle s'écoule dans les étangs & dans les ruisseaux, sans pénétrer fort avant dans terre. J'ai continué aussi à faire des remarques sur la nature des eaux de pluie, dont je rendrai compte à la Compagnie dans un autre Mémoire, ce que j'ai déja fait en partie il y a quelques années.

Le Thermométre dont je me sers pour connoître les degrés du chaud & du froid de l'air, est toujours placé à

découvert dans un endroit où le Soleil ni le vent ne donnent point; toutes les observations que j'y sais sont toujours vers le lever du Soleil, qui est le tems de la journée où l'air est le plus froid. Ce Thermométre est rempli d'Esprit-de-Vin coloré, & est scellé hermétiquement. J'y ai marqué l'état moyen de l'air, tel qu'il est au sond des carrieres de l'Observatoire, en tout tems à 48 de ses de-

grés.

Il a été au plus bas cette année à 14 degrés \(\frac{1}{2}\) le promier jour de Janvier, ce qui étoit la marque d'un trèsgrand froid; mais dès le 6 il étoit remonté à 43 degrés, & il s'est toujours maintenu dans tout le reste de ce mois, & même au commencement de Février vers 40 degrés, tantôt un peu plus & tantôt un peu moins; quoique ce soit ordinairement dans les premiers jours de Février que le froid est le plus grand. Le 25 Décembre de cette année il étoit à 44 degrés \(\frac{1}{4}\), qui est à deux degrés près de la hauteur où il étoit dans les premiers jours de Juin. Le 17 Décembre il a été au plus bas depuis le commencement de l'Hyver à 30 \(\frac{1}{4}\).

Le 19 Juin il étoit à 60 degrés \(\frac{1}{2}\), le 29 de Juillet à 61, & le 6 Août à 62, qui est le plus haut où il soit venu; mais le 2 Septembre il étoit encore à 61 \(\frac{2}{3}\). D'où l'on connoît en général que pendant les mois de Juin, Juillet, Août & le commencement de Septembre, il a fait de très-gran-

des chaleurs.

La plus grande hauteur de la liqueur du Thermométre a été vers les 2 heures après-midi à 71 degrés ½ le 5° jour d'Août.

Il n'est pas tombé de neige ou très-peu tant au com-

mencement qu'à la fin de cette année.

Pour ce qui est du Barométre dont je me sers à marquer les changemens de la pesanteur de l'air, il est simple, & est toujours placé à la hauteur de la grande Salle de l'Observatoire, qui est à 26 toises à peu-près plus haut que la riviere dans son état moyen. Le Mercure s'est élevé dans le tuyau à 28 pouces 2 lignes \(\frac{1}{3} \) le 11e de Février,

A ij

le vent étoit alors au Sud, comme quelques jours devant & après, quoique le Barométre se soit toujours maintenu vers les 28 poucés, ce qui ne s'accorde pas avec ce qu'on observe ordinairement de la hauteur du Mercure dans le Barométre & du vent. Il a été au plus bas à 26 pouces 5 lignes le 20 Décembre avec un vent médiocre de Sud, ce qui est fort extraordinaire; car ce grand abaissement du Mercure sembloit marquer quelque grand orage. La disférence entre le plus haut & le plus bas a donc été de 1

pouce 9 lignes & beaucoup plus qu'à l'ordinaire.

M. Amontons ayant proposé cette année à l'Académie un Thermométre comme celui de Santorius, c'est-à-dire, qui n'est point scellé, & dont les degrés de chaleur se marquent par l'élevation du Mercure dans un tuyau, au lieu d'eau seconde, comme avoit fait Santorius, la chaleur & le froid de l'air extérieur agissant sur celui de la phiole du Thermométre, & ayant remarqué que l'eau bouillante dans laquelle il avoit plongé cette phiole, ne pouvoit causer qu'une certaine dilatation à l'air qui y étoit renfermé, quelqu'augmentation qu'on fît au feu pour faire bouillir l'eau, il a jugé que c'étoit un moyen pour avoir un terme connu par toute la terre, auquel on pourroit rapporter les différens degrés de dilatation de l'air, ou sa chaleur; & m'ayant donné un de ces Thermométres qu'il avoit rempli, comme il a expliqué à l'Académie, je l'ai exposé au grand Soleil d'Eté derriere une vitre & vers le midi, dans un lieu bien fermé, j'ai observé que le Mercure s'est élevé au plus haut à 31 pouces 5 lignes vers les 2 heures après-midi du cinquiéme jour d'Août; le Mercure de mon Barométre étoit alors à 27 pouces 10 lignes 1 de hauteur.

La déclinaison de l'Aiguille aimantée étoit le 22 Septembre 1702 de 8° 48' vers l'Occident. Elle a été observée dans le même endroit que les années précédentes,

& avec la même aiguille de 8 pouces de long.

OBSERVATION SUR L'ECLIPSE DE LUNE

Du 3. Janvier 1703.

PAR MRS CASSINE

E soir du second jour de Janvier qui précéda l'Eclipse de Lune, le Ciel s'étant éclairci, nous sîmes des observations pour déterminer le diamétre apparent de la Lune, & la disposition apparente de ses Taches dans son disque par la méthode que nous avons expliquée au-

trefois à l'Académie.

Cette disposition à l'égard du centre apparent & du bord de la Lune varie en peu de tems assez sensiblement, tant en longitude, suivant la dissance de la Lune à son Apogée, qu'en latitude, suivant sa dissance des nœuds, & quelque peu aussi suivant sa hauteur apparente sur l'horison. La disposition des Taches qui est dans la Figure inférée dans la Connoissance des Tems, est la moyenne dans laquelle elles se trouvent lorsque la Lune est dans son Apogée ou dans son Perigée, & dans l'Ecliptique.

Dans cette Eclipse qui est arrivée à 46 degrés de distance de l'Apogée, & à 36 minutes de l'Ecliptique, les Taches de la Lune étoient sensiblement plus proches du bord Occidental que dans cette Figure. La différence étoit de la valeur de 3 degrés & demi d'un grand cercle de la Lune, qui est celle qu'on appelle communément Libration en longitude. La différence en latitude étoit peu

fensible.

Nous observames la disposition des Taches par le tems du passage de l'image de la Lune qui se fait au soyer de la Lunette par le fil perpendiculaire à la trace de son mouvement apparent d'Orient en Occident, & par deux au-

1703. 10. Janvier. tres fils inclinés à cette trace de part & d'autre de 45 degrés, ce qui nous donnoit en même tems le diamétre apparent de la Lune que nous déterminantes le premier.

A 6h 17' la Lune passa par le fil perpendiculaire en 2 minutes 13 secondes d'heure, ce que nous vérifiames trois fois. Ce tems étant comparé au tems que la Lune employa ce jour-là à son retour au Méridien, qui suivant la Connoissance des Tems vérifiée par les observations des jours précédens, fut de 24 heures 51 minutes, pendant lesquelles elle parcourt par son mouvement composé à l'Occident 360 degrés, donne à proportion 32 minutes 6 secondes dans le paralléle de la Lune. Cet arc se réduit à l'ordinaire à l'arc d'un grand Cercle par le moyen de la déclinaison de la Lune, qui dans la Connoissance des Tems se trouve à la même heure de 22 degrés 10 minutes, faisant comme le Sinus de 90 degrés, distance de l'Equinoxial au Pôle au Sinus de 67 degrés 50 minutes, complément de la déclinaison, qui est la distance de la Lune au Pôle, ainsi 32' 7" du paralléle de la Lune à 30' 30" d'un grand Cercle. Cet arc mesure l'angle que la Lune fait à l'œil, qui est un peu plus grand que celui qu'elle fait au centre de la Terre quand elle est élevée sur l'horison.

Il est aisé de démontrer que la différence entre ces angles est égale à la différence des parallaxes de la hauteur du bord supérieur, & de celle du bord inférieur de la Lune. Nous avons besoin de sçavoir ces parallaxes pour trouver cette différence, & le demi-diamétre horisontal de la Lune, que nous avons dit dans le Traité de l'Antiquité de l'Astronomie être à sa parallaxe horisontale, comme 15 à 56; ce que nous avons confirmé par des obser-

vations faites depuis ce tems-là.

Nous le cherchons en faisant premiérement comme 30 à 56; ainsi le diamétre apparent 30' 30" à 56' 56", qui est un arc un peu plus grand que celui de la parallaxe horisontale de la Lune, mais qui peut servir à réduire son diamétre apparent au diamétre horisontal, à une seconde

près.

Au tems de ces observations le bord inférieur de la Lune étoit élevé sur l'horison de 28 degrés, le supérieur de 28h 30' 30". A ces hauteurs la différence des parallaxes dûe à l'horisontale 56' 56" dans le Canon universel parallatique est de 14 secondes à ôter de 30' 30", & restent 30' 16", diamétre horisontal de la Lune. Or comme 15 est à 56, ainsi le demi-diamétre horisontal de la Lune 15' 8" est à la parallaxe horisontale correcte 56' 30", qui étant employée comme la précédente, nous donne la même différence de 14 secondes, négligeant les tierces. Y ayant ajouté la parallaxe horisontale du Soleil, qui est de dix fecondes, suivant les recherches dont nous avons donné plusieurs essais dans le Livre des Voyages de l'Académie, la somme des parallaxes est 56' 40", d'où ayant ôté le demi-diamétre du Soleil, qui dans le même Ouvrage & dans la Connoissance des Tems est donné en ce jour-là de 16' 22", reste le demi-diamétre de l'ombre de la Terre de 40' 18".

Nous décrivimes donc un Cercle dont le diamétre avoit cette même proportion au diamétre de la Figure de la Lune inférée dans la Connoissance des Tems. Ce Cercle nous représentoit l'ombre de la Terre dans l'orbe de la Lune par laquelle elle devoit passer. Et parce que dans cette Eclipse la Lune ayant de la latitude méridionale, les Taches qui sont dans la partie Septentrionale étoient celles qui devoient être éclipsées, nous entreprimes de les décrire avec une précision qui pût fervir à dé-

terminer ses phases:

Nous avons déterminé leur situation dans le disque apparent de la Lune, par rapport à la trace de son mouvement journalier à l'Occident, composé de l'universel & du particulier, de la maniere que nous avons autresois expliquée dans l'Académie. Cette trace décrite dans le disque de la Lune, décline ordinairement un peu de son paralléle à l'équinoxial, à cause du changement de la déclinaison. Mais dans cette Eclipse, quoique la Lune sût déja avancée de plusieurs degrés dans le Signe du Can-

cer, qui décline dans la partie Orientale vers le Sud; sa déclinaison Septentrionale ne diminuoit pas sensiblement, à cause que la latitude Méridionale diminuant de même, récompensoit la déclinaison contraire de l'arc du Zodia-

que qu'elle parcouroit.

Ainsi cette Eclipse arriva assez précisément au Tropique de la Lune, quand la trace de son mouvement composé à l'Occident concouroit presque avec l'orbite de la Lune, par laquelle elle va par son mouvement propre vers l'Orient, & avec son paralléle à l'équinoxial; ce qui ne sçauroit arriver qu'à peu près à cette distance du Tropi-

que du Cancer ou du Capricorne.

Lorsque l'ombre passoit par deux ou trois Taches de celles dont on avoit déterminé la situation, on appliquoit dans la figure de la Lune le cercle qui représentoit l'ombre, pour marquer la phase, à l'égard de laquelle on trouvoit le centre de l'ombre. On tiroit par ce centre une ligne paralléle à celle de l'orbite de la Lune, par laquelle on la faisoit mouvoir par le mouvement horaire de la Lune au Soleil, que l'on trouvoit par l'observation du progrès de l'ombre sur le disque de la Lune, ce que l'on sit avec plus de loisir après la fin de l'Eclipse sur la figure qu'on avoit décrite. Cela nous a servi à déterminer le commencement de l'Eclipse avec plus de précision que nous n'avions fait sans le secours de cette figure; car nous perdîmes de vûe le bord de la Lune où devoit commencer l'Eclipse à 5h 30' 50", que nous aurions pris pour le commencement véritable, sans les phases suivantes qui nous firent connoître que l'Eclipse commença trois ou quatre minutes plus tard.

Voici comme elles furent marquées à l'horloge qui accéléroit alors à l'égard du Soleil de 5 secondes, & d'une

feconde par heure.

5^h 37' 0" La huitiéme partie de la circonférence de la Lune éclipfée.

5h 38' 8" L'ombre au milieu entre Aristarque & le bord de la Lune.

5h 43' 50"

 \mathbf{B}

DES SCIENCES. 5h 43' 50" L'ombre à la mer Imbrium. 5 44 30 L'ombre à Heraclides. 5 46 40 Aristarque commence. 5 47 18 Aristarque au milieu. 5 48 10 Aristarque tout dans l'ombre. 5 49 10 L'ombre à Plato. 5 49 50 Au milieu de Plato. 5 53 o Les cornes de l'Eclipse dans un parallele à l'horifon. 54 30 L'ombre à Galilée. 5 56 o Galilée couvert. Man Magnando 5 58 20 Environ le milieu d'Eratosthènes & Tymocharis. 6h o' o" Kepler qui ne se distingue pas bien. 6 2 50 Copernie éloigné de son diamétre. 3 10 Le détroit entre mare imbrium & mare serenitatis. o La Lune se couvre, Copernic & Grimaldi étant près d'entrer dans l'ombre. o L'ombre par le milieu de Grimaldi, où elle demeure long-tems. 6 14 30 Plus précisément au milieu de Grimaldi. 6 15 32 Lombre à Manilius. 6 17 50 Grimaldi demeure à la même maniere. 6 19 20 Pline environ. 6 26 50 Le bord de Caspia, Insula sinus medii, & tout Grimaldi dans l'ombre. 6 29 20 L'ombre à Proclus. 6 29 40 A Dionysius. 6 31 o Dionysius entierement dans l'ombre. 4 Toute la tache Caspia, promontorium acutum, & encore tout Grimaldi dans l'ombre. 6 30 10 La Lune se couvre. 6 51 o Grimaldi fort fort lentement. 6 52 50 L'ombre au bord de Catarina. 6 54 40 Grimaldi entierement hors de l'ombre. 7h I' o"La Lune se couvre.

4 30 Doigts écliptiques 7° 48'. 7 8 53 Arcturus passe par le Méridien.

Mėm. 1703.

MEMOTRES DE L'ACADEMIE ROYALE

7h 11' 10" L'ombre à Petavius.

7 18 54 Galilée tout découvert. Ensuite la Lune se couvre.

7 30 O Copernic est entierement sorti de l'ombre.

7 39 49 Aristarque découvert.

Ensuite la Lune se cache dans les nuages, & n'en sort plus.

Après l'observation on a déterminé sur la figure de la Lune les phases suivantes.

COMMENCEM	ENT.	· 5h	354		
DOIGTS OBSCUR	CIS.				
	1	5	40	35	21
	2	5	47	0	ŀ
	3	5	.55	0	
	3 4	6	3	0	
	5	6	11	30	i
	6	6	19	25	Ĭ
	7	6	31	30	L
MILIEU.		6	58	0	- T
	7	7	24	30	1
	7	7	36	35.	ţ



OBSERVATIONS

DE L'ECLIPSE PARTIALE

DE LUNE,

Arrivée le 3 Janvier au matin en 1703; à l'Observatoire Royal.

PAR MRS DE LA HIRE.

Ous avons eu le tems plus favorable pour observer cette Eclipse, qu'on n'auroit osé l'espérer à cause de la pluie & de la grande quantité de nuages qui avoient couvert le Ciel pendant toute la nuit, & qui le couvroient encore avec un vent très-violent, un peu avant le commencement de l'Eclipse. L'ombre de la terre sur le difque de la Lune a été affez bien terminée, au moins dans la plus grande partie des observations; car on remarquoit quelquefois des inégalités considérables dans cet ombre fur les parties les plus claires de la Lune, ce qui pouvoit venir des vapeurs épaisses qui couvroient la terre aux endroits qui jettoient leur ombre sur le corps de la Lune, & de l'inégalité de l'Atmosphere, qui détournoit les rayons de lumiere un peu plus dans des endroits que dans d'autres. Il y avoit aussi de tems en tems des nuages qui couvroient le corps de la Lune, & qui empêchoient qu'on ne pût voir l'ombre de la terre bien distinctement, ce qui peut avoir causé quelque peu d'erreur dans les observations.

On s'est aussi apperçu que dans les observations de la quantité de l'Eclipse, qui ont été faites avec le Micrométre, on ne prenoit pas l'ombre la plus sorte, mais tirant un peu sur la pénombre. Cependant comme on avoit commencé à faire les observations de cette maniere, on

1703; 10. Janvier;

12 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

a continué de même pour n'y pas faire de changement, enforte qu'on ne doit pas s'étonner si en comparant ces observations avec celles qui auront été faites ailleurs, on ne se trouve pas entiérement d'accord.

Pour les observations du passage de l'ombre sur les taches de la Lune, elles ont été faites lorsque l'ombre la

plus forte les rencontroit.

Nous nous sommes séparés pour ces observations, l'un a fait seulement celles de la quantité de l'Eclipse avec le Micrométre appliqué à une Lunette de 7 pieds de soyer, & l'autre a observé avec une Lunette de même grandeur

le passage de l'ombre par les taches.

Dans le commencement de l'Eclipse l'ombre n'étoit pas bien terminée, cependant on l'a marqué le plus juste qu'il a été possible, & l'on donne ici les observations telles qu'on les a faites de suite; ensin on a reduit en doigts & en minutes de doigt la quantité éclipsée qu'on a observée en minutes & en secondes de degré.

Tems.		Tems.	Minutes & Secondes	Doigts & Minutes		
			de la partie eclipsee.	de doigt de l'Eclipse.		
à	5h	36' o"	Commencement.	Doigt.		
		42 5	2" 32"	1 0,		
		44 20	3 10	1 15		
		46 TO.	3 48	I 30		
		48 40	5 4	2 0		
		54 5	6 58	2 45		
		56 40	7 36	3 0		
		58 40	8 14	3 15		
		59 40	8 52	3 30		
	5	1 30	9.30	3 45		
		3 12	10 8	4 0		
		14 10	13 51	5 28		
		16 55	14 29	5 43		
		19 50	15 7	5 58		
		22 20	15 45	6 13		
		25 20	16 23	6 28		

	31	30	17	3		6	44
	33	20	17	39		6	58
	37	40	18	15		7	12
	46	20	18	55		7	28
	5.1	40	19	33		7	43
	54	40	19	42		7	46
7	3	40	20	11		7	58
	8	40	19	33	!	7	43
	12	40	18	55		7	28
	19	ÎO.	18	1.5		7	12

Après ce tems-là on ne put faire aucunes observations exactes, quoique la Lune sût encore assez élevée sur l'horison, puisqu'elle ne se coucha que 37' après; car il y avoit trop de nuages dans cette partie du Ciel.

Observations de l'Ombre de la Terre par les Taches de la Lune.

Tems.	Noms des Taches.
à	Immersions dans l'Ombre.
5 46' 40"	Le milieu d'Aristarchus.
50 2	Le milieu de Platon.
57 28	Eratosthène.
6 3 12	Commencement de la Mer de Sérénité.
15 30	Manilius.
16 55	Le milieu de Grimaldi.
17 40	Menelaüs.
21 50	Plinius.
25 16	Le milieu de l'Isse du Sinus moyen.
27 2	Commencement de la Mer des Crises.
37 - 22	Fin de la Mer des Crises.
46 40	Le milieu de Grimaldi sort de l'ombre.
53 20	Fracafforius.
55 20	Fin de Grimaldi.
7 6 20	Bullialdus.
17 55	Galileus.
	B iij

14 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Si l'on vouloit conclure le commencement de l'Eclipse par les premiers doigts observés, on trouveroit qu'elle auroit commencé à 5h 35' 30". Nos Ephémérides portent 5h 36' 29", ce qui ne seroit éloigné de l'observation que de 1'. Mais les Ephémérides de Mezzavacca donnent ce commencement réduit à Paris à 5h 11' 58", en prenant pour différence de Méridiens entre Paris & Boulogne 35!

35", enforte qu'il est écarté du vrai de 25' 42".

Pour le tems du milieu de l'Eclipse, comme il n'est pas possible de le déterminer par la plus grande obscurité, à cause que l'ombre n'augmente pas ou ne diminue pas assez sensiblement vers ce tems-là, & que d'ailleurs on n'en a pas pû voir la fin, nous le pourrons conclure affez bien par les phases correspondantes tant devant qu'après, & nous le trouverons par l'une de ces comparaisons à 6h 58% 25", par une autre à 6h 59' 30", & par une troisième à 7h o' 10". Nous l'avions estimée à 7h 3' 40" dans le tems où nous avons marqué la plus grande obscurité : mais cette observation ne sçauroit être bien juste, non plus que la quantité, à cause que l'ombre n'étoit pas alors bien terminée, la Lune étant trop proche de l'horison, & le Ciel rempli de nuages légers. Nos Ephémérides donnent le milieu à 7h 3' 18", & celles de Mezzavacca à 7h 39' 7", toute réduction faite, & il est écarté de l'observation de plus d'une demi-heure.

A la hauteur de 14° ½ le diamétre de la Lune étoit de 30'23", donc le diamétre horisontal 30'18"; l'observation

a été faite avec le Micrométre.



OBSERVATION D'UNETACHE DANS LE SOLEIL.

PAR M. CASSINI le fils.

Ous avons continué d'observer la Tache que nous apperçûmes dans le disque du Soleil le 22 du mois 10. Janvier. de Décembre de l'année 1702.

Sa longitude du bord Oriental du Soleil étoit ce jour-

là à Midi de 45° 1.

Le 23 le Ciel fut couvert.

Nous l'observames le 24 à midi. Sa longitude étoit alors de 72° 30'.

Le 25 à midi sa longitude étoit de 86° 30'.

Le 26 le Ciel fut couvert, & nous l'observames le 27

à 8h du matin. Sa longitude étoit de 110°.

Nous ne pûmes ensuite l'observer que le 30 à 2h du soir. Sa longitude étoit de 152° 1. Elle paroissoit encore fort grosse, quoiqu'elle fût assez proche du bord Occidental du Soleil, de sorte qu'on l'auroit pû voir encore le 31, si

le Ciel n'eût pas été couvert.

La déclinaison Méridionale de cette Tache étoit dans les premieres observations de 10 à 11 degrés. Dans les dernieres il y avoit quelques irrégularités, que je ne sçai fi l'on doit attribuer à quelques mouvemens particuliers de la Tache, ou à la difficulté qu'on avoit de déterminer sa situation à cause du mauvais tems & des vents qu'il a toujours fait pendant le tems que cette Tache a été dans le disque apparent du Soleil.

Suivant ces observations, & principalement celle du 25, cette Tache a passé par le milieu du parallele qu'elle décrit dans le Soleil le 25 Décembre 1702 à 6h du soir;

16 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

& supposant sa révolution apparente de 27 jours 12h telle que nous l'avons déterminée dans les Mémoires précédens, elle a dû entrer dans le disque du Soleil le 18 sur les 9h du soir, & elle en est sortie le 1 Janvier de cette année 1703 à 3h du soir. Cependant on ne put l'appercevoir ce jour-là au lever du Soleil, même avec de grandes Lunettes, à cause peut-être de l'obliquité de la surface du Soleil sur le bord. Si cette Tache ne se dissipe pas avant son retour, elle se trouvera sur le disque apparent du Soleil, le 15 à 9h du matin, & on pourra la voir le 16 de ce mois de Janvier.

OBSERVATIONS D'UNE TACHE

Qui a paru dans le Soleil au mois de Décembre 1702 à l'Observatoire.

PAR MRS. DE LA HIRE.

1703. 10. Janvier. E 22 Décembre 1702, en observant le Soleil dans son passage par le Méridien, nous apperçûmes une Tache vers le bord Oriental du Soleil. Elle étoit de médiocre grandeur, & composée de deux principales Taches qui étoient environnées d'un espece de nuage terminé dans ses bords, & qui étoit plus clair aurour de la Tache que vers ses extrémités, comme on voit ordinairement ces sortes de Taches. On l'auroit pû voir un peu plûtôt si le Ciel avoit été serein. Nous l'avons suivie avec assez de peine dans tout son cours sur le disque apparent du Soleil, à cause du mauvais tems qui a toujours regné.

Cette Tache ne convient pas avec celle que nous avons observée au mois de Novembre 1700, ni avec celle du mois de Mai de cette année, ensorte qu'on ne peur pas

dire

dire que ce soit la même qui a commencé à reparoître après un certain nombre de révolutions, pendant lesquelles elle auroit été entiérement plongée dans la matiere du Soleil.

Les observations que nous avons faites quand on l'a pû voir, font connoître que son mouvement apparent a été en ligne courbe. Le diametre de toute la masse qui l'environnoit pouvoit avoir à peu-près une demie-minute. & l'on a toujours observé la plus grosse des deux Taches dont elle étoit composée.

Le 22 Décembre à midi la Tache passa par le Méridien 1'59", après le premier bord du Soleil qui employoit alors dans son passage 2' 22". La hauteur Méridienne apparente de la Tache étoit de 17° 4' 35", & le bord supérieur du Soleil de 18° o' 40", d'où l'on connoît qu'elle étoit alors dans la partie Méridionale du Soleil.

Le 24 la Tache passa au Méridien après le premier bord du Soleil 1'30". Sa hauteur Méridienne apparente étoit de 17° 42' 20".

Le 26 la Tache passa après le premier bord du Soleil

38 . Sa hauteur Méridienne étoit de 17° 46' 30".

Le 27 vers midi, la différence du passage par un Méridien entre la Tache & le premier bord du Soleil étoit de 44".

Le 29 vers les 11h la distance de la Tache entre un Méridien qui touchoir le bord Occidental du Soleil étoit 4'6" observé avec le Micrométre, & la différence de déclinaison de la Tache & du bord inférieur du Soleil étoit de 12' 40", observée aussi avec le Micrométre.

Le 30 vers 3h après-midi, la distance de la Tache entre un Méridien qui touchoit le bord Occidental du Soleil étoit de 2' 40", observé avec le Micrométre, & la différence de déclinaison de la Tache & du bord inférieur du Soleil parut aussi de 12' 40".

Le premier Janvier 1703, il ne restoit plus dans le Soleil aucune apparence de la Tache.

HISTOIRE DES SYMPTOMES SURVENUS A UNE DAME

A l'occasion d'un Remede appliqué pour des Dartres.

PAR M. DU VERNEY le jeune.

1 7 0 3. 24. Janvier.

NE femme d'un bon tempérament ayant eu à l'âge de quarante ans quatoize enfans & plusieurs fausses couches, s'avisa de vouloir faire guérir des Dartres farineuses qu'elle avoit sur les mains depuis huit ou dix ans, ensuite d'une couche. Elle s'adressa pour cet effet à un homme qui lui donna d'une eau claire comme de l'eau de fontaine, dont elle se servit sans aucune précaution. Les Dartres disparurent en vingt-quatre heures; mais en même tems elle eut des envies de vomir cruelles, & se sentit une espece d'étouffement. Ces symptômes ne cesserent dans ces parties que pour se répandre sur d'autres, de sorte qu'à mesure que l'estomac & la poitrine se rétablirent par le régime, la tête fut attaquée, & elle ne se trouva débarrassée que par une fluxion sur le visage en maniere d'érésipele dartreuse aux côtés du nez. Jusques-là cette Dame avoit été en regle; alors cet écoulement périodique cessa, la fluxion érésipélateuse augmenta, le nez & les lévres grossirent, les paupieres enslerent, les yeux furent fermés durant plusieurs mois, toutes les fources de la salive se gonflerent, les lévres se renverserent, & la peau du visage suintoit dès qu'on y touchoit; toutes les dents de la machoire inférieure, & la plus grande partie de celles de la supérieure tomberent sans avoir changé de couleur, le nez resta écrasé sans qu'il y ait eu aucune supuration, & sans qu'on ait vû sortir aucune esquille. Depuis ce tems-là jusqu'à présent, c'est-à-dire, durant onze à douze ans, la malade a toujours été incom-

modée dans les changemens de saison, sur-tout au Printems, d'une espece d'érésipele à la lévre inférieure, qui la grossissioit & la renversoit quand la fluxion étoit forte. Cette fluxion fut plus considérable en Avril 1700 qu'elle n'avoit été il y avoit long-tems; elle lui causa une salivation très-violente. Se trouvant un jour plus incommodée que de coutume, elle porta le doigt dans la bouche pour la nettoyer; elle sentit le long de la gencive de la machoire inférieure quelque chose de dur & d'inégal à peu près comme des dents. Cette nouveauté l'obligea d'appeller un Chirurgien, qui crût après y avoir porté le doigt que c'étoit les alvéolles qui se découvroient. Il lui sit saire quelques gargarismes, qui n'empêcherent pas le progrès de la maladie. On demanda du conseil, qui sut surpris de la singularité de la maladie, laquelle augmentoit de jour à autre en s'élevant sur la gencive comme auroit fait des dents, néanmoins sans en avoir la figure. Ce corps étranger paroissoit au toucher une matiere pierreuse, & comme on craignoit que par sa hauteur il n'occupât bientôt l'espace qui est naturellement entre les deux machoires, on fit nouvelle consultation, les avis surent différens, & la malade sans soulagement. Quelques jours après je fus mandé chez la malade, & je me déterminai à tenter de lui donner quelque secours. Je commençai par affoiblir le flux de bouche en faisant diversion par une tisanne en partie purgative & en partie diaforétique; j'employai en même tems les gargarismes propres à résister à la pourriture & à la puanteur extraordinaire de la bouche. Ces remedes furent faits avec la Sauge, la Menthe fauvage, le Scordium, la Centaurée, le Miel rosat & l'Esprit volatil armoniac. Le flux diminué, & la puanteur corrigée, j'employai de nouveaux gargarismes faits avec la fleur de Sureau, la graine de Lin, les Figues & l'Esprit de Nitre dulcifié. J'ébranlois tous les jours cette excroissance sans sçavoir précisément ce que ce pouvoit être. Le huitiéme jour du traitement je la séparai; la malade perdit très-peu de sang, & ne sentit presque point de douleur. Je sis conti-

nuer la tisanne, où j'ajoutai les Antiscorbutiques, ce qui réussit très-bien; le flux sut entiérement arrêté, toutes les duretés des glandes fondues & dissipées, l'appetit & le sommeil bon, de maniere que la malade jouit ensuite d'une meilleure santé.

Dès que ce corps étranger fut sorti, je le mis & lavai dans de l'eau-de-vie, qu'il remplit d'une matiere semblable à des filets de laine blanche, qui ne se dissolvoient point non plus que dans l'eau; ensuite je m'apperçûs que c'étoit une exfoliation de presque toute la machoire inférieure, dont les porosités étoient remplies & chargées en partie d'une matiere tartareuse, & en partie filamenteuse. Cette exfoliation a beaucoup perdu de son volume en se defféchant:

Le 6 Juin de la même année, cette Dame se plaignir d'une douleur au front, où il survint de l'enflure qui s'étendoit jusqu'au milieu du nez avec changement de couleur à la peau, & y étant mandé je trouvai de la fluctuation

& du bruit.

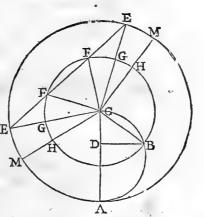
Je sis serrer le nez à la malade & sousser dans sa main; la peau de dessus la racine du nez & des environs s'enfla beaucoup. J'ouvris cette tumeur à la racine du nez, il en fortit du vent & des matieres de différentes couleurs, & la peau qui resta comme celle d'une vessie collée sur l'os le laissoit sentir inégal & raboteux comme une pierre ponce. Je n'eus point de curiosité peut-être un peu dangereuse en pareille occasion, je ne découvris point l'os, je me contentai d'y porter une liqueur faite avec la Centaurée, l'Absinte & le Miel durant deux jours seulement, & j'appliquai pardessus un Cerat fait avec la Cire blanche, le blanc de Balaine, les huiles Anodines, le Mercure doux & le Diaforétique minéral; je lui sis user de la tisanne précédente, & tout sut rétabli en dix ou douze jours.

MANIERE DE TROUVER

une infinité de Portions de cercle, toutes quarrables, moyennant la seule Geométrie d'Euclide.

PAR M. VARIGNON.

Coit AEE un cercie donné à difcretion, dans lequel en foit fait un autre aussi quelconque concentrique BFF, avec une droite EE qui les rencontretous deux comme l'on voudra en E& en F sans E passer par leur centre commun C, soit qu'elle coupe l'un&l'autre comme l'on voit ici, ou qu'elle ne coupe que l'exté-



1 7 0 3. 27. Janvier.

rieur, & touche seulement l'intérieur, comme lorsque les points F & F se confondent en un. Je dis que si après avoir tiré de chaque côté dans le grand cercle le rayon CE qui rencontre le petit cercle en G, l'on prend aussi de chaque côté sur ce dernier cercle l'arc GH. $FG: \overline{GC}$. $\overline{EC} - \overline{GC}$. l'on aura de part & d'autre la portion de cercle EFGHM égale au Triangle rectiligne ECF.

DE'MONST. On sçait que les secteurs ECM & GCH font entr'eux comme les quarrés de leurs rayons EC & GC: c'est-à-dire, le secteur ECM. secteur GCH:: \overline{EC} . \overline{GC} . Donc (dividendo) l'espace EGHM. secteur GCH:: FCG. secteur GCH: par conséquent la portion de Ciii

cercle EGHM est égale au secteur FCG. Donc en ajoutant de part & d'autre le Triangle mixte FGE, l'on aura aussi la portion de cercle EFGHM égale au Triangle

rectiligne ECF. Ce qu'il falloit démontrer.

II. Pour rendre ceci pratiquable par la seule Géométrie d'Euclide, soient m & n deux nombres entiers, dont le premier m foit un terme quelconque d'une progression géométrique double, & n tel autre nombre qu'on voudra. Soit ensuite le rayon AC du cercle donné, divisé en D de maniere que le rayon AD. DC:: m. n. Et en ce point D la droite D B perpendiculaire à ce rayon, laquelle soit rencontrée en B par le demi-cercle ABC décrit sur ce même rayon comme diamétre. Soit enfin décrit du centre C, & du rayon CB, le petit cercle BFF. Je dis que si l'on tire une droite EE quelconque qui le rencontre en F comme ci-dessus, & qu'on fasse le rayon CE qui le rencontre aussi en G, l'on pourra toujours faire FG. $GH: \overline{EC} - \overline{GC}$. Et par conféquent (art. 1.) en tirant les rayons CF, CH, dont celui-ci foit prolongé jusqu'en M, on pourra aussi toujours trouver une portion de cercle EFGHM égale au Triangle rectiligne ECF, c'est-à-dire, toujours quarrable.

De'monst. Puisque (hyp.) m.n::AD.DC. l'on aura aussi (componendo) $m+n.n::AC.DC::\overline{AC.CB}::\overline{EC.GC}.$ Donc (dividendo) $m.n::\overline{EC-GC}.$ $\overline{GC}.$ Or m étant (hyp.) un terme d'une progression géométrique double, il est visible par la Prop. 9. Liv. 1. d'Euclide, que quel que soit l'arc FG, on le pourra toujours diviser en autant de parties égales qu'il y aura d'unités dans m, & répéter une de ces parties en GH autant de fois qu'il y aura d'unités dans n; Et ainsi avoir toujours FG.GH: m.n. Donc la Géométrie seule d'Euclide donnera toujours ici FG.GH: EC-GC.GC. Donc en prolongeant CH jusqu'en M, l'on aura aussi toujours (art. I.) la portion de cercle EFGHM égale au Triangle recti-

ligne E CF. Ce qu'il falloit démontrer,

III. On voit de-là non-seulement que le rapport de m à n pouvant varier à l'infini sans sortir des conditions requises, on peut aussi trouver une infinité de cercles BFF qui détermineront de cette maniere une infinité de portions quarrables du cercle donné AEE, sans changer la position de la droite EE qui les rencontre comme l'on voudra; mais encore que cette position arbitraire de la droite EE pouvant varier à l'infini, celui qu'on voudra de ces cercles BFF pourra seul fournir aussi de même une infinité de portions pareillement quarrables du cercle donné AEE. D'où l'on voit ensin que les variabilités infinies, tant du cercle BFF, que de la position de la droite EE, jointes ensemble, pourront fournir de même par la Géométrie seule d'Euclide, une infinité d'infinités de portions toutes quarrables du cercle donné.

OBSERVATION DE L'ECLIPSE DE LUNE

Du 3 Janvier 1703. faite à Rome par Messieurs Bianchini & Maraldi, comparée à la nôtre de Paris.

PAR M. CASSINI.

A Paris. Différence des Mérid. A Rome. heur. min. fec. Près minuit le diamétre 4 40 0 1703. de la Lune 30' 45". 31. Janvier. 6 14 0 Commencement avec une Lunette de б palmes. 6 15 1 Commencement avec une de 5h 35' 0" 040'1" 15 palmes. 6 24 ½ L'ombre à Heraclides. 5 44 25 0405 6 25 - L'ombre à Promontorium acutum.

24 Memoires de l'Academie Royale

THE MOTERS BY A LIBERT TO A LANGE					
A Paris. A Pari					
de 6 palmes.					
nuag.					
6 36 o Deux doigts 24' éclipsés envi-					
6 39 ½ L'ombre à Eratostene.					
6 41 o Quatre doigts d'éclipsés: 6 3 00380					
6 48 ½ Cinq doigts 2 par la Lunette de 6 palmes.					
6 49 ½ Cinq doigts ¼ par la Lunette plus grande.					
nuag.					
6 55 0 On ne voit point Grimaldi douteuse,					
6 55 0 L'ombre à Manilius. 6 15 27 37 23					
nuag.					
6 58 0 Onvoit le milieu de Grimaldi. 6 17 15 0 40 45					
Menelaüs & Plinefont cachés.					
6 58 ½ Six doigts avec la Lunette de					
fix palmes. 6 21 20 0 37 10 7 5 0 L'ombre paroît au milieu de					
Messale au travers des nua-					
ges,					
7 7 5 Six doigts 35' environ.					
7 13 o On voir encore la Lune proche de l'horison,					
mais on n'y peut plus rien distinguer; le paralléle diurne					
par Aristarque passoit par le milieu de mare Caspium.					

Réflexions de M. Cassini.

Parmi les différences des Méridiens qui se tirent de ces observations, les plus certaines sont celles qui se tirent des observations de la tache d'Aristarque, qui est la plus claire & la plus déterminée qui foit dans la Lune. Elles la donnent entre 41' 42" & 41' 55". Les observations des Eclipses des Satellites de Jupiter faites cette même année à Rome par Messieurs Bianchini & Maraldi, & en même tems à Paris, insérées dans la Connoissance des Tems la donnent de 40' 11": 40' 20": 40' 39": 41' 9": 41' 47". Cette derniere est à 5 secondes près de la premiere observation d'Aristarque, à 8" près de la seconde au milieu entre les deux. Le tems des mêmes phases déterminé par deux Observateurs, & par deux Lunettes de différentes grandeurs, différent de quelques minutes. Ce qui sera arrivé de l'estime différente du terme de l'ombre qui n'est pas bien coupée, & se confond souvent avec la noirceur des grandes taches qu'on appelle Mers, quand elle s'y rencontre. La même différence s'est trouvée ordinairement dans la détermination des doigts par deux Observateurs à Paris, c'est pourquoi ces observations des doigts ne sont pas si propres pour trouver la différence des Méridiens.

Après l'observation de cette derniere Eclipse de Lune, ayant cherché parmi les observations anciennes, des Eclipses partiales & horisontales, comme la nôtre, qui soient arrivées près du même lieu du Zodiaque, nous en avons trouvé une qui arriva le même jour de l'année Julienne, & fort près de la même heure. C'est celle qui au rapport de Ptolomée, au Livre quatriéme de son Almageste, sur observée en Babylone l'année 366 de Nabonassar, quand Phanostrate étoit Archonte à Athènes, dont le commencement sut à 6h 36 minutes après le minuit, qui suivit le 26 du mois Thot. Ce tems se rapporte au 22 Décembre de l'année Julienne 383 avant l'Epoque de J. C. Le milieu de cette Eclipse su déterminé à 7h

Mém. 1703.

20 minutes, la Lune s'étant couchée avant la fin de l'Eclipse, comme il est arrivé à cette derniere observée à Paris.

Le P. Petau au Livre 8 de Doctrina temporum, ayant calculé cette Eclipse ancienne suivant diverses Tables, trouva que toutes excédent le tems de cette observation, les Alphonsines d'une heure 16 minutes, les Prussiennes de 49 minutes, les Danoises de 42 minutes, les Parisiennes du même auteur de 33 minutes; de sorte que suivant quelques-unes de ces Tables toute l'Eclipse seroit arrivée quand la Lune étoit déja couchée à Babylone, où elle

n'auroit pas pû être observée.

Le P. Riccioli dans son Astronomie Résormée, rapporte plusieurs sois ce calcul du P. Petau, & ajoute que les Tables Rudolphines tardent dans cette Eclipse d'une heure 15 minutes, & que les Philolaïques ne tardent que de 2 minutes 50 secondes, tant il y a de diversité entre diverses Tables Astronomiques dans cette Eclipse si ancienne. Lui-même dont les Tables se conforment dans cet intervalle aux Philolaïques à 5 minutes près, représente cette

ancienne Eclipse très-exactement.

Ces mêmes Tables du P. Riccioli représenteroient aussi assez bien l'Eclipse de cette année, sans l'erreur de 10 degrés qui s'est glissée dans l'Epoque de la longitude de l'année 1700, & des centiémes suivantes où elle n'augmente point. Il y a une autre erreur d'un degré 3' & demie dans les nœuds de la Lune en toutes les Epoques des années Juliennes échues jusqu'à présent, qui s'est aussi glisfée dans les mêmes Tables. Elle ne produit à présent que la différence de 5 à 6 minutes dans la latitude de la Lune. & environ d'une minute dans le tems des Eclipses. Si la différence étoit plus grande, elle obligeroit à refaire le calcul de 35 Eclipses marquées aux années Juliennes qu'il compare aux observations, outre 27 autres marquées aux années Gregoriennes qui n'ont point besoin de cette correction des nœuds. On voit par ces calculs, que les plus grandes différences entre ces Tables & les Eclipses les plus

anciennes qu'il examine, ne montent qu'une fois à une heure & 40 minutes, une autre fois à 1 heure 5 minutes, & une autre à 43 minutes; & parce qu'une Eclipse de Lune ne sçauroit retourner au même jour de l'année Julienne, & près de la même heure qu'après 18 ou 19 années qu'elle emploie à faire le tour du Zodiaque, il ne sçauroit y avoir d'erreur Chronologique dans la comparaison des années ausquelles les Tables Astronomiques réduites à cette justesse représentent deux Eclipses si éloignées, quand il n'y a d'ailleurs sujet de douter de plus de 18 années. Ainsi puisque les Tables du P. Riccioli qui représentent ordinairement à une heure près un si grand nombre d'Eclipses, représentent assez bien ces deux, réduisant l'année de Nabonassar à l'année Julienne rapportée à l'Epoque de J. C; il n'y a point de doute que l'année 366 de Nabonassar & l'année de l'Archonte Phanostrate ne soit la 383 avant l'Epoque de J. C. C'est la seconde utilité que l'on tire des observations des Eclipses, qui ne servent pas moins à la certitude de la Chronologie, qu'à la perfection de la Géographie.

OBSERVATION

DE L'ECLIPSE DE LUNE

Du 3 Janvier de cette année 1703, faite à Tors par M. Nonnet.

PAR M. DE LA HIRE le fils.

Oloique M. Nonnet n'ait pas eu un tems fort favorable pour l'observation de l'Eclipse de Lune, il n'a 31. Janvier pas laissé de m'envoyer quelques observations de Taches que je vais rapporter ici.

28 Memoires de L'Academie Royale

à Paris. Différence. à Tours. 5h 36' 30" 7" 20". 5h 29' 10" Le commencement Harpalus. 5 32 13 Aristarchus. Le milieu. 5 40 16 5 46 40 . 6 Heraclides. Le milieu de Plato. Helicon Com. de Plato dout. 5 42 20 5 50 Promontoire du Sommeil douteux

à cause des nuages. 6 21 30

La différence de longitude entre Paris & Tours, tirée du commencement, est très-proche de ce que toutes les observations tant d'Eclipses de Lune, que d'Immersions & Emersions des Satellites de Jupiter nous ont donné, qui est 7', puisqu'elle n'est écartée que de 20". Il n'a pas vû le reste, à cause que le Ciel s'est tout-à-fait couvert.

OBSERVATIONS DE L'ECLIPSE DE LUNE

Du 3 Janvier 1703, faite à Bologne par Messieurs Manfredi & Stancari, comparée à celles de Paris & de Rome, avec les disférences des Méridiens qui en résultent.

PAR M. CASSINI le fils.

1703. S. Féyrier. Immersion des Taches sut observée par une Lunette de 10 pieds & ½ par M. Mansredi. Les doigts Ecliptiques surent observés par un Micrométre placé dans une Lunette de 8 pieds par M. Stancari.

A 6 heures du soir le diametre de la Lune par le Micrometre vérissé par les Etoiles Equinoxiales 30' 7".

A 6h 26' Passage de la Lune par le cercle horaire 2' 13"1

A 7h 11' Passage de la Lune en 2' 14" presque.

A Paris à 6h 19' & a 6h 27' nous observames ce passage en 2' 13", qui, réduits à un grand cercle, donnent le diamétre apparent de la Lune de 30' 48".

A 16h 53' Passage de la Lune par le cercle horaire en

2' 15".

A Paris à 17h 20' nous observames le même passage de la Lune en 2' 15".

à 18h 8' 40" Commencement de l'Eclipse observée.

18 9 40 Commencement tiré des phases suivantes.

18 18 10 Un doigt 1 éclipsé.

18 20 15 Un doigt 1.

18 20 50 L'ombre à Heraclides.

18 22 20 L'ombre à Helicon.

18 25 10 Tout Aristarque dans l'ombre.

18. 26 10 L'ombre à Plato. Politionre et à grame

18. 26 400 Deux doigts 2. 151dine 17

18. 31 100 Trois doigts.

18 32 15 L'ombre à Galilée.

18 37 40 Kepler déja couvert. 18 37 40 Trois doigts 3.

18 39 40 L'ombre à mare serenitatis.

18 40 10 L'ombre à Copernic.

18 42 40 Tout Copernic dans l'ombre. Quatre doigts 3.

Ensuite la Lune se cache dans les nuages.



30 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Comparaison des Observations choisies de Paris avec celles de Bologne & de Rome.

A Paris.				à l	Bolog	ne.	Diff. des diens de à Bologn	Méri- Paris e.
Aristarque dans l'ombre. L'ombre à Plato. L'ombre à Galilée. Kepler dans l'ombre.	17 17	49. 54	5 25	18 18	25' 26 32	10"	oh 37' 37 37 37	5" 50
A Paris.	, 1	, .;	2.1	à	Ron	ne.	Diff. des diens de à Rome.	Méri- Paris
Commencement à	17	35	0"	1.81	15	30"	oh 40	30"
L'ombre à Heraclides.			-		24	3.0	40	5
Aristarque dans l'ombre.		_	-		30	0	41	55
L'ombre à Plato.	17	49	5	18	30	0	40	55

Par les Satellites de Jupiter dans la Connoissance des Tems de 1702.

Différence des Méridiens de Paris à Bologne.	de Paris à Rome.
oh 36' 51"	oh 40' 39"
35 10	41 9
350 43	41 47
35 47	40 20
35 34	40 11



ESSAI DE L'ANALYSE DU SOUFRE COMMUN.

PAR M. HOMBERG.

Toutes les matieres que nous appellons sulphureuses font si embarrassées de matieres terreuses, falines aqueuses, que très-souvent ce n'est que la moindre partie de ces mixtes qui mérite le nom de sousre, que la Chymie donne ordinairement aux matieres instammables, comme sont le sousre commun, les bitumes, les huiles, acc. Quelquesois aussi elle donne le même nom à certaines matieres qui ne sont nullement instammables, mais seulement colorées sans aucune autre raison, particuliérement dans les matieres minérales; ensorte que l'on voit le mot de sousre attribué à toutes sortes de matieres même très opposées entr'elles, ce qui marque assez que nous n'avons qu'une idée sort consuse de ce que c'est que le vrai sousre, acque l'on pourroit même dire que nous ne le connoissons point du tout.

Cependant comme c'est le principe de Chymie le plus considérable, qui doit par conséquent être connu, pour raisonner intelligiblement dans cet Art, il m'a paru important d'en rechercher la nature, & le vrai caractere qui

le distingue d'avec les autres principes.

J'ai cru que ce seroit un moyen pour y parvenir, que d'analyser le plus exactement qu'il se pourra ces matieres que la Chymie appelle sulphureuses, afin que par leur décomposition on mette en évidence ce qu'elles ont de particulier; de sorte qu'on en puisse tirer une désinition intelligible, que jusqu'à présent nous n'avons pas. J'ai déja donné l'analyse des huiles; voici celle du sousre commun.

Le soufre commun me paroît composé de quatre dif-

1703. 18, Avril, férentes matieres; sçavoir, de terre, de sel, d'une matiére purement grasse ou inflammable, & d'un peu de métal. Les trois premieres matieres y sont à peu près en portions égales, & sont presque tout le corps du soufre commun, que je suppose avoir été épuré par la sublimation de sa terre superflue, & dont il n'en est resté que seulement autant que le seu de la sublimation en a pû enlever avec ses autres principes, ce que nous appellons ordinairement fleur de sousre; le métal qui se trouve dans le sousre commun y est en si petite quantité qu'on pourroit le négliger.

Nous ne pouvons pas par une seule opération séparer distinctement les matieres qui composent le sousre commun, tant à cause de leur étroite liaison, que par la grande volatilité de l'huile inslammable du sousre, qui emporte

presque toujours les trois autres principes.

Dans le feu clos, c'est-à-dire de la sublimation ou de la distillation, ils sont emportés tous quatre en même tems sans qu'il y ait aucun changement dans leur liai-son.

Dans le feu ouvert de la flamme, ils sont emportés aussi; mais il s'y fait une séparation de la matiere bitumineuse ou grasse, qui est enlevée par la flamme, d'avec la saline, qui s'accroche seule à l'humidité qu'elle rencontre dans l'air, & compose ce que nous appellons esprit de soufre, en quittant toute la matiere inflammable, sans en retenir la moindre marque; en sorte que l'esprit de soufre n'est que le sel acide de ce minéral, qui est en tout semblable à l'esprit de vitriol.

Il est dissicle de sçavoir précisément combien il y a de sel acide dans une certaine masse de sousre commun, parce que l'opération pour en tirer ce sel se sait communément en enslammant le sousre; & comme la slamme ne peut subsister sans la laisser à l'air libre, cet air dissipe peut-être la plus grande partie de l'acide du sousre. Cependant il s'en conserve plus ou moins selon l'adresse de l'artiste, & selon la température de l'air dans lequel on

fait

fait cette opération. Voici la maniere dont je me sers pour le tirer, qui me donne une once, & quelquesois une once & demie d'esprit acide par livre de sleur de soufre.

Je prends un ballon de verre le plus gros que je puis avoir, j'y fais une ouverture d'environ huit ou dix pouces, je suspends ce ballon en guise de cloche immédiatement au-dessus d'un pot de terre, qui doit avoir cinq ou six pouces de diamétre & autant d'ouverture; je sais sondre auparavant dix ou douze livres de sousre dans ce pot jusqu'à ce qu'il soit plein de sousre sondre superficie; je lui approche le ballon aussi près qu'il est possible sans éteindre le sousre, il dégoute du ballon l'esprit acide dans une terrine vernissée, au milieu de laquelle est posé sur un goder renversé le pot qui tient le sousre sondu & allumé. Une machine disposée de cette maniere, & qui est en train d'aller, donne cinq ou six onces d'esprit de sousre en vingt-

quatre heures.

Cette opération n'est autre chose que l'opération ordinaire de la cloche qui produit peu d'esprit acide; corrigée d'une maniere qu'elle en donne davantage. Sa correction contiste principalement en deux choses: La premiere est de substituer un gros ballon ouvert à la place de la cloche des Jardiniers; la cloche a très peu de capacité en-dedans, & une fort grande ouverture évalée endehors: le ballon a une grande capacité en dedans, & une petite ouverture. Le peu de capacité de la cloche fait que peu d'esprit s'y peur attacher, & sa grande ouverture évalée donne une trop grande facilité à la fumée du soufre de s'échaper, & de se perdre en l'air; le ballon ouvert remédie à ces inconvéniens. La feconde correction est qu'on prenoit trop peu de soufre à la fois, & encore n'étoit-il souvent pas fondu; & par conséquent non en état de monter en esprit aussi abondamment qu'il le faut pour le recueillir commodément; ce qui est st yrai, que si le pot n'est pas de la capacité au moins de Mem. 1703.

34 Memoires de l'Academie Royale

dix ou de douze livres, s'il n'est pas toujours plein, & si le sousre n'est pas sondu jusqu'au sond du pot, le sousre se consomme peu-à-peu, & l'on n'en tire point, ou très-

peu d'esprit acide.

Il faut avoir soin de nettoyer de tems-en-tems avec un fil de ser la superficie du sousre qui brûle; car il s'y fait des croûtes terreuses qui ne donnent point de slamme, & le sont éteindre quelquesois tout-à fait : ce qui n'arrive qu'au sousre qui tient beaucoup de terre, comme sont le sousre blanchâtre, ou noirâtre, ou celui qui a un œil verdâtre; le sousre d'un beau jaune n'y est pas tant sujet.

Quoique cette opération donne plus d'esprit acide que l'opération ordinaire, cependant il s'en dissipe encore une très-grande quantité; ce qui s'observe par la forte odeur de sousre qui environne les vaisseaux qui sont en opération, ensorte qu'on ne sçauroit par cette opération s'assu-

rer de la quantité que le mixte en contient.

Cet esprit acide est entiérement dépouillé de son huile inflammable; il est très-propre à se mettre en sel volatil presque insipide, comme sait l'esprit acide du vitriol, auquel il est semblable, & même l'on pourroit dire que c'est

la même chose.

Voilà donc l'un des principes du foufre commun, sçavoir son sel dégagé des autres principes, réengagé cependant de nouveau dans le véhicule ordinaire des sels acides; c'est-à-dire, dans l'humidité que ce sel a rencontré dans l'air en s'élevant en sumée par la stamme; dans cette opération la matiere huileuse ou instammable du sousre, aussi-bien que sa matiere terreuse, sont dissipées en l'air, & perdues pour l'artiste.

J'ai séparé les principes qui composent le soufre commun, en conservant chaque principe séparément par l'o-

pération suivante.

Mettez dans un matras, qui contient environ deux pintes, quatre onces de fleurs de soufre commun, versez dessus une livre d'huile distillée de fenouil ou de térébenthine, laissez en digestion forte pendant huit jours,

l'huile dissoudra tout le soufre, & deviendra d'une couleur rouge très-foncée; laissez refroidir le vaisseau, & vous y trouverez environ les trois quarts de votre soufre crystallisé en éguilles jaunes; versez la teinture par inclination, que vous garderez à part; versez de la nouvelle huile de térébenthine une livre sur ces crystaux de soufre, remettez en digestion comme auparavant; le vaisseau étant froid, versez la teinture par inclination, que vous ajouterez à la premiere, & vous trouverez votre soufre diminué considérablement; faites ceci quatre ou cinq fois, & toutes vos fleurs de soufre resteront dissoutes à froid dans l'huile de térébenthine. Mettez toutes ces dissolutions ou teintures de soufre dans une cornue de verre assez grande; car la matiere se gonfle à la fin, & distillez à très-petit seu en douze ou quinze jours & nuits, il en fortira les deux tiers environ de l'huile de térébenthine sans aucune couleur, & en même tems environ quatre onces d'une eau blanchâtre, pesante & aussi acide que du bon esprit de vitriol, après quoi les gouttes de l'huile commenceront à distiller rouges; vous changerez de récipient, & vous augmenterez pour lors le feu par degrés, & en sept ou huit heures de tems vous chasserez avec un fort grand feu tout ce qui voudra s'en distiller, en prenant pour récipient une cornue de verre, la plupart de l'huile passera à la fin fort épaisse & fort colorée dans le récipient, accompagnée encore d'une eau blanchâtre & très-acide. Il restera dans la cornue une tête morte noire, spongieuse ou feuilletée, luisante & insipide, qui pesera plus de deux onces & demie. Cette tête morte ne blanchit, ni ne s'enflamme, ni ne se diminue considérablement au grand feu.

La matiere qui a passé dans le récipient se distillera par un très-petit seu pendant plusieurs jours & nuits pour en séparer encore l'huile non-colorée & le reste de l'eau acide, jusqu'à ce que l'huile commence à passer rouge; il faut pour lors retirer la cornue du feu ; & verser sur la matiere gommeuse & noire qui reste, une demi-livre de bon esprit-de-vin, mêler le tout bien ensemble, & distil-

36 Memoires de l'Academie Royale

ler à fort petit feu; l'esprit de vin étant passé, vous verferez une demi-livre de nouvel esprit-de-vin sur la gomme noire qui reste dans la cornue, & distillerez comme devant; faites ceci tant de sois que l'esprit-de-vin qui passe

n'ait plus de mauvaise odeur.

Ces distillations de l'esprit-de-vin emportent de la gomme noire qui reste dans la cornue une partie de l'acide du sousre que les premieres distillations n'en pouvoient pas séparer; & comme l'esprit-de-vin emporte avec l'acide toute la mauvaise odeur que les dissolutions du sousre commun ont ordinairement, je soupçonne que l'acide du sousre pourroit bien être la cause de cette odeur insup-

portable qui accompagne ces dissolutions.

Pour sçavoir à peu près combien il s'étoit separé de sel acide de quatre onces de fleur de soufre, j'ai pris deux onces de sel de tartre bien sec, je l'ai dissout dans de l'eau commune, j'ai versé dans cette dissolution toutes les eaux blanchâtres & acides que j'avois distillées de ces quatre onces de soufre, il s'est sait une ébullition fort considérable, & après avoir évaporé toute l'eau & séché le sel de tartre, il s'est trouvé augmenté de trois gros & seize grains, que je compte être le sel acide que les distillations ont séparé du soufre que j'y avois employé.

J'ai examiné la premiere tête morte noire, spongieuse, luisante & insipide pour sçavoir ce qu'elle pouvoit contenir, en la faisant rougir dans un creuset à la sorge, elle a donné un peu d'exhalaison qui sentoit le sousre allumé, elle s'est diminuée de deux gros, & étant retirée du seu, elle ne m'a pas paru changée, ni au goût, ni en couleur,

ni en consistance.

Je l'ai exposée ensuiteau verre ardent, elle ne s'est point fondue ni enslammée, mais il en est sorti beaucoup de su-mée d'une odeur d'eau forte qui bouilliroit, je l'ai retirée du soyer lorsqu'elle ne sumoit plus, elle étoit diminuée environ de la moitié; & ce qui restoit étoit noir, luisant, seuilleté & sans goût, n'ayant en apparence changé en aucune manière au verre ardent.

J'ai jugé que cette matiere étoit la partie terreuse du soufre commun; elle a pesé après avoir été exposée au Soleil une once & près d'un gros, ce qui fait un peu plus d'un quart du total; je n'ai pas pû la fondre seule au verre ardent, je lui ai donc ajouté un peu de Borax, & elle s'est sondue en un verre de couleur grise brune, & comme ce verre ayant été gardé en un lieu humide s'est couvert d'un peu de verd de gris, j'ai reconnu que le sousre que j'avois employé avoit contenu un peu de cuivre, mais en si petite quantité, que je n'ai pas pû l'en séparer en sorme de métal.

Il y a toute apparence que la fumée qui est sortie de cette terre pendant qu'elle étoit exposée au verre ardent, est un reste de la matiere huileuse & du sel acide du soufre commun, que le seu ordinaire n'étoit pas capable d'en séparer; je juge que dans cette évaporation il pouvoit bien y avoir eu autant de matiere huileuse que de sel acide, & qu'ainsi il pouvoit bien y avoir eu environ trois gros de sel acide dans cette tête morte, lesquels joints aux trois gros & seize grains tirés des eaux acides distillées, il paroît qu'on peut compter vrai-semblablement sur six gros de sel acide environ dans quatre onces de seur de soufre, qui

sont près d'un sixième du total.

L'on pourroit s'étonner de la quantité d'eau qui s'eft trouvée dans nos distillations, ni ayant aucune matiere sensiblement aqueuse, ni dans l'huile de térébenthine, ni dans la sleur de sousre; mais quand on considérera que dans l'air il y a toujours beaucoup d'humidité qui peut servir de véhicule & de dissolvant aux sels acides, on en sera moins étonné; à quoi si l'on veut ajouter que la plus grande partie des huiles distillées sont de l'eau toute pure, comme je l'ai vérissé par l'analyse des huiles que j'ai données il y a quelques années, l'on concevra aisément que le sel acide du sousre commun aura pû trouver assez de liqueur aqueuse dans la grande quantité d'huile de térébenthine qui tenoit le sousre en dissolution, pour lui servir de véhicule, & passer par la distillation en esprit acide.

Il paroît étrange que la tête morte qui demeure dans la cornue après la premiere distillation soit si copieuse, & qu'elle ne diminue presque pas dans le grand seu, puisque le souffre qui l'a produite a été auparavant si volatil, que toute la masse en a été sublimée dans la sleur de soufre, ce qui pourroit être une preuve que toute la volatilité du soufre ne consiste que dans son huile ou dans sa partie in-slammable, laquelle ayant été séparée de ses autres principes, & passée par le bec de la cornue avec l'huile de térébenthine qu'on lui avoit joint; ces autres principes, particulierement la terre, ne se sont pas trouvés capables d'être enlevés par la flamme.

La matiere gommeuse noire qui reste dans la seconde cornue après les distillations de l'esprit-de-vin, me paroît n'être autre chose que le vrai sousre du sousre commun, ou sa partie instammable, ayant gardé pour véhicule seulement autant d'huile distillée qu'il étoit besoin pour en être retenu; car le sousre principe, aussi-bien que le sel principe, m'ont paru jusqu'à présent ne pouvoir pas nous devenir sensibles, s'ils ne sont enchassés, pour ainsi dire, ou retenus par quelqu'autre matiere, soit aqueuse, terreu-

se, ou mercurielle.

Il s'est trouvé près de quatre onces de cette gomme noire, qui ne peuvent pas être produites du sousre seul. Il s'est donc joint à la matiere huileuse du sousre commun une partie de l'huile de térébenthine; ce qui me rend tout-à-fait incertain de la quantité de la matiere huileuse que le sousre commun peut contenir. Nous avons trouvé plus d'un quart de matiere terreuse, un peu moins qu'un quart de sel acide, qui sont à peu près la moitié du total du sousre qui a été employé dans cette opération; & comme dans toutes les opérations de Chymie l'on doit compter sur une perte de la matiere que l'on traite, & que cette opération a été longue avec plusieurs changemens de vaisseaux, je compte que la perte totale est à peu près d'un quart, & qu'ainsi il nous reste un quart environ de matiere huileuse du total du sousre, ce qui fait con-

cevoir un mélange des parties à peu près égales des prin-

cipes dans le composé du soufre commun.

Cette gomme tirée du foufre commun a une odeur grate & balfamique, ayant perdu entiérement la mauvaise odeur que nous observons dans toutes les dissolutions du soufre commun: elle se dissout en partie dans l'esprit-de-vin, laissant une matiere résineuse & dure qui ne se dissout pas dans l'esprit-de-vin, ni dans les lessives les plus fortes, mais bien dans les huiles distillées. Je sçai par expérience que celle qui se dissout dans l'esprit-de-vin est un bon remede dans les maladies qui ont pour cause le trop de matieres salines, apparemment par la raison que les sels sont d'ordinaire les matieres qui corrigent la trop grande vivacité des soufres, & les soufres celles qui corrigent la trop grande acrimonie des sels.

Je n'ai pas encore fait assez d'expériences sur cette matiere résineuse, qui ne se dissour pas dans l'esprit-de-vin, pour en connoître l'usage en Médecine; mais je sçai qu'elle ne produit pas les mêmes essets que l'autre qui se dissout

dans l'esprit-de-vin.

J'ai dit ci dessus que l'acide du soufre commun & l'acide du virriol sont parsaitement la même chose; ce qui m'a donné occasion de penser ainsi, est premierement que tout ce qui se fait par l'esprit de vitriol, se peut faire de même par l'esprit de soufre, & vice versa.

Secondement, que l'on peut récomposer du vitriol aussibien par l'esprit du sousce que par l'esprit du vitriol, sans que l'on puisse trouver aucune dissérence entre ces deux

vitriols factices.

Troisiémement, que le sel de tartre rassassié par l'esprit de sousse, ou par l'esprit de virriol, produit des cryssaux parsairement égaux; au lieu que tous les autres esprits acides produisent des cryssaux dissérens avec le sel de tartre, ces cryssaux ressemblans toujours aux sels primitiss dont ils ont été tirés par la violence du seu.

Quatriémement, & principalement parce qu'on tire le foufre & le vitriol d'une même pierre minérale : voici

40 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

comment je m'imagine que ces deux matieres si distinguées entr'elles; sçavoir, le soufre commun & le vitriol, se peuvent tirer séparément, & sans se consondre, d'une même matrice ou pierre minérale, n'ayant cependant que le même sel acide qui donne la forme à ces deux dissérentes matieres.

Je suppose donc que la mine du soufre, qui est une marcasite fort dure, pesante & brillante, est une matiere minérale composée de terre, d'un sel acide, d'une huile inflammable & d'un peu de métal. Ce sel acide est capable de dissoudre, & de se joindre séparément à chacune des autres trois matieres qui composent la marcasite; mais comme chaque acide dissolvant, parmi les dissérentes matieres qu'il est capable de dissoudre, il s'en trouve qu'il disfout plus aisément les unes que les autres, notre acide dans la marcasite, d'abord qu'on la présente au seu, se joint à ce qu'il est capable de dissoudre le plus aisément, qui est ici la matiere graffe ou inflammable de ce mixte, & compose ce que nous appellons soufre commun; le surplus du sel acide qui reste dans la marcasite, ayant été rendu fluide par l'eau, dissout la partie métallique qu'elle contient, comme une matiere plus aisée à dissoudre que la simple terre qui reste de la marcasite, cette dissolution en est séparée par les lotions, lesquelles étant évaporées jusqu'à un certain point, se crystallisent en ce que nous appellons vitriol, qui contient quelquefois du fer, & quelquefois du cuivre selon le métal qui étoit dans la marcasite. Le reste du sel acide ne trouvant plus de métal à dissoudre, dissout enfin une partie de la simple terre de sa marcasite, & compofe dans la crystallisation ce que nous appellons Alum; enforte que ces trois différentes matieres; scavoir, le soufre commun, le vitriol & l'alum, font égaux dans l'acide qu'ils contiennent; leur différence consistant seulement dans les matieres dissoutes, qui sont ou simplement terreuses dans l'alum, ou terreuses & métalliques dans le vitriol, ou terreuses & bitumineuses dans le soufre commun.

LES OBSERVATIONS DE L'EQUINOXE DU PRINTEMS

De cette année 1703, comparées avec les plus anciennes.

PAR M. CASSINI.

Es observations des Equinoxes les plus récentes, comparées avec les plus anciennes, sont censées les plus propres pour déterminer la grandeur de l'année Equinoxiale. Car les erreurs ausquelles ces observations sont exposées étant partagées dans la multitude d'années qui sont entr'elles, restent d'autant plus imperceptibles en

chacune, que le nombre en est plus grand.

L'observation de l'Equinoxe du Printems de cette année 1703, que nous venons de faire à l'Observatoire Royal, est éloignée de 47 ans de celle que nous sîmes l'an 1656 à Bologne avec notre grand Gnomon, dont la perpendiculaire est de 1000 pouces du pied de Paris. Elle sur alors donnée au public, & ensuite insérée dans l'Astronomie résormée du P. Riccioli. Ces observations comparées ensemble peuvent servir à déterminer la grandeur de l'année Solaire en ce siècle, autant que cela se peut par des observations saites par la même personne avec une grande attention.

Cette même observation est éloignée de la plus ancienne des observations de l'Equinoxe du Printems que nous ayons de 1848 ans. C'est celle qu'Hipparque sit la 32 année de la troisième Période de Calippus, que Ptolomée rapporte à la 602 Egyptienne depuis Nabonassar, & nos Chronologistes à l'année 146 avant l'Epoque de

Mém. 1703. F.

1703. 18. Ayril. 42 Memoires de l'Academie Royale

J. C. dans la forme Julienne. La comparaison de cette observation & des autres qui la suivent avec les nôtres, peut donc servir à trouver la grandeur de l'année moyenne avec la plus grande précision que l'on peut avoir présentement, & la comparaison des extrêmes avec les autres peut servir à examiner s'il y a des inégalités en divers siécles.

Cette recherche est d'une importance d'autant plus grande que présentement le faint Siège sur les motifs qui lui ont été représentés par ordre du Roi, fait examiner l'Etat présent du Calendrier Romain par une Congrégation de Sçavans, parmi lesquels Sa Saintetéa placé un Sujet

de cette Académie Royale des Sciences.

Pour scavoir à quel degré de justesse nous pouvons aspirer par cette comparaison, nous examinerons en premier lieu les observations d'Hipparque. Elles furent faites par des Armilles ou Cerceaux de bronze, qui avoient été placés pour ces fortes d'observations dans un Portique d'Alexandrie dans le Plan de l'Equinoxial. Ce qui avoit été exécuté, comme l'on dit, du regne de Ptolomée Evergete, sous la direction d'Eratosthènes son Bibliothécaire, Mathématicien très-célèbre. Au jour de l'Equinoxe la convexité de l'Armille exposée au Soleil faisoit ombre à la concavité opposée. Cette ombre étoit plus étroite que la largeur de l'Armille, à cause de la grandeur apparente du Soleil qui diminuoit l'ombre de part & d'autre, & l'on jugeoit que c'étoit l'Equinoxe lorsque le milieu de la largeur de l'ombre concouroit avec le milieu de la largeur de l'Armille, de sorte que ses bords étoient également éclairés de part & d'autre.

Quand l'Equinoxe arrivoit de nuit, on comparoit l'illumination du jour précédent avec celle du jour suivant, & à proportion de la variation journaliere, on calculoit le tems de l'Equinoxe. La variation de l'ombre dans l'Armille se faisoit si lentement, qu'elle n'étoit point évidemment sensible d'une heure à l'autre. On y trouvoit même quelque inégalité dans son progrès journalier, qui s'ap-

percevoit par les grands instrumens. Hipparque qui n'aspiroit qu'à la subtilité qu'il croyoit possible, se contentoit ordinairement de déterminer les Equinoxes à un quart de jour près. Ainsi il ne leur assignoit que le matin, le soir, le midi, & le minuit; & dans les Equinoxes d'Automne il remarque souvent que l'observation d'un Equinoxe différoit d'un quart de jour de l'observation précédente, ce qui en trois fois monta à son compte à trois quarts de jour. Mais dans les Equinoxes du Printems il n'y eut pas de si grandes différences. Seulement dans la premiere observation qui fut faite avec beaucoup d'attention le 27 de Mekir, qui se rapporte au 24 Mars Julien, 21 Mars Gregorien, (ayant étendu l'une & l'autre forme d'année à ce tems-là,) Hipparque marqua l'Equinoxe au matin, & observa que 5 heures ou environ après, les Armilles étoient également éclairées de part & d'autre; de forte, dit-il, qu'il y eut une différence d'environ; heures entre ces deux

observations du même Equinoxe.

Les Modernes attribuent cette différence aux réfractions, qui élevant le Soleil le matin, le firent paroître à l'Equinoxial de meilleure heure qu'il n'y fut effectivement; & cessant, ou se réduisant à peu de chose cinq heures après, laisserent voir le Soleil à l'Equinoxial où il étoit avec plus d'évidence. Le rapport de cette observation du 24 de Mars de l'année Julienne 146 avant l'Epoque de J.C. est évident; parce qu'ayant calculé pour ce jour-là le lieu moyen de la Lune par les Tables modernes accommodées aux années Juliennes & à l'Epoque de J. C. où elle ne retourne au même jour de l'année à 7 ou 8 degrés près, qu'après 19 années, on le trouve au même degré que par les Tables de Ptolomée accommodées aux années Egyptiennes & à l'Epoque de Nabonassar. Deux autres observations de l'Equinoxe du Printems qu'Hipparque fit aux années suivantes, s'accordoient à montrer qu'en 4 années Egyptiennes de 365 jours, les Equinoxes retardent àpeu près d'un jour.

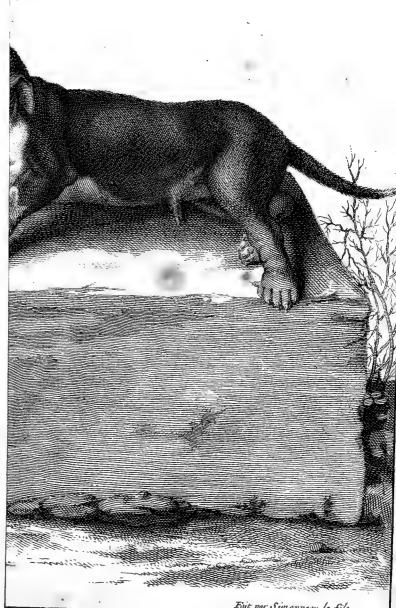
Car onze ans après la premiere observation, la 43 de

44 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

la troisiéme période Calippique, Hipparque observe l'Equinoxe du Printems après le minuit entre le 29 & le 30 de Mekir, plus tard dans l'année Egyptienne que le premier Equinoxe de 2 jours & environ trois quarts; & après 7 autres années, la 50 de la même période, il observa l'Equinoxe le premier jour de Phamenot, qui concourt avec le 23 Mars Julien, 20 Gregorien au coucher du Soleil, un jour & trois quarts plus tard dans l'année Egyptienne, que le fecond Equinoxe. Ainsi en comparant ces observations ensemble, il trouvoit qu'elles s'accordoient toutes à montrer que les Equinoxes retardent d'une année à l'autre d'un quart de jour. D'où l'on voit que dans le premier Equinoxe il préféra la premiere observation faite le matin, à celle qui fut faite le même jour à 5 heures. Ce que Ptolomée fit aussi dans l'usage qu'il sit de cette observation d'Hipparque. Mais il ajoute que dans ces observations il se peut glisser quelque erreur qui monte à un quart de jour.

L'erreur de 6 heures qui font 21600 secondes, partagée en 1848 années, qui font entre la premiere observation d'Hipparque & la derniere des nôtres, donne à chaque année presque 12 secondes, qui seroit l'erreur à laquelle seroit exposée la grandeur de l'année, tirée de la comparaison des observations d'Hipparque avec les nôtres, qui peut être encore augmentée de l'erreur à laquelle les nôtres sont exposées. C'est la plus grande justesse à laquelle on puisse avoir la grandeur de l'année, en comparant les observations anciennes avec les plus modernes. Ce feroit donc en vain que par cette comparaison l'on prétendroit de déterminer avec assurance la grandeur de l'année Solaire plus précifément qu'à un cinquieme de minute d'heure près. Il est vrai que dans les calculs l'envie d'une plus grande justesse nous porte au-delà des secondes, & même des tierces: mais ces subtilités d'Arithmétique ne suppléent point à celle qui manque aux observations Astronomiques.

Parmi diverses méthodes que nous pratiquons de déterminer les Equinoxes, il a fallu nous en tenir cette année à celle que les Modernes pratiquent communément?



Fait par Simonnen le file



de le trouver par le moyen des hauteurs Méridiennes du Soleil, corrigées par la réfraction & par la parallaxe, & comparées avec la hauteur de l'Equinoxial: le tems n'ayant pas été propre pour en pratiquer d'autres qui demandent plusieurs observations saites en diverses heures de plusieurs jours ayant & après l'Equinoxe.

Nous y avons employé les mêmes réfractions, les mêmes parallaxes & la même hauteur de l'Equinoxial que nous avons donnée dans le Livre des voyages de l'Académie. Car quoiqu'on y trouve quelque peu de différence d'une année à l'autre, elle revient souvent à la même, & ces Elémens sont comme moyens entre les excès & les

défauts qu'on y trouve quelquefois.

Par cette maniere en comparant ensemble les observations des hauteurs Méridiennes faites plusieurs jours avant, & plusieurs jours après; & corrigeant les unes par les autres, nous avons trouvé l'Equinoxe du Printems de cette année 1703 le 21 de Mars à 8 heures du matin. Ce seroit à Alexandrie vers les 10 heures du matin, qui sont 4 heures après le lever du Soleil. Nous négligeons ici quelques minutes dont il est inutile de tenir compte dans la comparaison de nos observations avec les anciennes d'Hipparque, dans lesquelles ce grand Astronome ne tenoit ordinairement compte que des quarts de jours, & déclare que ces observations sont sujettes à l'erreur d'un quart de jour. Cette heure est entre la premiere & la seconde des observations du premier Equinoxe du Printems faites par Hipparque, une le matin & l'autre sur les 5 heures du jour, & approche plus de la seconde, que les Modernes préférent à la premiere.

Nous avons déja dit que le jour de cette observation d'Hipparque sut le 21 de Mars dans la forme Gregorienne. En voici la preuve. Dans la forme Gregorienne les centiémes années, à la réserve des 400mes après l'Epoque de J. C. sont communes, & ont un jour de moins que 100 Juliennes. Suivant cette régle prolongée en arriere, depuis l'observation d'Hipparque jusqu'à la nôtre en 1848

46 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

années Grégoriennes il y auroit eu 14 centiémes années communes. Car la centiéme avant l'Epoque de J. C. auroit été commune, & depuis l'année de J. C. jusqu'à 1600 après, il y auroit eu 12 centiémes communes. L'année 1700 fut aussi commune, ce qui fait en tout 14 centièmes années communes, qui ôtent 14 jours à 1848 années Juliennes, pour les égaler à 1848 années Gregoriennes. Or puisque la premiere observation d'Hipparque sut faite le 24 Mars Julien, & la nôtre le 10 Mars Julien; il y eut entre ces observations & la nôtre 1848 années Juliennes moins 14 jours. Il y eut donc 1848 années Gregoriennes entieres, qui par conséquent se terminent au même jour du mois Gregorien. Notre observation sur au 21 Mars Gregorien. Donc celle d'Hipparque fut aussi au 21 Mars Gregorien. Ce qu'il y a encore de particulier dans la comparaison de ces observations, est qu'elles sont arrivées dans les deux formes aux années qui précédent les Bifsextiles immédiatement, & au même jour de la semaine. L'on scait que les mêmes jours de la semaine retournent aux mêmes jours des années Juliennes, après chaque période de 28 années Juliennes, qu'on appelle le Cycle Solaire. En 1848 années il y a 66 de ces Cycles Solaires. Donc les mêmes jours de la semaine retournent après 1848 années Juliennes entieres. Mais ce nombre d'années Juliennes excéde un pareil nombre d'années Gregoriennes de 14 jours, qui font deux semaines entiéres. Ces deux Equinoxes sont donc arrivés le même jour de la semaine, qui sut Mercredi le 21 de Mars. Il y a donc eu entre la plus ancienne des observations des Equinoxes du Printems que nous ayons, & la derniere des nôtres arrivée fort près de la même heure, non-seulement un nombre d'années Gregoriennes entieres, mais aussi un nombre de semaines entieres. L'intervalle entre ces obfervations, aussi-bien que sa moitié, peut donc être pris pour une Période Chronologique, composée d'années Solaires Astronomiques & de semaines entieres, & pourroit servir à l'usage Ecclésiastique.

Il est aisé présentement de tirer de ces observations la grandeur de l'année Equinoxiale. Car puisque les Equinoxes ont anticipé de 14 jours en 1848 années Juliennes, ou de 7 jours en 924 de ces années, ils ont anticipé d'un jour en 133 années & \frac{3}{2}. La correction Gregorienne suppose l'anticipation d'un jour en 133 années Juliennes & un tiers, qui est en raison de 3 jours en 400 années. En partageant 7 jours en 924 années, il vient à chaque année l'anticipation de 10' 54" \frac{1}{3}, d'où la grandeur de l'année résulte 365 jours 5 heures 49' 5" \frac{3}{4}.

Nous parlons ici de la grandeur apparente que les Astronomes modernes distinguent de la grandeur moyenne, après la découverte du mouvement de l'Apogée du Soleil inconnu à Ptolomée & à Hipparque. On démontre que la diverse situation de l'Apogée depuis Hipparque jusqu'à présent est cause que l'Equinoxe véritable du Printems anticipe présentement plus que le moyen, qui retarde à l'égard du véritable; ainsi l'anticipation de l'Equi-

noxe moyen diminue.

Cette anticipation est diverse suivant diverses Tables. Suivant les nôtres & les autres plus modernes, elle n'excede point 3 heures & trois quarts, qui est au-dessous de l'ambiguité des observations anciennes. Si on en veut tenir compte, cette dissérence en 1848 années donnera 7 secondes à ajouter à l'année ci-dessus trouvée de 365 jours 5 heures 49' 5", & la grandeur de l'année sera de 365 jours 5 heures 49' 12" comme la Gregorienne, à laquelle par conséquent il n'y a rien à changer, si ce n'est dans la distribution des années Bissextiles parmi les communes. Dans chaque Période de 400 années qui ramene précisément les Equinoxes à la même heure & minute du même jour de l'année, selon la distribution présente des Bissextiles dans les années Gregoriennes, il y a une variation qui monte à deux jours, & plus de quatre heures.

Nous avions proposé dans les Journaux des Sçavans une manière facile d'empêcher que cette variation des Equinoxes, qui retardent d'une année commune à l'autre de

5 heures 49 minutes, n'excéde jamais un jour entier. C'étoit de laisser Bissextiles toutes les quatre centièmes comme dans la forme Gregorienne, aussi-bien que les quatriémes d'après jusqu'à la 33, qui seroit commune à l'ordinaire, & rameneroit l'Equinoxe à la même heure du même jour de l'année. C'est pourquoi après chaque 33° année on recommenceroit une période semblable, qui ne seroit interrompue qu'aux quatre-centièmes années.

Par cette régle la variation des Equinoxes n'arriveroit jamais à un jour entier, & les autres centiémes années resteroient communes comme dans la forme présente Gregorienne, qui à la vérité, dans l'usage civil, est plus commodé que cette forme plus exacte, que nous avons propo-

sée autrefois dans les Journaux.

Nous venons de recevoir les observations saites dernierement à Rome par le grand Gnomon, que le Pape y a fait construire pour les observations du Soleil à l'usage du Calendrier. M. Maraldi nous a envoyé celles du 21 & 22 de Mars, qui étant comparées ensemble donnent l'Equinoxe au 21 à 9 heures 4 minutes du matin. Ce seroit à Paris à 8 heures 23 minutes; la dissérence des Méridiens entre Paris & Rome ayant été trouvée par les observations des Eclipses, & particulierement par celles des Satellites de Jupiter de 41 minutes.

Il est donc arrivé par les observations de Rome 23 minutes plus tard que nous ne l'avions déterminé par celles de Paris. C'est une dissérence qui dépend de 23 secondes dans les hauteurs méridiennes du Soleil, que l'on a prises avant & après de part & d'autre, qui est extrêmement dissicile à éviter, partie par la diversité des instrumens toujours sujets à quelque peu d'erreur, partie par la diversité des résractions. Mais cette dissérence partagée dans la multitude des années échues depuis les plus anciennes observations que nous ayons, ne varie pas la gran-

deur d'une seconde entiere.

L'année Gregorienne est donc aussi juste qu'on la puisse avoir, par la comparaison des observations les plus anciennes,

ciennes, faites par les Armilles avec les plus modernes faites par ce Gnomon. Il est beaucoup plus grand que celui que le Pape Gregoire XIII. fit faire pour le même usage au Vatican. Il y a aussi lieu de le supposer plus exact; Sa Sainteté y ayant employé M. Bianchini, qui est un Prélat très-versé dans les observations Astronomiques, & M. Maraldi de cette Académie Royale, qui travaille depuis long-tems à l'Observatoire Royal, & qui a mérité d'être aggrégé à la Congrégation du Calendrier. Une affaire de cette importance, où l'on employe les Maîtres de l'art, demande l'inspection immédiate du Ciel faite avec toutes les circonspections. C'est ce que Sa Sainteté a voulu faire connoître à tout le monde & à la postérité, par une Médaille où ce Gnomon est figuré avec ces mots: Gnomone Astronomico ad usum Calendarii constructo. L'Equinoxe de cette année qui est arrivé le 21 de Mars, où il retournera en ce siécle 8 fois en 33 années, fait assez voir que l'Epoque Grégorienne des Equinoxes n'est pas mal prise.

Nous avons aussi démontré dans les Journaux, que la grandeur du mois lunaire Grégorien, qui suppose l'anticipation des nouvelles Lunes dans le Cycle de 19 années, de 8 jours en 2500 années Juliennes, est conforme à celle qui se tire des meilleures Tables Astronomiques, & de la comparaison des observations des Eclipses les plus anciennes avec les plus modernes, qui vaut mieux

que toutes les Tables.

Il n'y reste donc qu'à conformer les Epoques des mois Ecclésiassiques aux Astronomiques de la maniere qu'elles y étoient conformes au siècle du Concile de Nicée, auquel le Pape Gregoire XIII. entreprit de les conformer. Car son dessein ne sut pas suivi de ses Mathématiciens dans l'établissement de l'Epoque Lunaire, ayant remis les nouvelles Lunes Ecclésiassiques au commencement des Cycles au jour d'après les Astronomiques, ce qui retarde la Pâque quelquesois d'une semaine, comme il est arrivé cette année 1703, quelquesois l'anticipe de 4

Mėm. 1703.

SO MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

femaines, comme il arrivera l'année prochaine 1704, si l'on tolere cette dissérence. C'est ce que le Roi sit repréfenter il y a trois ans par M. le Prince de Monacho, alors son Ambassadeur à Rome, & qui a porté le Pape à instituer la Congrégation du Calendrier qui a tenu plusieurs séances sur cette affaire. L'Académie qui a avec elle une correspondance continuelle, en attend la conclusion, suivant l'intention de Sa Majesté, pour s'y conformer dans les réponses aux consultations étrangeres sur ce sujet.

Nous avons depuis reçu les observations de ce même Equinoxe faites à Bologne par M. Mansredi, par notre grand Gnomon de saint Petrone, qui le donnent au même tems que nous l'avons observé à Paris, la réduction étant saite par la dissérence des Méridiens déja établie par

les Eclipses des Satellites de Jupiter.

LE THERMOMETRE réduit à une mesure fixe & certaine, & le moyen d'y rapporter les observations faites avec les anciens Thermométres.

PAR M. AMONTONS.

1703. 18. Ayril. Ous convenons facilement que la chaleur est la cause générale de tous les essets & de toutes les productions qui se sont sur la terre, & que sans elle tour n'y seroit qu'une masse sans mouvement même dans ses

parties.

La chaleur étant donc, pour ainsi dire, l'ame de la nature, il est très-utile aux Physiciens de la sçavoir mefurer avec exactitude, & nous ne pouvons par conséquent disconvenir que les instrumens qui peuvent servir à en déterminer avec précision les dissérens degrés, ne soient de la derniere utilité dans l'étude de la Physique

dont l'objet est la connoissance de ces essets & de ces productions: mais comme cette connoissance n'est pas. l'ouvrage d'un jour, que c'est au contraire, s'il m'est permis de parler de la sorte, l'ouvrage d'un nombre indéfini de siécles, que ce n'est que par une longue suite d'observations qu'on peut y parvenir, & que souvent on ne trouve à en faire l'application que long-tems après qu'elles ont été faites; un des principaux soins que nous devons prendre, c'est celui de leur conservation, afin de transmettre ces observations à une postérité réservée pour recueillir le fruit du travail de ses peres. C'est ainsi, par exemple, que par la longueur du pendule à secondes nous lui avons déja assuré toutes celles qui dépendent de la mesure; c'est aussi de cette maniere que par l'équilibre que nous avons trouvé moyen de faire de l'Atmosphére avec les liquides, dont nous connoissons la pesanteur, nous pourrons peut-être lui assurer toutes celles qui dépendent de l'air dans lequel nous vivons, qui selon quelques-uns contient le premier principe de la vie, & sur lequel par conséquent nous ne pouvons étendre trop loin nos connoissances.

Sanctorius dans ses Commentaires sur Avicenne nous a laissé plusieurs moyens, par lesquels ce sçavant Medecin a crû qu'on y pourroit réussir: mais le Thermométre qu'il a donné agissant pour le moins autant par le poids ou la légereté de l'air, que par son plus ou son moins de chaleur; c'est avec raison qu'on lui a préséré les Thermométres à esprit-de-vin, & que nous présérons présentement à ceux-ci, celui dont nous avons donné la description dans les Mémoires de Juin 1702, qu'il seroit inutile de rapporter ici, & qui étant exempt des désauts des anciens Thermométres, ne nous laisseroit plus rien à souhaiter sur cette matiere, s'il se pouvoit transporter aisément, & qu'il ne sût pas nécessaire dans l'usage d'y saire la correction du poids de l'air.

Mais comme il faut soigneusement prendre garde à le renverser, ce qui le dérégleroit entiérement, &

qu'il faut de nécessité à chaque sois qu'on l'observe avoir égard au plus ou au moins de pesanteur de l'Atmosphére, pour faire la correction de ce qu'il excéde ou désaut de 28 pouces de Mercure, que par cette raison il ne peut convenir à toutes sortes de personnes : on ne doit le considérer que comme propre à perpétuer la connoissance de nos Thermométres aux siécles à venir, & que comme l'étalon sur lequel on en peut en tout tems régler d'autres à esprit-de-vin qui aient la même marche, & qui puissent plus commodément servir aux mêmes usages, en la manière qu'il va être dit.

Thermométres à Esprit-de-Vin régles sur les Thermometres à air.

Quant à la figure du verre & à la liqueur qu'il contient, ces Thermométres ne différent en rien des ordinaires; si ce n'est peut-être en grandeur & dans leur marche, qui est exactement égale à la marche du Thermométre à air, après la correction du poids de l'air faite.

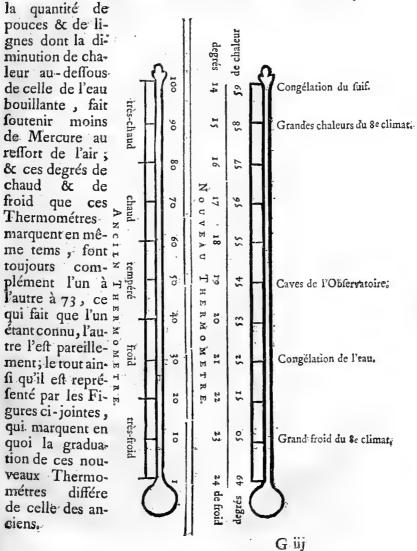
Quant à la graduation de ces nouveaux Thermométres à esprit-de-vin, elle est par pouces & par lignes. Il y en a deux, la progression de l'une est en montant, l'autre

en descendant.

Celle qui monte indique les degrés de chaleur; c'est-à-dire, la quantité de pouces & de lignes en hauteur de Mercure que la chaleur fait soutenir au ressort de l'air; d'où il paroît que l'extrême froid de ce Thermométre seroit celui qui réduiroit l'air à ne soutenir aucune charge par son ressort, ce qui seroit un degré de froid beaucoup plus considérable que celui que nous tenons pour très-froid, puisque l'expérience nous a fait connoître que si la chaleur de l'eau bouillante rend le ressort de l'air capable de soutenir une charge égale à celle de 73 pouces de Mercure, le degré de chaleur qui reste dans l'air, quand l'eau se géle, est encore assez

grand pour lui en faire soutenir une égale à 51 ½, ce qui mérite une attention très-particuliere.

La graduation qui descend montre les degrés de froid au-dessous de la chaleur de l'eau bouillante; c'est-à-dire,



Avec ces nouveaux Thermométres on a observé que le plus grand & le moindre degré de chaleur que nous expérimentons à Paris, sont à peu près entr'eux comme 6 à 5; si bien que de la plus grande chaleur de l'Eté au plus grand froid de l'Hyver, il n'y a gueres qu'un sixiéme de diminution. Mais comme dans le plus grand froid de l'Hyver une grande partie des corps liquides perdent leur liquidité, il est assez vrai-semblable, que si la diminution étoit totale, il n'y auroit aucun corps qui en sût excepté; ce qui semble prouver que l'état naturel des corps est la solidité, & ce qu'on rapporte ici pour donner à entendre que pour saire quelque progrès dans la Physique, il n'est pas si indissérent qu'on le pense, de sçavoir mesurer exactement les dissérens degrés de chaleur qui sont dans la nature.

Mais comme il y a déja long-tems que plusieurs ont reconnu cette vérité, & se sont servis dans leurs observations des Thermométres ordinaires, qui n'ont pû servir au plus qu'à leur faire comparer grossierement ces degrés de chaleur sans les mesurer: afin que ni eux ni la postérité ne soient pas frustrés du fruit de leur travail, ils pourront aisément rectifier leurs observations par la comparaison qu'ils pourront faire des Thermométres dont ils se sont servir à ceux dont on leur donne ici la description; & nous invitons ceux qui pourroient avoir sur ce sujet quelques remarques utiles, à nous les communiquer, pour leur donner place sur la graduation de ces Thermométres avec celles que nous avons nous-mêmes

observées.

Maniere de reclifier avec les nouveaux Thermométres les observations faites avec les anciens.

Mettez pendant quelques jours un nouveau Thermométre à côté de celui que vous avez observé; après quelque espace de tems, comme d'une heure ou deux, remarquez à quels degrés ils sont l'un & l'autre; quelques jours ensuite que vous vous appercevrez qu'ils ont changé considérablement, remarquez encore exactement à quels degrés ils sont; partagez ensuite l'espace parcouru par l'ancien Thermométre en autant de parties que l'espace parcouru par le nouveau contient de lignes; servez-vous de ces parties pour faire une nouvelle graduation à côté de l'ancienne, en les distinguant de 12 en 12 dans le même ordre, & notez des mêmes chissres qu'elles sont dans la graduation du nouveau Thermométre avec lesquelles elles doivent parsaitement convenir, excepté qu'elles seront plus grandes ou plus petites, selon que ces Thermométres seront plus ou moins sensibles.

On pourra pour distinguer ces parties des autres, les appeller lignes réduites, douze desquelles seront pareillement le pouce réduit; ainsi ces deux Thermométres marqueront dans les mêmes tems les mêmes pouces & lignes, ou ce qui est la même chose les mêmes degrés de chaleur ou de froid. Après cela il sera facile de réduire les degrés des anciennes observations en degrés de cha-

leur ou de froid dont on connoît l'effet.

Exemple.

On veut sçavoir ce que c'est que le degré de chaleur que les anciens Thermométres marquoient lorsqu'ils étoient à la 50me division de leur graduation; après en avoir sait à côté de l'ancienne une nouvelle tant en montant qu'en descendant, & l'avoir notée des mêmes chissires que celle du nouveau Thermométre, en la maniere qu'il a été dit ci-dessus, on trouve que l'endroit de cette nouvelle graduation en montant, qui est vis-à-vis cette 50me division de l'ancienne est 54 pouces, & celui qui s'y trouve en descendant est 19 pouces; cela fait connoître que le degré de chaleur qui a fait monter le Thermométre à cette einquantième division, est le même que celui qui donne assez de force au ressort de l'air ensermé dans la boule du Thermométre à air pour soutenir 54.

76 Memoires de l'Academie Royale

pouces de Mercure, & que ce degré de chaleur est envi-

ron les trois quarts de celui de l'eau bouillante.

On observe présentement la marche de ces Thermométres à esprit de-vin, asin qu'à mesure que l'occasion se présentera d'en envoyer dans les différens climats pour y être observés, on soit en état de le faire, & de ne rien négliger de ce qui peut contribuer à augmenter nos connoissances, non seulement sur la température de l'air que chaque climat respire, mais encore sur les différens états des lieux souterrains, sur la température des eaux tant chaudes que froides, & généralement sur tous les essets de la nature, où le plus & le moins de chaleur peut se mesurer avec quelque utilité.

REMARQUES

Sur l'eau de la pluie, & sur l'origine des Fontaines; avec quelques particularités sur la construction des Cîternes.

PAR M. DE LA HIRE.

1 7 0 3. 18. Avril. Out ce qui regarde les eaux, tant pour les nécessités de la vie, que pour l'ornement des Palais & des Jardins, a toujours été regardé comme une des principales connoissances qui sût nécessaire aux hommes. On s'est appliqué avec grand soin à rendre de très - petites rivieres capables de porter de grands bateaux, & de joindre par ce moyen des mers sort éloignées l'une de l'autre. On a conduit des sontaines très-abondantes par de longs détours, & sur des Aqueducs très-élevés, jusques dans des lieux où la nature avoit resusé d'en donner. On a ensin inventé un grand nombre de machines propres à élever l'eau, & la porter jusqu'au haut des montagnes, pour la distribuer ensuite sous mille sigures différentes différentes avec des mouvemens surnaturels, & en donner un spectacle digne d'admiration. C'en étoit assez pour le commun des hommes: mais la curiosité de ceux qui recherchent les secrets de la nature n'étoit pas encore satisfaite; il falloit reconnoître l'origine de ces sources d'eau si abondantes, qu'on rencontre par toute la terre, & même sur des rochers sort élevés; & c'est ce qui a donné tant d'exercice aux Philosophes anciens & modernes.

Nous voyons deux principales opinions sur l'origine des fontaines, qui sont fondées chacune sur des expériences dont il semble qu'on ne puisse pas douter : car il est évident que plusieurs sontaines ont pour principe l'eau de la pluie & la fonte des neiges sur les montagnes; mais comment ces pluies & ces neiges qui sont très-rares sur des rochers escarpés & fort élevés & dans des pays fort chauds, pourront-elles y sournir des sontaines très-abondantes &

C'est la plus forte objection que fassent ceux qui ne sont pas du seniment que les pluies sont les sontaines, & ils admettent seulement des cavités souterraines en sorme d'alembic, où les vapeurs des eaux qui coulent dans la terre à la hauteur de la mer, s'élevent par les sentes des rochers, & se condensent par le froid de la superficie de la terre.

M. Mariotte qui a suivi l'opinion des premiers qui prennent le parti de la pluie, a fait un examen très-particulier del'eau de pluie & de neige qui tombe sur l'étendue de la terre, qui sournit ses eaux à la riviere de Seine; & il trouve par son calcul qu'il y en a beaucoup plus qu'il ne seroit nécessaire pour entretenir la riviere dans son état moyen pendant rout le cours d'une année.

En examinant le Traité de l'origine des fontaines de M. Plot Anglois, qui a été imprimé en 1685, j'y fis plusieurs remarques que je lus dans ces tems-là aux assemblées de l'Académie, & j'entrepris alors de reconnoître par moimême ce que les eaux de pluie & de neige pouvoient sournir aux fontaines & aux rivieres. Je commençai d'abord

Mém. 1703.

à rechercher quelle étoit la quantité d'eau de pluie qui tomboit sur la terre pendant toute une année, & j'en ai donné depuis des Mémoires à l'Académie à la fin de chaque année; ce qui fait connoître que la hauteur de l'eau qui tombe à l'Observatoire Royal, où j'ai fait mes observations, seroit dans une année moyenne de 19 à 20 pouces, à peu près comme M. Mariotte l'avoit supposé dans son examen.

Mais comme je doutois que ce sût sur cette quantité d'eau qu'on dût compter pour l'origine des sontaines, je

fis les expériences suivantes pour m'en assûrer.

Je choisis un endroit de la terrasse basse de l'Observatoire, & en 1688 je sis mettre dans terre à 8 pieds de profondeur un bassin de plomb de 4 pieds de superficie. Ce bassin avoit des rebords de 6 pouces de hauteur, & étoit un peu incliné vers l'un de ses angles, où j'avois fait souder un tuyau de plomb de 12 pieds de longueur, qui ayant aussi une pente assez considérable, entroit dans un caveau par son extrémité. Ce bassin étoit éloigné du mur de la cave, afin qu'il fût environné d'une plus grande quantité de terre semblable à celle qui étoit au-dessus, & qu'elle ne pût pas fécher par la proximité du mur. Je mis dans le bassin ou cuvette de plomb, à l'endroit de l'ouverture qui répondoit au tuyau, plusieurs cailloux de différentes grofseurs; afin que cette ouverture ne pût pas se boucher, quand la terre auroit été remise par dessus à la hauteur du terrein; c'est-à-dire, de 8 pieds de hauteur Ce terrein est d'une nature moyenne entre le sable & la terre franche, ensorte que l'eau le peut pénétrer assez facilement, & la superficie extérieure en est de niveau

Je pensois que si les eaux de pluie & de neige sondue pénétrent la terre jusqu'à ce qu'elles rencontrent un tus, ou une terre argilleuse qui ne la laisse point passer, comme disent ceux qui suivent la premiere opinion de l'origine des sontaines, il devoit arriver la même chose à la cuvette de plomb que j'avois enterrée, & qu'ensin je devois avoir une espèce de source d'eau, qui devoit couler par

le tuyau qui répondoit dans le caveau.

Mais comme je n'étois pas persuadé que cela pût arriver, je mis encore dans le même tems une autre machine en expérience à 8 pouces seulement de prosondeur en terre; c'étoit une cuvette qui avoit 64 pouces en superficie, & des rebords de 8 pouces de hauteur. J'avois choisi un lieu où le Soleil ni le vent ne donnoient point, & j'avois eu grand soin d'ôter toutes les herbes qui croissoient sur la terre au-dessus de cette cuvette, afin que toute l'eau qui tomberoit sur la terre, pût passer sans empêchement jusqu'au fond de la cuvette, où il y avoit un petit trou & un tuyau qui portoit dans un vaisseau, toute l'eau qui pouvoit pénétrer la terre. Cette cuvette n'étoit pas exposée à l'air; mais elle étoit enterrée dans une très-grande caisse remplie par les côtés & par dessous de la même terre qui étoit au-dedans, afin que la terre de la cuvette ne pût pas se dessécher par l'air.

Je remarquai premierement dans cette petite cuvette, que depuis le 12 Juin jusqu'au 19 de Février suivant, l'eau n'avoit point coulé par le tuyau au-dessous de la cuvette, & qu'elle y coula seulement alors, à cause d'une grande quantité de neige qui étoit sur la terre, & qui se sondoit. Depuis ce tems-là la terre de cette cuvette étoit toujours fort humide; mais l'eau ne couloit point que quelques heures après qu'il avoit plû, & elle cessoit de couler quand ce qui étoit tombé, étoit épuisé; car il en restoit toujours dans la terre une certaine quantité, qui ne passoit point à moins qu'il n'y en eût de nouvelle au-dessus de la terre.

Un an après je refis la même expérience dans la petite cuvette; mais je la mis à 16 pouces avant dans terre, qui étoit une fois plus qu'elle n'étoit d'abord. Il n'y avoit point d'herbes sur la terre, & elle étoit encore à l'abri du Soleil & du vent. Il arriva à peu près la même chose que dans la précédente, excepté seulement que lorsqu'il se passoit un tems considérable sans pleuvoir, la terre se desféchoit un peu, & une médiocre pluie qui survenoit ensuite n'étoit pas capable de l'humecter suffisamment, avec ce qui y restoit, pour la faire couler.

Enfin je plantai quelques herbes sur la terre au dessus de la cuvette; mais quand les plantes surent un peu sortes, non seulement il ne couloit point d'eau après la pluie, mais toute celle qui tomboit n'étoit pas suffisante toute seule pour les nourrir, & elles se fanoient & séchoient, à moins qu'on ne les arrosat de tems-en-tems.

Il me vint alors en pensée de mesurer la dissipation ou évaporation de l'eau au travers des seuilles des plantes, quand elles sont exposées au Soleil & au vent. Le 30 Juin à 5 heures ½ du matin, je mis dans une phiole de verre, dont l'ouverture étoit petite, une livre d'eau pesée sort exactement avec la phiole, & je cueillis deux seuilles de siguier de médiocre grandeur, lesquelles pesoient ensemble 5 gros 48 grains, & j'en sis tremper le bout des queues dans l'eau de la phiole. Ces seuilles étoient très-fraîches & sermes quand je les cueillis. Ensuite j'exposai la phiole & les seuilles au Soleil qui étoit clair & chaud, & en un lieu où il faisoit un peu de vent, & je bouchai exactement avec du papier le reste du col de la phiole qui n'étoit pas occupé par les queues des seuilles, asin que l'eau de la phiole ne pût pas s'évaporer par cette ouverture.

A 11 heures du matin je pesai le tout ensemble, & je trouvai qu'il y avoit une diminution de poids de 2 gros que l'air & le Soleil avoient tiré d'eau de cette seuille, laquelle ne peut être réparée, quand la seuille est attachée à l'arbre, que par l'humidité de la terre qui passe par les ra-

cines.

Je fis aussi plusieurs autres expériences sur des plantes, & je trouvai toujours une très-grande dissipation d'humidité; & après avoir mesuré la superficie des seuilles, & avoir considéré ce qui en couvre ordinairement la terre, j'ai jugé que l'eau de la pluye, surtout en Eté, quoiqu'elle soit alors sort abondante, n'est pas capable de les entretenir sans un secours tiré d'ailleurs. Il est vrai que l'air de la nuit sournit aux grands arbres, & même aux plantes, une grande quantité d'humidité, qu'on voit presque toujours sur les seuilles vers le lever du Soleil, laquelle pas-

fant jusques dans les racines, peut entretenir ces plantes une partie du jour; mais cette humidité toute seule ne pourroit pas suffire pour leur nourriture, si elles n'en tiroient de la terre même, & des pluies qui y entrent, comme je l'ai remarqué dans mes expériences que je viens de

rapporter.

Toutes ces expériences m'ont fait connoître que l'eau des pluies qui tombent sur la terre, où il y a toujours quelques herbes & des arbres, ne peut pas la pénétrer jusqu'à deux pieds, à moins qu'elle n'ait été ramassée dans des lieux sablonneux & pierreux, qui la laissent passer facilement; mais ce ne peut être que des cas particuliers, dont on ne peut tirer de conséquence générale. On en peut voir un exemple au rocher de la fainte Baulme en Provence, où la pluie qui tombe sur ce rocher, qui est tout fendu & crevassé, & où il n'y a point d'herbes, pénétre dans la grotte en très-peu d'heures à 67 toises audessous de la superficie du rocher, & y forme une trèsbelle cîterne, qui feroit enfin une fontaine quand la cîterne seroit remplie. Et lorsqu'il se rencontre sur de semblables rochers, & dans des fonds considérables, de grandes quantités de neiges qui se fondent en Eté à la seule chaleur du Soleil, on remarque de grands écoulemens de l'eau de quelques fontaines pendant quelques heures d'un même jour, & même à plusieurs reprises si le Soleil ne donne sur ces neiges qu'à quelques heures différentes de la journée, le reste du tems ces neiges étant à l'ombre des pointes des rochers, & ne pouvant pas se fondre facile. ment. C'est, sans doute, la raison de ce qu'on a rapporté, qu'il y avoit des fontaines au milieu des terres qui avoient un flux & un reflux, comme la mer.

Ces expériences m'ont persuadé que je ne devois point attendre que les eaux de la pluie & des neiges passassent au travers des 8 pieds de terre qui étoient au-dessus de la cuvette de plomb que j'avois enterrée sur la Terrasse de l'Observatoire; aussi il n'est pas coulé une seule goutte d'eau

par le tuyau depuis 15 années.

On voit done par-là qu'il ne peut y avoir que très-peu de fontaines qui tirent leur origine des pluies & des neiges; & il faut nécessairement avoir recours à d'autres causes pour expliquer comment il se peut rencontrer des sources très-abondantes dans des lieux élevés, & à très peu de profondeur dans terre, comme est celle de Rungis près de Paris, qu'on ne peut attribuer à ces grottes ou alembics souterrains, qui servent à faire distiller l'eau des vapeurs condensées : car il n'y a point de rochers dans les environs, comme je l'ai reconnu par plusieurs puits que j'y ai fait faire, & le terrain est seulement un peu élevé où l'on a fait quelques puits, dont l'eau est fort proche de la surface de la terre, & plus élevée que l'endroit où l'on a ramassé les eaux. Cette source fournit 50 pouces d'eau environ, qui coule toujours, & qui souffre peu de changement, & tout l'espace de terre d'où elle peut venir, n'est pas assez grand pour fournir l'eau de cette fource en ramassant celle de la pluie, quand il ne s'en dissiperoit point; & de plus il est toujours cultivé & couvert d'herbes & de blé. Il y a quelques vallons affez proche de ce lieu, où il faut creuser fort bas pour trouver Peau.

On a cru pouvoir expliquer ces sortes de sources par des tuyaux & des canaux naturels, qui conduisent l'eau de quelque petite riviere élevée, & qui passant par des lieux hauts & bas, & même au-dessous de quelques rivieres qui les traversent, sont si bien soudés & bouchés qu'ils ne laissent point échapper cette eau en chemin pour la conduire jusqu'au lieu où elle doit sortir hors de terre. Mais quand il pourroit se rencontrer de ces lieux souterrains, je suis persuadé qu'ils auroient seulement une pente nécessaire pour laisser couler l'eau entre les terres sur un sond de tus ou d'argile; mais pour s'imaginer des tuyaux naturels hauts & bas, c'est tout ce que peut saire l'art dans l'étendue d'un petit jardin; encore y a-t-il souvent à resaire à ces conduites.

Il me semble qu'on peut faire encore une objection con-

sidérable à cette hypothèse. Car si ces grandes sources élevées tirent leur origine de quelques rivieres, ces mêmes rivieres doivent aussi tirer leurs eaux d'autres sources encore plus élevées; car celles des pluies & des neiges sondues dans des lieux dont le sond seroit ferme, ne peuvent former que quelques torrens qui ne durent que peu de tems, & qui ne peuvent pas sournir à l'écoulement continuel de ces rivieres. Les grands ramas d'eau, comme des étangs qui sont ordinairement à la tête des petites rivieres, ne prouvent rien pour l'origine des rivieres : car nous avons sait plusieurs expériences, qui nous sont connoître qu'il se dissipe beaucoup plus d'eau de celle qui est exposée à l'air dans un vaisseau fort large, qu'il n'y en

peut tomber du Ciel.

Il ne reste donc qu'un seul moyen pour expliquer comment ces sources abondantes peuvent se former dans terre; encore s'y rencontre-t-il quelques difficultés. Il faut s'imaginer qu'au travers de la terre il passe une grande quantité de vapeurs, qui s'élevent des eaux qui y sont ordinairement à la hauteur des rivieres les plus proches, ou de la mer; que ces vapeurs passent d'autant plus facilement, qu'elles rencontrent un terrain plus facile à être pénétré, comme on le remarque en hyver à l'ouverture de quelques caves fort profondes. Les particules de ces vapeurs peuvent se joindre ensemble, ou par le froid de la superficie de la terre, quand elles commencent à s'en approcher, ou quand elles rencontrent un terrain qui est déja rempli d'eau à laquelle elles se joignent; ou enfin si elles trouvent quelque matiere qui soit propre à les fixer, comme nous voyons que les sels étant exposés à l'air, retiennent les particules d'eau qui y voltigent. C'est alors que cette eau qui s'augmente toujours en rencontrant un fond affez solide pour la soutenir, coule entre les terres sur ce fond, jusqu'à ce qu'elle s'échappe sur la superficie de la terre où ce fond se termine, ou retombe dans un lieu plus bas en terre, s'il y a quelques ouvertures à la glaise ou au tuf qui la soutient. C'est tout ce que je trouve

de plus vraisemblable dans ce cas; encore faut-il que ces vapeurs ayent des conduits particuliers pour passer, par lesquels l'eau qu'elles forment ne puisse pas s'échapper.

J'ai voulu voir par expérience ce qu'on pouvoit espérer de la maniere de condenser les vapeurs de l'eau lorsqu'elles s'attacheroient dans la terre contre des pierres qui seroient remplies de quelques sels; car c'étoit une pensée nouvelle que j'avois eue pour expliquer de quelle maniere les eaux des vapeurs qui sont en terre pourroient se ramasser.

Je mis dans un des caveaux du fond de la carrière de l'Observatoire un vase de verre, & j'attachai sur le bord du vase un morceau de linge que j'avois trempé dans un peu d'eau, où j'avois fait dissoudre du sel de tartre. Je choisis ce sel, parce que je crus qu'il étoit plus propre à fixer les vapeurs que tout autre. Le lieu paroît fort humide, sur-tout en Été. Quelque tems après je trouvai au fond du vase une quantité assez considérable de liqueur, qui n'étoit que l'eau de la vapeur de l'air, laquelle s'étoit attachée contre le linge, & en ayant été rempli, le surplus qui augmentoit toujours avoit coulé au long des côtés du vase. J'aurois poussé cette expérience plus loin, pour voir si la liqueur auroit continué de couler, & si le sel qui étoit dans le linge auroit été entiérement emporté par l'eau qui couloit, quoiqu'il puisse arriver que des pierres qui auroient des sels propres à fixer les vapeurs, auroient pû conserver toujours leur sel, & même s'en charger de nouveau; mais on entra dans le caveau en mon absence, on rompit le vase, & mon expérience sut interrompue.

Je ne parle point de quelques fontaines particulieres & extraordinaires, qui se trouvent, à ce qu'on dit, sur le bord de la mer & sur des rochers élevés, lesquels ont un flux & un reflux semblable à celui de la mer, & qui ne laissent pas d'être des eaux sort douces; j'ai expliqué mécaniquement de quelle maniere cela se pourroit faire, en supposant des réservoirs souterrains un peu élevés au-

dessus

dessus du niveau de la mer, & que la cavité où ces réservoirs sont placés ait communication par le moyen de quelques canaux avec la mer. Car il doit arriver que lorsque la mer monte, elle comprime l'air qui est dans cette cavité, lequel presse l'eau du réservoir, & l'oblige de s'échapper & même de s'élever par quelques sentes ou conduits de rochers jusques sur la superficie de la terre, où elle sorme une sontaine qui doit diminuer peu à peu à mesure que la mer se retire, & que l'air comprimé qui la forçoit de monter se rétablit dans son premier état. Mais pour peu qu'on sçache de Méchanique, & qu'on entende bien les essets des corps liquides, on ne manquera pas de moyens pour expliquer non-seulement les merveilles qu'on voit dans la nature sur cette matiere, mais encore tout

ce qu'on pourroit imaginer.

C'est assez parler de l'origine des fontaines, il me faut maintenant expliquer quelques remarques particulieres que j'ai faites à cette occasion sur les utilités qu'on peut retirer de l'eau des pluies. L'avantage le plus considérable de l'eau de la pluie, c'est de la ramasser dans des réservoirs souterrains qu'on appelle Citernes, où quand elle a été purifiée en passant au travers du sable de riviere, elle se conserve plusieurs années sans se corrompre. Cette eau est ordinairement la meilleure de toutes celles dont on peut user, soit pour boire, soit pour l'employer dans plusieurs usages, comme pour blanchissage & pour les teintures, en ce qu'elle n'est point mêlée d'aucun sel de la terre, comme sont presque toutes les eaux de sontaine, & même celles qu'on estime les meilleures. Ces Citernes sont d'une très-grande utilité dans les lieux où l'on n'a point d'eau de source, ou bien lorsque toutes les eaux des puits sont mauvaises. Ce n'est pas ici le lieu de parler de la construction des Citernes, ni du choix des matériaux qu'on y doit employer, puisqu'il ne s'agit que d'avoir un lieu qui tienne bien l'eau, & que les pierres & le mortier dont elles sont jointes, ne puissent communiquer aucune mauvaise qualité à l'éau qui y sé-Mém. 1703.

journe pendant un tems considérable.

Ceux qui ont des Citernes, & qui sont curieux d'avoir de bonne eau, observent soigneusement de ne laisser point entrer l'eau des neiges fondues dans la Citerne, ni celle des pluies d'orage. Pour ce qui est de celle des neiges fondues, je crois qu'on a quelque raison de les exclure des Citernes, non point à cause des sels qu'on s'imagine qui sont enfermés & mêlés avec les particules de la neige; mais seulement parce que ces neiges demeurent ordinairement plusieurs jours, & quelquesois des mois entiers sur les toits des maisons, où elles se corrompent par la fiente des oiseaux & des animaux, & bien plus par le long séjour qu'elles font sur les tuiles qui sont toujours fort sales. C'est pour cette raison que lorsqu'il commence à pleuvoir, je voudrois que la premiere eau qui vient du toit & qui doit entrer dans la Citerne, fût rejettée comme mauvaise, n'ayant servi qu'à laver les toits qui sont couverts de la poussiere qui s'éleve de boues desséchées dans les rues & dans les grands chemins, & qu'on ne reçût seulement dans la Citerne que celle qui vient enfuite.

Il y a une autre remarque fort considérable pour les eaux qu'on doit rejetter des Citernes, & que le seul hazard m'a fait connoître. Il y a quelques années que je fus curieux de ramasser de l'eau de pluie qui tomboit à l'Observatoire, par le moyen de la cuvette dont je me sers pour mesurer la quantité d'eau qui tombe pendant l'année. Cette cuvette est de fer blanc bien étamé, elle a 4 pieds de superficie, & des rebords de 6 pouces de hauteur. Il y a un trou & un petit tuyau qui y est soudé vers l'un des angles, par où l'eau qui tombe dans la cuvette, qui est un peu inclinée vers cet angle, est portée dans un vaisseau qui la reçoit, pour mesurer ensuite, & connoître par ce moyen la quantité qui en est tombée. Je nettoyai & lavai la cuvette & le vaisseau qui reçoit l'eau le plus promptement qu'il me fut possible au commencement d'une pluie qui paroissoit abondante, & je ramassai en-

fuite l'eau dans des bouteilles de verre bien nettes pour la conserver. Mais comme je voulus gouter de cette eau, je fus furpris de ce qu'elle avoit un fort mauvais goût, & qu'elle sentoit la fumée, ce qui me parut fort extraordinaire; car j'en avois souvent gouté de celle qui étoit ramassée de même maniere, laquelle n'avoit pas ce même goût. Je ne voyois rien qui eût pû communiquer cette odeur de fumée à l'eau de pluie; car le lieu où je la ramasse est fort à découvert & élevé, & il n'y a point de cheminée qui n'en soit fort éloignée. Mais enfin je considerai que cette eau de pluie étoit tombée avec un vent de Nord, ce qui n'est pas fort ordinaire, car il pleut rarement de ce vent; & comme toute la Ville est au Nord de l'Observatoire, la sumée des cheminées s'étoit mêlée avec l'eau qui tomboit, & qui passoit ensuite par-dessus le lieu où je la ramassois; & qu'enfin c'étoit la vraie cause de la mauvaise odeur de l'eau; car on sçait par plusieurs expériences que l'eau prend très-facilement l'odeur de la fumée. En effet, je m'en assurai quelque tems après; car ayant encore ramassé de l'eau de pluie qui tomboit avec un vent de Midi ou de Sud-Ouest, je n'y remarquai rien de semblable pour le goût; car il n'y a que de grandes campagnes qui s'étendent vers le Midi de l'Observatoire.

Je conclus de-là qu'on doit aussi rejetter des Citernes toutes les eaux de pluie qui sont apportées par des vents qui passent par des lieux infectés de quelque mauvaise odeur, comme des égoûts, des voiries, & même des grandes Villes à cause de la sumée, comme je viens de remarquer; car les exhalaisons & les mauvaises vapeurs qui se mêlent avec l'eau qui entre dans la Citerne, doivent corrompre celle qui y est entrée dans un autre tems.

Enfin puisque l'on ne peut douter par toutes les expériences & par toutes les épreuves qu'on a faites, que l'eau de la pluie qui a été purifiée dans du fable de riviere, pour lui ôter le limon & une odeur de terre qu'elle a en tombant du Ciel, ne soit la meilleure & la plus saine de

toutes celles dont on puisse se servir; j'ai pensé de quelle maniere on pourroit pratiquer dans toutes les maisons, des Citernes qui fourniroient assez d'eau pour l'usage de ceux

qui y demeurent.

Premierement, il est certain qu'une maison ordinaire qui auroit en superficie 40 toises, lesquelles seroient couvertes de toits, peut ramasser chaque année 2160 pieds cubiques d'eau, en prenant seulement 18 pouces pour la hauteur de ce qu'il en tombe, qui est la moindre hauteur que j'aie observée. Mais ces 2160 pieds cubiques valent 75600 pintes d'eau, à raison de 35 pintes par pied, qui est la juste mesure pour la pinte de Paris. Si l'on divise donc ce nombre de pintes par les 365 jours de l'année, on trouvera 200 pintes par jour. On voit par-là que quand il y auroit dans une maison, comme celle que je suppose, 25 personnes, ils auroient 8 pintes d'eau chacune à dépenfer, qui est plus d'un seau de ceux d'ordinaire, & ce qui est plus que suffisant pour tous les usages de la vie.

Il ne me reste plus qu'à donner un avis sur le lieu & sur la maniere de construire ces sortes de Citernes dans les maisons particulieres. On voit dans plusieurs Villes de Flandre vers le bord de la mer, où toutes les eaux des puits sont salées & ameres, à cause que le terrein n'est qu'un sable leger au travers duquel l'eau de la mer ne se purifie pas, que l'on fait des Citernes dans chaque maison pour son usage particulier. Mais ces Citernes sont enterrées, & ne sont que des caveaux où l'on croit que l'eau se conserve mieux qu'à l'air. Il est vrai que l'eau, & fur-tout celle de pluie, ne se conserve pas à l'air, à cause du limon dont elle est remplie, & qu'elle ne dépose pas entierement en passant par le sable, & qu'elle se corrompt & qu'il s'y engendre une espéce de mousse verte qui la couvre entierement. C'est pourquoi je voudrois qu'on pratiquât dans chaque maison, un petit lieu dont le plancher seroit élevé au-dessus du rez-de-chaussée de 6 pieds environ, que ce lieu n'eût tout au plus que la 40 ou cinquantiéme partie de la superficie de la maison, ce qui seroit dans notre exemple d'une toise à peu près. Ce lieu pourroit être élevé de 8 à 10 pieds, bien vouté avec des murs fort épais. Ce feroit dans ce lieu où je placerois un réservoir de plomb, qui recevroit toute l'eau de pluie après qu'elle auroit passé au travers du sable. Il ne faudroit à ce lieu qu'une très-petite porte bien épaisse & bien garnie de natte de paille, pour empêcher que la gelée ne pût pénétrer jusqu'à l'eau. Par ce moyen on pourroit distribuer facilement de très-bonne eau dans les Cuisines & les Lavoirs. Cette eau étant bien enfermée ne se corromproit pas plus que si elle étoit sous terre, & ne geleroit jamais. Son peu d'élévation au-dessus du rez-de-chaussée, serviroit affez à la commodité de sa distribution dans tous les lieux bas du logis. Ce réservoir pourroit être placé dans un endroit où il n'incommoderoit par son humidité, qu'autant que ceux d'eau de fontaine qui sont dans plusieurs maisons.

J'ai examiné depuis peu les différentes eaux de pluie que j'avois ramassées autrefois, & que j'avois conservées dans des bouteilles de verre. J'ai trouvé qu'il y en avoir quelques-unes qui étoient d'un mauvais goût, & je ne sçaurois assurer si ce sont celles qui avoient d'abord une odeur de sumée, quand je les ai mises dans la bouteille; les autres étoient assez bonnes & agréables, elles n'avoient plus le goût de terre qu'ont toutes les eaux de pluie, & c'étoit peut-être parce qu'elles avoient déposé un certain limon qu'on voit ordinairement au sond des vases où l'on a laissé pendant quelque tems des eaux de pluie.

J'ajouterai encore une remarque que j'ai faite sur les eaux de sontaine qui sont sur le côteau de la butte de Montmartre vers le Septentrion. Ces eaux sont sort claires, & assez bonnes pour boire. Cependant si l'on fait cuire de la viande & des herbes ordinaires à potage avec cette eau, le bouillon en est d'une grande amertume; ce qu'on ne peut pas attribuer à la nature des herbes du lieu, puisque si l'on se sert d'eau de pluie pour faire le bouillon,

il est très-bon & n'a aucune amertume.

RÉPONSE A L'ÉCRIT DE M. DAVID GREGORIE,

Touchant les Lignes appellées Robervalliennes, qui servent à transformer les Figures.

PAR M. L'ABBE' GALLOYS.

1703. 3. Mars.

Orsque M. de la Hire eut fait imprimer le Recueil de plusieurs Ouvrages de Mathématique & de Physique composés par différentes personnes de l'Académie Royale des Sciences, je sis un extrait sommaire de ce qui s'y trouve de plus remarquable, & je l'inferai dans les Mémoires de l'Académie du 30 Avril 1693. En parlant des Ouvrages de M. Roberval, je remarquai que la maniere de transformer les figures, qui est amplement expliquée à la fin de son Traité des Indivisibles, est cellelà même qui a depuis été publiée par M. Jacques Gregorie dans sa Géométrie universelle : que par une Lettre de Torricelli il paroissoit que plus de vingt ans avant l'impression de ce Livre de la Géométrie universelle, M. de Roberval avoit inventé cette maniere de transformer les figures par le moyen de certaines lignes que Torricelli appelloit Lignes Robervalliennes, du nom de leur Inventeur; & qu'il y a bien de l'apparence que M. Jacques Gregorie, au voyage qu'il fit depuis en Italie, eut connoissance de cette méthode. J'ajoutai que cet Auteur dit franchement dans sa Présace, qu'il ne veut pas assurer que tout ce qu'il a mis dans son Livre lui appartienne, de peur que l'on ne croie qu'il s'attribue ce que d'autres ont trouvé avant lui. Voilà ce que j'écrivis alors touchant ces lignes Robervalliennes.

M. David Gregorie, Frere de M. Jacques Gregorie, &

Professeur d'Astronomie à Oxford, s'est offensé de cette remarque, & il a tâché de la résuter par un écrit qu'il a fait insérer dans les Transactions d'Angleterre du mois de Novembre 1694.

Comme depuis plusieurs années on voit ici peu de Transactions d'Angleterre, j'ai été fort long-tems sans avoir connoissance de cet écrit, jusqu'à ce qu'un de mes Amis ayant apporté à Paris ces Transactions au retour d'un voyage qu'il sit en Angleterre l'année derniere, me

communiqua cet article qui me regarde.

S'il ne s'agissoit que de mon intérêt personnel, je n'aurois pas pris la peine de répondre. M. David Gregorie a
voulu désendre son frere à quelque prix que ce sût; & en
soutenant une mauvaise cause, il ne pouvoit pas alléguer
de bonnes raisons: c'est un excès de zéle que j'aurois volontiers excusé. Mais des personnes de mérite, au jugement desquels je me soumets, ayant estimé que cet écrit
ne devoit pas demeurer sans réponse, parce qu'il s'agit de
l'honneur de M. de Roberval, qui a été l'un des plus illustres membres de notre Compagnie, j'ai pris la résolu-

tion d'y répondre en peu de mots.

M. David Gregorie se plaint d'abord de ce que j'ai (ditil) accusé son frere d'avoir dérobé à M. de Roberval cette méthode de transformer les figures. Mais il est si peu vrai que je l'aie accusé de l'avoir dérobée, qu'au contraire j'ai tâché de l'en excuser. Car j'ai dit exprès, qu'il avoit averti dans sa Préface qu'il ne prétendoit pas s'attribuer tout ce qu'il a mis dans son Livre. Je ne pouvois rien dire de plus formel pour marquer que l'on ne doit pas l'accuser de larcin. Car on peut sans crainte de reproche se servir d'une méthode inventée par un autre; l'on peut même y donner un nouveau tour; pourvû que l'on ne s'attribue pas l'honneur de l'invention. Autrement, tous les Géométres qui se sont servis de ce qu'Archiméde a inventé, seroient des plagiaires. Donc avouer, comme l'avoue mon Adversaire, que j'ai dit que son Frere ne s'est pas attribué l'invention de cette méthode; & après cela

dire que je l'ai accusé de l'avoir dérobée; c'est une calomnie qui se détruit d'elle-même.

Il ne s'agit donc point de sçavoir si M. Jacques Gregorie a dérobé cette méthode à M. de Roberval, mais

s'il l'a empruntée de lui.

Mon Adversaire pour montrer que cela n'est pas vrai, dit qu'il n'est pas certain que son Frere ait eu connoissance de ce que M. de Roberval a inventé sur cette matiere: Quis pro certo id affirmet? dit-il. J'avoue que cela n'est pas certain: aussi ne l'ai je pas donné pour certain; j'ai seulement dit que cela étoit vrai-semblable, & je l'ai, ce me

semble, assez bien prouvé.

Qu'a-t-il donc à se plaindre? Faute de raison il se met sur la raillerie. Somniat hic Abbas, dit-il, relapsos nos esse ad ævum illud fabulosum quo Monachis potestas erat quid-libet audendi & singendi. Il me prend pour un Moine, & il veut que je m'imagine avoir le privilége qu'il attribue aux anciens Moines, de dire tout ce qu'il leur plaisoit. J'aurois bien plus de raison de dire qu'il s'imagine avoir le prétendu privilége des Trembleurs de son pays, qui veu-lent qu'on les croie sur leur simple parole : car il ne prouve rien, & il veut que l'on croie tout ce qu'il dit. Mais il se tiendroit peut-être offensé que je le prisse pour un Trembleur; & moi je tiens à honneur d'être pris pour un Moine.

Mais il ne paroît pas, dit-il, que M. de Roberval ait reclamé l'invention de cette méthode. Je réponds qu'il ne s'en faut étonner. Car M. de Roberval fur les dernieres années de fa vie, lorsque le Livre de M. Jacques Gregorie commença à être connu à Paris, avoit renoncé à toutes fortes de contestations touchant la Géométrie : il ne lisoit plus même de Livres nouveaux. On pouvoit alors s'emparer de tout ce qu'il avoit inventé, & même se l'attribuer, sans craindre qu'il se mît en peine de le revendiquer.

Au moins, ajoute mon Adversaire, il y a de l'apparence que M. de Roberval s'en seroit plaint à M. Huguens avec qui il a vécu samilierement durant plusieurs années;

& néanmoins M. Huguens a témoigné qu'il ne lui en a rien entendu dire. Mais où mon Adversaire a-t-il pris que M. Huguens & M. de Roberval vivoient familierement ensemble? Tous ceux qui les ont bien connus, sçavent que bien que ces deux grands Géométres se trouvassent souvent ensemble aux Consérences de l'Académie Royale des Sciences, il y avoit si peu de familiarité entr'eux, qu'il n'y a pas lieu de s'étonner qu'ils ne se communiquassent pas leurs affaires. De plus, M. de Roberval étoit alors fort indifférent sur tout ce que l'on pouvoit dire ou s'attribuer de ses Ouvrages: & s'il n'avoit pas lû le Livre de M. Jacques Grégorie (ce qui est trèscroyable) il n'avoit garde de faire des plaintes d'une chosse qui n'étoit point venue à sa connoissance.

Une autre belle raison sur laquelle mon Adversaire a sort appuyé; c'est, dit-il, qu'il n'est pas possible que M. Jacques Gregorie ait vû en 1668 la méthode de M. de Roberval dans un Livre qui n'a été imprimé qu'en 1692. Non, cela n'est pas possible: mais il est très-possible qu'étant à Padoue en 1668, il ait entendu parler de cette méthode, qui étoit connue en Italie dès l'an 1646, quoi-

qu'elle n'ait été imprimée qu'en 1692.

Ensin mon Adversaire après s'être long-tems débattu inutilement, est forcé d'avouer la vérité du point principal de la question. Il faut, dit-il, demeurer d'accord de la vérité: il est vrai que la méthode de M. Jacques Gregorie pour la transformation des sigures, est la même que celle de M. de Roberval: Dicam quod res est, Propositio Gregorii eadem est cum propositione Robervallii de sigurarum transformatione. Il en convient ensin; & il a bien fait d'en convenir: car le sait est si évident, qu'il ne lui auroit rien servi de le nier.

Il s'est retranché à dire que M. de Roberval n'a pas donné une bonne démonstration de sa proposition. Mais la question n'est pas de sçavoir si M. de Roberval a démontré bien ou mal : il s'agit de sçavoir si la proposition que M. Jacques Gregorie a mise dans son Livre, est Mém. 1703.

74 Memoires de l'Academie Royale

la même que celle qui a été inventée par M. de Rober-val, & qui étoit connue en Italie long-tems avant l'impression de ce Livre. De plus, mon Adversaire avance sans preuve que la démonstration de M. de Roberval est mauvaise: & moi je soutiens qu'elle est bonne suivant la méthode des indivisibles, & j'en fais juges tous les Géométres qui voudront l'examiner sans passion. Ensin ce n'est pas une grande merveille que l'on ait pris un autre tour pour démontrer la proposition de M. de Roberval: car, comme dit le proverbe, il est aisé d'ajouter à ce qui est déja inventé.

Il n'y a dans l'écrit de mon Adversaire rien autre chose qui mérite réponse: le reste n'est qu'un verbiage inutile, plusieurs redites sans ordre, & quelques mauvaises plaisanteries qu'il vaut mieux mépriser que relever. A la fin de son écrit, ne sçachant plus de quel côté se tourner, il s'avise de parler de la comparaison de Harriot & de Descartes, dont je n'ai pas dit un seul mot; & là-dessus il me sait saire des raisonnemens à quoi je n'ai jamais pensé. Mais qu'il garde pour lui ses mauvais raisonnemens, & qu'il

ne me les attribue point.

Pour conclure en peu de mots; toute la question dont

il s'agit, se réduit à trois chefs.

Le premier chef est de sçavoir si la méthode inventée par M. de Roberval pour transformer les sigures, a été connue en Italie avant l'année 1668. On ne peut pas en douter: car Torricelli, qui est mort en 1647, témoigne dans
ses Lettres que M. de Roberval lui avoit communiqué
cette méthode, & il en parle avec éloge.

Le second chef est de sçavoir si cette méthode de M. de Roberval est la même que celle qui se trouve dans le Livre publié par M. Jacques Gregorie en 1668. On vient de voir que la force de la vérité a contraint mon Adver-

saire d'avouer que c'est la même méthode.

Le troisiéme & dernier chef est de sçavoir s'il est vraifemblable que M. Jacques Gregorie ait pû avoir connoisfance de cette méthode. Je laisse à juger à tout le monde s'il n'est pas vrai-semblable qu'un Géométre curieux étant en Italie ait eu connoissance d'une très-belle méthode, qui étoit connue en Italie long-tems avant qu'il vînt en ce pays-là.

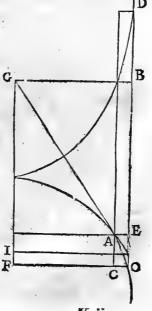
C'est-là tout ce que j'avois à prouver.

J'avois dit que Torricelli avoit en communication de la Méthode de M. de Roberval, & qu'il en avoit écrir avec éloge. Il y a bien plus. M. de Roberval lui ayant premierement envoyé cette Méthode sans démonstration, Torricelli la trouva si belle, qu'il prit la peine de la démontrer à la maniere des Anciens, par des sigures inscrites & circonscrites; & il envoya sa démonstration à M. de Roberval. Je donne ici cette démonstration telle que je l'ai trouvée écrite de la propre main de Torricelli avec les sigures dans une de ses Lettres à M. de Roberval dattée de Florence le 7 Juillet 1646. D'où l'on verra que la Méthode de M. de Roberval, & même la démonstration

par les figures inscrites & circonscrites, étois connue longtems avant l'édition du Livre de M. Jacques Gregorie.

LEMMA I.

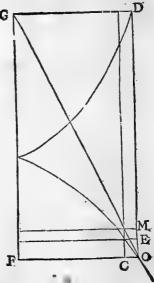
In figurà, qualis à Cl. Robervallio despuiea est, quodlibet parallelogrammum inscriptum AB minus erit quam FA descriptum in figurà genitrice. Nam ductà tangente GA per A, sinitàque sigurà, aquale erit. AB ipse AI. Ergo paiet quod crat demonstrandum.



K ij

LEMMA II.

Circumscriptum verò parallelogrammum CD majus erit quam aliud parallelogrammum FE, quod nempe circumscriptum sit sigura genitrici. Nam ductà tangente per O, & completa sigurà, erit CD aquale ipsi FM. Ergo CD majus est quam FE. Quod erat demonstrandum.



THEOREMA

Sumatur 10. aliqua pars figura definita, putà ABCDE: Dice aqualem esse figura BCG.

Alias major esset vel minor.

Sit primò major; seceturque BK semper bisariam donec HE minus sit excessi : tùm inscribatur in sigurà mixtà BCE, alia sigura constans ex parallelogrammis aquè altis RD, LM, &c. quorum ultimum sit IO: Eritque inscripta sigura ob constructionem adhuc ma-

jor spatio BGC. Quod est contra Lemma primum.

Sit deinde minor; settoque BK semper bifariam, repertum sit HE minus desettu: tùm circumscribatur sigura BCE alia sigura constans ex parallelogrammis equè altis; & erit circumscripta sigura adhuc minor sigurà BCE. Quod esse non potest. Nam eadem sigura circumscripta trilineo BCE major est quam alia quadam sigura circumscripta ipsi BGC, per secundum Lemma. Patet ergo quod demonstrandum.

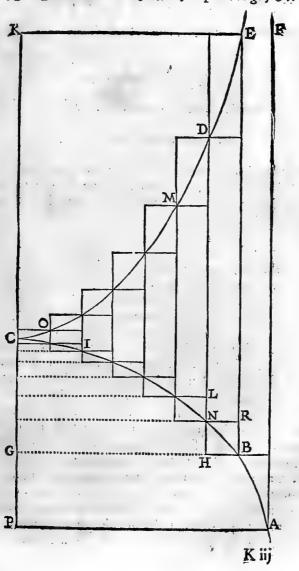
Abeat jam in infinitum (quamquam hactenus dicta sufficere deberent.) Dico aquales effe figuras, &c.

Alias altera ipsarum major erit.

DES SCIENCES

Sit major APC: erit aliqua ipsius pars, putà BGC, aqualis alteri figura. Statim absurdum patet.

Si verò ponatur major ACEF; erit aliqua ipsius pars, putà BCE, aqualis figura genitrici APC. Absurdum jam patet. Ergo, &c.



DEMONSTRATION GENERALE

Du centre de Balancement ou d'Oscillation, tirée de la nature du Levier.

PAR M. BERNOULLI, Professeur à Bâle.

Lettre du 15 Mars 1703.

1703. 25. Avril.

N scait que toute la doctrine du Balancement, que Je feu M. Huguens nous a laissée dans la quatriéme Partie de son excellent Traité de la Pendule, est fondée sur cette hypothèse, que le centre commun de gravité de plusieurs corps liés ensemble doit remonter précisément à la même hauteur d'où il est descendu, soit que ces poids remontent conjointement, ou que se détachant à la fin de leur chûte, ils remontent ensuite séparément chacun avec la vitesse qu'il aura pour lors acquise. Mais on sçait aussi qu'il y a eu bien des gens à qui cette demande a paru un peu hardie, & qui n'ont jamais pû tomber d'accord de son évidence, quoiqu'ils la crussent vrai-semblable. Il y en a eu même qui ont nié ce principe, entr'autres un Auteur illustre en a donné ses raisons dans les Journaux des Scavans de 1681 & 1682. Mais le hazard m'ayant alors, je ne sçais comment, engagé à l'examen de ces raisons, je trouvai (de même que M. Huguens) que cet Auteur se trompoit luimême, en ce qu'il supposoit que la vîtesse totale d'un Pendule doit être égale à la somme des vîtesses de ses parties separées. Car ayant considéré que la pesanteur agissant uniformément sur toutes les parties d'un Pendule, celles de ces parties qui font les plus éloignées de l'axe de fon mouvement, & qui doivent décrire de plus grands accs, se devoient moins ressentir de cet essort, que les moins éloignées; je voyois que celles ci dans leur mouvement devoient s'appuyer d'un côté sur les plus éloignées, & de l'autre sur l'axe du Pendule, où il se perd toujours quelque chose de ce mouvement; & je conclus delà que la vîtesse totale du Pendule devoit nécessairement être plus petite que ne seroit la somme des vîtesses de ses parties, si elles étoient tombées séparément. C'est ce qui me sit concevoir dans le Pendule une espece de Levier, & penser à même tems si l'on ne pourroit pas aussi trouver par ce principe ce qu'a trouvé M. Huguens par un autre beaucoup plus sujet à contestation que celui du Levier. J'en proposai le dessein aux Géométres dans les Actes de Leipsik de 1686, où j'expliquai mon sentiment. M. le Marquis de l'Hôpital fut le premier qui s'apperçut de la justesse de cette pensée, & il en sit voir la convenance avec la doctrine de M. Huguens dans les Journaux de Roterdam de 1690, par l'induction de deux, de trois, de quatre poids, &c. Après quoi je trouvai le moyen d'étendre la Démonstration à un nombre quelconque de poids égaux ou inégaux, tous situés en même ligne droite, comme on le peut voir dans les Actes de Leipsik de 1691. Mais je ne pouvois encore alors aller plus loin, ni appliquer mon principe à des lignes courbes, ni à des surfaces, ou à des folides, à cause de quelque difficulté qui m'arrêta. Je ne la surmontai que quelques années après, en résolvant ce Problème dans toute son étendue, en trouvant même plus que je ne cherchois. Car non seulement je renferme dans une équation courte & aifée tout ce que M. Huguens nous a donné fur ce sujet; mais outre cela je prouve démonstrativement, en retournant sur mes pas, ce que cet Auteur a avancé sans preuve, sçavoir que le centre commun de gravité des parties d'un Pendule qui se brise en descendant contre quelque chose qui les oblige à réfléchir, doit nécessairement remonter à la hauteur d'où il est descendu. Je démontre encore, en suivant les mêmes traces, l'identité des Centres de Balancement & de Percussion. Enfin je détermine par cette méthode une

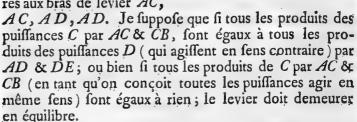
nouvelle espece de centre, que j'appelle centre de tension, où l'Hypothèse de M. Huguens ne sçauroit avoir lieu: j'expliquerai en son tems ce que j'entends par-là. Et comme je n'ai encore rien publié de tout cela, je veux vous l'envoyer par parties, pour pouvoir être présenté à l'Académie, si vous trouvez qu'il le mérite. Je commence par la première.

Principe du Levier tiré ou poussé par des puissances qui sont en mouvement.

Ie.

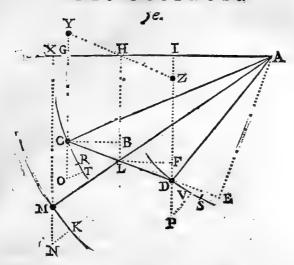
FIGURE I.

Soient AC, AC, AD, AD, AD, les branches d'un levier mobile autour du point A, foient C, C, D, D, des poids ou des puissances mues avec des vîtesses CB, CB, DE, DE, lesquels fassent impression suivant les directions CB, CB, DE, DE, perpendiculaires aux bras de levier AC,



Ce principe a été démontré par feu M. Mariotte dans la Proposition 13. de la seconde Partie de son Traité de la Percussion des corps; & il n'y a personne qui en dis

convienne,



SOLUTION.

Soit maintenant A l'axe horizontale du balancement, AXM un plan vertical droit à l'axe; AM le diamétre de la figure qui balance, auquel on ait appliqué dans le même plan l'ordonnée CLD à angle donné ALD, laquelle ait CL = LD. Soient de plus $C \otimes D$ deux petites parcelles de la figure, lesquelles décrivent dans leur balancement les arcs CT, DS; soit aussi AM la longueur du Pendule simple, qui fait ses vibrations dans le même tems que la figure qui balance.

De ce que le balancement tant de M, que de C & D, s'acheve par l'hypothèse en même tenns, il s'ensuit que les vîtesses dont ces poids se meuvent à chaque instant, sont proportionnelles à leurs distances AM, AC, AD, de l'axe A; & que par conséquent leur mouvement peut être continué avec ces vîtesses, sans que les poids C & D agisfent en aucune manière l'un sur l'autre : de sorte qu'il ne saut considérer que la seule impulsion que la pésanteur ajoute à chaque moment aux vîtesses acquises. Soit donc

Mém. 1703.

Fre. II.

ce choc ou cette impulsion représentée par les petites lignes verticales & égales MN, CO, & DP; enfuite après avoir mené les droites NK, OT, & PV, perpendiculaires aux arcs MK, CT, DV, foient conçus les mouvemens par MN, CO, DP, comme étant composés chacun de deux autres; scavoir du mouvement de M en K, & de K en N; de C en T, & de T en O; de D en V, & de V en P. Et là il est encore visible que celui qui se fait par KN, TO & VP, se répand tout sur l'axe A, & qu'il s'y perd entiérement. Ainsi il n'y a qu'un seul mouvement par MK, CT, DV, qui ait son effet, mais non sans quelque changement, d'autant que M étant parvenu en K, les poids C & D (à cause de l'isochronisme qu'on suppose) ne sçauroient être en T & en V; ils doivent se trouver en des points comme R & S, tels que les arcs MK, CR, DS, soient semblables. C'est ce qui fait que l'effort de pésanteur qui agit sur le poids C, n'est pas épuisé au point R, & que le reste RT doit être employé à pousser le corps D par VS. Mais parce que ce corps Ddoit résister autant qu'il est poussé, c'est comme si étant en S, il y avoit une force qui tâchât de le repousser de S en V. De forte que voilà un lévier CAD, sur lequel des poids comme C tirant ou poussant d'un côté avec des forces ou vîtesses RT, & de l'autre des poids comme D tirant ou repoussant en sens contraire, avec des forces ou vîtesses SV, font équilibre. Donc suivant le précédent principe du lévier, la fomme des produits $C \times AC \times RT$ d'une part, est égale à celle des produits $D \times AD \times VS$ de l'autre; ou (ce qui revient au même) la fomme des produits $C \times AC \times RT$, entant qu'on y comprend aussi ceux de l'autre côté, est égale à rien. En voici l'Analyse.

Soient MN, CO, DP, prolongées avec leur paralléle LH, jusqu'à ce qu'elles coupent toutes l'horizontale AX en X, G, I, & A; foit de plus AE perpendiculaire

fur CD, & qu'on fasse

25

DES SCIENCES. 83 MN = CO = DP fin. tot. $= a_1MN$. MK :: AL. AH. MK=b a. b :: $x \cdot \frac{bx}{a}$. fin. ang. LAE = g fin. tot. fin. HLC :: LC. HG = HIfin. ang. HLC=h a. $h: y = \frac{hy}{a}$. $AC = l AG = AH + HG = \frac{bx + hy}{a}$ $AD = mAI = AH - HI = \frac{b \times - h y}{a}$ AM = t AC. AG :: CO. CTAL = x $l \cdot \frac{bx + hy}{a} :: a \cdot \frac{bx + hy}{l}$ LC=LD=y AD. AI::DP. DVC = D = dp $m \cdot \frac{b \times - h y}{a} :: a \cdot \frac{b \times - h y}{m}$ Sin. tot. fin. LAE :: AL. LE. $g :: x \cdot \frac{g \cdot x}{g}$ $\overline{AC} = \overline{AL} + \overline{LC} + 2CLE$ $ll = xx + yy + \frac{2gxy}{x}$ $\overline{AD}^2 = \overline{AL}^2 + \overline{LD}^2 - 2DLE$ $mm = xx + yy - \frac{2gxy}{}$ AM. MK :: AC. CR :: AD. DS. t. b:: l. $\frac{bl}{z}$:: m. $\frac{bm}{z}$. $RT = CT - CR = \frac{bx + hy}{l} - \frac{bl}{l}$ $SV = DS - DV = \frac{bm}{t} - \frac{bx + hy}{m}$ $C \times AC \times RT = dp \times l \times \frac{bx + hy - bl}{l} = bx + hy - \frac{bll}{l} \times dp$ (en effaçant ll) = $bx + hy - \frac{bxx - byy}{t} - \frac{2bgxy}{at} \times dp$, $D \times AD \times SV = dp \times m \times \frac{bm}{t} - \frac{b \times + hy}{m} = \frac{bmm}{t} - bx + hy \times dp$ (en effaçant mm) = $\frac{bxx + byy}{x} - \frac{2bg \times y}{at} - bx + hy \times dp$,

Lij

Donc tous les $C \times AC \times RT = \hat{a}$ tous les $D \times AD \times SV$ donneront $\int b x + h y - \frac{b x x - b y y}{t} - \frac{2 b g x y}{a t} \times d p =$ $= \int \frac{b \times x - b y y}{a \cdot b} = \frac{a \cdot b \cdot g \times y}{a \cdot b} = \frac{b \cdot g \times y}{a \cdot b} = \frac{a \cdot b}{a \cdot b} \times \frac{a \cdot b}{a \cdot b} \times \frac{a \cdot b}{a \cdot b} = \frac{a \cdot b}{a \cdot b} \times \frac{a \cdot b}{a \cdot b} \times \frac{a \cdot b}{a \cdot b} = \frac{a \cdot b}{a \cdot b} \times \frac{a$ quent (en ajoutant $\int \frac{b \times x + byy}{1 + 2bg \times y} + \frac{b \times - hy}{1 + 2bg \times y} \times dp$ de part & d'autre) $\int 2bxdp = \int \frac{bxx + byy \times dp}{bx}$; ou (en divifant par 2 b) $\int x dp = \int \frac{x + yy \times dp}{}$; & enfin $\frac{1}{\int x \, dp} = \frac{\int x \, x \, dp + \int y \, y \, dp}{\int x \, dp} \cdot \text{Ou bien de cette maniere:}$ $\text{cous les } C \times AC \times RT = \int b \, x + hy - \frac{b \times x - b y y}{t} - \frac{2 b g \times y}{a \, t} \times dp$ =0; & par conféquent $\int \overline{bx + hy} \times dp = \int \frac{bxx + byy}{t} = \frac{2bgxy}{at} \times dp$; d'où résulte $t = \frac{\int b \, x \, x + b \, y \, y + \frac{2 \, b \, g \, x \, y}{a} \times dp}{\int b \, x + b \, y \, x \, dp}$, ou (en effaçant les membres dans lesquels y n'a qu'une dimension, parce que toutes les y positives d'une part sont détruites par autant de y négatives de l'autre) $t = \frac{\int x + yy \times dp}{\int x dp}$ $= \frac{\int x \, x \, dp + \int y \, y \, dp}{\int x \, dp}, \text{ comme ci-deffus.}$

Il reste maintenant à saire voir l'application de cette Régle aux différentes Figures dont M. Huguens a donné

les centres d'oscillation; mais ce sera pour une autre sois.



EXPLICATION DEL'ARITHMETIQUE BINAIRE,

Qui se sert des seuls caracteres 0 & 1; avec des Remarques sur son utilité, & sur ce qu'elle donne le sens des anciennes figures Chinoises de Fohy.

PAR M. LEIBNITZ.

E calcul ordinaire d'Arithmétique se fair suivant la progression de dix en dix. On se sert de dix caracteres, qui sont 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, qui signissent zero, un, & les nombres suivans jusqu'à neus inclusivement. Et puis allant à dix, on recommence, & on écrit dix; par 10; & dix sois dix, ou cent, par 100; & dix sois cent, ou mille, par 1000; & dix sois mille, par 10000. Et ainsi de suite.

Mais au lieu de la progression de dix en dix, j'ai employé depuis plusieurs années la progression la plus simple de toutes, qui va de deux en deux; ayant trouvé qu'elle sert à la persection de la science des Nombres. Ainsi je n'y employe point d'autres caractères que 0 & 1, & puis allant à deux, je recommence. C'est pourquoi deux s'écrit ici par 10, & deux sois deux ou quatre par 100; & deux sois quatre ou huit par 1000; & deux fois huit ou seize par 100000, & ainsi de suire. Voici la Table des Nombres de cette saçon, qu'on peut continuer tant que l'on voudra.

On voit ici d'un coup d'œil la raison d'une propriété eélébre de la progression Géométrique double en Nombres entiers, qui porte que si on n'a qu'un de ces nombres de chaque degré, on en peut composer tous les autres nom-

\$ 703. 5. Mai.

TABLE 86 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

TIDEE OF WEMOTRES DE LITERDEMIE HOTALE
Nown no plus hour degré Con ici c'es con 100 4
Nombres, plus haut degré. Car ici, c'est com-
olololololo me si on disoit, par exemple, que i i i
o o o o o o o o o o o o o o o o o o o
Et que 1101 ou 13 est la somme de huit, quatre 11000 81
& un. Cette propriété fert aux Essayeurs pour 100 4
pefer toutes fortes de maffes avec peu de poids,
4 & pourroit servir dans les monnoyes pour don-
ner plusieurs valeurs avec peu de piéces.
O O 110 6 Cette expression des Nombres étant établie, sert à faire
7 très-facilement toutes fortes d'opérations.
0 0 1000 8
o lool 9 Pour l'Addition 3 111 7 1011 11 10001 17
o o 1010 10 par exemple
0 0 1011 11 1101 13 10000 16 11111 31
0 0 1100 12 Pour la Soufrace 1101 13 10000 16 11111 31
old 101 12 1 Out 14 South at
00 1110 14 1100.
o'c IIII I ye
0 10000 16 12 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
Pour la Multi-
10010 18 plication. 11 101 1010
0 10011 19
0 10100 20 1001 9 1111 15 11001 25
0 10101 21 15 211 101 5
o 10110 22 Pour la Division. 3 211
0 10111 23
o 11000 24 Et toutes ces opérations sont si aisées, qu'on n'a jamais
o 11001 25 befoin de rien effayer ni deviner, comme il faur faire
i serom de met emayer m deviner, commo a mate mite
dans la divinon ordinance. On ha point beloin non plus
ad their apprendic par executively committee it taut taile dails
i la calcul ordinance, ou il laur reavoir, par exemple, que
pris emembre tone 13, or que i muniphe par 3
is donne is survant la Fable d'une jois un est une, qu'on ap-
The period by thing of the court cera is thouse of its
32 prouve de source, comme l'on voit dans les exemples prés
&c. cédens fous les signes > & o.

Cependant je ne recommande point cette maniere de compter, pour la faire introduire à la place de la pratique ordinaire par dix. Car outre qu'on est accoutumé à celle-ci, on n'y a point besoin d'y apprendre ce qu'on a déja appris par cœur: ainsi la pratique par dix est plus abrégée, & les nombres y font moins longs. Et si on étoit accoûtumé à aller par douze ou par seize, il y auroit encore plus d'avantage. Mais le calcul par deux, c'est-à-dire par 0 & par 1, en récompense de sa longueur, est le plus fondamental pour la science, & donne de nouvelles découvertes, qui se trouvent utiles ensuite, même pour la pratique des nombres, & sur-tout pour la Géométrie; dont la raison est, que les nombres étant réduits aux plus simples principes, comme o & 1, il paroît partout un ordre merveilleux. Par exemple, dans la Table même des Nombres, on voit en chaque colonne régner des périodes qui recommencent toujours. Dans la premiere colonne c'est o1, dans la seconde 0011, dans la troisséme 00001111, dans la quatriéme 0000000 11111111, & ainsi de suite. Et on a mis de petits zeros dans la Table pour remplir le vuide au commencement de la colonne, & pour mieux marquer ces périodes. On a mené aussi des lignes dans la Table, qui marquent que ce que ces lignes renserment revient toujours sous elles. Et il se trouve encore que les Nombres Quarrés, Cubiques, & d'autres puissances; item les Nombres Triangulaires, Pyramidaux & autres Nombres figurés, ont aussi de semblables périodes : de sorte qu'on en peut écrire les Tables tout de suite, sans calculer. Et une prolixité dans le commencement, qui donne ensuite le moyen d'épargner le calcul, & d'aller à l'infini par régle, est infiniment avantageuse.

Ce qu'il y a de surprenant dans ce calcul, c'est que cette Arithmétique par 0 & 1 se trouve contenir le mystere des lignes d'un ancien Roi & Philosophe nommé Fohy, qu'on croit avoir vêcu il y a plus de quatre mille ans, & que les Chinois regardent comme le Fondateur de leur Empire & de leurs sciences. Il y a plusieurs Figu-

res Lineaires qu'on lui attribue. Elles reviennent toutes à cette Arithmétique; mais il suffit de mettre ici la Figure de huit Cova comme on l'appelle, qui passe pour sondamentale, & d'y joindre l'explication qui est maniseste, pourvû qu'on remarque premierement qu'une ligne entiere — signisse l'unité ou 1, & secondement qu'une ligne brisée — signisse le zero ou o.

==	100	010	011	1000	101	011	111	,
0'\	I	10	11	100	101	110	111	
0	I	2	3	4	.5	6	7	

Les Chinois ont perdu la signification des Cova ou Linéations de Fohy, peut-être depuis plus d'un millenaire d'année; & ils ont fait des Commentaires là-dessus, où ils ont cherché je ne sçai quels sens éloignés. De sorte qu'il a fallu que la vraie explication leur vînt maintenant des Européens: voici comment. Il n'y a gueres plus de deux ans que j'envoyai au R. P. Bouvet Jésuite, François célébre, qui demeure à Pekin, ma maniere de compter par o & 1; & il n'en fallut pas davantage pour lui faire reconnoître que c'est la clef des Figures de Fohy. Ainsi m'écrivant le 14 Novembre 1701, il m'a envoyé la grande Figure de ce Prince Philosophe qui va à 64, & ne laisse plus lieu de douter de la vérité de notre interprétation; de sorte qu'on peut dire que ce Pere a déchiffré l'Enigme de Fohy à l'aide de ce que je lui avois communiqué. Et comme ces Figures sont peut-être le plus ancien monument de science qui soit au monde, cette restitution de leur sens, après un si grand intervalle de tems, paroîtra d'autant plus curieuse.

Le consentement des Figures de Fohy & de ma Table des Nombres, se fait mieux voir lorsque dans la Table on supplée les zeros initiaux, qui paroissent superflus, mais qui servent àlmieux marquer la période de la colon-

ne, comme je les y ai suppléés en effet avec des petits ronds pour les distinguer des zéros nécessaires, & cet accord me donne une grande opinion de la prosondeur des méditations de Fohy. Car ce qui nous paroît aisé maintenant, ne l'étoit pas tant dans ces tems éloignés. L'Arithmétique Binaire ou Dyadique est en esse soit aisée aujour-d'hui pour peu qu'on y pense, parce que notre maniere de compter y aide beaucoup, dont il semble qu'on retranche seulement le trop. Mais cette Arithmétique ordinaire par dix ne paroît pas sort ancienne, au moins les Grecs & les Romains l'ont ignorée, & ont été privés de ses avantages. Il semble que l'Europe en doit l'introduction à Gerbert, depuis Pape sous le nom de Sylvestre II, qui l'a eue des Maures d'Espagne.

· Or comme l'on croit à la Chine que Fohy est encore Auteur des Caracteres Chinois, quoique fort altérés par la suite des tems, son Essai d'Arithmétique fait juger qu'il pourroit bien s'y trouver encore quelque chose de considérable par rapport aux nombres & aux idées, si l'on pouvoit déterrer le fondement de l'Ecriture Chinoise, d'autant plus qu'on croit à la Chine, qu'il a eu égard aux nombres en l'établissant. Le R. P. Bouvet est fort porté à pousser cette pointe, & très-capable d'y réussir en bien des manieres. Cependant je ne sçai s'il y a jamais eu dans l'Ecriture Chinoise un avantage approchant de celui qui doit être nécessairement dans une Caractéristique que je projette. C'est que tout raisonnement qu'on peut tirer des notions, pourroit être tiré de leurs Caracteres par une maniere de calcul, qui seroit un des plus importans moyens d'aider l'esprit humain.



OBSERVATION

Sur une Hydropisie particuliere.

Par M. LITTRE.

1703: Ta. Mai.

T'AI fait l'ouverture du cadavre d'une Demoiselle âgée de 40 ans, qui étoit d'un tempérament atrabilaire, & qui avoit eu 3 enfans avant que de tomber malade.

Elle étoit morte d'une espèce d'hydropisse ascite, qui avoit duré 5 ans Pendant toute la maladie ses urines avoient été assez belles, & dans une quantité à peu près proportionnée à celle de sa boisson, & à la qualité des alimens qu'elle prenoit; ses régles ne lui avoient jamais manqué que les 2 derniers mois de sa vie, durant lesquels elle avoit eu de fréquens maux de cœur, des palpitations, des envies de vomir & des foiblesses, la matiere qu'elle avoit rendue par les selles, étoit noire & d'une puanteur insupportable.

Un Chirurgien des plus habiles de Paris, voyant que les remedes qu'on faisoir à la malade, ne produisoient aucun effet, lui sit une ponction au ventre pour en tirer les eaux qui y étoient contenues; mais son opération sut toutà-fait infructueuse, parce qu'il n'en sortit pas une seule

goutre.

Avant que de faire l'ouverture du cadavre de cette Demoiselle, je l'examinai par tout. Je n'y remarquai que beaucoup de maigreur, & de l'enflure seulement au ventre, qui me parut même fort singuliere: Car 1°. Elle n'occupoit qu'une partie du ventre. 2°. En frappant avec la main le ventre à la manière ordinaire, je ne sentois de la fluctuation qu'à l'endroit de l'enflure. 3°. Les tégumens du ventre dans toute l'étendue de l'enflure, étoient durs & fort tendus, quoique par-tout ailleurs ils fussent sans rension, & qu'ils eussent à peu près leur molesse naturelle.

En ouvrant les tégumens du ventre, j'observai qu'à l'endroit de l'enslure, la peau, la graisse & les muscles étoient de couleur un peu brune, & beaucoup plus secs, plus durs & plus épais qu'aux autres endroits, & que ce qui étoit à la place du péritoine, étoit dur & très-épais.

Le ventre étant ouvert, je trouvai sa capacité séparée en 2 cavités d'inégale grandeur, par une cloison continue, qui étoit dure, épaisse d'un pouce, & située obliquement; de sorte qu'elle commençoit sur le rein droit, & alloit en descendant se terminer 3 pouces au-dessous du rein gauche, laissant un passage pour la sin de l'intessin colum.

L'une des cavités du ventre occupoit toute la région épigastrique & une partie de la lombaire, & l'autre occu-

poir le reste de sa capacité.

Il n'y avoit point d'eau épanchée dans la premiere cavité. Elle contenoit seulement le foye, la rate, le pancreas, les glandes rénales, tout le rein gauche, une partie du droit, l'estomach, tous les intestins grêles, le cœcum entier, & les 3 quarts du colum avec la partie du mesentere où ces intestins sont attachés. De toutes ces parties il n'y avoit que le foye, le rein droit, le cœcum & le colum qui sussent altérés.

Le foye étoit gros, dur, sec, de couleur verdâtre, sortement colé à la cloison, & il pesoit & livres. Le rein étoit scirreux, & par conséquent peu en état de faire sa fonction. Le cœcum & le colum étoient sort adhérans à la cloison, l'un & l'autre petcés à l'endroit de l'adhérance d'un trou rond, qui pénétroit dans la cavité de ces intessins,

larges chacun de 3 lignes.

La seconde cavité du ventre de ce cadavre contenoit un sceau & demi de liqueur noire, épaisse, gluante & d'une puanteur cadavéreuse, avec quantité de corps blancs, durs, de différente figure, de 3 à 4 lignes de grosseur, & -qui étoient mêlés dans cette liqueur.

Les parois de cette cavité, à l'endroit de la cloison, avoient un pouce de diamétre, & environ 3 aux autres.

Mij

92 Memoires de l'Academie Royale

Elles étoient dures par-tout & un peu pétrifiées en quelques endroits, noires comme de l'encre, & percées de quantité de trous, dont 2 seulement les traversoient entiérement, & répondoient, l'un au trou du cæcum, & l'autre à celui du colum. C'est, sans doute, par ces 2 trous que passoit la liqueur noire, que la malade rendit par les selles les 3 dernières semaines de sa vie.

L'épaisseur extraordinaire des parois de la seconde cavité du ventre, sur apparemment cause que le Chirurgien, dont j'ai parlé, n'en tira point d'eau, quand il sit la ponction; parce que vrai-semblablement elle excédoit la lor-

gueur du trois-quarts dont il se servit pour la faire.

Il y avoit dans l'épaisseur de ces parois beaucoup de corps approchans de la figure & de la grosseur d'un petit œus de poule. Quelques-uns de ces corps contenoient une matiere semblable à de la gomme à demi-sondue; les autres une matiere pierreuse, & les derniers qui étoient membraneux & parsemés de vaisseaux sanguins, contenoient une liqueur claire & un peu visqueuse.

Peut-être que ces trois sortes de corps étoient des glandes du péritoine, dont la structure avoit été tellement dérangée par la longueur de la maladie, qu'elles séparoient du sang plus de matiere que de coutume, dont une partie étoit fort dissérente de celle qu'elles séparoient dans l'état

naturel.

Les vaisseaux fanguins du ventre, qui traversoient les parois de la seconde cavité, avoient en cet endroit leurs tuniques plus dures & plus épaisses qu'à l'ordinaire; cependant le diamétre de leur cavité, ne paroissoit point diminué.

Cela supposé, on peut rendre raison, 1°. Pourquoi les extrémités inférieures du corps de la malade n'étoient pas enslées, comme il arrive toujours dans cette maladie. L'enslure des extrémités ne vient que de la sérosité qui s'y extravase, à cause de la difficulté qu'a le sang d'en revenir & de traverser le ventre, les veines par lesquelles se fait ce retour, étant affaissées par le poids des eaux qui

sont alors rensermées en grande quantité dans la cavité du ventre. Or les tuniques de ces veines étant plus dures & plus épaisses dans cette malade que de coutume, elles ont pû résister à la compression des eaux. Ainsi le sang des extrémités inférieures a eu la liberté d'en revenir par leurs veines comme dans l'état naturel.

2°. On peur expliquer pourquoi le diamétre de la cavité des mêmes vaisseaux n'a point diminué. L'épaississement & l'endurcissement des parois de la seconde cavité du ventre se sont faits peu à-peu, de même que l'amas d'eau, au rapport de ceux qui ont eu soin de la malade. Ainsi ils n'ont pû causer qu'une soible compression sur les runiques de ces vaisseaux, d'autant plus qu'elles se sont épaissies & endurcies à proportion que les parois de cette

cavité sont devenues plus dures & plus épaisses.

Je détachai enfin des autres parties du ventre la cloifon, & ce qui formoit le reste des parois de sa seconde cavité. Je pesai le tout, il pesoit 10 livres. Je l'examinai après
avec beaucoup de soin, il me parut n'être autre chose
que le péritoine endurci & beaucoup épaiss. En esset, ce
corps étoit enveloppé d'une membrane unisorme & continue au reste du péritoine, & on appercevoit vers son milieu quelques vestiges d'une autre membrane toute semblable. D'ailleurs, quand j'eus détaché ce corps, la surface
intérieure des muscles transverses du ventre étoit à nud
dans toute l'étendue qu'il y occupoit. Or on sçait que le
péritoine sert de membrane propre à ces deux muscles par
cette surface.

Voici mes conjectures sur la maniere dont le péritoine a pû former le corps, où étoit rensermée la liqueur qui

faisoit l'hydropisse de la malade.

Les parties du péritoine, dont le devant & le derriere de la cavité du ventre étoient revêtus à l'endroit où ce corps s'est ensuite formé, ont pû insensiblement s'épaissir dans le même tems à l'occasion de quelques obstructions, en s'épaississant s'approcher peu-à-peu l'une de l'autre, se coler ensin ensemble, de deux-n'en faire plus qu'une de l'entre, se coler ensin ensemble, de deux-n'en faire plus qu'une de l'entre, se coler ensin ensemble, de deux-n'en faire plus qu'une de l'entre plus qu'une de

M iii

ne, & chasser à proportion de leur entre-deux la portion des intestins, & du mésentere qui y étoit contenue.

Dans la suite les humeurs portées & arrêtées entre les deux parties du péritoine colées ensemble, s'y sont aigries par la longueur du séjour, & en ont rongé une partie, principalement vers le milieu, où un espace étant par conséquent resté vuide, il s'y est insensiblement amassé des humeurs, qui en dilatant & éminçant peu-à-peu les autres parties de ce corps, y ont ensin fait une cavité capable d'en contenir un sceau & demi.

J'ouvris enfin la poitrine du cadavre de cette Demoifelle. Je ne remarquai ni liqueur épanchée dans sa capacité, ni altération considérable dans les poûmons, au moins

extérieurement.

Je trouvai dans le cœur un polype à trois racines, gros comme un petit œuf de poule: l'une de ces racines étoit attachée au tronc inférieur de la veine cave à l'endroit du diaphragme; l'autre au milieu de l'oreillette droite, & la troisième étoit attachée à la partie supérieure du ventricule du même côté. Le tronc de ce polype étoit dans ce ventricule, d'où il passoit en diminuant peu-à-peu de grosseur dans les poûmons par l'artere pulmonaire, & il se terminoit dans ce viscere en y faisant les mêmes ramissications que cette artére.

Voilà ce que j'ai observé dans ce cadavre de plus digne

de considération.



CONSTRUCTION NOUVELLE

ET GEOMETRIQUE

Des Cartes réduites, & des Echelles de latitude.

PAR M. DE LAGNY.

O I l'on pouvoit avoir dans les Vaisseaux des Globes; ou, si l'on veut, des Sphéroïdes terrestres, assez grands pour y distinguer sensiblement la route de chaque jour; que l'on pût les suspendre de maniere que ni le roulis, ni le tangage du Vaisseau n'empêchassent d'y faire les opérations nécessaires au pilorage; il est certain que ces opérations s'y feroient avec plus de justesse, plus de facilité, plus promptement que sur des Cartes. Au défaut des Globes on a inventé les Carres réduites, & c'est une des plus belles, & des plus utiles découvertes du Siécle passé, par rapport à la navigation. Car il n'y a que cette seule espece de Cartes dont on puisse se servir au large dans les navigations de long cours; parce que les rhumbs de vent obliques y sont sensiblement dans leur véritable position, par rapport aux Méridiens & aux paralléles à l'Equateur; au lieu que dans toutes les autres Cartes cette polition est toujours fausse: 1 1, 12 to 10 1, 12 1,

L'expérience de plusieurs Siécles a fait connoître que pour l'usage des Pilotes, il faut des Cartes très-simples, où les Méridiens, les paralléles à l'Equateur, & les rhumbs de vent soient représentés par des lignes droites; parce que s'il y avoit des lignes courbes, ils n'y sçauroient jamais pointer leur route. Mais comme les paralléles à l'Equateur vont en diminuant vers les pôles, & que les lignes droites Est & Ouest qui les représentent sont par-tout égales, il faut pour rendre les triangles compris par les lignes de rhumbs de vent obliques, les lignes Nord &

1703. 12. Mai. Sud, & les lignes Est & Ouest, sensiblement semblables aux triangles décrits sur la surface du Globe par la ligne loxodromique, l'arc du Méridien, & l'arc du paralléle à l'Equateur; il faut, dis-je, pour cela aggrandir les lignes Nord & Sud en même raison, que les arcs des paralléles à l'Equateur sont plus petits que les arcs correspondans de ce même Equateur. Car de cette maniere il se fait une juste compensation, & on trouve sa dissérence en latitude & en longitude, le chemin & le rhumb de vent étant donnés; ce qui est le problème le plus ordinaire & Le plus utile de la navigation. Or les cercles paralléles à l'Equateur vont en diminuant vers les pôles en même raison que leurs rayons: ces rayons sont les sinus du complément de leur latitude; & comme il y a même raison du sinus total au sinus du complément d'un arc donné, que de la sécante de ce même arc au sinus total, on prend pour régle de l'aggrandissement des degrés de latitude le rapport des sécantes de ces mêmes latitudes.

Voilà en peu de mots tout ce qu'il y a de particulier & d'essentiel dans l'invention & dans la construction des Cartes réduites & des Echelles de latitude. C'est Wille-

brord Snellius qui en est l'inventeur.

On appelle donc Cartes réduites, celles où les degrés de latitude vont en augmentant de l'Equateur vers les

pôles en raison des sécantes.

Ainsi prenant pour un degré de l'Equateur, & pour le premier degré de latitude, ou le rayon entier, ou une partie aliquote quelconque de ce rayon, on prend pour le second degré de latitude la sécante d'un degré, ou la partie aliquote semblable de cette sécante.

Pour le troisième degré de latitude, on prend la sécante de deux degrés, ou sa partie aliquote semblable, &

ainsi de suite.

Lorsqu'on veut avoir une Carte à plus grand point, on prend pour 30 minutes de latitude, & pour 30 minutes de l'Equateur, un rayon de cercle, ou une partie aliquote quelconque de ce rayon: Pour un degré de latitude, on

ajout

ajoûte de suite la sécante de 30'. Pour 1° 3' de latitude, on ajoûte de suite la sécante de 1°. Pour 2° de latitude, on ajoûte la sécante de 1° 30', ou les parties aliquotes semblables de ces sécantes, & ainsi de suite.

C'est précisément la même construction pour les Echel-

les de latitude.

Dans les Cartes au plus grand point, comme celles du Neptune François, au lieu de prendre les fécantes de degré en degré, ou de demi-degré en demi-degré, on les prend de 10 minutes en 10 minutes, ou même plus près à près. Et tous les Auteurs conviennent que les Cartes réduites & les Echelles de latitude sont d'autant meilleures, que l'on prend de suite de plus petits arcs.

On se sert pour cela dans la pratique d'une Echelle de parties égales, sur laquelle on prend le nombre de parties qui répond à peu près aux sécantes qui se trouvent dans les Tables, en retranchant les dernieres figures.

Cette derniere construction est purement méchanique, & n'a rien d'exact par rapport à la théorie : mais d'ailleurs

elle est fort simple & fort commode.

La premiere paroît Géométrique, & on n'a pas pris garde au paralogisme & à la contradiction qu'elles renferment toutes deux. C'est que les rapports des distances entre les mêmes paralléles, ou les mêmes degrés de latitude, changent continuellement à mesure qu'on subdivise ces distances en un plus grand ou un plus petit nombre de parties, comme degrés, minutes, &c. Ainsi ces constructions n'ont rien de fixe, rien de déterminé, de certain & de Géométrique. Au lieu donc de prendre les rapports des sécantes de chaque latitude en particulier, il falloit prendre les rapports des sommes finies du nombre infini de sécantes comprises entre chaque deux latitudes données; ce qui est Géométrique & très-différent de l'ancienne méthode, lorsque les latitudes données sont un peu grandes. Ces sommes d'un nombre infini de sécantes forment un espace quadriligne hyperbolique compris entre la moitié de l'axe déterminé, une partie de l'axe Mém. 1703.

conjugué & indéterminé égal à la tangente de la latitude donnée, une paralléle à l'axe déterminé tirée par l'extrémité de cette tangente, & la courbe hyperbolique interceptée entre l'axe déterminé ou la pointe de l'hyperbole, & cette paralléle à l'axe. Je donnerai la démonstration de ce Théorême, & la méthode de quarrer indéfiniment ces espaces hyperboliques pour connoître le rapport des distances de chaque latitude.

Je commence par la réfutation de l'ancienne méthode, & je me servirai pour cela du Théorême général pour la formation des sécantes des angles & des arcs multiples,

que j'ai déja eu l'honneur d'envoyer à l'Académie.

Soit le rayon = a, & la tangente d'un arc ou d'un angle quelconque (lequel j'appellerai x,) foit = b, & la fécante correspondante = c.

La sécante de 2x sera $\frac{acc}{aa-bb}$, & celle de 3x sera $\frac{c^3}{aa-3bb^4}$ Or fuivant l'ancienne méthode on auroit a_{2} pour la latitude x; a + c pour la latitude 2x; a + c + c $\frac{acc}{aa-bb}$ pour la latitude 3 x, & $a+c+\frac{acc}{aa-bb}+\frac{c^3}{aa-3bb}$ pour la latitude 4x. Mais si au lieu de commencer par la latitude x, je commence par la latitude 2x (comme cela est entiérement arbitraire) & que je prenne pour rayon & pour la distance de cette latitude à l'Equateur la même valeur qu'auparavant; c'est-à-dire a + c; il est évident que puisque le rayon étant a, la sécante de 2 x a été trouvée $\frac{a c c}{a a - b b}$, ce même rayon étant a + c, la fécante de 2x fera $\frac{acc+c^3}{aa-bb}$, & par conséquent la distance de la latitude 4x feroit $a+c+\frac{acc}{aa-bb}+\frac{c^3}{aa-bb}$ Mais cette même latitude avoit été trouvée $= a + c + \cdots$ $\frac{acc}{aa-bb} + \frac{c^3}{aa-3bb}$. Donc aa-bb = aa-3bb; ce qui est absurde.

Je conclus, 1°. Que la méthode est fausse. 2°. Que sur une même grandeur des degrés de longitude, les distan-

ces des latitudes sont d'autant plus grandes, que cette latitude est subdivisée en un plus grand nombre de parties égales. 3°. Que cette augmentation de distance a un terme fixe, qui est déterminé par le rapport des espaces hyperboliques marqués ci-dessus dans l'hyperbole équilatere.

SUITE DE LA CONSTRUCTION

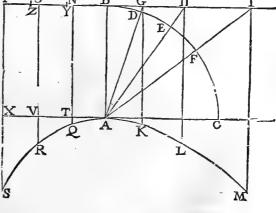
NOUVELLE ET GEOMETRIQUE

Des Echelles de latitude & des Cartes réduites.

PAR M. DE LAGNY.

Soit A le centre d'un quart de cercle ABC, & BI tangente indéfinie au point B, extrémité du rayon AB.

Soit le quart de P
cercle BC divisé en
autant d'arcs égaux
qu'on voudra aux
points D, E, F, &c.
soient tirées les sécantes AG, AH, AI,
&c. & soient tirées les
lignes GK, HL, IM,
&c. paralléles à AB,
& égales aux sécantes correspondantes
AG, AH, AI, &c. il S
est démontré que la



courbe AKLM, &c. est une hyperbole équilatere, dont la pointe est A, le centre B, & la moitié de l'axe déterminé est AB.

Présentement ayant prolongé la tangente BI de l'au-Nii

tre côté en N, 0, P, &c. foit prise BN égale à l'arc BD, & de suite NO, OP, &c. égales aussi entr'elles & à BN. Ensin par les points N, 0, P, &c. soient tirées les paralléles à AB, comme NO, OR, PS, &c. égales aux paralléles correspondantes GK, HL, IM, &c. La courbe AORS, &c. passant par les points ORS, &c. sera la courbe formatrice des Cartes réduites & des Echelles de latitude.

Car prenant BN, par exemple, pour la longueur d'un degré de longitude, si l'on veut avoir les distances d'un, de deux, de trois, &c. degrés de latitude: ayant prolongé le rayon AC de l'autre côté en T, V, X, &c qui coupe la paralléle NQ au point T, la paralléle OR, en V, &c. je dis que supposant l'arc BD d'un degré égal à BN, comme le rectangle ABNT est au quadriligne ABNQ; ainsi la ligne BN est à une quatrième BY, qui sera la distance d'un degré: & comme le rectangle ABOV est au quadriligne ABOR; ainsi BO à une quatrième BZ, qui sera la distance de deux degrés, & ainsi de suite.

DE'MONSTRATION.

La fomme des paralléles égales comprises entre AB & NT, représentant la somme des rayons tirés du point A à tous les points de l'arc BD, par exemple d'un degré, le quadriligne ABNQ, représente la somme de routes les sécantes correspondantes tirées par ces mêmes points de l'arc BD égal à BN. Donc suivant la propriété essentielle des Cartes réduites & des Echelles de latitude, comme le rectangle ABNT, qui est la somme des rayons, est à l'espace ABNQ, somme du nombre infini des sécantes; ainsi BN, longueur d'un degré de longitude, est à la distance BY d'un degré de latitude: ce qu'il saboit démontrer.

COROLLAIRE I.

Suivant l'ancienne méthode on suppose la premiere la-

n es Sciences. 101 titude BY égale à la premiere longitude BN. Ce qui est faux.

COROLLAIRE II.

Suivant cette même méthode, c'est la somme d'un nombre sini de sécantes, qui détermine le rapport des distances des degrés de latitude; & il doit être déterminé par la somme du nombre infini de ces sécantes comprises entre l'Equateur & les latitudes données.

Il reste à examiner la nature de la courbe AORS, &c. & à réduire au calcul la quadrature des quadrilignes

ABNO, ABOR, &c.

QUE LES NOUVELLES expériences que nous avons du poids & du ressort de l'air, nous font connoître qu'un degre de chaleur mediocre, peut réduire l'air dans un état assez violent pour causer seul de très-grands tremblemens & boulver semens sur le Globe terrestre.

PAR M. AMONTONS.

E paradoxe étonnant est uniquement sondé, sur ce que nous ne connoissons point encore les bornes de la condensation de l'air, non plus que sa dilatation; eque cette propriété particuliere qu'il a de pouvoir être réduir par la pression à des volumes réciproquement proportionnels aux poids dont ils sont pressés, peut leur faire surpasser plusieurs sois en pésanteur les corps les plus graves, et augmenter d'autant la force du ressort de l'air, et qu'ensin en cet état la chaleur agit sur lui très-violemment. Car, quoique dans le discours de M. Halley, extrait du Journal d'Angleterre, et rapporté dans la Biblio-

théque universelle de l'année 1686, pag. 479, il soit dit, que suivant les expériences faites à Londres, & dans l'Académie del Cimento, aucune force n'est capable de réduire l'air à un volume huit cens fois moindre que celui qu'il occupe sur la surface de la terre : comme il ne rapporte point ces expériences, qui d'ailleurs doivent être très difficiles à faire avec exactitude, & dans lesquelles par conséquent il est très-facile de se méprendre, & qu'au contraire les expériences que nous avons faites nous persuadent que la force du ressort de l'air, ne consistant que dans le mouvement des particules ignées dans lequel il nage, & dont il est continuellement pénétré; il ne paroît pas qu'on puisse par aucune force que ce soit les en expulser entiérement; ce qu'il faudroit cependant faire pour rendre l'air incapable de condensation. Car il est bien évident que tant qu'il restera entre ses parties quelqu'autre matiere aussi fluide & aussi en mouvement que le doivent être les particules du feu, rien ne peut empêcher que cette condensation de l'air n'augmente toujours de plus en plus, à mesure que la cause qui la produira augmentera toujours de même.

Quoi que c'en soit, comme on doit beaucoup de déférence à l'exactitude des grands hommes qui peuvent avoir fait ces expériences, nous ne prétendons pas en disconvenir entiérement : mais il seroit à souhaiter que des expériences de cette importance fussent plus connues qu'elles ne sont. Cependant en attendant que nous ayons occasion de nous en instruire, ou de nous assûrer par nousmême de ce qui en peut être, nous ne laisserons pas de supposer que les bornes de la condensation de l'air, ainsi que de sa dilatation, nous sont encore inconnues; & suivant cette hypothèse, nous ne serons point de difficulté de les étendre autant que nous en aurons besoin pour établir ce que nous avons avancé, sauf à restraindre ensuite notre raisonnement aux termes de l'expérience, lorsqu'elle nous paroîtra certaine, commençant premierement par celles que nous ne pouvons révoquer en doute.

103

Suivant l'expérience de M. de la Hire, rapportée dans l'Histoire Latine de l'Académie de 1696, une colonne d'air de 37 toises 3 pieds de haut sur la surface de la terre, ne pese qu'autant que 3 lignes i de mercure, lorsqu'elle est chargée du poids de l'atmosphere, qui étoit pour lors de 27 pouces 5 lignes 26. Mais comme par plusieurs raisons ce poids n'est pas toujours le même, qu'il est tantôt plus, tantôt moins grand, nous supposerons pour plus grande facilité de calcul, qu'une colonne de 36 toises, chargée de 28 pouces, pése autant que 3 lignes de mercure : ce qui revient à peu près au même, & ce qui d'ailleurs approche plus de la vérité, comme on le verra ci-après. Supposant ensuite, comme M. de la Hire, après les expériences de M. Mariotte, que nous avons nous-mêmes vérifiées, que des quantités également pesantes d'air occupent des espaces réciproquement proportionnels aux poids dont ces quantités d'air sont chargées : le poids de l'air qui rempliroit tout l'espace occupé par le Globe terrestre, seroit égal à un cylindre de mercure, dont la base seroit égale à la surface de la terre, & dont la hauteur contiendroit autant de fois trois lignes, que cet espace contiendroit d'orbes d'égale pesanteur, que celui de 36 toises, dans lequel M. de la Hire a fait son expérience. Or le nombre de ces orbes peut être si excessif, que ce cylindre surpasseroit considérablement la grandeur du Globe terrestre : ce qu'il n'est pas difficile de prouver; car prenant, par exemple, la densité de l'or, que l'on sçait par expérience être le plus pesant de tous les corps, & être environ 14630 fois plus pesant que l'air de notre orbe; il est aisé de juger que cet air sera réduit à la même densité que l'or, par une colonne de mercure qui aura 14630 fois 28 pouces, c'est-à-dire, qui sera de 409640 pouces, puisqu'en ce cas les volumes d'air seront en raison réciproque des poids dont ils seront chargés, suivant les expériences de M. Mariotte & les nôtres, & ces 409640 pouces exprimeront la hauteur du Barométre dans l'orbe où l'air seroit réduit à la même densité que l'or, & le

nombre 2 lignes $\frac{f_16}{400}$, l'épaisseur à laquelle les 36 toises de notre orbe seroient réduites, c'est-à-dire, l'épaisseur d'un orbe en cet endroit pesant autant que le nôtre, si bien qu'il est clair que tous les autres orbes inférieurs d'air de même épaisseur, peseroient considérablement plus que s'ils étoient de mercure. Maintenant pour sçavoir le nombre de ces orbes, on n'a qu'à jetter les yeux sur la Table suivante, qui contient les réductions de l'épaisseur de plusieurs orbes d'air d'égale pesanteur que le nôtre, par dissérentes hauteurs de mercure, qui, dans ces orbes, seroient celles du Barométre, leur nombre, & la profondeur où ils doivent être au-dessous du nôtre.

L'orbe sur la surface de la terre, pressé par 28 pouces

de mercure, ayant 36 toises d'épaisseur:

Le 32^{me} orbe a 992 toises au dessous du premier, pressé par 36 pouces de mercure, n'auroit plus que 28 toises d'é-

paisseur.

Le 68^{me} orbe a 1899 toises de prosondeur au-dessous du premier, pressé par 45 pouces de mercure, n'auroit plus que 22 toises 2 pieds 4 pouces 9 lignes ²⁷/₄₅ d'épaisseur.

Le 136me orbe a 3213 toises de prosondeur, pressé par 62 pouces de mercure, n'auroit plus que 16 toises 1 pied

6 pouces 7 lignes d'épaisseur.

Le 272^{me} orbe a 5026 toises de prosondeur, pressé par 96 pouces de mercure, n'auroit plus que 10 toises 3 pieds d'épaisseur.

Le 544^{me} orbe a 7312 toises de prosondeur, pressé par 164 pouces de mercure, n'auroit plus que 6 toises o pieds

10 pouces 6 lignes 72.

Le 1092^{me} orbe a 9850 toises de prosondeur, pressé par 301 pouces de mercure, n'auroit plus que 3 toises 2 pieds 1 pouce 1 ligne \(\frac{119}{301}\).

Le 2184^{me} orbe a 12580 toises de prosondeur, pressé par 564 pouces de mercure, n'auroit plus que 1 toise 4

pieds 6 pouces 5 lignes \(\frac{\tau 54}{564}\).

Le 4368me orbe a 15492 toises de prosondeur, pressé par 1120 pouces de mercure, n'auroit plus que 5 pieds 4 pouces 9 lignes 672 d'épaisseur.

Le 8736me orbe a 18404 toises de profondeur, pressé par 2212 pouces de Mercure, n'auroit plus que 2 pieds 8

pouces 9 lignes 1506 d'épaisseur.

Le 17472me orbe a 21194 toises de prosondeur, qui est celui où le liége resteroit en équilibre, pressé par 4396 pouces de Mercure, n'auroit plus que 13 pouces 9 lignes

Le 78960me orbe a 28595 toises de prosondeur, qui est celui où l'huile s'arrêteroit, pressé par 19768 pouces de Mercure, n'auroit plus que 3 pouces 8 lignes 19768 d'é-

paisseur.

Le 82208^{me} orbe a 28744 toises de prosondeur, qui est celui où la cire s'arrêteroir, pressé par 20580 pouces de Mercure, n'auroit plus que 3 pouces 6 lignes 6552 d'épaisseur.

Le 84112me orbe a 28836 toises de prosondeur, qui est celui où le vin s'arrêteroit, pressé par 21056 pouces de Mercure, n'auroit que 3 pouces 5 lignes 21056 d'épaisseur.

Le 86128me orbe a 28929 toises de prosondeur, qui est celui où l'eau s'arrêteroit, pressé par 21560 pouces de Mercure, n'auroit plus que 3 pouces 4 lignes 21560 d'épaisseur.

Le 124880me orbe a 30408 toises de prosondeur, qui est celui où le miel s'arrêteroit, pressé par 31248 pouces de Mercure, n'auroit plus que 2 pouces 3 lignes 27216 d'é-

paisseur.

Le 638064^{me} orbe a 39910 toises de prosondeur, qui est celui où l'étain s'arrêteroit, pressé par 159544 pouces de Mercure, n'auroit plus que 5 lignes 73192 d'épaisseur.

Le 689808me orbe a 40208 toises de prosondeur, qui est celui où le ser s'arrêteroir, pressé par 172480 pouces de Mercure, n'auroit plus que 5 lignes 172480 d'épaisseur.

Le 776048^{me} orbe a 40708 toises de prosondeur, qui est celui où le cuivre s'arrêteroit, pressé par 194040 pouces de Mercure, n'auroit plus que 4 lignes 24752 d'épaisseur.

Le 890960me orbe a 41202 toises de prosondeur, qui Mém. 1703.

106 Memoires de l'Academie Royale

est celui où l'argent s'arrêteroit, pressé par 222768 pouces de Mercure, n'auroit plus que 3 lignes 221768 d'épaisseur.

Le 991648^{me} orbe à 41551 toises de prosondeur, qui est celui où le plomb s'arrêteroit, pressé par 247940 pouces de Mercure, n'auroit plus que 3 lignes 127092 d'épaisseur.

Le 1172528me orbe a 42181 toises de prosondeur, qui est celui où le Mercure s'arrêteroit, pressé par 293160 pouces de Mercure, n'auroir plus que 2 lignes 284592 d'épaisseur.

Enfin le 1638448^{me} orbe a 43528 toises de profondeur, qui est celui où l'or s'arrêteroit, pressé par 409640 pouces de Mercure, n'auroit plus que 2 lignes 51633 d'é-

paisseur.

Il est à remarquer qu'encore bien que l'orbe dans lequel on marque en cette Table que le Mercure s'arrêteroir, dût avoir trois lignes d'épaisseur, & même quelque peu plus, il a cependant quelque chose de moins; ce qui vient de ce que les expériences qui ont servi de fondement au calcul de cette Table, ont été faites par différentes personnes, & que par les unes le poids de l'air, au poids du Mercure, se trouve être comme 1, à 10800, & par les autres il se trouve être comme 1, à 10470: mais au lieu de ces raisons, on peut prendre celle de 1, à 10368, parce qu'outre qu'elle est moyenne entre 10200 & 10470 elle répond parfaitement à celle de 3 lignes, à 36 toises, & que cette derniere est d'ailleurs beaucoup plus commode pour le calcul: si bien que cet orbe où le Mercure s'arrêteroit, ne seroit plus que le 1161104me, sa profondeur au-dessous du nôtre 41931 toises, & le nombre de pouces de Mercure dont il seroit pressé 290276.

Pour ce qui est des raisons que l'air a avec les autres corps dont il est parlé en cette Table, on s'est servi pour les trouver de la raison de 1, à 770, qui est celle que M. de la Hire a trouvée entre le poids de l'air & celui de l'eau, & d'une Table des pesanteurs rapportées par seu M. Blondel dans sa Méchanique; celle du liége a été

trouvée par expérience. Comme les hauteurs du Mercure marquées dans la Table ci-dessus, sont entr'elles comme les nombres qui les expriment divisés par 28; on ne rapportera point ici ces raisons dont ces mêmes nombres

sont les équimultiples.

Nous pouvons présentement voir clairement qu'à la profondeur de 43528 toises, l'air peseroit au moins un quart plus que le Mercure : on dit au moins, les profondeurs qu'on a données à ces orbes étant plûtôt trop grandes que trop petites. M. Halley dans l'endroit cité au commencement de ce discours, ayant fait voir que ces profondeurs étoient représentées par des espaces compris entre une ligne hyperbolique, fon asymptote, & deux perpendiculaires à l'asymptote, représentant les réductions d'un même volume d'air par des hauteurs de Mercure, dont la partie de l'asymptote comprise entre ces perpendiculaires est la différence. Au lieu que pour la facilité du calcul, on a supposé en ligne droite le côté hyperbolique de cet espace, ce qui a donné ces prosondeurs plus grandes qu'elles ne devroient véritablement être: mais cette différence ne sçauroit être fort considérable. Or nous sçavons que cette profondeur de 43528 toises, n'est pas la 74me partie du demi-diamétre de la terre, qui contiendroit encore plusieurs millions de millions d'orbes de pareille pesanteur que le nôtre, en supposant toujours que la densité de l'air ne soit pas limitée à celle des corps les plus graves que nous connoissions, Passé donc cette prosondeur, cette vaste Sphere de 6451538 toises de diamétre qui reste encore du Globe terrestre, pourroit bien n'être rempli que d'un air trèscondensé, & de beaucoup plus pesant que les corps les plus graves que nous connoissions : mais nous avons fait voir par les expériences faites aux Assemblées des 1er, 5, & 8me Juillet 1702, que plus l'air est pressé, & plus un même degré de chaleur augmente la force de son ressort, & le rend capable d'un effet plus violent; & que, par exemple, le degré de chaleur de l'eau bouillante aug-

mente cette force du ressort de l'air, par-delà celle qu'il a dans l'état de chaleur que nous appellons le tempéré de notre climat, d'une quantité égale au tiers du poids dont il est pressé; ce qui est assez considérable pour nous porter à croire qu'un degré de chaleur, qui dans notre orbe n'est capable que d'un médiocre esset, devient capable d'un effet très-violent dans des orbes inférieurs; & comme nous sçavons qu'il y a dans la nature des degrés de chaleur beaucoup plus considérables que celui de l'eau bouillante, il paroît très-possible qu'il peut y en avoir dont la violence, ainsi aidée du poids de l'air, peut-être plus que suffisante pour rompre & bouleverser cet orbe solide de 43528 toises, qui contient tous les corps graves dont nous ayons connoissance, & dont la pesanteur, toute énorme qu'elle est, ne doit être comprée que pour peu de chose en comparaison du reste. Mais si nous voyons facilement l'effet que la chaleur produiroit dans ces orbes inférieurs, nous ne voyons pas de même comment elle s'y pourroit communiquer autrement, qu'en y descendant des orbes supérieurs, faute de trouver d'autres issues, vû que l'air de ces orbes étant condensé, ne peut contenir dans ses intervalles que très-peu de particules ignées, & qu'il semble que cette condensation proche le centre de la terre devenant extrême, il en doit être presque entiérement privé en cet endroit. Il est vrai que cette pensée est tout-à-fait opposée à celle de M. Descartes, & à l'hypothèse du feu central : mais cela seul ne la doit pas faire rejetter, jusqu'à ce que par d'autres expériences aussi certaines que celles qui nous ont servi de fondement. nous soyons assûrés que cela ne peut pas être.



OBSERVATION

De deux Taches dans le Soleil.

PAR' M. CASSINI le Fils.

Ous avons observé le 24 Mai 1703 à midi deux Taches dans le bord Oriental du disque du Soleil,

qui étoient à peu près sur le même paralléle.

La plus Occidentale des deux étoit plus grande, & précédoir la plus petite d'environ 4 secondes de tems, qui dans cette situation sont environ 5 degrés sur la surface du Soleil.

L'ayant observée l'après-midi avec une Lunette de 13 pieds, je reconnus que la grande Tache paroissoit formée de deux Taches jointes ensemble. La petite étoit aussi composée de deux Taches distinctes l'une de l'autre.

Le 25 au matin avec une Lunette de 17 pieds, la grande Tache paroissoit composée de deux Taches rondes jointes ensemble, avec une petite Tache au-dessus qui en étoit séparée. La petite Tache étoit composée de 6 Taches, dont les deux que l'on avoit observées le 25 étoient les plus grandes.

La grande Tache paroissoit le 26 au matin d'une figure presque ronde, & la petite étoit composée de trois Taches

séparées.

Nous dérerminames la situation de ces Taches par la hauteur des bords & des taches, & par leurs passages par la méthode ordinaire. Les ayant placées dans une sigure qui représente le disque du Soleil, où nous avions tracé l'Ecliptique du Soleil, l'Equateur & l'Equinoxial des Taches, qui ne differe à présent que peu sensiblement d'une ligne droite; nous avons trouvé le 24 à midi la longitude de la plus grande Tache, prise du bord Oriental du Soleil, de 40 à 41 degrés, & celle de la plus petite de 35 à 36.

1703. 26. Mai:

Le 25 sa longitude étoit à midi de 32° 30', & le 26 à

midi elle étoit de 66 1.

Suivant ces observations, cette Tache doit passer près du milieu du disque apparent du Soleil le 28 quelques heures avant-midi. Elle est entrée dans le disque apparent le 21; de sorte qu'on auroit pû la voir dès le 22, si elle avoit été affez grande. Elle étoit très-petite quand je commençai à la voir. Sa latitude est Méridionale de même que celle des Taches que nous avons observées depuis long-tems. Mais elle est beaucoup plus petite, n'étant que d'environ 2 degrés, au lieu que celle des dernieres étoit depuis 8 jusqu'à 12 degrés, de sorte qu'elle passera fort près du centre du Soleil. Ce qu'il y a à remarquer, est que cette Tache a paru au mois de Mai de cette année, & qu'au mois de Mai de l'année passée l'on en observa deux, au sujet desquelles je remarquai que l'on en avoit observé très-souvent dans le mois de Mai; de sorte qu'il paroît qu'il y a quelques saisons de l'année où l'on en apperçoit plus souvent qu'en d'autres, quoiqu'on ne scache pas encore la cause de ce rapport.

SUITE DES OBSERVATIONS

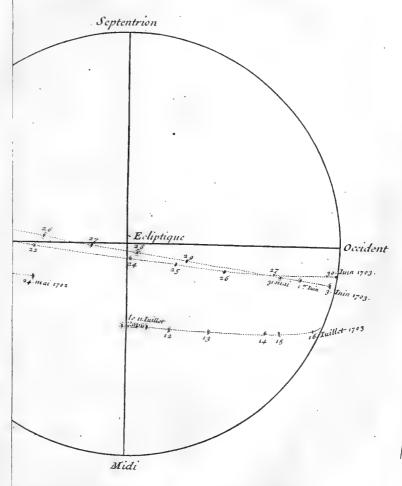
De la Tache du Soleil.

PAR M. CASSINI le Fils.

1703. 6. Juin. Ous avons continué d'observer les Taches que nous découvrimes dans le Soleil le 24 Mai de cette année 1703.

Le 27 Mai il n'y avoit pas de changement sensible dans la plus grande Tache. La petite étoit composée de quatre Taches, dont deux étoient plus grandes que les autres.

Le 29 Mai le Ciel n'étoit pas serain quand j'observai le Soleil, & je ne pus appercevoir que la grande Tache.

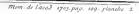


la Tache qui a paru aux mois de May et de Iuin 1703.

re Tache qui a paru au mois de Iuillet 1703.

a x.h du soir .





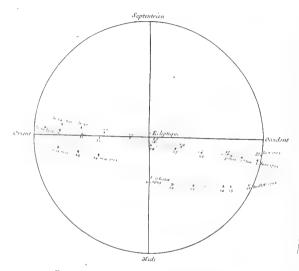


Figure de la Tache qui a para suix mon de Mais et de Iuin 1703 Le 20 May a 8 h du main 🔊 🌎

Figure d'une Tache qui a paru au mois de Iuillet 1703 Le n'Iuillet a n.h. du soir .



Breey re.

Le 30 Mai j'apperçus la petite Tache, qui paroissoit comme un nuage, dont le milieu étoit plus dense, mais dont on ne pouvoit déterminer la figure.

Le 1 Juin quoique la Tache commençât à s'approcher du bord, elle ne laissoit pas de paroître fort large. On ne

distinguoit plus la petite.

Le 2 Juin je ne pus pas l'observer à cause du mauvais tems; & le 3 ayant observé le Soleil de grand matin, j'apperçus avec une Lunette de 19 pieds la Tache près du bord Occidental du Soleil, qui paroissoit comme une raye noire, longue & fort étroite. J'en observai la situation vers les 6 heures du matin, avec une Lunette de 6 pieds montée sur une machine parallactique.

J'ai placé dans la Figure qui représente le disque du Soleil, la Tache dans les différentes situations où nous

l'avons observée depuis le 26.

Le 27 à midi, la grande Tache passoit r' 20" après le bord Occidental du Soleil. Sa déclinaison du bord Septentrional étoit de 15' 20" de degré, d'où résulte sa longitude du bord Occidental de 80° 15'. La petite Tache passoit 7 secondes après la grande.

Le 28 à midi la grande Tache passoit 1'5" après le bord Occidental. Sa déclinaison du bord Septentrional étoit de 16' 45", ce qui donne la longitude du bord Orien-

tal de 93° 30'.

Le 29 à midi la Tache a passé 50" après le bord Occidental du Soleil. Sa déclinaison du bord Septentrional

étoit de 17' 45", & sa longitude de 106° 30'.

Le 31 Mai à 4h 9' après-midi, la Tache a passé 21" après le bord Occidental. Sa déclinaison du bord Méridional étoit de 51 secondes de tems supposant le demi-diamétre du Soleil de 1'8", & sa longitude de 137° 00'.

Le 1 Juin à 7h 3 du matin, la Tache a passé 15" après le bord Occidental. Sa déclinaison du bord Méridional étoit de 50 secondes de tems, & sa longitude de 145° 30'.

Le 3 Juin sur les 6 heures la Tache a passé 5 secondes après le bord du Soleil. Sa déclinaison Méridionale étoit

de 47" de tems, d'où résulte la longitude de 168° 40'.

Suivant cette observation cette Tache devoit sortir du Soleil le lendemain 4 Juin sur les deux heures du matin avant le lever du Soleil; ainsi nous l'avons observée le dernier jour qu'on la put appercevoir. Quoiqu'elle parût fort étroite à cause qu'elle étoit proche du bord du Soleil, l'on ne laissoit pas de juger qu'elle n'avoit pas diminué de grandeur, à cause qu'elle étoit du moins aussi longue qu'elle avoit paru les jours précédens; de sorte qu'on pourra peut être ençore la revoir à son retour dans

le disque apparent du Soleil.

Par les observations du 27 & du 28 Mai, qui ont été faites avec beaucoup d'exactitude, l'une avant son passage par le milieu de son paralléle, & l'autre après, l'on trouve qu'elle a dû passer le 28 à 5h 40 avant-midi; de sorte que supposant la révolution des Taches que nous avons déterminée dans les Mémoires précédens de 27h 12'20", elle a dû entrer dans le disque apparent le 21 sur les 8h du matin, & en est sortie le 4 entre 2 & 3h du matin. Sa latitude Méridionale étoit alors d'un peu plus de deux degrés, telle que je l'avois trouvée par les premieres observations, & fort différente de celle de la Tache que nous avions observée au mois de Mai de l'année derniere 1702, comme l'on peut voir par la Figure, où je les ai représentées toutes les deux avec l'Equinoxial des Taches qui leur est commun, le Soleil étant presque dans le même degré du Zodiaque. Aussi l'intervalle qui se trouve entre les deux observations, ne donne pas un nombre entier de révolutions telles que nous l'avons déterminé.

Je ne l'ai pas non plus comparée aux autres observations que nous avons faites, dont la latitude Méridionale est beaucoup plus grande, n'y ayant pas d'apparence que ce pût être la même, à moins qu'on ne leur attribue quelque mouvement dont nous n'avons encore aucune

connoissance.

En examinant la route que cette Tache a parcourue dans le disque apparent du Soleil, l'on voit qu'elle a décrit

ctit premierement une ligne dont la courbure regardoit le pôle Septentrional du Soleil, & qu'après avoir passé le centre, elle a décrit une ligne presque droite; ce qui vérisse la situation des pôles des Taches, que l'on a déterminés dans la Théorie au 8° de y. Car dans la premiere observation le Soleil étant en 2° des m, le pôle Boréal des Taches que l'on suppose au 8° des x, en étoit éloigné de deux signes & 24°, & étoit par conséquent dans la partie supérieure du Soleil; de sorte que la courbure de l'Equinoxial regardoit le pôle Boréal. Cinq jours après, c'est-àdire le 29, le Soleil étant dans le 8° de m étoit éloigné du pôle des Taches précisément de trois signes; de sorte que ce pôle étoit sur le bord du disque apparent, & l'Equinoxial des Taches étoit alors un diamétre, & son paralléle une ligne droite.

Dans la fuite des observations le pôle du Soleil étoit dans la partie insérieure, & la courbure de la route de la Tache devoit être du côté opposé; mais moins sensible que la précédente, à cause que la Tache avoit déja passé le centre lorsque le pôle étoit sur le bord du disque.

Cette observation est aussi très-propre pour vérisser la distance des pôles des Taches de ceux de l'Ecliptique, que l'on a supposés dans la Théorie de 7° 1. Car les pôles s'étant rencontrés sur le bord du disque apparent pendant le tems que cette Tache a paru, ils étoient alors dans leur plus grande digression apparente, & ne s'en sont point éloignés sensiblement pendant tout le tems de son observation. Tirant donc une perpendiculaire à la route qu'a décrit la trace par le centre du Soleil, elle détermine sur la circonférence les pôles des Taches. Suivant ces observations ils se trouvent éloignés du pôle de l'Ecliptique de 8°, au lieu de 7° ½ que l'on a supposé dans la Théorie. Cette détermination est conforme à celle que mon Pere a trouvée par l'observation du mois d'Octobre de l'année 1672, lorsque le pôle Boréal étoit à l'opposite de son petit cercle sur le bord du Soleil. Mais il jugea plus à propos de l'établir de 7° 1, en prenant un Mem. 1703.

milieu entre son observation & celle de Skeiner, qui l'avoit déterminée de 7°. Comme cette dissérence est très-peu sensible, & pourroit être attribuée à quelque erreur qu'il est impossible d'éviter dans les observations, il est plus à propos de se tenir à la détermination précédente, jusqu'à ce que l'on ait quelques-autres observations aussi favorables que celle-ci pour la déterminer plus précisément.

OBSERVATION

Du retour de la Tache qui a paru au mois de Mais de l'année 1703, dans le disque apparent du Soleil.

PAR M. CASSINI le fils.

1703. 20. Juin. Ous avons observé le 19 de ce mois de Juin 1703 au matin la Tache que nous avions cessé de voir le 3 de ce mois, & qui a reparu de nouveau après avoir parcouru l'hémisphere supérieur du Soleil. Sa grandeur étoit déja considérable, & on auroit pû l'appercevoir le jour précédent dans les intervalles où le Soleil étoit découvert. Elle paroissoit avec une Lunette de 17 pieds, longue & entourée d'une Atmosphere. Son plus grand diamétre, qui étoit dirigé suivant le bord Oriental du Soleil, étoit d'environ 30" de degré.

Nous déterminâmes sa situation par le passage des bords & de la Tache, par les sils qui se croisent & sont des angles de 45 degrés au soyer d'une Lunette portée sur une machine parallactique, & nous trouvâmes qu'à 7^h 1 du matin la Tache précédoit le bord Oriental du Soleil de 6 secondes de tems. Sa déclinaison du bord Septentrio-

nal du Soleil étoit de 1' 4" de tems.

Le 20 à 7^h du matin la Tache paroissoit avec une Lunette de 17 pieds moins étroite que le jour précédent. Elle précédoit le bord Oriental du Soleil de 15 secondes, & fa déclinaison du bord Septentrional étoit de 1" 5' 1/2.

Nous avons placé cette Tache dans la même figure où nous avions tracé la route qu'elle a décrite par sa révolution précédente, & nous avons trouvé qu'elle avoit la même latitude que celle que l'on avoit déterminée par les observations précédentes. Elle ne doit pas cependant décrire la même trace dans le disque apparent du Soleil, parce que le pôle Septentrional des Taches qui étoit alors sur le bord du Soleil, est à présent projetté dans le disque apparent, ce qui fait que l'Equinoxial des Taches & ses paralléles sont des Ellipses dont la convexité regarde le bord Méridional du Soleil.

Le 19 Juin à 7h 1 la longitude de cette Tache du bord

Oriental du Soleil étoit de 23° 40'.

Le 20 Juin à 7h, sa longitude étoit de 37° 30'. Suivant ces observations cette Tache doit passer par le centre le 24 Juin, environ fur les 6 heures du matin. Nous avions déterminé dans sa révolution précédente son passage par le milieu de son paralléle le 28 Mai à pareille heure. La différence entre ces deux passages donne la révolution de la Tache de 27 jours, plus petite que celle que l'on a déterminée par un grand nombre d'observations de 27 jours

& demi & quelques minutes.

Mais il faut considérer que le mouvement apparent des Taches résulte de la révolution du Globe du Soleil autour de son axe, & du mouvement annuel du Soleil. Supposant la révolution du Globe du Soleil autour de ses pôles toujours uniforme, l'inégalité du mouvement annuel du Soleil en diverses saisons de l'année, doit saire tantôt accélérer, & tantôt retarder la révolution apparente des Taches. Car lorsque le mouvement annuel du Soleil est plus lent, comme il l'est à présent plus que dans aucune saison de l'année, la Tache le parcourt en moins de tems, & acheve par conséquent sa révolution apparente en moins de tems. Il arrivera le contraire lorsque le mouvement annuel du Soleil sera plus vîte. Cette iné,

galité du mouvement annuel peut faire varier le tems de la révolution apparente de la Tache en divers tems de l'année, d'environ 3h 1; mais la différence qui réfulte de cette inégalité, n'est pas suffisante pour égaler le tems de cette révolution à celui que l'on a observé ordinairement dans les autres Taches: ainsi l'on peut supposer que cette Tache a eu quelque mouvement particulier qui l'a fait accélérer, comme on l'a observé souvent en plusieurs autres. L'on a déja remarqué que cette Tache est beaucoup plus près que l'Equinoxial du Soleil, que celles que l'on a observées depuis long-tems; ainsi cette révolution accélérée confirmeroit les observations du P. Skeiner, qui rapporte que les Taches qui sont les plus proches du centre du Soleil achevent leur révolution en moins de tems, & cela a quelque analogie au mouvement des Taches que l'on a observées dans Jupiter, qui ont généralement un mouvement plus vîte lorsqu'elles sont plus proches du centre de Jupiter, que lorsqu'elles en sont plus éloignées, comme il est rapporté dans les Mémoires du 3 1 Janvier 1692, où l'on ajoute que l'on pourroit comparer leur mouvement à celui des courans qui sont près de l'Equinoxial de la terre.

La suite des observations que s'on fera plus proche du centre du Soleil, sera connoître avec plus de précision la

grandeur de cette révolution.

SUITE DES OBSERVATIONS

De la Tache qui a paru de nouveau dans le disque apparent du Soleil.

PAR M. CASSINI le fils.

1703. 11. Juillet. Ous avons continué d'observer la Tache qui a reparu de nouveau dans le disque apparent du Soleil. Le 21 Juin à midi le passage de la Tache précédoit celui du bord suivant, ou Oriental du Soleil de 28" de tems. Sa déclinaison du bord Septentrional étoit de 15'30".

Le 22 à 7h ½ la Tache précédoit le bord suivant du Soleil de 39"½. Sa déclinaison du bord Méridional étoit de 15'58 secondes de degré, dont le demi-diamétre du Soleil est de 15'49"; ainsi elle avoit traversé l'Ecliptique entre le 21 & le 22. Elle paroissoit alors d'une figure à peu près semblable à celle qu'elle avoit le 27 Mai.

Le 24 à 7^h ½ la Tache précédoit le bord suivant du Soleil de 1' 10". Sa déclinaison du bord Méridional étoit 14' 47 secondes & demie, dont le demi-diamétre du So-

leil est de 15' 49".

Le 25 Juin à 7^h ½ la Tache précédoit le bord suivant du Soleil de 1' 25" ½. Sa déclinaison du bord Méridional

étoit de 14' 36".

Le 26 à 7^h ½ le passage de la Tache précédoir celui du bord suivant du Soleil de 1' 40". Sa déclinaison du bord Méridional étoit de 14'9"; elle paroissoit alors formée de deux Taches entiérement séparées & à peu près de même sigure, dont le plus grand axe étoit perpendiculaire au bord.

Le 27 à midi la Tache précédoit le bord suivant du Soleil de 1' 56". Sa déclinaison du bord Méridional étoit

de 14' 15".

Le 28 & le 29 le mauvais tems nous empêcha d'obferver la Tache, & le 30 sur les 7h ½ je l'apperçus avec une Lunette de 9 pieds fort près du bord. Je déterminai sa situation avec une Lunette de 6 pieds montée sur une machine parallactique. Elle passoit une seconde après le bord précédent ou Occidental du Soleil. Sa déclinaison du bord Méridional étoit de 14' 33". Je l'observai ensuite avec une Lunette de 40 pieds: elle me parut sort longue; le milieu qui étoit environ le tiers de sa longueur étoit plus obscur que les deux extrémités, ce qui me sit juger que ces extrémités étoient son Atmosphere. Sur les 6 heures du soir ayant regardé le Soleil avec la même

118 Memoires de l'Academie Royale

Lunette, je ne pus pas distinguer la Tache; ce qui pouvoit venir de ce que le Soleil étoit dans des vapeurs, &

que ses bords étoient ondoyans.

J'ai placé cette Tache dans la Figure, où j'ai marqué la trace qu'elle a faite dans sa premiere révolution, & j'ai trouvé qu'elle a décrit un paralléle à son Equinoxial, dont la déclinaison ne differe pas sensiblement de celle que l'on a observée dans sa révolution précédente. Suivant ces observations sa longitude du bord Oriental étoit le 21 Juin à 12h de 54° 1/4, précisément la même que celle que l'on avoit observée le 25 du mois de Mai dernier. Êlle étoit le 22 à 7h 1/2 de 65°, le 24 à 7h 1/2 de 91° 1/4, le 25 à 7h 3 de 104° 30', le 26 à 7h 1 de 118° 1, le 27 à midi de 133° 10', & le 30 à 7h 1 de 172. Ces observations, & principalement celles qui ont été faites plus proche du centre du Soleil, servent à déterminer son passage par le milieu de son paralléle. Le 24 Juin à 7h 1/2 sa longitude du bord Oriental a été déterminée de 91° 4, & par conséquent celle du centre de 10 1 que la Tache parcourt en 2 heures & 15 minutes. Supposant la révolution de 27 jours, l'on aura donc le passage de cette Tache par le milieu de son paralléle dans le Soleil le 24 Juin à 5h 4 du matin; ce qui s'accorde affez, bien à ce que j'avois marqué dans le Mémoire précédent, où par les observations du 19 & du 20 faites près du bord du Soleil, j'avois déterminé son passage le 24 Juin les 6h du matin. Les autres observations, & principalement celles du 25 s'accordent à donner à peu près la même détermination; & comme dans la révolution précédence j'avois déterminé par nos observations, & par celles que nous avions reçûes depuis de M. Manfredi faites à Bologne, le passage de la Tache le 28 Mai sur les 6 heures du matin. L'on aura la révolution de cette Tache de près de 27 jours plus petite que celle que l'on a déterminée par diverses autres observations de 27 jours 12 heures & quelques minutes. Cette Tache est sortie du Soleil le 30 Juin avant minuit, qui est le même jour que nous l'avons observée; & comme elle

ne paroissoit pas diminuée considérablement de grandeur, elle pourra reparoître après avoir parcouru le disque supérieur du Soleil.

OBSERVATIONS

De plusieurs Taches qui ont paru dans le Soleil au mois de Mai 1703.

PAR M. DE LA HIRE.

T'At observé le 25 de ce mois à midi plusieurs Taches J sur le corps du Soleil. Il y en avoit une plus grosse que les autres, dont elle étoit séparée. La plus grosse étoit environnée d'un espace brun, comme on le voit ordinaires ment dans ces sortes de Taches, & comme il est représenté dans la Figure.

Le 24 de ce mois j'avois observé le Soleil à midi, & je n'y remarquai aucune Tache. Celle-ci y auroit dû paroître, si else s'étoit formée dans la partie du Soleil qui

nous est cachée and constant

Le 25 la hauteur Méridienne apparente du milieu de la plus groffe de ces Taches a été de 62° 5' 20". Son passage par le Méridien a été à 40" après le passage du centre du Soleil, & la hauteur Méridienne apparente du bord supérieur du Soleil a été de 62° 19'0".

Le 26 la hauteur Méridienne de la même Tache qui

est la plus grosse, étoit de 62° 14' 50".

Et son passage par le Méridien après le centre du Soleil 26". La hauteur Méridienne après le centre du Soleil, étoit de 62º 2964006 vilos

Le diamétre du Soleil étoit alors de 2' 16", & il passoit par le Méridien en 2' 16" de tems; ce qui peut servir à placer ces Taches sur le disque apparent du Soleil.

1703: 26. Mai.

OBSERVATIONS

Des Taches du Soleil qui ont paru au mois de Mai & de Juin 1703.

PAR M. DE LA HIRE.

1703. 6. Juin, J'Ar déja donné les observations que j'ai faites de ces Taches jusqu'au 26 de Mai. Voici le reste des observations de ces mêmes Taches jusqu'au jour où elles ont passé dans la partie du Soleil qui ne nous est pas visible, avec les Figures de ces Taches dans tous les tems où je les ai pû observer.

Le 27 Mai, le milieu de la plus grosse des Taches passa par le Méridien 11" après le centre du Soleil, & la plus grosse des petites passa 7" paprès la plus grosse de toutes; car il y avoit un amas de petites Taches séparées de la plus grosse, qui en étoit éloigné alors d'environ 1' 45", en posant le diamètre du Soleil de 31' 43".

La hauteur Méridienne apparente de la plus grosse des Taches étoit de 62° 24' 15", & celle du bord supérieur du Soleil de 62° 40' 0".

Le 28 Mai, le milieu de la plus grosse Tache passa au Méridien 4" avant le centre du Soleil. Ainsi cette Tache passa par un Méridien apparent mené par le centre du Soleil le 28e jour à 8 heures du matin.

L'amas des perites Taches qui accompagnoient la plus grosse étoit presque dissipé, & ce qui en restoit paroissoit s'être beaucoup approché de la plus grosse.

La hauteur Méridienne apparente de la Tache étoit ce jour-là de 62° 33′ 0″, & celle du bord supérieur du Soteil de 62° 50′ 0″; donc la différence des hauteurs Méridiennes étoit de 17′. Mais le demi diamétre du Soleil étant alors de 15′ 51″, la Tache étoit Méridionale par rapport au centre du Soleil, seulement de 1′ 9″.

 $\mathbf{L}_{\mathcal{Q}}$

Le 29 suivant le Ciel étoit brouillé & couvert de nuages à midi; cependant j'observai le passage de la Tache par le Méridien 30" plûtôt que le centre du Soleil.

La hauteur Méridienne apparente de la Tache étoit de 62° 41' 45"; mais je ne pus observer celle du bord supé-

rieur du Soleil.

Le 30 le tems fut fort mauvais, je ne pus observer seulement que la hauteur Méridienne apparente de la Ta-

che, & encore avec peine, de 62° 50' 30".

Le matin de ce même jour, le Ciel étant serein, j'obfervai exactement la figure des Taches, & il me parut deux amas de petires Taches, mais très-soibles, qui accompagnoient la plus grosse, dont l'un étoit éloigné du bord du nuage de la grandeur de son diamétre, & le plus soible paroissoit à peu près entre-deux.

Le 31 j'observai le passage de la grosse Tache à 24" après le passage du premier bord du Soleil, ou bien 48" =

avant le centre du Soleil.

La hauteur Méridienne apparente de la Tache étoit de 62° 58' 15", & celle du bord supérieur du Soleil de 63° 17' 45". Les deux amas de petites Taches paroissoient en-

core comme le jour précédent.

Le I Juin à 9' après midi la Tache passoir 14" après le premier bord du Soleil: mais à 5h 2c' du soir, en saisant passer le disque du Soleil par un Méridien, je trouvai que la Tache passoir 12" ½ après le premier bord du Soleil. J'observai aussi alors que la dissérence de déclinaison du bord Septentrional du Soleil & de la Tache étoit de 18' 58', & le diamétre du Soleil de 31' 42". Son demi-diamétre de 15' 51", & par conséquent la dissérence de déclinaison du centre du Soleil & de la Tache étoit de 3' 7' vers le midi; mais ces sortes d'observations n'ont iamais la justesse de celles que l'on fait au passage par le Méridien.

Le 2 Juin le Ciel étant toujours fort brouillé & couvert, je l'observai à 3h \(\frac{1}{4} \) après-midi, à 1'\(\frac{1}{2} \) de distance du bord du Soleil; mais cette observation n'est pas très-juste. Mais à 5h 20, je la trouvai éloignée du bord du Soleil seule-

Mem. 1703.

ment de 35". Je trouvai aussi la différence de déclinaison du bord Boréal du Soleil, & de la Tache de 20' 51", & par conséquent la différence de déclinaison du centre du

Soleil & de la Tache, étoit de 5' vers le midi.

Le 3 Juin à 6^h du matin la Tache paroissoit encore sur le bord du Soleil, dont elle n'étoit éloignée que de 8"; ce que j'observai exactement avec le Micrométre que j'avois accommodé à la Lunette de 16 pieds: elle étoit alors sort étroite, & on ne laissoit pas pourtant d'y remarquer encore le petit nuage obscur qui l'environnoit.

On peur voir par-là que ces Taches n'ont que très-peu de hauteur au-dessus de la superficie du Soleil, encore on

pourroit douter qu'elles en eussent.

A midi de ce même jour, la Tache qui étoit alors sur le bord du même Soleil, où elle paroissoit faire une espece de petite échancrure, passa après le premier bord du Soleil à 3" environ. Sa hauteur Méridienne apparente étoit à peu près de 63° 21', & celle du bord supérieur du Soleil de 63° 43' 0". Ainsi la Tache étoit alors de 7' 9" plus Méridionale que le centre du Soleil.

On peut prendre ce tems-là de midi pour celui où la Tache a passé dans la partie du Soleil qui nous est cachée. Cependant cette détermination ne peut pas être extrêmement juste, à cause du peu de chemin apparent qu'elle

fait dans cet endroit.

On peut voir dans les Figures le changement qui est arrivé à ces Taches dans le tems qu'elles ont paru. La plus grosse a persisté à peu près toujours de même grosseur, & l'on peut espérer qu'elle reparoîtra après qu'elle aura parcouru l'hémisphere du Soleil, qui ne nous est pas visible.



SUITE DESOBSERVATIONS

De la Tache du Soleil qui a paru à la fin du mois de Mai, & au commencement du mois de Juin 1703.

PAR M. DE LA HIRE.

E 17 Juin à 1^h ¹/₂ après-midi, j'examinai avec soin le bord Oriental du Soleil, pour voir si la Tache qui avoir paru au commencement de ce mois, & qui s'étoit cachée derriere le Soleil ne paroissoit point; car elle étoit encore sort grande lorsqu'elle passa derriere le Soleil, mais je n'y remarquai aucune trace.

Mais le 18 à 5h 3/4 du matin, je l'apperçus vers le bord Oriental du Soleil, & elle étoit encore fort grande & de figure fort longue, comme elles font toujours dans cet endroit. Elle avoit aussi son Atmosphere obscur qui l'environnoit. Elle étoit éloignée du bord du Soleil le plus

proche seulement de 20" de degré.

Le 19 à 7h ½ du matin, sa distance au bord le plus proche du Soleil étoit de 1' 34", & le diamétre apparent de l'Atmosphere de la Tache étoit de 36". Ces observations ont été faites avec le Micrométre qui étoit appliqué à la Lunette de 16 pieds.

La différence du passage de la Tache & du bord Oriental du Soleil par un Méridien, étoit alors de 6" \(\frac{1}{2} : mais à midi il m'a paru de près de 9", autant qu'il étoit possible

de l'observer alors, à cause du mauvais tems.

J'ai conclu par plusieurs observations, que vers les 8h du matin la Tache déclinoit au Septentrion par rapport au centre du Soleil de 1'. Ce qui étoit aussi la latitude de la Tache; car l'Ecliptique étoit alors presque jointe au paralléle à l'Equateur qui est le Tropique.

Le 20 a 8h du matin, la distance de la Tache au bord

1703. 10. Juin,

le plus proche du Soleil, étoit de 3' 30", observées avec le Micrométre à la Lunette de 16 pieds; & il me paroissoit à côté vers le bord du Soleil une petite Tache sans être terminée.

J'ai aussi conclu par plusieurs observations qu'à 7h 50', la Tache avoit passé par un Méridien 15" plûtôt que le bord Oriental du Soleil, & que sa dissérence de déclinaison, par rapport au centre du Soleil, étoit Boréale de 55".

Mais à midi la Tache a passé au Méridien 52" après le

centre du Soleil.

La hauteur Méridienne de la Tache apparente, étoit de 64° 39′ 0″ un peu plus, & celle du bord supérieur du Soleil 64° 54′ 25″.

La suite de l'observation de cette Tache est rapportée au 1 1 Juillet, avec les Figures de ses dissérentes apparences.

SUITE DES OBSERVATIONS

De la Tache qui a paru dans le Soleil à la fin du mois de Mai, & dans le mois de Juin 1703.

PAR M. DE LA HIRE.

1703. 11. Juillet. J'Ar déja rapporté à l'Académie des observations du retour de la Tache, après avoir parcouru la partie du Soleil qui nous est cachée: mais comme le Ciel a presque toujours été couvert de nuages pendant le tems qu'elle a parcouru le disque apparent du Soleil, on a eu assez de peine à en faire les observations qui pouvoient servir à déterminer son chemin avec exactitude, & même les deux derniers jours qu'elle a paru il a été impossible de l'observer.

J'avois déja rapporté que je commençai à l'appercevoir après une demi-révolution le 18 de Juin à 5h 3/4 du matin, sur le bord Oriental du Soleil, dont elle n'étoit éloignée alors que de 20" de degré, ce que j'observai exactement avec le Micrométre appliqué à la Lunette de 19 pieds de soyer; mais le Ciel ayant été couvert le reste du jour, je ne pus déterminer autrement sa position ce jour-là.

Le 10 à 7h ½ du matin elle étoit éloignée du bord du Soleil le plus proche de 1' 34", & le diamétre le plus

grand de l'Atmosphere de la Tache étoit de 36'.

Le même jour à 8h la distance entre le passage de la Tache & du bord Oriental du Soleil par un Méridien, étoit de 6" ½ de tems. J'ai trouvé que sa latitude étoit alors de 40' Boréale, & sa dissérence de longitude avec le centre du Soleil, étoit de 14' 25", dont elle étoit plus Orientale.

Le 20 à 8^h du matin sa distance au bord le plus proche du Soleil, étoit de 3' 30". Mais sa latitude étoit alors de 35", & sa différence de longitude d'avec le centre du Soleil vers l'Orient, étoit de 12' 28". Ces observations ont été saites de plusieurs manieres, tant par les passages de la Tache & des bords du Soleil par des silets appliqués à une Lunette, que par les hauteurs Méridiennes de la Tache, & par son passage au Méridien quand il a été possible de l'y observer.

Le 21 à midi la latitude Boréale de la Tache n'étoit que de 10", & fa différence de longitude d'avec le centre du Soleil de 9' 28", la Tache étant à l'Orient par rapport au centre du Soleil. Car la Tache a passé au Méridien 41" après le centre du Soleil, & sa distance au bord

du Soleil le plus proche étoit de 6' 29".

Le 22 à 8h du matin, la distance de la Tache au bord du Soleil qui en étoit le plus proche, a été trouvée de 9' 11" avec le Micrométre; & par les observations des passages par des silets croisés au soyer d'une Lunette qui sert de Micrométre, j'ai trouvé que la latitude de la Tache étoit Australe de 15", & sa dissérence de longitude d'avec le centre du Soleil, étoit de 6' 30". Ensorte qu'elle

Qiij

126 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE a rencontré l'Ecliptique vers les 5h du soir le 21, ce qui est assez difficile à bien déterminer, à cause que son chemin n'est que fort peu incliné à l'Ecliptique, & même par la comparaison des autres observations, tant antécédentes que suivantes, elle auroit dû y avoir passé beaucoup plutôt.

Le 23 le Ciel fut presque toujours couvert, & je ne pus avoir que vers les 10h \frac{1}{2} sa distance au bord le plus proche du Soleil toujours vers l'Orient de 12'26" avec le Mi-

crométre.

Le 24 à 9h 10' du matin j'ai conclu que la latitude de la Tache étoit alors de 1' 10" Australe, & sa longitude par rapport au centre du Soleil étoit de 50', la Tache étant vers l'Occident.

A 11h ½ la distance de la Tache au bord le plus proche du Soleil qui étoit vers l'Occident, étoit de 14' 10" avec le Micrométre. Elle a donc passé par le milieu de son paralléle apparent ce même jour au matin, comme je le déterminerai ensuite.

Le 25 à midi la différence entre le passage de la Tache par le Méridien & le centre du Soleil a été de 20" dont

la Tache précédoit.

Mais à 9h du matin sa distance du bord du Soleil le plus

proche étoit de 11' 20" vers l'Occident.

La hauteur Méridienne apparente de la Tache étoit de 64° 35' 45", & celle du bord supérieur du Soleil de 64° 53' 15".

Par les observations du matin à 7^h 20' j'ai trouvé la latitude Australe de la Tache de 1' 30", & sa différence de longitude d'avec le centre du Soleil de 4', la Tache

étant à l'Occident de ce centre.

Le 26 à 7^h du matin j'ai conclu la latitude Australe de la Tache de 1'45", & sa différence de longitude d'avec le centre du Soleil 7'15", la Tache étant à l'Occident de ce centre.

A 8h ¼ la distance de la Tache au bord le plus proche du Soleil vers l'Occident, étoit de 8' 19".

A midi elle a passé par le Méridien plutôt que le cen-

tre du Soleil de 36" ½ à peu près.

La hauteur Méridienne apparente de la Tache étoit de 64° 34′ 0″, & celle du bord supérieur du Soleil de 64° 51′ 40″.

Le 27 à midi la Tache a passé par le Méridien plutôt

que le centre du Soleil de 47".

La hauteur Méridienne apparente de la Tache étoit de 64° 32' 20", & celle du bord supérieur du Soleil de 64° 49' 40".

La latitude de la Tache étoit alors Australe de 2' 5", & fa différence de longitude d'avec le centre du Soleil

10' 50", la Tache étant à l'Occident.

Le 28 & le 29 le Ciel a été si couvert que je n'ai pû faire aucunes observations; & le 30 au matin à 5h ½ je ne voyois plus la Tache sur le disque du Soleil, quoiqu'elle

pût être vers le bord.

Mais dans la révolution précédente de cette même Tache, on la voyoit encore sur le bord du Soleil vers midi, & le matin à 6^h elle en étoit éloignée de 8". D'où l'on peut conclure qu'elle a fait sa révolution apparente en moins de 27 jours, ce qui peut venir de plusieurs causes particulieres, tant de son mouvement propre que de la

position & du mouvement du Soleil.

Je trouve aussi en comparant les positions de la Tache du 27 & du 28 Mai, avec celles du 23 & du 24 Juin, qui sont le tems entre lesquels elle a passé par le milieu de son paralléle, qu'elle n'a dû employer dans sa révolution apparente que 26 jours 21 heures : Et j'avois déterminé par d'autres observations du retour des Taches après 73 révolutions, qu'elles étoient de 27 jours 7 heures 7', ce qu'on peut voir dans les observations imprimées de l'année 1700; mais des causes particulieres peuvent causer ces inégalités, comme je viens de dire.

Pour ce qui est du tems où elle a passé par le milieu de son paralléle apparent, je trouve par trois comparaisons des positions devant & après ce passage, que l'une le don-

ne le 24 à 4h 30' du matin, une autre à 4h, & une autre à 5h; ensorte que si l'on prend un milieu, on aura ce tems à 4h 30', comme l'une des comparaisons le donne.

Son chemin apparent, par rapport à l'Ecliptique, a été à très-peu près en une portion d'Ellipse très-platte, dont la concavité étoit tournée vers le Septentrion, hormis seulement que dans le commencement de cette révolution, ce chemin paroissoit un peu concave vers l'Ecliptique en cet endroit, ou convexe vers le Septentrion.

La distance de la Tache au centre du Soleil au tems où elle a passé par le milieu de son paralléle apparent,

étoit de 1' 5".

On peut enfin conclure de ces observations, qu'elle est entrée dans le disque apparent du Soleil à 3º de l'Ecliptique vers le Septentrion, & qu'elle en est sortie à 8° 45' vers le midi.

Je trouve par ces politions & par la courbure apparente du chemin de la Tache, que les poles du mouvement de cette Tache ou du Soleil, si cette Tache n'a point eu de mouvement particulier sur le corps du Soleil, sont éloignés des póles de l'Ecliptique de 7 degrés ou un peu plus, & que ces pôles sont à peu près au 28 . Mais le mouvement apparent de cette Tache n'est pas si propre pour déterminer la position de ces pôles, que leur distance aux pôles de l'Ecliptique.

On verra les changemens qui sont arrivés à la Figure

de cette Tache dans les desseins suivans.

Mon fils m'a aidé dans toutes ces observations.



25. May	27. a g. matin	28. à 8. matin	
· A Commonweal of the commonwe	And a summer of the state of th	4 b •••	
à 7 ³ 4 matin .	31. a 11. matin.	Iuin 1. à 8. matin	
rà 7 h ½ matin	20. à 8. matin 21. à midi	22. a 3 h 1 apres mid	
à II ½ matin	25 à midi	26. a g. matin	
Pl. 3.		Bercy	

20 May	25 May	27 a g. matin	28. à 8. matin
. 🐠 🔥	G .	(3)	(3b)
29. a 9 ½ maten	30 a 7 % matin	zı. a 11. matın	Inn i a 8.4 matu
18 à 5 h 3 matin.	ig a 7 h j matin	20 à 8 maten 21 à mudi	22 a 3 h g apres midi
23 is 9 th 3 matin	24 à 11 % matin	25 a midi	26. a g t makin
Mem . de l'Acad . 1703 . pao	(28 Pl 3		Bery 'c.

OBSERVATION

D'une Tache qui a paru dans le Soleil au mois de Juillet 1703. à l'Observatoire Royale.

PAR M. DE LA HIRE.

O 1 C 1 une nouvelle Tache qui a paru dans le Soleil dans le mois de Juillet, & qui est fort différente de celle qu'on avoit vûe le mois précédent, tant pour sa po-

sition que pour sa grandeur.

1703. 13. Juillet,

Je la vis pour la premiere fois le 8 de ce mois en observant le Soleil à midi, elle étoit grande & composée de plusieurs amas de Taches fort séparées les unes des autres; mais elle étoit encore si foible, que quoiqu'elle fût fort avancée dans le disque du Soleil, il n'y avoit pas apparence qu'elle eût paru le jour précédent : aussi je ne remarquai rien sur le Soleil le 7 de ce mois, lorsque je l'observai à midi. J'ai suivi cette Tache tous les jours jusqu'au 17, où elle est passée dans la partie du Soleil qui nous est cachée. Je donnerai seulement ici la longitude & la latitude de la précédente qui étoit la plus grosse de toutes, & comme je les ai conclues de toutes les observations que j'en ai faites en plusieurs manieres, pour plus grande certitude. On trouvera aussi à la sin les Figures de ses différentes apparences, ce qui fera connoître que c'est une des plus grandes que nous ayons observées.

Le 8 Juillet à 2^h ¹/₄ après midi sa longitude étoit plus grande que celle du centre du Soleil de 9' 20" & sa la-

ritude étoit Australe de 4' 53".

Le 9 à 7^h du matin sa longitude étoit plus grande que celle du centre du Soleil de 7'20", & sa latitude Australe étoit de 5'10". La distance entre le milieu de la précédente qui étoit la plus grosse, & de la derniere, étoit de 1'. 26".

Mém. 1703.

Le 10 à midi sa longitude étoit plus grande que celle du centre du Soleil de 3' 0", & sa latitude Australe étoit de 5' 40". A 1h \frac{3}{4} après midi, la distance entre les deux plus éloignées étoit de 1' 39".

Dans ces observations du 9 & du 10 elle paroissoit beaucoup augmentée en force, en grandeur, & en nombre de petites Taches qui accompagnoient les plus grosses,

comme on le voit dans les Figures.

Le 11 au matin à 6^h 20' la longitude de la Tache étoit encore plus grande que celle du centre du Soleil de 20". Sa latitude étoit de 6' Australe, & la distance entre le milieu des Taches extrêmes étoit de 1' 49".

Le 12 à 7^h ½ du matin sa longitude étoit moindre que celle du centre du Soleil de 3' 36", & sa latitude étoit Australe de 6' 25". La distance entre le milieu des Taches

extrêmes étoit de 2' 10".

Le 13 à 7^h ÷ du matin la longitude de la Tache étoit moindre que celle du centre du Soleil de 6' 40", & sa latitude étoit Australe de 6' 40".

Le 14 à 10h : du matin sa longitude étoit moindre que celle du centre du Soleil de 9'36", & sa latitude étoit

Australe de 6' 50".

Le 15 à 6h ½ du matin sa longitude étoit moindre que celle du centre du Soleil de 11'30", & sa latitude étoit

Australe de 6' 50".

Il n'y avoit alors que deux amas de Taches, dont le suivant ne paroissoit plus avoir autour de lui d'atmosphere obscur à l'ordinaire, mais un atmosphere plus clair que le reste du Soleil, qu'on appelle ordinairement facule.

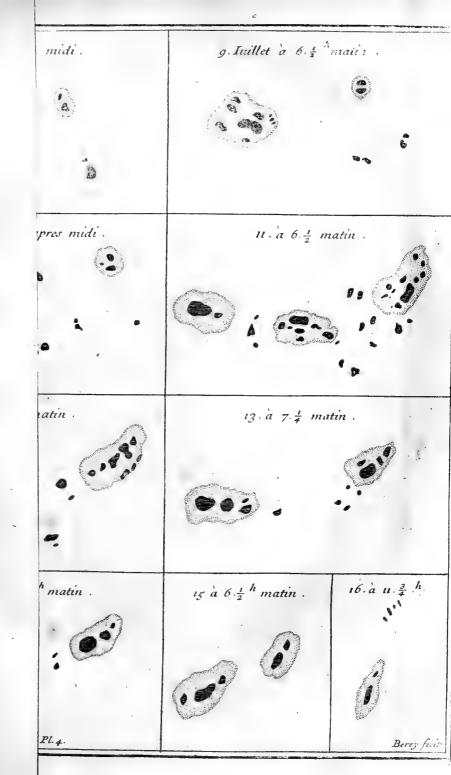
Le 16 à 1h ½ après midi sa longitude étoit moindre que celle du centre du Soleil de 13'40", & sa latitude étoit

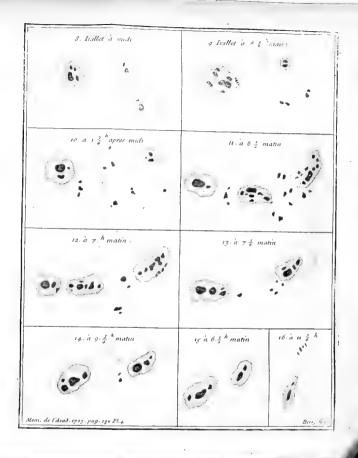
Australe de 5' 50".

Le même jour à 7h du foir elle n'étoit plus éloignée du

bord le plus proche du Soleil que de 35".

Le 17 sur les 8^h du matin je n'ai pû rien remarquer de la Tache sur le bord du Soleil, le Ciel étoit tout brouillé, mais à 1^h ½ après midi il n'y en paroissoit plus rien.





J'ai conclu de ces positions différentes, tant avant son passage par le milieu de son paralléle, qu'après qu'elle a été dans le milieu le 11 à 4h du matin, son éloignement du centre du Soleil étoit alors de 6' vers le midi.

Je trouve par-là que quand cette Tache auroit sait sa révolution en 27 jours, elle n'auroit dû être sur le bord

du Soleil que le 17 à 10h du soir.

La Tache a dù être sur le bord du Soleil éloignée de

l'Ecliptique de 25 degrés 25 minutes.

Le chemin que la Tache a décrit par rapport à l'Ecliptique étoit courbe, & la concavité tournée vers l'Ecliptique; ce qui fait voir que le pole Septentrional du mouvement du Soleil ou de la Tache, étoit sur le disque apparent du Soleil, & entre le 4 & 5 degré des Poissons.

Cette Tache pourra reparoître après sa demi-révolution derriere le Soleil le dernier jour de ce mois vers le

soir tout au plutôt.

J'ai comparé cette Tache avec celle qui a paru en Mai 1702, & je trouve que si c'est la même, sa révolution a dû être de 27 jours 8h 1/2 à peu près, après 15 révolutions.

Mais si je la compare à celle de Septembre 1701 sa révolution seroit de 27 jours 2 heures, après 25 révolutions.

Et par celle de Décembre 1700, sa révolution seroit de 27 jours 3 heures ½ environ après 34 révolutions.

Toutes ces comparaisons n'ont rien de la certitude de celle qu'on fait de la même Tache, quand elle fait plus d'une révolution autour du Soleil, quoiqu'il puisse y atriver plusieurs inégalités par les changemens de la Tache, & par son mouvement apparent.

Les Figures sont représentées, ensorte que le midi est

toujours en haut, & le Septentrion en bas.



R E M A R Q U E SSUR LES LIGNES GEOMETRIQUES.

PAR M. ROLLE.

1703. 9. Juin.

Es Remarques que je donne les los celles que j'ai proposées à la Compagnie sur les Li-Es Remarques que je donne ici sont une suite de

gnes Géométriques & sur les Tangentes.

ART. I. Je ferai voir, en premier lieu, que parmiles différens points qui fournissent les égalités dans la génération des Courbes, il y a plusieurs de ces points qui n'appartiennent pas à ces Courbes, & qui peuvent imposer.

Soit pour exemple l'égalité que l'on voit ici en A. $z^{4} - 4az^{3} + 5aazz - 2a^{3}z - bbvv = 1$

-bbcc

Les inconnues de cette égalité sont z & v; & comme v ne passe point le second degré, il est facile de s'assûrer que l'on peut en tirer une Courbe. Mais si l'on prend z = a & v = c, on trouver que ces deux valeurs donnent la résolution de l'égalité proposée, & de là on seroit porté à croire que cette résolution donne un point de la Courbe. Ce qui ne se trouve pas véritable, comme on le verra ici.

On reconnoît ces fortes de résolutions, & l'on ne peut y être trompé, quand on se sert de la Méthode que je donnai au public en 1699 pour la résolution générale des égalités indéterminées, suivant ce que j'en ai dit dans le Mémoire que je lûs dans l'Assemblée du 10 Décembre 1701, où j'ai expliqué par des exemples & par des figures, comment on peut faire servir les Regles de cette Méthode à la génération des Lignes Géométriques. Mais comme l'on n'a point ce Mémoire à la main, je rapporterai ici tout ce que l'on doit sçavoir de ces Regles,

pour en faire l'application à l'exemple proposé.

Elles servent principalement à déterminer tout le réel & tout l'imaginaire des égalités; & pour cela il faut trouver les limites des inconnues. Mais pour le dessein que l'on a ici, il suffit de trouver celles de l'inconnue z. Ce qui se fait en cette maniere.

1°. On multiplie tous les termes de l'inconnue v, chacun par son exposant; on essace une sois v du produit de la multiplication, & l'on suppose que la somme des termes qui résultent de cet essacement soit égale à ℓ . D'où se

forme l'égalité qui est marquée ici en B. $B \dots 2bbv - 2bbc = 0$.

2°. On résour cette égalité, & l'on substitue ses racines au lieu de v dans l'égalité A. La résolution donne v = c seulement, & la substitution sournit l'égalité marquée D.

 $D. z^4 - 4az^3 + 5aazz - 2a^3z = 0.$

3°. Les racines de cette égalité font des limites pour l'inconnue z dans l'égalité proposée. Ainsi, ces limites sont celles que l'on voit en E.

E. θ . a. 2a.

 4° . La Méthode veut que l'on prenne arbitrairement une quantité dans chacun des intervalles que désignent ces limites, de maniere que dans les quatre intervalles que forment les trois limites en E, on pourra prendre les quatre quantités marquées ici en F.

 $F_{\bullet} = a_{\bullet} = \frac{1}{2}a_{\bullet} = \frac{3}{2}a_{\bullet} = 3a_{\bullet}$

5°. La Méthode veut aussi que l'on substitue chacune de ces quantités moyennes au lieu de z dans la proposée A, pour sçavoir combien elle donnera de valeurs réelles ou imaginaires de l'inconnue v.

La premiere quantité est — a, & substituant cette quantité au lieu de z dans la proposée, l'égalité qui résulte de la substitution, donne deux valeurs réelles de v. D'où il faut conclure, selon la Méthode, que toutes les

R iij

valeurs prises dans le premier intervalle donneront aussi deux valeurs réelles de v; & comme cet intervalle est indéfini, les deux rameaux de la Courbe que fournissent ces

valeurs de v, sont aussi indéfinis.

Si l'on substitue au lieu de z dans A, la seconde quantité moyenne $\frac{1}{2}a$, l'égalité qui en résultera ne rensermera que des racines imaginaires; & de là il saut conclure, selon la Méthode, que toutes les quantités réelles que l'on peut prendre dans le second intervalle pour l'inconnue z, ne donneront que des résolutions imaginaires de l'égalité proposée A.

La troisième quantité moyenne 3 a ne donne aussi que

des résolutions imaginaires de la proposée.

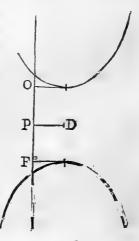
Mais la quatriéme quantité 3 a fournit deux valeurs réelles pour v, & par conféquent toutes les quantités du même intervalle donneront aussi deux valeurs réelles de v. Ce qui fournit deux rameaux indéfinis de la Courbe, de même que le premier intervalle.

Où l'on peut voir que chacun des deux intervalles compris entre les limites extrêmes & 2 a, ne donneront que des réfolutions imaginaires, & par conféquent l'un & l'autre ne sçauroit donner aucun point de la Courbe.

De maniere que si l'on prend la droite O F pour l'axe de z, & que O soit l'origine, l'image de la Courbe sera comme dans cette

Figure.

o°. Ce n'est pas assez d'éprouver une des quantités de chaque intervalle pour sçavoir tout ce que peut sournir l'égalité proposée pour la génération de la Courbe. Il faut encore, selon la Méthode, que l'on éprouve les limites mêmes qui séparent les intervalles; & si l'on substitue la limite A, qui sépare les deux intervalles imagi-



naires, pour en faire l'épreuve, on trouvera que l'égalité qui en résulte renserme deux racines réelles. Chacune de ces racines est la quantité c, c'est-à-dire, que v est toujours égal à c, lorsque z = a, & que ces deux valeurs ré-

solvent l'égalité proposée.

Mais cette résolution est la seule de cet exemple entre les limites & & 2 a, & l'on a vû que les deux intervalles compris entre ces limites ne fournissent d'ailleurs que des racines imaginaires. Ainsi l'appliquée v = c ou PD, que donne l'abscisse z = a, ou OP, sur l'axe générateur $\hat{O}F$, ne se trouve dans aucun des deux intervalles indéfinis, & l'on a trouvé que ces deux intervalles sont les seuls qui peuvent sournir les rameaux de la Courbe. Ce qui suffir pour faire voir que parmi les points que donnent les égalités génératrices, il peut y en avoir qui n'appartiennent pas aux Courbes que ces égalités expriment. Et si l'on compare ces Remarques à la Méthode des indéterminées que je donnai en 1699, on verra qu'il y a des exemples où il se trouve une longue suite de points qui viennent de l'égalité génératrice, & qui ne sont pas de la Courbe que cette égalité fournit.

ART. II. De là se découvre un inconvénient de toutes les Méthodes que j'ai vûes de Maximis & Minimis. Car il arriveroit qu'en cherchant les valeurs de v qui sont les plus grandes ou les plus petites de leurs semblables, on trouveroit que z=a donne v=c pour un Max. ou un Min. Mais l'on a vû que cette valeur de v ne sçauroit être la plus grande ni la plus petite de ses semblables, puisqu'elle est seule de son ordre, & qu'elle ne dé-

termine aucun des points de la Courbe.

Et si l'on cherchoit les Max. ou les Min. de z, on trouveroit que v = c en donne plusieurs; & pour distinguer celui qui est faux, il faudroit ou les observations que l'on vient de proposer, ou des observations équivalentes.

Selon la Méthode ordinaire de Max. Min. on trouvera dans cet exemple que z = a donne des racines égales; d'où il faudroit conclure que ces racines marquent

136 Memoires de l'Academie Royale

deux parties de la Courbe, & qu'elles concourent au point D. Mais l'on a vû que la Courbe n'y passe point, &

qu'elle s'en écarte de plus en plus.

ART. III. Si l'on étoit prévenu que z = a & v = c peuvent donner un point de la Courbe dans cet exemple, & que l'on voulût chercher la valeur de la fous-Tangente en ce point par le moyen de la Méthode ordinaire des Tangentes, on trouveroit que la substitution de ces deux valeurs détruiroit la formule que fournit cette Méthode. Et si l'on cherchoit une seconde formule par le moyen des regles qu'on a données dans le Journal du 13 Avril 1702, la substitution de ces valeurs ne la détruiroit point; mais la valeur de la sous-Tangente se trouveroit imaginaire. Ce qui marqueroit encore que le point proposé n'est pas de la Courbe proposée.

A cela on peut ajouter qu'en substituant cette valeur imaginaire de la sous-Tangente pour avoir la Tangente, on trouveroit une valeur réelle dans le résultat de la substitution lorsque a surpasse b, & que l'on prend cette sous-Tangente sur l'axe des z: ou bien lorsque b c surpasse aa quand on prend la sous-Tangente sur l'axe des v. Ensorte que si l'on cherchoit la Tangente sans faire attention à tous ces inconvéniens, on seroit porté à croire

qu'elle est réelle.

De là on voit aussi qu'il ne suffit pas toujours de trouver une quantité réelle en termes analytiques ni en nombres pour la valeur d'une ligne, & qu'il faut s'assurer des lignes adjacentes. Voici encore des remarques sur les

lignes Géométriques, mais d'une autre espece.

ART. IV. On distribue ordinairement les lignes Géométriques en divers genres, & sur cela on a marqué celles dont il saut se servir pour plusieurs recherches: mais on l'a fait d'une maniere où il seroit facile de se méprendre, & il y a des cas où il saudroit des connoissances considérables pour éviter l'erreur. On pourra s'en appercevoir, si l'on sait attention à l'égalité G.

G. $x^{10} - 20 a^3 y^3 x^4 - cb^4 y = 0$

La Courbe que fournit cette égalité seroit du troisiéme genre, si on la considéroit par le degré des inconnues, comme l'a fait M. Descartes, & en cela il est suivi de plusieurs Géométres. Selon lui & selon eux aussi la parabole ordinaire est du premier genre. Cependant cette égalité G n'exprime que la parabole ordinaire. Ce qui paroît fe contredire. Cela se peut expliquer; mais quelque explication que l'on y donne, il faudra des régles pour réduire une égalité indéterminée à son véritable degré, quand on voudra en reconnoître le véritable genre, & l'on verra que pour former ces régles il faut résoudre de grandes disficultés. J'ai marqué les moyens dont je voudrois me servir pour cette recherche dans la Méthode des indéterminées de l'année 1699, pages 47, 48, 49. Et commo elle peut servir à l'inverse des Tangentes, selon ce que j'en ai dit dans la page 68 du même Livre, il arrive, par le retour, que cette inverse est un moyen pour trouver le véritable genre des égalités indéterminées & des Courbes qu'elles expriment, comme on le dira dans un autre Mémoire.

J'ajouterai ici quelques observations sur la méthode dont on se sert ordinairement pour trouver les Tangentes, comme une suite de ce que j'en ai dit en d'autres Mémoires.

ART. V. Souvent il arrive dans l'usage que l'on sait de la formule des Tangentes, que l'appliquée & la sous-Tangente ne sont que des riens ou des zeros absolus. Ce qui désigne en quelques exemples que la Tangente est paralléle aux abscisses ou aux appliquées. Mais pour un exemple de cette saçon, il y en a une infinité où cela n'arrive point, & où l'on pourroit se tromper si l'on s'en rapportoit à ce qui en a été dit dans le Journal des Sçavans du 3 Août 1702.

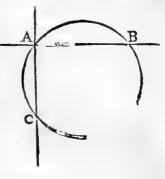
Pour marquer cet inconvénient par un exemple fort simple, je prendrai l'égalité génératrice que l'on voit ici en M.

M...zz + 6rz + vv - 8rv = 0. Mem. 1703.

La Courbe qu'exprime cette égalité n'est pas différente du cercle ordinaire, lorsque les axes générateurs AC, AB, sont un angle droit comme dans cette Figure, où

l'on peut voir aussi que l'origine est en A sur la circonférence, & que chacun des axes en est une sécante.

Cela posé, il est évident que l'appliquée & la sous-Tangente au point A ne sont que des zeros absolus. Il est encore évident que la Tangente ne peut point être paralléle à l'un ni à l'autre des



deux axes, ni se consondre avec eux.

Cela se voit d'une autre maniere dans le calcul. Car si l'on prend e pour l'expression de la sous-Tangente, & que l'on veuille avoir sa valeur sur l'axe des z, la méthode ordinaire donnera cette valeur comme on le voit en N.

 $N \dots \int = \frac{v \, v - 4 \, r \, v}{z + 3 \, r}$

En substituant dans cette formule $v = \emptyset \& z = \emptyset$ qui déterminent le point proposé, on trouvera f= pour la valeur de la sous-Tangente. L'appliquée n'étant aussi que , il est évident que cela ne détermine point la situation de la Tangente. On sçait d'ailleurs qu'elle doit être perpendiculaire au rayon, & par conféquent il ne peut point arriver qu'elle soit paralléle aux axes, ni qu'elle se confonde avec eux. Mais l'on verra mieux l'étendue de cet inconvénient, si l'on considere que la situation des deux axes peut varier infiniment, de maniere que l'origine foit toujours au point A sur la Courbe, & que dans cette variété infinie de situations, il ne peut y en avoir que deux où la Tangente se consonde avec un axe, qui sont les deux cas où les axes mêmes deviennent Tangentes. On peut voir aussi que cette derniere observation sur le point A regarde tous les points de toutes les Courbes.

Mais cet inconvénient s'augmente encore, se multiplie & s'implique avec d'autres inconvéniens, comme on le peut voir si l'on prend pour exemple les Courbes qui se forment par le moyen des égalités que l'on voit ici en P &c en T.

$$P... x^{6}-2ayx^{4}+2y^{3}x^{2} +nnyyxx-2ay^{4}x+y^{6} = 0.$$

$$T... y^{6}-36xy^{5}+510xxy^{4} -3600x^{3}y^{3}+13152x^{4}yy -23040x^{5}y+15201x^{6} = 0.$$

On peut remédier à tous ces inconvéniens par le moyen des régles que l'on a proposées dans le Journal du 13 Avril 1702; mais ces derniers exemples feront voir qu'il feroit inutile d'y appliquer d'autres régles que l'on a publiées la même année dans le Journal du 3 Août.

Au reste, la plûpart des observations que j'ai données sur les Lignes Géométriques, sont aussi des observations pour les Lignes Méchaniques, que l'on appelle Transcendantes, comme on le dira dans un autre Mémoire.

Dans les Mémoires de l'année 1702, p. 180. lig. 18, au lieu de ccbb, on lira ccba. Et dans la page 181. lig. 12, au lieu du mot dans, on lira, dans le dénominateur de.



ADDITION

Au premier des Mémoires de l'Académie, de l'Année 1699.

Touchant la maniere de trouver des Courbes le long desquelles un corps tombant, s'approche ou s'éloigne de l'horizon, ou d'un point donné quelconque, en telle raison des tems, & dans telle hypothèse de vitesses qu'on voudra.

PAR M. VARIGNÓN.

1 7 0 3. 30. Juin.

Orsque je donnai la Méthode contenue dans le premier des Mémoires de l'Académie, de l'année 1699. pour trouver des Courbes le long desquelles un corps tombant, s'approche ou s'éloigne de l'horison en telle raison des tems qu'on voudra, & dans quelque hypothèse de vitesses que ce soit, & c. elle me parut d'autant plus générale que jusqu'alors on n'avoit trouvé ces sortes de Courbes, que pour le cas des approches égales en tems égaux, par rapport à un point pris dans l'axe de chacune de ces Courbes, & pour l'hypothèse seule de Galilée touchant l'accélération des corps qui tombent, au lieu que par cette Méthode je les donnois dans ce Mémoire, non seulement pour telles hypothèses de vîtesses & des tems qu'on auroit voulu, mais encore pour des approches du mobile à tel point qu'on auroit aussi voulu du plan de cette Courbe. Cependant quelque général que cela soit, il est maniseste qu'il le seroit beaucoup davantage, si l'on prenoit ce point hors le plan de cette même Courbe; puisqu'en annulant sa distance à ce plan, tout ce Mémoire de 1699. s'en déduiroit en Corollaires. Voici donc aussi ce général, & comment ce Mémoire s'en déduit.

PROBLEME.

Trouver une Courbe QLM, le long de laquelle un corps tombant d'un point quelconque A de l'arc circulaire EAG décrit du centre C sur le plan de cette Courbe, il s'approche en telle raison des tems qu'on voudra, du point T pris à discretion, comme hors ce même plan pour plus de généralité; quelles que soient les vitesses de ce corps en tombant, & à quelque point C de ce plan que ces directions concourent, ne pouvant concourir ailleurs.

FIGURE I.

I. Solut. Du point Tau point A, d'où l'on suppose que le corps tombe, soit la droite AT; soit aussi la droite TL par tel point L qu'on voudra de la Courbe cherchée QLM; ensuite du centre T par L, soit l'arc LK qui détermine (sur AT) les approches AK du mobile L à ce point T, en tombant de Ale long de cette Courbe. De plus, après avoir sait TD perpendiculaire en D au plan de cette Courbe, avec deux ordonnées CG, Cg, infiniment proches l'une de l'autre, lesquelles rencontrent la Courbe QLM en L, l, & l'arc circulaire EAG en G, g, soient aussi DF, Df, perpendiculaires sur ces ordonnées CG, Cg. Ensin, après avoir fait la droite DL, soient du centre C, les arcs DOBX, LH, lR; & encore du centre T par l, les arcs 18 & lk, lesquels rencontrent TL & TA en S & en k.

II. Cela fait, soient appellées AB, a; DOB, b; AC ou GC, c; AT, f; TD, h: toutes constantes. Soient de même appellées CF, m; DF, n; LF, p; AK, r; AG, z; AH ou GL, x; CH ou CL, y; les tems que le mobile emploie à tomber de A en L, t; sa vîtesse en L, v: toutes variables. Ce qui donne déja c-x=y, y-m=p; & par conséquent aussi dc-dx=dy, dy-dm=dp.

III. Suivant ces art. 1. & 2. l'on aura $\overline{TK} = \overline{TL} = \overline{TD} + \overline{DL} = \overline{TD} + \overline{DF} + \overline{FL} = hh + nn + pp$.

Donc AK(r) = f - Vhh + nn + pp, & Kk ou $LS(dr) = \sqrt{\frac{ndn + pdp}{hh + nn + pp}}$ (l'art. 2. donnant dp = dy - dm).

142 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE $= \frac{ndn + p dy - p dm}{\sqrt{hh + nn + pp}} \text{ positif, à cause que } AK \& TK \text{ ou } TL$ croissent alternativement. De sorte que si (pour abréger) on prend $q = \sqrt{hh + nn + pp}$, I'on aura aussi r = f - q; & $dr = \frac{ndn + pdy - pdm}{q}$. Mais GC(c). FC(m) :: Gg(dz). $FZ(-dn) = \frac{mdz}{c}$. Et FC(m). Df(n) :: FZ. (-dn). $fZ(dm = \frac{-ndn}{m} = \frac{ndz}{c}$, en prenant dn négativement de part & d'autre, à cause que AG(z) & CF(m) croissent pendant que FD (n) diminue. Donc en substituant ces valeurs de dn & dm en dz, dans la précédente valeur de dr, l'on aura aussi dr (Kk ou LS) $= \frac{-mndz + cpdy - pndz}{mndz + cpdy - pndz}$ (l'article 2. donnant p = y - m) IV. De plus ayant RL = dy, & Cg(c). Cl(y) :: Gg(dz). $Rl = \frac{y dz}{c}$; I'on aura aussi $Ll = V dy^2 + \frac{y y dz^2}{cc} =$ $=\frac{\sqrt{ccdy^2+yydz^2}}{c}$. Mais suivant l'article 2. ayant v pour la vîtesse du mobile par Ll, & dt pour l'instant employé à parcourir cet élément; l'on aura en général $dt = \frac{Lt}{t}$ $=\frac{\sqrt{ccdy^2+yydz^2}}{\sqrt{ccdy^2+yydz^2}}$. Donc fuivant quelque proportion des tems (t) qu'on régle les approches AK (r) du mobile L au point T placé où l'on voudra, la valeur de dt en r & en dr, résultante de cette supposition, sera = $\frac{V_{ccd}y^2 + yydz^2}{cv}$. Ainsi en substituant les valeurs précédentes (art. 3.) de r & de dr dans cette valeur de dt, il en résultera encore une autre = $\frac{V \cos dy^2 + y y dz^2}{2}$. Ce qui fera une équation laquelle deviendra celle d'une Courbe QLM, propre à cet effet, en y substituant seulement la valeur de v suivant laquelle on voudra aussi régler la vîtesse du corps qu'on suppose tomber le long de cette Courbe. Ce qu'il falloit trouver.

EXEMPLES.

V. Pour entrer dans quelque détail, soit requis (si l'on veut) que les approches AK(r) de ce mobile L au point T soient en raison des quarrés des tems (t), c'est-à-dire, r = tt, ou $t = \sqrt{r}$ En ce cas ayant $dt = \frac{dr}{2\sqrt{r}}$ (art. 3.) $=\frac{cpdy-nydz}{ccq\sqrt{f-q}}, \text{ l'on aura aussi (art. 4.)} \frac{\sqrt{ccdy^2+yydz^2}}{cv}=$ $= \frac{epdy - nydz}{2eqVf - q}$ ou $v = \frac{2qVf - q\times Vecdy^2 + yydz^2}{epdy - nydz}$ pour l'équation de la Courbe *QLM* requise dans cette hypothèse de r = tt, en y substituant la valeur de v, c'est-à-dire, les valeurs des vîtesses qui y sont encore à discrétion. De sorte qu'en supposant de plus que ces vîtesses (v) soient, si l'on veut, comme les racines des hauteurs AH ou GL(c-y)des chutes, c'est-à-dire, $v = \sqrt{c-y}$; il n'y aura qu'à substituer cette valeur de v dans l'équation précédente, pour la rendre celle de la Courbe QL M qui satisfait à ces deux hypothèses à la fois. Et ainsi des autres à l'insini, n'y ayant de différence que dans la difficulté du calcul.

Il est à remarquer que si l'on eut pris les vîtesses (v) en raison des tems (t), c'est-à-dire, $v=t=V_r$; alors on auroit eu tout d'un coup (art. 4.) Vecdy2+yydz2 $= dt = \frac{dr}{2V_F} = \frac{dr}{2u} (art.3.) = \frac{cpdy - nydz}{2cuq} \circ c'est-a-dire$ $V_{ccdy^2} + yydz^2 = \frac{cpdy - nydz}{2q}$ pour l'équation de la Courbe QLM, le long de laquelle un corps L tombant du point A, les approches (AK) de ce corps au point T, seroient non seulement comme les quarrés des tems (x) employés à tomber de A en L, mais aussi comme les quarrés des vîtesses (v) qu'il auroit en L suivant L l.

VI. Supposons présentement & pour route la suite, que les approches AK du mobile L au point T, en tombant le long de la Courbe requise QLM, doivent être par

tout comme les tems, c'est-à-dire, égales en tems égaux; ce qui est l'hypothèse ordinaire: il s'agit de trouver cette Courbe QLM pour toutes les hypothèses possibles d'accélérations des chutes, ou des vîtesses (v) de ce corps L, à quelque point C du plan de cette Courbe que ses directions concourent, & quelles que soient les positions de ce plan, & du point T par rapport à ce même plan.

Cette hypothèse des approches AK (r) en raison de tems (t), donnant dr (Kk ou LS) = dt, l'on aura aussi (art. 3. & 4.) $\frac{cp \, dy - ny \, dz}{cq} = \frac{\sqrt{cc \, dy^2 + yy \, dz^2}}{cv}$, ou $v = \frac{q \, \sqrt{ccdy^2 + yy \, dz^2}}{c \, p \, dy - ny \, dz}$ (l'art. 3. donnant $q = V \, hh + nn + pp$) $\frac{\sqrt{hh + nn + pp} \times V \, ccdy^2 + yy dz^2}{cp \, dy - ny \, dz}$ pour l'équation de la Courbe requise OLM, laquelle quelque particuliere qu'elle soit par rapport à celle de l'art. 4. se diversifiera cependant encore à l'infini, selon les différentes positions des points C, T, & selon la variété infinie des vîtesses qu'on peut supposer au corps L en tombant le long de cette Courbe, suivant la quelle il doit s'approcher toujours également du point T_r en tems égaux. De sorte que tout le premier des Mémoires de 1699 de l'Académie, quelque général qu'il soit, n'est cependant encore qu'un cas de cet article-ci, à la réferve des équations des art. 2. & 5. de ce premier Mémoire,

VII. Si l'on veut premierement que T foit en C: alors le point D se trouvant aussi en C, les droites TD(h), DF(n), CF(m), se trouveront toutes = 0, & par conséquent p(y-m)=y; l'égalité précédente, (art. 6.) se réduiraicià $v=\frac{y\sqrt{ccdy^2+yydz^2}}{cydy}=\frac{\sqrt{ccdy^2+yydz^2}}{cdy}$ ou à $dy+\sqrt{ccdy^2+yydz^2}$ (art. = 2.) $\sqrt{\frac{ccdx^2+c-x^2\times dz^2}{cy}}$. Mais

lesquelles reviennent à celle de l'art. 4. de celui-ci.

l'article 4. donneroit $dt = \frac{\sqrt{ccdx^2 + c - x^2 \times dz^2}}{cv}$, fans fixer dt, laquelle équation est la même que celle de l'art. 5. pag. 5.

page 5. du premier des Mémoires de 1699. excepté seulement que l'on appelle ici t & z, ce qui s'appelloit là z & y.

VIII. Si l'on veut que le point T foit encore dans le plan de la Courbe cherchée OLM, mais en tel point D que l'on voudra de ce plan; & que le concours C des ordonnées LC, lC, &c. de cette Courbe foit infiniment éloigné, c'est-à-dire, que ces mêmes ordonnées soient paralleles entr'elles: alors ayant encore TD(h) = 0, & de plus CL(y) infinie, de même que AC(c), la derniere équation de l'art. 6. se changera ici en $v = \frac{\sqrt{nn+pp} \times \sqrt{dy^2 + dz^2}}{pdy-ndz}$; ce qui donne $vv-1 = \frac{nndy^2 + ppdz^2 + 2npdydz}{pdy-ndz}$, ou $\sqrt{vv-1}$

 $= \frac{n\,d\,y + p\,d\,z}{p\,d\,y - n\,d\,z}.$

Mais ce cas du point C infiniment éloigné, rendant les arcs EAG, HL, DOBX, des lignes droites perpendiculaires aux ordonnées paralleles AC, LC, &c. Et changeant de cette manière la Fig. 1. d'ici, en celle de l'art. 10. pag. 7. &c. du premier des Mémoires de 1699. on trouve BO = HL = AG = z, & DF(n) confondue avec DO, de même que LF(p) avec LO; ce qui donne (art. 2.) n = b - z, p = a - x, & dy = -dx.

Donc en substituant ces valeurs de n, p & dy, dans la dernière des équations précédentes, l'on aura aussi

$$\sqrt{vv-1}$$
 $\left(\frac{ndy+pdz}{pdy-ndz}\right) = \frac{-dx \times b-z+dz \times a-z}{-dx \times a-x-dz \times b-z}$

$$= \frac{zdx-bdx+adz-xdz}{xdx-adx-bdz+zdz}$$
, laquelle est précisément la même que celle de l'art. 10. pag. 7. du premier des Mémoires de 1699. D'où par conséquent l'on déduira tout ce qui en a été déduir dans ce Mémoire, qu'on voit suivre de l'article 4. de la solution du Problême précédent.

REMARQUES.

IX. Il est à remarquer que dans tout cela la valeur arbitraire de v, permet de n'avoir aucun égard à la direction de la pesanteur du mobile; & que dans l'art. 5.

Mem. 1703.

pag. 5. du premier des Mémoires de 1699. où je l'ai supposée tendre toûjours en C, de même que dans l'art. 10. pag. 7. &c. de ce premier Mémoire, où je l'ai supposée tendre suivant des directions paralleles à AC, je pouvois n'avoir aucun égard à ces directions, n'ayant ici besoin que des vîtesses (v) qu'on y suppose.

X. Il est aussi à remarquer par rapport au cas de l'art. 7: qu'en y faisant $v = \sqrt{x}$, on auroit aussi $\frac{\sqrt{c c dx^2 + c - x^2 \times dz^2}}{c \sqrt{x}}$ = dy (art. 2.) = -dx, ou $ccdx^2 + c - x^2 \times dz^2 = ccxdx^2$: d'où résulte $dz = \frac{cdx\sqrt{v_{x-1}}}{c-x}$, ou (en supposant a = 1) $adz = \frac{cdx\sqrt{v_{ax-aa}}}{c-x}$, comme dans l'art. 5. pag. 5. du premier des Mémoires de 1699. excepté seulement qu'on appelle ici dz, ce qui s'appelloit là dy.

Dans la construction que j'ai donnée de la Courbe qu'exprime cette équation, dans cet endroit de ces Mémoires, je m'étois contenté d'en chercher l'inflexion, & fous quels angles elle rencontre son axe. Mais M. Bernoulli Professeur à Groningue, m'ayant écrit qu'il avoit remarqué de plus que cette Courbe sait une infinité de révolutions avant que d'arriver à son centre; voici comment je l'ai aussi trouvée par * sa Méthode pour intégrer les fractions rationelles, présentée à l'Académie le 13. Décembre 1702, & de plus encore par une autre Méthode que j'ai depuis long-tems pour décrire toutes sortes de Spirales à l'infini.

XI. Je commence par la folution que j'ai tirée de la Méthode de M. Bernoulli, m'étant venue la premiere.

1°. Soit $s = \sqrt{ax - aa}$, ou $x = \frac{ss + aa}{a}$; & par conféquent $dx = \frac{2sds}{a}$. Il est visible que la substitution de ces valeurs de x & de dx dans la précédente équation $adz = \frac{cdx \sqrt{ax - aa}}{c - x}$, la changera en $adz = \frac{2cssds}{ac - aa - ss}$. Mais pour rendre ac - aa = s, il faut considérer que la

* Voyez les Mémoires de 1702. page 289.

grandeur a, prise ci-dessus (art. 10.) pour l'unité, étant arbitraire, peut être prise aussi pour ½c; & en ce cas l'on aura $\frac{1}{2}c = a = 1$: ce qui rend en effet ac = aa = 2 = 1 = 1, & $\frac{1}{3}cdz = adz = \frac{2 cssds}{ac - aa - ss} = \frac{2 cssds}{1 - ss}$. Donc en ce cas l'on aura aussi $dz = \frac{4ssds}{1-ss} = -4ds + \frac{2ds}{1+s} + \frac{2ds}{1-s}$: Et (en intégrant) $z = -4s + 2l_{1+s} - 2l_{1-s} = -4s$ $+2l\frac{1+s}{1-s}$, ou $z+4s=2l\frac{1+s}{1-s}=2l\frac{\frac{1}{2}c+s}{\frac{1}{2}c-s}$, pour une nouvelle équation de la Courbe en question, en prenant toûjours ½ c pour l'unité dont le logarithme est zero, & la lettre l'fignifiant ici logarithme, comme d'fignifie différentielle.

- 2°. Pour en tirer présentement une égalité parcourante de la même Courbe, soit n le nombre dont l'unité (a ou ½ c) est le logarithme constant; & par conséquent ln=1. Ayant alors $z=z\times ln$, & $4s=4s\times ln$, l'on aura aussi (num. 1.) $z \times ln + 4s \times ln = 2 l \frac{\frac{1}{2}c + s}{\frac{1}{2}c - s}$, ou $l = ln^2 + ln^{4f} = ln^{2+4f}$, ou bien encore $\frac{\frac{1}{2}c+s}{\frac{1}{2}c-s}$ $=n^{z+4s}$, ou enfin $\frac{\frac{1}{2}c+s}{\frac{1}{2}c-s}=n^{\frac{1}{2}z+2s}$, pour l'égalité parcourante de la Courbe en question.
- 3°. On voit de-là que le cas de s=0, changeant cette $F_{1,G}$. H. équation en $1 = n^{\frac{1}{2}z}$, rend aussi z(AG) = 0 pour faire $n^{\frac{1}{2}z}$, $= n^0 = 1$. Et par conséquent alors cette Courbe OLM doit rencontrer la droite AC en un point O, dans lequel le point H se confondant avec L, doit aussi donner $AO(x) = a = \frac{1}{2}c = \frac{1}{2}AC$; puisqu'alors (num. 1.) x = $\frac{ss + aa}{a} = \frac{aa}{a} = a = \frac{1}{2}c$, conformément à ce qui en a été dit dans l'art. 7. pag. 6. du premier des Mémoires de 1699.
- 4°. Mais si l'on suppose $s = \frac{1}{2}c$; & par conséquent aussi $(num. 1.) x = \frac{\frac{1}{4}cc + aa}{\frac{1}{2}c} = \frac{\frac{1}{4}cc + \frac{1}{4}cc}{\frac{1}{2}c} = c$, c'est-à-dire H T ii

148 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE en C: Alors la précédente équation parcourante $\frac{\frac{1}{2}c+1}{\frac{1}{2}c-1}$ = $n^{\frac{1}{2}z+2}$ du nombre 2. se changeant en $\frac{c}{o}=n^{\frac{1}{2}z+c}$, & rendant par-là $n^{\frac{1}{2}z+c}$ infini, quoique les constantes n & c so soient (hyp.) finies; il faut qu'alors la variable z(AG) soit effectivement infinie, & qu'ainsi la Courbe OLM fasse ici une infinité de révolutions avant que d'arriver en C, rencontrer son axe sous l'angle avec la dernière CL, que je lui ai aussi marqué dans l'art. 7. p. 6. du premier des Mémoires de 1699. où il faut :: \sqrt{OR} . \sqrt{AO} , au lieu de :: \sqrt{AO} . \sqrt{OR} , & avec la dernière RB, c'est-à-dire ici :: \sqrt{OC} . \sqrt{AO} , quel que soit le rapport de OC(c-a) à AO(a).

 s^{θ} . La dernière équation $z + 4s = 2l \frac{\frac{1}{2}s + s}{\frac{1}{2}c - s}$ du nombre 1. prouve de même que l'origine de la Courbe OLM, qu'elle exprime, doit se trouver sur la droite AC en quelque point O qui donne ici $AO = \frac{1}{2}AC$; & que cette même Courbe ne doit arriver en C qu'après avoir fait une infinité de révolutions autour de ce point.

En effet, si l'on suppose premièrement s=0, cette dernière équation du nomb. 1. se changeant en z=2 $l^{\frac{1}{2}c}$ =2 $l^{\frac{1}{2}c}$ =2 $l^{\frac{1}{2}c}$ =0 =0, AG(z) doit être nul; & par conséquent alors la Courbe OML doit rencontrer la droite AC en quelque point O qui donne $AO=\frac{r}{2}AC$ comme dans le nombre 3.

Au contraire si l'on suppose $s = \frac{1}{2}c$, la même équation du nomb. 1. se changeant en $z + 2c = 2l \frac{c}{n}$ infini, aura pour lors z(AG) infinie, tout le reste y étant (hyp.) fini; ce qui prouve comme dans le nombre 4. que la Courbe QLM doit ici faire une infinité de révolutions avant que

d'arriver en C.

6°. Outre cela l'équation $z + 4s = 2l \frac{\frac{1}{2}c + s}{\frac{1}{2}c - s}$ du nombre 1. fournit encore une manière de décrire cette même Courbe, d'autant plus facile, que cette équation

fe changeant en $z = -4s + 2l \frac{\frac{1}{2}c + s}{\frac{1}{2}c - s}$ (nomb. 1.)

$$= -4\sqrt{ax - aa} + 2l\frac{\frac{1}{2}c + \sqrt{ax - aa}}{\frac{1}{2}c - \sqrt{ax - aa}} = -4\sqrt{\frac{1}{2}cx - \frac{1}{4}cc}$$

+ 2 $l = \frac{1}{\frac{1}{2}c + \sqrt{\frac{1}{2}cx - \frac{1}{4}cc}}{\frac{1}{2}c - \sqrt{\frac{1}{2}cx - \frac{1}{4}cc}}$: de quelque grandeur qu'on prenne

 $AH(x) \text{ entre } c & \frac{1}{2}c, \text{ il n'y aura qu'à faire l'arc } AG(z) = \frac{1}{2}c + \sqrt{\frac{y}{2}cx - \frac{1}{4}cc} + 2l\frac{\frac{1}{2}c + \sqrt{\frac{1}{2}xc - \frac{1}{4}cc}}{\frac{1}{2}c - \sqrt{\frac{1}{2}xc - \frac{1}{4}cc}}; & \text{ le point } L$

où la droite CG fera rencontrée par l'arc HL décrit du centre C par H, fera un des points de la Courbe QLM. Et ainsi des autres à l'infini.

XII. Voici présentement l'autre manière de construire sa même Paracentrique QLM, & de faire encore voir qu'elle doit effectivement faire une infinité de révolutions avant que d'arriver en C.

1°. Pour cela imaginons une autre Courbe KV sur l'axe AC, dont les coordonnées soient les variables HK = k, & CH = y (art. 2.) = c - x, les noms de AC = c, de AH = x, aussi-bien que de l'arc de révolution AG ou AG + tel nombre de révolutions completes qu'on voudra = z, &c. étant encore ici les mêmes que dans l'art. 2. Soient de plus les constantes e = au circuit entier du cercle AGEA, & g = à la droite arbitraire AP. Soit ensin

 $dk = \frac{cg dx \sqrt{ax-aa}}{aec-aex}$ l'équation de la Courbe KV: laquelle on voit devoir avoir en C fon ordonnée k (CV) pour afymptote, x = c rendant là cette ordonnée infinie; & être touchée en C par la droite AC = a, ayant dx infinie

par rapport à dk en ce point O de la droite AC. 2°. Après cela foit pris l'arc AG(z). AGEA(e):: HK(k). AP(g), c'est-à-dire $z(AG) = \frac{ek}{g}$; soit ensuite le rayon CG rencontré en L par l'arc HL décrit du centre C par H. Cela fait, je dis que le point L ainsi trouvé, est un de ceux de la Paracentrique cherchée; ou (ce qui

T iij.

revient au même) que la Courbe QLM qui passera par tous les points L que les différentes ordonnées HK(k) de la Courbe OKV peuvent ainsi donner, sera la Para-

centrique elle-même qu'il falloit construire. En effet ayant ici $z = \frac{ek}{g}$, il est visible que l'on y aura aussi $\frac{g dz}{e} = dk$

(nomb. 1.) = $\frac{cgdx\sqrt{ax-aa}}{aec-aex}$, ou $dz = \frac{cdx\sqrt{ax-aa}}{ac-ax}$ pour

l'équation de la Courbe QLM ainsi décrite, laquelle équation est aussi (art. 10.) celle de la Paracentrique desirée. Donc cette Courbe QLM est la Paracentrique elle-même

qu'il falloit décrire.

3°. Cela étant, il est encore visible que cette Paracentrique doit être une Spirale qui ne doit arriver en C qu'après une infinité de révolutions; puisque l'ordonnée CV(k) infinie (nomb. 1.) en ce point C, doit aussi rendre infini l'arc de révolution AG(z) correspondant, lequel (nomb. 2.) lui est toûjours proportionnel.

4°. On voit de même (nomb. 1.) que HK étant nulle en O, cette Spirale doit aussi commencer en ce point O, & y avoir AO = a pour touchante, son équation (nomb. 2.) ayant dx infinie par rapport à dz en ce point, c'est-à-dire,

dz nulle en ce point par rapport à dx.

Tout cela quadre avec l'art. 11. Et c'est tout ce qui restoit ici à démontrer.

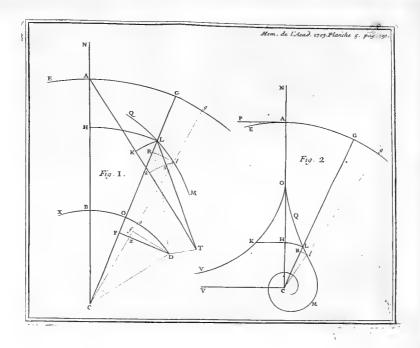
SUITE D'OBSERVATIONS SUR L'HYDROPISIE

Depuis 1683. jusqu'à 1686.

Par M. DU VERNEY le jeune.

1703. 20. Janvier.

N homme âgé de 40 à 45 ans, devenu hydropique ensuite d'un flux hépatique, essaya inutilement pendant huit ou neuf mois tous les remedes qu'on lui proposa. Il sut pareillement gueri en six semaines par la ponction, la



diete & les remedes: mais ce qui réussit le mieux sut l'usage du vin de genièvre & de centaurée, dont le malade buvoit à sa sois. On prépara ce vin de la manière suivante:

Dans un demi-quarteau de vin blanc, on mit deux litrons de graine de geniévre, & deux poignées de petite

centaurée.

Le flux hépatique avoit été précédé d'une jaunisse universelle.

Les eaux vuidées par la ponction étoient moins claires, & plus dorées qu'à l'ordinaire; ce qui arrive quand la jau-

nisse a précédé l'hydropisse.

Une femme de 28 à 30 ans, après être accouchée, devint ascirique: elle sur guerie par la ponction, & par l'usage des remedes proposés dans les Observations du mois d'Oc-

tobre 1679, lûes à l'Académie le 20 Août 1701.

Un homme âgé de 40 ans, ayant la même indisposition. mais qui étoit causée par de fréquens excès, étant réduit à la derniere maigreur, tant par la longueur de la maladie, que par les remedes d'un Charlatan, fut aussi traité par la ponction & la méthode précédente : le soulagement fut considérable, les forces se rétablirent, & en un mois & demi le malade fut en état d'aller à la campagne se croyant gueri. Deux mois après il fallut faire une nouvelle ponction. & il étoit réduit à la même necessité à la fin du troisseme mois, sans le secours d'une tisanne faite avec la gratiolla, le lazarum, la petite centaurée & la camomille, augmentant ou diminuant la gratiolla suivant les évacuations, & la retranchant quelquefois. Ce remede fatigua le malade, & le fit beaucoup vomir les premiers jours qu'il en usa : mais il se trouva si soulagé par les évacuations que ce remede produisit tantôt par le vomissement, tantôt par les urines, tantôt par les selles, qu'il sut parfaitement gueri en un mois ou cinq semaines. Quand le malade se trouvoit fatigué, ou de mauvaise humeur, on lui donnoit le remede en lavement.

Les eaux vuidées par la ponction étoient fanguinolentes en fortant, & reposées. On trouvoit dans le vaisseau, qui MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE étoit fort grand, un travers de doigt de sang vermeil & caillé.

Une femme âgée de 30 à 33 ans, attaquée d'une hydropisse ascite depuis 22 mois ensuite d'une couche, sut guerie en trois semaines au moyen de la ponction, & de la méthode proposée dans les Observations du 20 Août 1701.

Je fis dans cet espace de tems trois ponctions, & les remedes dans l'intervalle d'une ponction à l'autre. A chaque ponction je vuidai sept à huit pintes d'eau: ces eaux non-

obstant leur séjour n'étoient pas limoneuses.

Un Capucin du Convent de la rue S. Honoré, âgé de 35 à 40 ans, dont le ventre & toutes les parties inférieures étoient d'une grosseur prodigieuse par la quantité d'eau dont elles étoient remplies, guerit après avoir donné en dissérentes ponctions cent cinquante pintes d'eau au moins. Les remedes évacuatiss servirent peu, & après la ponction il doit sa guerison aux remedes fortissans, sur-tout aux préparations de geniévre.

M. Duchesne & M. Tuillier furent présens à la premiere

ponction, & se trouverent à plusieurs autres.

Un homme de 25 à 30 ans étant attaqué d'hydropisse ascite & anasarque, n'ayant pû être soulagé par aucun des moyens dont on s'étoit servi, sut aussi gueri par la ponction

& par la falivation.

Je passai à l'usage de ce dernier remede, parce que ni la ponction, ni tout ce qu'on avoit fait ne débarrassoient point les parties extérieures. Durant le flux je lui faisois donner de deux heures en deux heures alternativement du restaurant, de la panade, de la bouillie avec les jaunes d'œus, ou de la gelée; & pour boisson pendant les premiers jours, de la tisanne faite avec la rapûre de corne de cerf & la réglisse; & dans la suite on lui donnoit de tems à autre quelques cueillerées de vin d'Alicant même avec la gelée. Cet homme jouit encore à présent d'une parsaite santé.

Une fille de 18 à 20 ans ascitique, sut guerie après une seule

feule ponction par l'usage d'une tisanne faite avec la racine

d'Iris, d'Orties piquantes, & d'Oseille ronde.

Une fille de même âge dont l'hydropisie avoit commencé à paroître depuis 22 à 23 mois sans cause maniseste, ni sans changer la couleur de la peau, sur aussi guérie au bout d'un mois, au moyen du régime ordinaire de trois ponctions, & de la tisanne d'Orties piquantes, d'Iris & d'Osseille ronde.

A chaque ponction je vuidai 4 à 5 pintes d'une matiere limoneuse & noirâtre. La malade ne but de la tisanne d'Orties qu'après la troisséme ponction, & dès le lendemain on trouva dans les urines tout au moins la moitié de matiere semblable à celle qu'on avoit vuidée par la ponction. Cette sille a été mariée, & a eu des ensans.

Une semme veuve âgée de 42 à 43 ans, après plusieurs chagrins, & un épanchement de bile qui lui rendit la peau de couleur d'olive, sur aussi attaquée d'hydropisse ascire: elle avoit une tumeur schireuse qui s'étendoit depuis le cartilage xiphoïde jusqu'à l'ombilic. Divers remedes dont on se servit, qui surent suivis de plusieurs ponctions, ne la purent tirer d'affaire. Mais elle sur ensin guérie avec la tisanne de Gratiola ci-devant décrite, sa couleur devint naturelle, elle reprit des sorces & de l'embonpoint, & elle jouit pendant plusieurs années d'une bonne santé malgré la tumeur schireuse.

Une autre femme hydropique ayant un schire dans la région hipogastrique, sur guérie après une ponction avec

peu de remedes.

Un jeune homme avoit une hydropisse ascite & une anasarque; il su guéri par la ponction & par l'usage de la tisanne sudorissque, où j'ajoutois l'Azarum, & la rapure de racine de Sureau avec moitié de vin blanc.

Une femme de 20 à 22 ans ayant la même indisposition,

fut aussi guérie de la même maniere.

Un homme de 30 à 40 ans épuisé par une grande abstinence, & par des contentions d'esprit continuelles, tomba dans une sièvre lente, & dans l'hydropisse ascite.

Mém. 1703.

La longueur de cette derniere maladie lui donna le tems de passer de main-en-main à la ponction : la ponction sur réstérée trois sois, & le malade reprit des sorces; mais le ventre se remplissant de nouveau, il resusa la ponction, & prit durant quelque tems trois verres de vin blanc chaque jour, dans lequel il avoit sait insuser de la racine d'Iris & d'Ortie, & de la graine de Geniévre concassée. Le malade se rétablit en peu de tems, & il jouit encore aujour-d'hui d'une parsaite santé.

Une Religieuse du Couvent de Sainte Marie de Chaillot ayant une hydropisse ascite & une grosse tumeur schireuse, su guérie après plusieurs ponctions par l'usage des vomitis, tous les autres remedes ayant été inuti-

les.

J'ai vû deux autres hydropiques qui avoient des tumeurs schireuses, guéris au moyen de la ponction & du

régime, avec peu de remedes.

Une veuve hors de regles portoit depuis 6 à 7 ans un ventre d'une grosseur prodigieuse; elle sut délivrée de ce sardeau par des ponctions réstérées, & quelques remedes. La matiere vuidée par la ponction étoit épaisse, noire & huileuse. Cette Dame sut plus de deux ans sans ressentir aucune incommodité: mais ensuite elle retomba peu-à-peu dans l'état où elle étoit lorsque je lui sis la pre-

miere ponction.

Il est très-rare de voir un soulagement si considérable dans cette espece d'hydropisse, que je n'ai encore vûe qu'aux silles & aux semmes; & jamais l'épanchement ne dure si long-tems, que lorsque les eaux sont ensermées dans une poche particuliere. Je n'en ai point vû guérir; au contraire plusieurs semmes qui jouissoient d'une assez bonne santé, & qui n'avoient d'autre incommodité que celle de porter un gros ventre, ont péri en peu de tems pour avoir voulu s'en désaire.

Il y a 13 à 14 ans qu'une femme de vingt-huit à trente ans me vint trouver pour lui faire la ponction. Elle avoit le teint bon, de l'appetit: elle dormoit bien, & elle agissoit encore avec assez de liberté; son ventre étoit d'une grosfeur extraordinaire: elle me dit qu'il y avoit 7 à 8 ans que son ventre avoit commencé à grossir, de maniere qu'elle crut être enceinte.

Ayant reconnu que cette grosseur étoit causée par un épanchement d'humeurs, je pris jour pour lui faire la ponction: je vuidai 6 à 7 pintes de sérosités mucilagineuses de couleur jaune sans mauvaise odeur. La malade sut si soulagée, qu'elle crut déja être guérie : elle me pressa pour faire une seconde ponction, que je sis quatre jours après. J'espérois comme elle-même de réussir; mais nous fumes bien surpris de voir sortir des matieres verdâtres d'une puanteur extraordinaire, de différente consistance à la quantité de deux pintes seulement. Je ne pouvois m'imaginer ce qui empêchoit l'écoulement des matieres: elles n'étoient pas plus épaisses que celles de la premiere ponction, & j'étois sûr d'être dans une cavité: enfin la grande puanteur, la foiblesse de la malade, & l'embarras où je me trouvai, m'obligerent à tirer la canule. Cette Dame ne fut point soulagée par cette évacuation; au contraire elle fut altérée, inquiéte, dégoutée, & perdit le sommeil: les urines qui avoient été très-abondantes après la premiere ponction, cesserent: régime, remedes, soins, tout fur inutile, & tous les accidens augmenterent : plus j'examinois le ventre de la malade, plus j'étois surpris trouvant toujours une fluctuation distincte : je ne pouvois ` m'imaginer comment il se pouvoit saire qu'il ne sût sorti qu'une certaine quantité de matieres épanchées. Enfin la malade paroissant un peu mieux, je sis une troisiéme ponction, & chaque ponction fur faite en différens endroits. Il sortit par cette troisiéme opération des matieres encore d'une plus mauvaise odeur, noires & grumelées; il ne s'en vuida qu'environ une pinte, point de soulagement: & deux heures après, la malade eur un gros frisson, grande altération, vomissemens; & enfin elle mourut peu de jours après avec des inquiétudes cruelles.

Je l'ouvris, & je trouvai un grand bâlon qui renfer-

moit plusieurs cellules lesquelles ne communiquoient pas ensemble: chaque cellule contenoit des matieres de disférente nature; les unes avec plus, les autres avec moins d'épaisseur, de couleur & de mauvaise odeur. Je ne pus examiner la chose avec plus de soin.

SUR UNE HYDROPISIE.

PAR M. DU VERNEY, le jeune.

1703. 3. Février. E 4 Août 1702 je sus appellé en consultation pour une sille hydropique âgée de 14 à 15 ans, sort grande pour son âge, & d'une constitution valétudinaire. Depuis le cartilage xiphoïde jusqu'aux doigts des pieds toutes les parties étoient abreuvées de sérosités & sort enflées, la peau de tout le ventre truitée, la respiration trèsdissicile, & l'estomac si pressé qu'il ne pouvoit plus recevoir d'alimens; les joues & les lévres étoient livides

aussi bien que l'extrémité des doigts.

Ayant reconnu un épanchement d'eau dans la capacité du ventre, on convint de la ponction. Je vuidai cinq pintes de sérosités de couleur citronée, d'odeur & de saveur urineuse. Cette évacuation soulagea un peu la malade. Le 8 & le 14 je réitérai la ponction, ce qui diminua confidérablement tous les fymptômes sans augmenter toutefois nos espérances, parce que les forces ne se rétablissoient pas, & que la respiration étoit toujours fréquente & embarassée. Dans cet état la malade changea d'air & de régime; elle parut mieux, les urines devinrent abondantes, le ventre libre, l'appetit & le sommeil assez bons, pourvû qu'elle ne fût point contrainte, & qu'elle vêcût à sa maniere. Environ le 20 Septembre la malade fut plus oppressée, elle eut quelques foiblesses, & ne pouvoit plus demeurer que sur son séant : les jambes, les cuifses & le ventre devinrent extrêmement enflés sans aucune cause maniseste, c'est-à-dire, sans que le ventre ni les urines sussent moins libres, ni l'appesit diminué. La malade demanda qu'on lui sit de nouveau la ponstion : ce qui sur assez dissicile, parce que la grosseur du ventre dépendoit presque tout de l'épaisseur des tégumens. Je réstérai cependant cette opération le 28 du même mois : il sortit environ une pinte de matieres purulentes. Cette évacuation diminua un peu l'étoussement, & mit la malade en état de prendre de la nourriture jusqu'au 15 Octobre. Le 18 encore une ponstion, & pareille évacuation de matiere purulente. Cette derniere évacuation ne changea point l'état de la malade : les inquiétudes, la foiblesse & l'oppression augmenterent, enfin elle mourut le 9 Novembre. On en sit l'ouverture, voici ce qu'on a remarqué.

Toute la peau étoit bouffie, & inégalement abreuvée de férosités, les parties supérieures s'en trouvant toutefois beaucoup moins remplies que les inférieures. Celle
des jambes & des cuisses parur dure, raboteuse & éléphantique, avec quelques petits ulceres, & quelques excoriations. Je sis une prosonde incision à une jambe, d'où
il sortit des sérosités limoneuses: les sibres charnues avoient
perdu leur couleur & leur consistence: les intervalles qui
séparent les parties les unes des autres, étoient remplis d'une espece de gelée blanchâtre; tout le corps de
la peau l'étoit aussi. Il s'est trouvé dans la capacité du
ventre une pinte de matiere purulente: tous les intessins
étoient remplis d'air, adhérans & collés les uns aux autres, tant par quelques restes de l'épiploon, que par une
espece de gelée sibreuse.

Le foye avoit un volume considérable; il étoit de couleur de lie de gros vin noir, & d'une substance dure. Je trouvai sous le perir lobe du soye une grande cuillerée de matiere semblable à de belle gelée: le pancréas étoit gros & schireux: la vésicule du siel à peu près à l'ordinaire. Immédiatement au-dessus du rein gauche il y avoit une poche qui rensermoit environ demi-septier de

matiere laiteuse: les reins & les uretéres avoient leur disposition naturelle, les deux cavités de la poitrine étoient remplies de sérosités: le péricarde avoit au moins la grosfeur de la tête de la désunte: il avoit plus de largeur que de longueur: ce qui lui donnoit une figure particuliere, ayant 8 pouces de largeur, & il étoit rempli d'eau. Cette membrane, malgré son extension, étoit plus sorte & plus épaisse que dans l'état naturel.

La grosseur & la figure du cœur ne parurent pas moins singulieres. Il étoit extraordinairement gros, & sa figure plus large que longue, représentoit celle d'une chataigne de mer applatie par dessous, & convexe par dessus; sa substance étoit ferme & solide; l'oreillette droite étoit

remplie d'un fang noir, épais & cailleboté.

Le sang vuidé & l'oreillette lavée, je n'y trouvai rien de particulier. J'ouvris ensuite le ventricule droit : il étoit fort grand, ses sibres avoient 4 à 5 lignes d'épaisseur, &

il étoit garni de colonnes très-fortes.

L'artére du poûmon étoit fort grosse & fort épaisse : les sibres du ventricule gauche avoient moins d'épaisseur que celle du ventricule droit : tous les vaisseaux qui entrent dans le cœur & qui en sortent, paroissoient dilatés; cependant ils avoient tous plus d'épaisseur qu'ils n'en ont ordinairement.

Les poûmons étoient si serrés & si applatis, qu'ils n'avoient pas l'épaisseur de deux travers de doigt.

SUR L'HYDROPISIE.

PAR M. DU VERNEY le jeune.

1703. 15. Aril. Our continuer à lire quelque chose à la Compagnie touchant l'hydropisse, je commencerai par dire qu'il est souvent très-important de ne pas vuider les eaux tout à la sois, mais à diverses reprises. C'est ce qui paroîtra par les deux observations suivantes.

Une femme âgée de 40 à 45 ans ayant une ascite, avoit tenté inutilement toutes sortes de remedes, tant en Province qu'à Paris : elle se résolut enfin à la ponction que je sis à diverses reprises; elle se trouva soulagée par cette opération qui fut aidée des secours ordinaires; & elle se vit bientôt en état de marcher & d'agir avec affez de liberté. Six semaines après elle se trouva encore un gros ventre : on appella du conseil, qui la détermina à une nouvelle ponction, & voulut qu'on vuidât les eaux tout à la fois. Durant & même après l'opération le pouls ni les yeux ne changerent point, il n'y eut ni tintement d'oreilles, ni bâillement, ni étonnement; enfin aucun signe que la malade s'affoiblît : on la mit au lit, elle parut tranquile, & prit volontiers ce qu'on lui donna; mais à son réveil elle se trouva languissante, épuisée & dégoutée, avec une extinction de voix. Elle demeura 5 ou 6 jours dans ce triste état, & mourut enfin d'inanition.

Un ascitique âgé de 28 à 30 ans s'étant déterminé à la ponction, assembla du conseil : la pluralité des voix sur de tout vuider : le Chirurgien ordinaire sit l'opération, & vuida le plus qu'il pût. Le malade se loua du soulagement qu'il sentit; on le mit au lit, & on lui sit prendre du bouillon: mais cet homme qui avoit d'abord paru si content, se trouva pendant la nuit sort abbatu, appesanti, inquiet, & la tête si embarassée qu'on ne pût le soulager, de sorte

qu'il mourur quelques jours après.

On voit par ces deux observations qu'il est souvent important, comme j'ai déja dit, de ménager l'évacuation des matieres épanchées. Les Auteurs ont été très-circonspects à ne pas vouloir qu'on vuidât tout à la fois, non seulement les eaux des hydropiques, mais encore le pus répandu dans la poitrine, & même celui des grands abcès, parce qu'ils avoient observé que les malades tomboient dans une soiblesse qui les mettoit en danger par une trop grande dissipation d'esprits. Cependant on a peu d'égard aujourd'hui à ce sage précepte, & on vuide le ventre des hydropiques comme on seroit un tonneau: ce

qui expose souvent un malade, parce qu'il se fait plusieurs

dissipations inévitables.

La premiere, par les matieres vuidées qui contiennent toujours beaucoup d'esprits, & les occasionne à se porter avec le sang en trop grande abondance aux parties insérieures.

En second lieu, par la perte des parties balsamiques du sang, & même des esprits dont il s'en trouve une grande quantité de noyée en se mêlant avec les eaux qu'elles rencontrent aux parties inférieures, & qui se vuide ensuite dans la capacité du ventre par les vaisseaux limphatiques qui s'y rendent.

En troisiéme lieu, il ne se fait pas une réparation proportionnée des esprits, parce que les parties de la nour-

riture sont en desordre.

Il est facile de comprendre que le poids des eaux empêche le sang de couler avec liberté aux parties inférieures par la compression que souffrent tous les vaisseaux, & que ce fardeau étant levé, la circulation devient libre; ainsi il se porte beaucoup moins de sang aux parties supérieures, & par conséquent le cerveau sournit moins d'esprits animaux au reste du corps; d'où vient la langueur, l'inanition & la mort.

On doit observer que pour éviter la soiblesse qui arrive quand on vuide beaucoup d'eau à un hydropique (ce qu'on est quelquesois obligé de faire) il faut faire attention à quatre choses. La premiere, de se servir d'un poinçon ou trois-quarts sort délié. La seconde, d'interrompre & d'arrêter le jet de tems-en-tems. La troisséme, de presser & bander le ventre comme on fait aux semmes immédiatement après l'ensantement. Ensin, de donner aux malades durant l'opération quelques gorgées de bon vin, ou du bouillon.

La Compagnie me permettra de soindre à ces deux observations les suivantes, qui sont voir qu'on se peut facilement tromper dans l'examen que l'on sait de l'hydropisse, pour sçavoir si c'est une ascite ou une timpanite.

c'est

c'est-à-dire, si ce sont des eaux ou des vents qui sont dans le ventre.

Lorsque j'ai commencé à pratiquer la ponction, je n'ai point vû d'hydropisse ascites qu'on n'ait dit que c'étoit des timpanites. Je me suis trouvé avec plusieurs grands Praticiens, qui soutenoient avec chaleur la timpanite. Pour les saire revenir de leur prévention, je les priois d'examiner le poids du ventre, de considérer qu'un pareil volume d'air n'étoit pas d'une si grande pesanteur, & qu'il n'y avoit point de sluctuation comme dans l'ascite. Ensin les malades se trouvant pressés, l'opération terminoit la dispute, & les soulageoit beaucoup par l'évacuation des eaux.

Je ne nie pas qu'il n'y ait quelquesois des vents mêlés avec l'eau, ce que l'on peut reconnoître en plusieurs manieres.

La premiere, qu'en touchant le ventre avec les deux mains aux endroits où l'eau finit; on y sent de la légereté, comme quand on presse doucement une vessie qui n'est pas toute pleine d'eau, & dont le reste est rempli d'air.

La feconde, qu'en faisant changer de situation au malade, l'endroit qu'on trouvoit léger, devient pesant; comme réciproquement celui que l'on trouvoit pesant, de-

vient léger.

La troisième, durant l'opération le jet est interrompu par des bulles d'air, qu'il faut rompre avec une soye de sanglier, ou avec un stilet. Ensin ce qu'on nomme timpanite n'est autre chose qu'un gonslement des parties de la nourriture, causé par des vents & des matieres visqueuses presque toujours sans épanchement dans la cavité du ventre; & quand il s'y en fair, ce n'est que d'une petite quantité de matiere purulente.

Pour lors la tension des parties extérieures est comme convulsive, & le ventre n'a jamais le même volume que dans l'ascite. En second lieu il a une figure particuliere; il est comme pressé par les côtés, & jetté en devant. En

Mém. 1703.

troisiéme lieu, il semble que les parties intérieures & les extérieures ne fassent qu'un même corps. En quatriéme lieu, la fluctuation ne se fait pas sentir d'un côté à l'autre. De plus on entend un certain son sourd, comme celui d'un tambour mal-tendu ou mouillé. Il se rencontre quelquesois des ascitiques où la fluctuation & le contre-coup ne sont pas sensibles en frappant sur les côtés opposés, soit à cause d'une tension extraordinaire, soit par l'épaisseur des tégumens. Alors pour s'en assurer il faut mettre une main sur l'ombilic, & avec l'autre frapper de bas en haut.

Je me suis trouvé dans des occasions où j'ai cru qu'il y avoit épanchement, parce que je m'imaginois sentir la fluctuation & le contre-coup. Cependant il n'y avoit point d'épanchement: c'étoient les intessins remplis de vents & de matieres gluantes, qui m'imposoient.

Je n'ai point vû guérir de malades qui eussent été dans cette disposition, & j'ai trouvé à tous ceux que j'ai ouverts, les intestins boursoussés, livides, gangrenés, & à

demi-remplis de ces matieres visqueuses.

Ces observations apprennent à agir avec beaucoup de précaution dans ces rencontres, & à être reservé à faire le pronostic de ces maladies.

SUR L'HYDROPISIE.

PAR M. DU VERNEY le jeune.

1703. 25.º Mai. L ne sera peut-être pas mal-à-propos en traitant des hydropisses enkistées (maladies jusqu'à présent affez ignorées) de décrire exactement les kistes avant que de passer aux signes par lesquels on peut particulierement les reconnoître.

Le 21 Août 1684, je fus appellé à l'Hôtel de Conty pour une fille âgée environ de 55 à 60 ans.

Elle étoit couchée sur un matelas posé sur le plancher, à cause de l'énorme pesanteur de son ventre, qui avoit au moins une aune & demie de circonférence, & une telle longueur qu'il descendoit presque jusqu'aux genoux.

Les jambes & les cuisses étoient monstrueuses: il y avoit une des jambes ulcérée. La malade avoit une grande difficulté de respirer, & ne dormoit point depuis quinze

Le 22 du même mois je lui fis la ponction. Il n'y avoit que ce parti à prendre; tous les remedes ayant été inutilement mis en usage. Les matieres qui sortirent étoient semblables à de la sanie, gluantes, mais sans odeur; de couleur entre rouge & noir, dont la résidence étoit comme de la boue, ou comme de la lie de gros vin noir. J'en tirai 5 à 6 pintes, ce qui soulagea beaucoup la malade, qui urina quelques heures après l'opération plus en une fois qu'elle n'avoit fait auparavant en 6 jours.

Cela eut tout le succès qu'on pouvoit attendre : elle dormit, & continua à uriner en abondance; les jambes

desenflerent, & la respiration devint plus aisée.

La seconde opération donna d'abord d'heureuses espérances. Mais peu de tems après, la malade se trouva inquiéte : elle eut une grande soif, & des insomnies ; & il lui survint une nouvelle enflure de ventre : ce qui obligea de faire une troisiéme opération huit jours après la seconde. A cette troisième opération les matieres sortirent avec une odeur d'œuss couvés, si forte que je sus obligé de faire donner du vinaigre aux affistans, & même à la malade. Elle fut pourtant d'abord soulagée : mais quelques jours après son appétit diminua, & ses douleurs augmenterent, de sorte qu'elle ne dormit plus que par artifice jusqu'au quinziéme jour de sa maladie, que je ne trouvai pas à propos de continuer les mêmes remedes, craignant que quelque embarras se joignant à l'action des somniferes, elle n'y pût resister. Enfin elle décéda le 19 sur les 6 heures dusoir.

Le lendemain à 6 heures du matin j'en sis l'ouverture. Ayant levé les tégumens & les muscles, j'ouvris le péritoi-

ne, & en même tems une membrane qui lui étoit contiguë, d'où il fortit quelque matiere semblable à celle que

j'avois tirée à la derniere opération.

Après avoir augmenté l'ouverture & fait écouler toutes les eaux, on fut surpris de n'appercevoir aucun viscere; ce qui fit que les assistans s'écrierent d'abord qu'il falloit que la malade eût vuidé son foie, sa ratte & ses boyaux; car tous les visceres du bas-ventre étoient absolument cachés fous cette membrane, qui s'étendoit depuis les os pubis jusqu'à la quatriéme fausse côte. J'examinai avec soin toutes choses, & je découvris que c'étoit une membrane qui occupoit toute cette étendue du bas-ventre, & dont la surface antérieure étoit adhérente à la partie antérieure du péritoine, & la postérieure au même péritoine trois ou quatre travers de doigt au-dessus des reins. Cette membrane formoit un sac ou kiste, qui naissoit du côté gauche de la matrice entre l'ovaire & la trompe; ensorte que l'ovaire se trouvoit enfermé dans la capacité de cette partie, & la trompe avec son expansion étoit colée dans toute sa longueur à sa surface extérieure.

Il faut encore observer que l'ovaire étoit comme dans une poche, c'est-à-dire, qu'il y avoit une ouverture froncée où la main pouvoit entrer, qui conduisoit dans un sac trois ou quatre sois aussi grand, lequel étoit rensermé dans

- la grande poche.

Cette grande poche n'étoit presque par-tout épaisse que d'une ligne & demie; mais en sa partie insérieure elle avoit deux pouces d'épaisseur, & cette épaisseur étoit com-

posée de glaires & d'hidatides.

Sa surface intérieure étoit toute remplie d'abcès, & de matieres schireuses & glaireuses, dont les unes étoient de la grosseur du poing, les autres de celle d'un œuf; ensin il y en avoit de toutes sigures, parmi lesquelles on découvroit une infinité d'hidatides, dont quelques-unes étoient grosses comme des noix, & beaucoup d'autres de la grosseur d'une noisette. Il y en avoit d'entassées les unes sur les autres, qui formoient comme des ovaires de truye. Cette

poche s'étant augmentée & dilatée à mesure que les eaux croissoient, avoit tellement repoussé en haut les parties de la nourriture, que l'endroit du diaphragme qui regarde le soie, se trouvoit à la huitième côte en comptant de bas en haut; & tous les intestins, le soie & la ratte surent, à proprement parler, trouvés dans la poitrine: car le sond de cette poche faisoit par en haut comme un diaphragme, étant attaché aux côtes & au cartilage xiphoïde, & la partie antérieure étroitement colée au péritoine. Une portion de l'Îleon se trouvoit unie & attachée contre cette membrane, & tout l'épiploon slétri & sans graisse. Cette même membrane n'étoit point adhérente à l'épine.

Le foie, la vésicule du siel & ses vaisseaux étoient bien disposés. Le pancreas point schireux. La ratte petite & belle. Le cœur & les poûmons parurent aussi dans leur disposition naturelle. Il n'y eut que la matrice où l'on trouva un corps glanduleux dans son sond, de la grosseur d'une noix, qui faisoit paroître ce fond en

pointe.

Le 28 Novembre de la même année, j'ouvris une autre femme hydropique âgée de 28 ans ou environ.

Le ventre me parut d'abord extrêmement rempli, la

peau de tout le corps fort mince & desséchée.

Les tégumens levés, je découvris le péritoine que je trouvai plus épais qu'à l'ordinaire, comme aussi les aponevroses qui forment la ligne blanche.

Le péritoine ouvert, il en sortit une grande quantité d'eau jaunâtre, purulente, & beaucoup de matiere sem-

blable à la peau qui se forme sur la bouillie.

Toutes ces liqueurs étant vuidées, on apperçut une grande poche ou kiste qui couvroit toutes les parties du ventre.

La surface extérieure de cette poche étoit fort inégale, & elle se féparoit en plusieurs seuilles membraneuses, dont les unes étoient plus épaisses que les autres.

X iij

Elle étoit attachée à toute la région des os pubis & des iles, & s'étendoit jusqu'aux fausses. Quand on l'eut ouverte, il en fortit une grande quantité de férosités rougeâtres, & j'observai qu'elle étoit parsemée d'un grand nombre de vaisseaux sanguins qui se distribuoient dans sa surface intérieure.

Ces vaisseaux venoient principalement de l'épiploon, lequel étoit sans graisse & fort flétri. C'est ce que l'on voit souvent dans les hydropiques.

Les visceres se trouverent disposés de la maniere sui-

vante.

L'estomac étoit dans sa situation naturelle, mais rempli de vents; il fournissoit une grande quantité de vaisseaux, qui s'inséroient au sond de la poche dont on vient de parler. Presque tous les intestins se trouverent poussés au côté gauche. Le colon étoit fort étréci depuis sa naissance jusqu'à la région du pilore: mais depuis le pilore jusqu'à l'endroit où il passe sous la ratte, il étoit dans sa disposition naturelle, & s'étrécissoit de nouveau jusqu'au rectum. La matrice parut bien disposée; l'ovaire gauche étoit plus gros qu'à l'ordinaire, & tout schireux.

Le foie me parut un peu plus dur qu'il ne l'est ordinairement, & je trouvai à la partie inférieure du grand lobe une hidatide. La vésicule du fiel étoit assez grosse & sans embarras, de même que son canal. A côté de cette vésicule & du côté du pilore, je trouvai trois autres hidatides grosses comme des noix: le pancreas parut un

peu schireux.

La poitrine ouverte, je trouvai les poûmons adhérans dans toute leur surface, fort flétris, & fort resserrés: le cœur n'étoit pas plus gros qu'un œuf de poule; il étoit aussi fort flétri, mais il n'y avoit aucun embarras dans ses cavités ni dans ses vaisseaux.

Le 6 Octobre 1698 je sis l'ouverture du corps d'une femme décédée à l'occasion d'une hydropisse enkissée.

Avant que de lever les tégumens, je vuidai les eaux

restées dans le ventre : il y en avoit encore 15 à 16 pintes limoneuses, & semblables à celles que j'avois vuidées par

la ponction.

Les tégumens levés, je trouvai une membrane fort épaisse qui tapissoit toute la capacité du ventre. Elle naissoit du côté gauche du fond de la matrice, enveloppoit l'ovaire du même côté, & s'attachoit aux pubis & aux iles jusqu'aux fausses côtes, laissant le corps de la matrice libre, de même que la trompe & l'ovaire du côté droit qui paroissoient dans leur état naturel; mais la trompe gauche s'étendoit sur le kiste, & elle avoit un pied de longueur.

Cette membrane ou poche tapissoit le ventre de telle maniere, que l'ayant ouverte il ne paroissoit aucune des parties contenues dans le bas-ventre, parce qu'elles étoient toutes cachées dessous, & ramassées du côté droit, n'y ayant au côté gauche que la portion du colon qui produit

le rectum.

On voyoit dans ce grand fac deux masses ou tumeurs considérables sur le fond de la matrice, une de chaque côté: celle du côté droit étoit une espece de schire, & celle du côté gauche étoit l'ovaire, qui étoit de la grosseur d'un œuf d'Autruche. Quelques-unes de ces vésicules paroissoient séparées les unes des autres, sans avoir perdu leur arrangement naturel nonobstant leur volume. J'en ouvris qui se trouverent remplies de matieres dissérentes en couleur & en consistence: il y en avoit qui rensermoient une liqueur transparente & semblable à l'humeur vitrée; d'autres à une limphe blanche un peu épaisse; d'autres ensin étoient de couleur jaunâtre; & elles avoient toutes plus ou moins de consistence.

Les vésicules les plus proches du fond de la matrice n'avoient que leur volume ordinaire. Cette tumeur ou ovaire dilaté s'étendoit sur le côté droit du fond de la matrice, sans y être attaché que par le Kiste: elle étoit plus grosse

par ses extrémités que dans son milieu.

Il se joignoit à cet ovaire plusieurs autres tumeurs qui

paroissoient n'en faire qu'une. Il y en avoit où l'on trouva des matieres semblables à de belle gelée, & même plus transparente & visqueuse, de maniere qu'elle filoit comme de la glu; d'autres rensermoient des matieres moins

épaisses, & teintes de rouge & de jaune.

La surface intérieure de ce grand sac étoir inégale, tant par plusieurs autres sacs ou poches qui s'y ouvroient, que par plusieurs especes d'extrémités de vaisseaux, & aussi par un encroûtement causé par le séjour des matieres gluantes & limoneuses qui y avoient été rensermées depuis long-tems. Je découvris aussi plusieurs vaisseaux considérables, qui naissoient de ceux de la matrice; car en soussant dans les vaisseaux de la matrice, ceux de ce sac se dilatoient de même.

L'épiploon qui paroissoit un peu altéré, y tenoit en plu-

sieurs endroits.

Les uretéres étoient fort épais & fort dilatés: toutes les autres parties du bas - ventre se trouverent dans leur état naturel, malgré la compression qu'elles avoient soufferte.

Réslexions sur l'Hydropisie enkistée.

Il feroit inutile de sçavoir qu'il arrive aux filles & aux femmes une hydropisse particuliere, qu'on nomme Enkistée, s'il n'y avoit de certains signes ausquels on la pût reconnoître. L'hydropisse enkistée se reconnoît ou avant la ponction, ou dans l'opération: elle se reconnoît avant la ponction par le récit de la malade, & par l'adresse du Chirurgien; dans l'opération, par les diverses circonstances qui l'accompagnent, & par la nature des liqueurs.

Si l'on juge qu'il y ait un épanchement considérable dans le ventre, & qu'il se soit passé plus de deux ans depuis que la maladie a commencé; on peut compter que les eaux sont ensermées dans une poche ou kiste. On doit penser la même chose, c'est-à-dire, que l'hydropisse est en-kistée, si la malade dit qu'elle a senti dans les premiers

tems

tems comme une boule ou tumeur dans le ventre à un des côtés de l'hypogastre; que cette tumeur s'est augmentée peu à peu, & que le ventre s'est élevé de même qu'il arrive dans la grossesse, sans beaucoup d'incommodité, & sans que la couleur de la peau soit fort changée. De plus si les pieds, les jambes & les cuisses n'ont été enflés que dans les derniers tems, & que le ventre ait toujours gardé une certaine sigure malgré les dissérentes situations où la malade se mettoit, ce qui n'arrive pas, lors-

que les eaux sont épanchées dans la capacité.

Il faut encore faire attention que lorsque les visceres n'ont pas été poussés fort haut par la grande quantité d'eau, qu'ils n'ont point soussert de fortes compressions entre le kiste & le diaphragme, & que le kiste est encore flotant, comme il arrive à la matrice dans la grossesse; il y a espérance de guérison, ou du moins que la malade sera fort soulagée: parce que les eaux étant vuidées, il peut arriver que le kiste en se ramassant & se réunissant, fermera les extrémités des vaisseaux qui sournissoient les liqueurs. Je tire cette conjecture tant de ce que j'ai rapporté dans une autre observation du soulagement que reçut une semme qui étoit hydropique depuis six ou sept ans, que de ce que j'ai vû guérir une jeune sille en pareille occasion.

A l'égard de ce qui se passe durant l'opération, voici à quoi on peut reconnoître que les eaux sont enkistées.

Premierement, si les eaux que l'on vuide, sont huileuses & limoneuses, & si elles ont une odeur fade comme
de pus, ou d'œuss couvés. Il est vrai qu'il arrive aussi
quelquesois que quoiqu'on ne vuide que des eaux purement urineuses, il ne laisse point d'y avoir un kiste formé qui en renserme d'autres. J'ai vuidé, par exemple,
des eaux urineuses qui étoient épanchées entre le peritoine & le kiste, sans que le ventre diminuât considérablement de sa grosseur & de sa figure. Ces eaux sont ordinairement en petite quantité, parce que cet épanchement n'arrive que quand le kiste est entierement plein
Mém. 1703.

& n'en peut contenir davantage; & c'est par cette raison que les pieds, les jambes, les cuisses & les reins ne commencent à enfler & à se remplir de sérosités que dans ces rems-là. J'avoue que cette forte de maladie m'embarrassa la premiere fois; je craignis de n'être point dans la capacité, je sentois de la résissance au bout de ma canule: mais y ayant introduit un stilet, & fait faire un petit mouvement à la malade, je reconnus enfin que j'étois dans la cavité. Alors l'ayant fait pancher contre la canule, je sentis une nouvelle résistance, ce qui me jetta dans un second embarras, ne sçachant si c'étoit l'intestin, ou quelque corps étranger. Pour m'éclaircir, je sis rester quelques momens la malade dans cette situation, & ne sentant aucun mouvement par le frottement de la canule, j'en conclus qu'il falloit que ce fût un corps étranger qui étoit un kiste où les eaux étoient renfermées. Ausli-tôt je sis presser & pousser le ventre contre moi, & ayant piqué ce corps étranger, il en fortit cinq à six pintes de matieres jaunâtres & mucilagineuses; & quand je réiterai la ponction, je pris les mêmes précautions.

Ce que je viens de dire là m'a pareillement réussi dans plusieurs occasions de cette nature, qu'il n'est pas besoin

de répéter.

SUR L'HYDROPISIE.

PAR M. DU VERNEY le jeune.

1703. 16. Mai Près avoir eu l'honneur de lire à la Compagnie plusieurs observations touchant la plûpart des hydropisies du bas-ventre, j'espere qu'elle trouvera bon que je lui fasse part aussi de celles que j'ai faites sur les hydropisses qui se forment dans la poitrine. Elles sont ordinairement jointes à l'hydropisse ascite: mais soit qu'elles soient simples, ou composées, les principaux symptomes

font que l'hydropique sent une très-grande difficulté de respirer. En second lieu il ne peut demeurer sur le côté opposé au côté malade. En troisieme lieu il ne sçauroit respirer que sur son séant, & à demi-courbé; & il a toujours le visage maigre, & les yeux ensoncés & languissans: ce qu'on appelle un visage Hipocratique.

Il faut d'ailleurs remarquer que ceux qui après la ponction au ventre & une évacuation proportionnée à l'épanchement, demeurent oppressés & presque suffoqués, comme ils étoient avant l'opération, ne vivent pas longtems si on tarde à connoître la cause de leur inquiétude & de leur peine: ce qui est cependant très-difficile; & il n'y a eu que les observations que j'ai faites après leur mort,

qui m'ayent conduit à cette connoissance.

Je fus un jour appellé chez une jeune Dame devenue hydropique ensuite de ses couches. Je la trouvai avec une très grande oppression, inquiete, & ne pouvant demeurer en place. J'examinai son ventre, je reconnus qu'il y avoit des eaux, & proposai l'opération, parce que la chose pressoit, & qu'on avoit tout mis en usage. Je vuidai quatre à cinq pintes d'eau peu teinte & peu mucilagineuse, sans que la malade marquât le soulagement que sentent ordinairement ceux à qui on en a vuidé une pareille quantité. Je sis attention à tout ce qui se passoit, & j'observai que la malade ne pouvoit respirer que sur son séant & à demi-courbée, & qu'il y avoit un des côtés sur lequel elle n'osoit s'appuyer. Je jugeai alors, & je le dis aux assistans, qu'il y avoit de l'eau dans la poitrine. Il se trouva des gens qui dirent que c'étoit un faux-fuyant. Le désordre où étoit la malade, se termina quelques jours après par la mort.

Avant que de l'ouvrir, je songeai à m'assure si la conjecture que j'avois saite étoit véritable. Je mis le corps dans une situation convenable à la ponction; je piquai au côté sur lequel la malade demeuroit ordinairement couchée, qui étoit le côté gauche, entre la seconde & la troisseme des sausses côtes, à quatre trayers de doigts de l'é-

pine. Il en sortit de l'eau de la même nature que celle qui étoit sortie du ventre; ce que je sis remarquer aux assistans. J'ouvris la poitrine, & il s'y trouva encore beaucoup d'eau.

Le poûmon du même côté étoit fort flétri, & fort com-

primé par l'abondance des sérosités.

Il n'y avoit aucun épanchement au côté droit : le poûmon étoit d'un rouge brun, & plus pesant qu'à l'ordinaire par la quantité de sang dont il étoit rempli.

Le cœur étoit dans sa disposition naturelle, & l'oreillette

droite extrêmement remplie de sang.

Quelque tems après cette observation je susappellé chez une semme hydropique âgée de 28 à 30 ans. Le visage me parut maigre, les yeux ensoncés, décharnés & languissans: elle respiroit avec peine, & ne pouvoit demeurer dans

aucune situation qu'à demi courbée.

Avant que de passer à aucun autre examen, je m'informai s'il y avoit long-tems qu'elle étoit dans cet état, & ce qui avoit précédé sa maladie. On me dit qu'avant qu'elle s'alitât, c'étoit une semme fort vive & d'un très-bon tempérament; qu'il y avoit trois mois qu'il lui survint une grande douleur au côté droit, avec une sievre continue; qu'on l'avoit saignée plusieurs sois, & employé lles remedes ordinaires en pareille occasion. La douleur ayant beaucoup diminué, il lui resta une petite sièvre lente, accompagnée de quelque peine à respirer: ce que l'on regarda comme une suite de son mal.

La malade dans cet état se remit peu à peu à sa maniere ordinaire de vivre, & à agir autant que ses forces

le lui permettoient.

Les pieds & les mains devinrent enflés, sur-tout le pied & la main droite; le visage & les côtés boussis de tems en tems; enfin le ventre aussi parut enflé, la respiration sur pénible & difficile, & la malade s'alita: elle sur encore saignée, & on lui sit différens remedes sans que cela empêchât les accidens d'augmenter.

J'examinai alors le pouls, que je trouvai petit, inégal

& pressé: le ventre ne me parut pas assez tendu pour causer seul tous ces symptomes; ce qui me consirma dans la pensée que j'avois eue dès-que je vis la malade, qu'il y avoit de l'eau dans la poitrine. Je jugeai à propos de commencer par la ponction au ventre, & vuidai quatre à cinq pintes d'eau au plus, qui étoit tout ce qu'il y en avoit. La malade se sentit un peu soulagée, sans pouvoir néanmoins se tenir couchée sur le côté gauche. Au bout de quelques jours tous les symptomes redevinrent aussi pressans qu'ils étoient avant l'opération, quoique le ventre n'eût pas grossi de nouveau.

Je fis résoudre la malade à souffrir la ponction à la poitrine. J'appréhendois cependant que la collection ne sût enkistée, ou le poûmon adhérant à la pleure, à cause de la douleur qui avoit précédé: ce qui me fit examiner avec attention le côté malade, sçavoir si la douleur étoit plus grande dans un endroit que dans un autre; si la peau étoit émincée, & la couleur changée; si en retenant la respiration, & en se courbant sur le côté opposé, il ne paroissoit point quelque bouffisure au côté malade; & si cette Dame n'y sentoit point alors quelque tiraillement. Après toutes ces précautions, je piquai entre la seconde & la troisieme des fausses côtes le plus près de l'épine que je pus, & je vuidai environ trois demi-septiers d'une serosité mucilagineuse & semblable à de la forte tisane citronnée : ensuite je sis sur tout le côté un liniment avec les huiles de térébenthine & de mille-pertuis, & l'espritde-vin. Je fis garder à la malade le même régime que j'ai décrit dans mes observations de 1679, que j'eus l'honneur de lire à la Compagnie en 1701.

La malade sur soulagée de toutes manieres; elle dormit & respira avec liberté en quelque situation qu'elle se mît; ensin un petit flux d'urine qui survint, aidé des remédes suivans, acheva heureusement ce qu'on avoit commencé, & cette Dame se vit dans un mois en état de

vaquer à ses affaires.

Elle sut purgée deux sois après l'opération: ensuite elle

usa le matin & le soir d'une opiate saite avec les conserves de grattecul, ou cynorrhodos & d'enula, le blanc de baleine, la rhubarbe, les yeux d'écrevisse, les graines de mille-pertuis & de soin, & les sleurs de camomille & de petite centaurée.

J'ai décrit exactement cette observation, parce qu'il est rare qu'on sasse cette opération à tems; & on néglige même souvent de la faire, saute de bien examiner & de bien connoître la maladie. C'est pourquoi il y a si peu de

ces malades qui guérissent.

Hydropisie de Poitrine.

Un célebre buveur, d'un tempérament fort & vigoureux, étant devenu hydropique, essaya tous les remedes qu'on lui proposa, sans rien changer de sa maniere de vivre.

Je sus appellé pour le voir : je lui trouvai le pouls petit, fréquent, & qui s'échappoit au troisseme ou quatrieme battement; la respiration fréquente & laborieuse, & tout le corps tout enflé: les jambes étoient très-dures, moins par la quantité des eaux extravasées, que parce qu'elles me paroissoient mucilagineuses; le doigt n'y faisoit presque point d'impression, ce qui me faisoit croire que les fibres des parties & les liqueurs avoient beaucoup perdu de leur mouvement. Je sçavois d'ailleurs que dans ceux en qui on reconnoît une pareille disposition, les jambes ont de la peine à se rétablir, & qu'elles leur restent pour l'ordinaire grosses, pesantes, & comme éléphantiques. Le ventre étoit d'une prodigieuse grosseur; tant par les eaux contenues dans la capacité, que par celles qui étoient infiltrées dans toutes les enveloppes extérieures. Le malade en cet état se sentoit presque suffoqué. Comme il avoit été traité par des Médecins & des Chirurgiens fort célebres, je les fis prier de le revoir. Je proposai la ponction: ils l'approuverent; & je la fis en leur présence. Je vuidai environ huit pintes de sérosités

urineuses, un peu mucilagineuses & salées; ce qui débarrassa seulement les parties de la nourriture. Cette évacuation sur réparée dans la journée, de la part du malade, par deux pintes de bon vin prises en maniere de cordial, & d'ailleurs par les eaux des parties voisines; de maniere que le lendemain le ventre se trouva presque aussi gros, qu'avant l'opération. Quoique l'évacuation fût si considérable, la respiration n'en parut gueres plus libre; & du troisieme au quatrieme jour l'estomac se trouva si accablé par l'épanchement de nouvelles eaux, que le malade ne pouvoit plus prendre d'alimens. Je réitérai la ponction, & je vuidai encore environ dix pintes d'eau pareilles aux premieres. Malgré toutes ces évacuations la respiration demeura toujours pénible. On crut que la quantité d'eau qui étoit répandue dans les parties extérieures de la poitrine en étoit la seule cause : on purgea le malade; & il vuida beaucoup par les selles & par les urines: ensuite on le sit vomir; ce qu'il sit avec peine, se sentant presque suffoqué, quand le vomissement commençoit. La fatigue & l'abbattement où il se trouva, nous sit penser à lui donner quelques jours de repos, à le réparer par des alimens convenables, & à écouter la nature, afin de nous regler suivant le produit.

Le malade passa très-mal la nuit: je le trouvai le lendemain fort oppressé, le pouls intermittent, & la voix qui avoit toujours été très-forte, presqu'éteinte. Je ne doutai plus qu'il n'y eût épanchement dans la poitrine, & que le danger où il se trouvoit en yomissant, ne yînt des eaux qui pesoient sur le diaphragme, lesquelles en comprimant les poûmons, empêchoient que l'air ne se distribuât comme à l'ordinaire, & rendoient parconséquent

la respiration très-fréquente.

On lui donna quelques cuillerées de gelée délayée, dans du vin d'Alicante : ses forces s'éveillerent ; il but un peu plus, avala quelques jaunes d'œufs, & enfin se trouva mieux. Je conclus de là que le défaut de respiration étoit en partie causé par l'épuisement, & qu'il n'y avoit

pas affez d'esprits animaux pour dilater & resserrer la poitrine, & surmonter le poids des eaux dont les parties intérieures & extérieures étoient chargées: Que de plus les bronches du poûmon pouvoient être embarrassées par des matieres visqueuses, comme il arrive dans quelques asthmatiques, & dans certaines inflammations de poitrine. Dans cette vûe je lui fis prendre dans du vin d'Alicante demi-gros d'esprit volatil de sel armoniac; ce qui lui sit jetter beaucoup de matieres visqueuses par les crachats: la respiration devint plus libre, & il urina beaucoup. Le lendemain se trouvant de mieux en mieux, je proposai la ponction à la poitrine; & on en convint. Il s'agissoit de sçavoir s'il n'y avoit de l'eau épanchée que d'un côté, ou s'il y en avoit à tous les deux. On ne pouvoit presque remuer le malade, tant il étoit pesant & appésanti; de maniere que le changement de situation ne pouvoit nous indiquer un lieu préférablement à un autre. Je me déterminai à faire la ponction au côté droit, parce que j'y avois toujours vû le malade couché. On me fit une objection qui m'arrêta un peu. On me dit que comme le lit n'avoit point de ruelle, le malade étoit obligé d'être dans cette situation pour demander & pour recevoir ses besoins; qu'il s'y étoit accoutumé; qu'ainsi il n'y falloit pas avoir égard : mais ayant fait réflexion qu'une même situation devient à charge; que rien ne soulage tant un malade que de la diversifier; que celui-là n'étoit ni complaisant ni patient; je conclus qu'il n'y avoit d'autre raison de cette situation que la nécessité. Enfin n'ayant pas la liberté de compter les côtes à cause de la grande épaisseur des tégumens, je suivis la méthode que l'on garde dans l'empiême en pareille occasion. J'introduisis heureusement l'instrument dans la poitrine, ayant cependant un peu effleuré la côte; je vuidai plus d'une pinte d'eau: le malade se sentit soulagé malgré la présence de la canule. Quand je l'eus ôtée, le malade se plaignit d'une douleur à l'épine vis-à-vis de la ponction, qui s'étendoit jusqu'au col, & qui empêchoit la respiration. Je lui sis un liniment

liniment avec les huiles de vers, de mille-pertuits, de carabé ou ambre jaune, & de térébenthine. Je lui fis prendre aussi quelques bols avec la térébenthine de Chio, le baume du Pérou, & le blanc de baleine, & la douleur su appaisée en moins de vingt quatre heures. Il arriva à la poitrine ce qui arrive ordinairement au ventre: il s'y sit une nouvelle collection d'eau. Je sis une seconde ponction avec tant de succès que le malade ne s'en apperçut presque pas. Je vuidai un peu plus d'eau qu'à la premiere sois. Le malade s'en trouva si soulagé, qu'il crut être entierement guéri. Je le mis ensuite à l'usage de l'opiate vulnéraire, que j'ai décrite dans l'observation précédente, où j'ajoutois de tems à autre le sel volatil armoniac, le purgeant de tems en tems avec le sirop de noix, dont voici la composition.

Sucre clarissé, une livre: eau de noix, demi-septier: diagrede, une once: extrait de rhubarbe, six gros: bonne eaude-vie, trois chopines. Faire cuire le tout en sirop, dont on donne depuis deux cueillerées jusqu'à quatre. On le prend le matin à jeun, & le quart d'un bouillon par-dessus; & trois heures après, un autre bouillon; gardant un grand repos toute la journée. Si on a mal au cœur, on

prend un peu de vin chaque fois qu'on y a mal.

Le véhicule de tous ces remedes étoient de grands & fréquens verres de vin, & cela jusqu'à boire quelquesois six à sept pintes de vin en 24 heures, & toujours au moins trois ou quatre. La poirrine resta libre, mais le ventre grossit de nouveau quelque tems après. Je sis une troiséme ponction, & vuidai cinq à six pintes d'eau. Au moyen de cette évacuation le ventre redevint à peu près dans son état naturel, de même que le reste du corps, à l'exception des jambes qui resterent grosses, dures & in-slexibles.

Le malade se lassa de l'usage des remedes, & voulut vivre d'une maniere plus libre: ensuite il se mit entre les mains d'un Charlatan, qui lui promit de guérir ses jambes en huit jours. La méthode de cet Opérateur sur d'ap-

Mem. 1703.

178 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE pliquer de forts vésicatoires, ausquels il survint bien-tôt la gangréne, qui termina ensin la maladie par la mort.

PRONOSTICS

Que l'on peut faire touchant l'Hydropisse après la ponction.

PAR M. DU VERNEY, le jeune.

1703. 11. Juillet. Es eaux des Hydropiques ressemblent ordinairement à de la tisanne citronnée, & sont un peu mucilagineuses, d'une odeur urineuse, & un peu salées: ce sont en général les moins mauvaises; car quand elles sont séches au toucher, elles sont plus âcres & plus saumurées.

On trouve quelquesois des eaux presque semblables à de l'eau ordinaire, d'autres un peu laiteuses, d'autres qui le sont tout-à-sait, de jaunes qui teignent le linge, de roussearce, de sanguinolentes, d'huileuses, de limonneuses, & ensin de purulentes, avec plus ou moins de mauvai-se odeur, & plus ou moins de consistence.

Plus les eaux s'éloignent de leur état naturel, ou de la premiere que j'ai décrite, soit en couleur, en odeur, en saveur, ou en consistence; moins il y a d'espérance de guérison.

Ceux à qui on vuide de l'eau à peu près comme de l'eau de riviere, qui ne laisse point ou que peu de sédiment après l'évaporation, meurent pour l'ordinaire; car leur ventre s'enste en peu de tems, & la boussissure extérieure augmente & durcit.

La mauvaise odeur des eaux est suspecte. On a lieu de croire que les parties ont reçû quelque impression fâcheuse; ce qui cause la sièvre, le dégoût, & jette le malade dans des inquiétudes qui augmentent l'altération & le désordre.

Les eaux fanguinolentes sont pareillement à craindre, quand le fang paroît avoir séjourné avec la liqueur, & qu'il est noirâtre.

Celles qui sont fort hautes en couleur, jaune ou rouge, marquent la mauvaise qualité de la bile, & l'embarras dans sa préparation ou dans sa distribution.

Celles où il se trouve des filets de l'épiploon, en marquent la fonte & la suppuration, & que le malade périra.

Ceux à qui les urines restent rouges, briquetées, & en petite quantité après la ponction, laissent aussi peu d'espérance.

Ceux qui après l'opération deviennent inquiets sans caufe maniseste, périssent pour l'ordinaire, quoiqu'ils ayent été soulagés par la ponction.

On ne voit presque point guérir d'hydropiques dont l'hydropisse a été précédée de la jaunisse, sur-tout si la jaunisse subsiste durant la maladie.

Ceux de qui le ventre après la ponction grossit de nouveau en peu de tems, guérissent aussi rarement.

Quand après la ponction le malade demeure presque aussi oppressé qu'il étoit avant l'opération, cela marque qu'il y a épanchement dans la poitrine.

Quand on vuide aux filles & aux femmes des eaux mucilagineuses, on doit compter qu'elles sont enkistées, & que par conséquent la maladie guérit très-rarement.

Lorsqu'un flux de ventre continue à un hydropique après la ponction, s'il ne reçoit pas un soulagement proportionné à l'évacuation, il meurt extrêmement sec & le ventre fort tendu, & on doit alors regarder cette évacuation comme une sonte de la substance des parties.

Dans ceux à qui il survient des accès de siévre marqués par frisson, c'est ordinairement une suite de quelque suppuration intérieure, ou d'un ressux de matieres. Ces frissons causent des tiraillemens intérieurs, & en même-tems de si grandes dissipations, que presque tous les malades y succombent.



M A N I E R E P R O M P T E E T F A C I L E

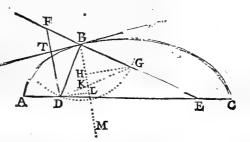
De trouver les Touchantes de l'Ellipse de M. Cassini.

PAR M. VARIGNON.

Ette maniere de trouver les Touchantes de l'Ellipse de M. Cassini, est si simple & si peu différente de celle dont on trouve les Touchantes de l'Ellipse ordinaire par le moyen de ses soyers, que j'ai cru la devoir faire remarquer, sur-tout vû l'embarras qu'il y auroit à les trouver autrement: la voici.

1703. 21. Juillet.

Soit ABC l'Ellipse de 'M. Cassini, dont le grand axe soit AC, & les soyers D, E: On demande la Tangente à un point quel-conque B de cette Ellipse, dont la nature est d'avoir partout BD × BE = AD × AE = CD × CE.



SOLUT. D'un de ses foyers quelconques, par exemple E, soit par le point B la droite E B prolongée indéfiniment vers F; & après avoir pris B F troisième proportionnelle à B E, B D, c'est-à-dire, B F = $\frac{BD \times BD}{BE}$, menez la droite F D, sur laquelle du point B tombe la perpendiculaire B T: je dis que cette droite B T fera la T angente requise.

DEMONST. Soient AD ou CE=a, AE ou DC=c, DB=z, & BE=y. La nature de cette Ellipse donnant (hyp.) par tout $BD \times BE = AD \times AE$, l'on aura aussi par tout ici zy=ac; & par conséquent zdy-ydz=o, ou zdy=ydz, c'est-à-dire, dz. dy:: z(DB). y(BE). Donc

Z iij

(Anal. des Inf. petits, art. 32.) si du centre B on fait un arc de cercle quelconque DG, lequel rencontre BD & BE en D & en G, avec une droite BM sur laquelle les perpendiculaires DL, GH, foient comme dz, dy, c'està-dire ici, comme DB, BE; cette droite BM fera perpendiculaire en B à la Courbe ABC. Or il est visible qu'en divisant la corde D G en K, ensorte qu'on ait D K. KG:: DB. BE. la droite tirée de B par K, donnera aussi les perpendiculaires DL, GH, comme DB à BE, c'est-à-dire, DL. GH:: DB. BE. Donc cette droite BK ou BM sera effectivement perpendiculaire en B à la Courbe ABC. Or ayant (hyp.) BG = BD, & $BF = \frac{BD \times BD}{BE}$, la corde DG ainsi divisée en K, ensorte qu'on ait DK. KG:: DB. BE. donnera aussi DK. KG:: FB. BG. Et par conféquent FD & BK ou BM seront paralléles entrelles. Donc en faisant BT perpendiculaire sur FD, elle le sera de même sur BK, qu'on vient de voir l'être à la Courbe en B. Donc aussi cette même BT sera Touchante de la Courbe en B. Ce qu'il falloit démontrer.



RECTIFICATION

Des Caustiques par Réslexion formées par le Cercle, la Cycloïde ordinaire, & la Parabole, & de leurs Développées, avec la Mesure des Espaces qu'elles renferment.

PAR M. CARRE'.

DES CAUSTIQUES CIRCULAIRES.

Phre plusieurs Géométres qui ont examiné la nature de la Cycloïde, Monsieur Huguens a été le premier 24. Juillet. qui ait découvert qu'elle se décrivoit elle-même en se développant, & il a douté s'il y avoit quelque autre Courbe qui eût cette propriété. Monsieur de Tschirnhaus a observé la même chose dans celle qui est formée par l'intersection des rayons lumineux restéchis par la circonférence d'un Cercle, à qui il a donné le nom de Caustique. Après avoir expliqué la nature de cette Courbe, il a tiré plusieurs conclusions, dont il n'a donné ni calcul ni démonstration. C'est ce que l'on va donner ici en se servant de la méthode des Intégrales.

Soit le demi-cercle $\overline{A}BE$ qui a pour diamétre AE; si FIGURE I. l'on imagine qu'une infinité de rayons lumineux paralléles & infiniment proches, tels que PM, pm, tombent fur la circonférence ABE coupant le diamétre AE perpendiculairement, il est évident que tous les rayons resléchis MN, mN en se coupant formeront par leur point de concours une Courbe ANF dont on demande la construction. Il est visible que le rayon resléchi sera Tangente de la Caustique, puisque deux Tangentes infiniment proches se coupent dans le point d'attouchement, &

qu'ainsi pour prouver tous les points de la Courbe, il n'y a qu'à déterminer la longueur du rayon restéchi MN.

L'on a trouvé dans la Section VI. de l'Analyse des Infiniment petits pour l'expression générale du rayon restéchi, $\frac{dx^2 + dy^2}{-2 ddy} \cdot \text{Nommant donc le diamétre } AE, 2r; AP, x;$ $PM, y; \text{l'on aura à cause du cercle } y = \sqrt{2rx - xx}, &\text{prenant les différences } dy = \frac{r dx - x dx}{\sqrt{2rx - xx}}, &dy^2 = \frac{r dx}{\sqrt{2rx - xx}}$

 $= \frac{rrdx^2 - 2rxdx^2 + xxdx^2}{2rx - xx}; & ddy = \frac{-rrdx^2}{2rx - xxV}$

en prenant dx pour constante: substituant donc ces valeurs dans $\frac{dx^2 + dy^2}{-2ddy}$, l'on trouvera $MN = \frac{1}{2} \sqrt{2rx - xx}$ $= \frac{1}{2} PM$. C'est-à-dire, que pour avoir tous les points de

la Courbe, il faut prendre le rayon restéchi moitié du rayon incident. D'où l'on voit que si le rayon incident passe par le centre du cercle, le point N se trouvera en F, c'est-à-dire au milieu du rayon du cercle, & c'est là le point que l'on a coutume de prendre pour le soyer.

De là il est facile de rectifier cette Courbe; car l'on a démontré dans la même Section que la Caustique ANF étoit toujours égale au rayon resléchi par le rayon incident; ainsi la portion AN sera au rayon resléchi MN comme 3 à 1, & au rayon incident PM comme 3 à 2, & par conséquent la Courbe entiere ANF est au rayon du cercle comme 3 à 2.

De plus si l'on mene du point M la perpendiculaire MI, il est clair que la partie de la Courbe FN est à la partie AN comme BI est à IC. Car AN = MN + IC,

& FN = MN + IB; donc, &c.

Si l'on conçoit maintenant que la Caustique ANF soit enveloppée d'un sil, & que ce sil se développe en commençant par le point A, l'autre extrémité F demeurant sixe & immobile, il est clair qu'il décrira la Courbe AHD dont on demande la nature & la longueur.

L'on a démontré dans la même Section que cette Courbe étoit une Cycloïde formée par le roulement d'un cercle qui a pour diametre BD = CB autour de la circon-

férence ABE du cercle immobile.

Il ne reste donc qu'à trouver la longueur de cette Courbe. Pour cela soient prolongés les rayons réstéchis NM, Nm, jusqu'aux points H, h, de la Courbe AHD, & du point N comme centre & du rayon NM soit décrit le petit arc MR, il est clair par la nature des développées que NH, Nh, sont perpendiculaires sur la Courbe AHD, & égales à la portion AN, & par conséquent que le petit arc MR est parallele à la partie Hh de la Courbe; donc Rm sera la différentielle de HM. Mais parce que HM = PM, l'on aura Rm = dy; & à cause du cercle $Mm = \frac{rdx}{\sqrt{2rx - xx}}$, l'on aura MR ($Mm^2 - Rm^2$) =

 $\frac{rrdx^2}{2rx-xx} - dy^2 = dx^2$, en mettant à la place de dy^2 sa

valeur, donc RM = dx = Pp. L'on peut encore démontrer que RM = Pp, si ayant mené du point M la ligne M Q parallele à AC; on considere que les deux triangles MRm, MQm, sont semblables & égaux. Mais à cause des secteurs semblables MNR, HNh, l'on aura NM $(\frac{1}{2}\sqrt{2rx-xx})$. $NH(\frac{3}{2}\sqrt{2rx-xx})$:: MR(dx). Hh = 3 dx, qui est la différentielle de la Courbe, dont l'intégrale = 3x; donc la partie AH de la Courbe est triple de AP, & la Courbe entiere est triple du rayon du cercle.

Il est évident, 1°. Que si l'on décrit un cercle du rayon CD double de CB, & que du point H l'on mene la Tangente HT terminée par la circonférence, la partie DH de la Courbe est triple de la Tangente HT; car cette Tangente est égale à PC.

2°. Que la portion AH est au reste HD comme AP est à PC, ou HT. De-là il est facile de couper cette

Courbe en raison donnée.

3°. Que la partie AN de la développée est à la partie AH formée par le développement, comme MP est à 2AP: car $AN = \frac{3}{2}MP$, & AH = 3AP.

Mem. 1703. A a

4°. Que la Courbe entiere AHD est double de sa dé-

veloppée ANF.

Maintenant si l'on veut avoir l'espace borné par la circonférence du cercle générateur & par la Caustique, il n'y a qu'à multiplier $\frac{1}{2}MN(\frac{1}{4}V_{2rx}-xx)$ par RM(dx), & l'on aura le petit triangle $NMm=\frac{1}{4}dxV_{2rx}-xx$ qui est la différentielle de l'espace AMN; mais dx $V_{2rx}-xx$ est la différentielle du segment APM, donc l'espace AMN est le quart de ce segment, donc l'espace entier ABF est la quatrième partie du quart de cercle ACB. D'où l'on peut conclure que le quart de cercle est divisé par la Caustique en deux espaces qui sont comme nombre à nombre.

Pour avoir l'espace AHM, l'on multipliera MR + Hh (dx + 3dx) par $\frac{1}{2}HM(\frac{1}{2}\sqrt{2rx-xx})$, & on aura le petit trapeze $HMmh = 2dx\sqrt{2rx-xx}$, qui est la différentielle de l'espace: D'où l'on voit que cet espace est double du segment AMP, & par conséquent que l'espace entier AHDBMA est double du quart de cercle ACB.

Il est évident, 1°. Que cet espace AHDBMA est quadruple du demi-cercle qui auroit formé la Cycloïde AHD en roulant sur le quart de la circonférence AB, & par conséquent que l'espace extérieur AHDTG est double de ce même demi-cercle générateur qui auroit pour diametre BD.

2°. Que l'espace AHNA vaut neuf sois l'espace AMN. Car AHM = 2 APM, & APM = 4 AMN; donc

l'espace AHDFNA = 9AMBFNA.

3°. L'espace HDT est égal au segment BMI; car TH=MI, & l'espace GAD est égal au quart de cercle ACB; donc l'espace GTHA est égal à l'espace circulaire AMIC.

4°. L'espace AHM est à l'espace MBDH comme le

segment AMP est au segment PMBC.

5° L'espace HDT est au reste AGTH comme le segment BMI est au segment AMIC.

du cercle qui auroit pour rayon BF, qui est le générateur de la Caustique ANF; donc, &c.

AUTRE CAUSTIQUE formée par un Cercle.

Soit encore le demi-cercle AMB qui a pour diametre Fig. II. la ligne AB, si l'on imagine que d'une de ses extrémités A, il parte une infinité de rayons lumineux, tels que AM, Am, tombans sur la circonférence, l'on demande tous les points de la Courbe que les rayons réstéchis MN,

m N, formeront par leur intersection.

L'on a démontré dans la même section de l'Analyse des Infiniment petits, qu'il falloit toûjours prendre le rayon réfléchi égal au tiers de l'incident, & que cette Courbe étoit une Cycloïde formée par la révolution d'un cercle autour d'un autre qui lui est égal, & dont le diametre est le tiers de celui du demi-cercle AMB.

Ainsi nommant AB, 2r; AP, x; l'on aura à cause du cercle $AM = \sqrt{2rx}$; donc $MN = \frac{1}{3}\sqrt{2rx}$. L'on aura donc la portion AN de cette Courbe égale à $\frac{4}{3}\sqrt{2rx}$, parce qu'elle est totijours égale au rayon incident plus le rayon résléchi; donc la Courbe entière est au diametre du cercle AMB comme 4 est à 3, & au diametre de son

cercle générateur comme 4 est à 1.

Pour avoir l'espace borné par cette Courbe & la circonsérence du cercle, l'on décrira du centre N le petit arc MR qui est égal au petit arc MQ décrit du centre A, comme il est facile de le démontrer : car les deux triangles MRm, MQm, sont semblables & égaux; ils sont rectangles en R & en Q, de plus ils ont l'angle RMm = QMm, & Bhypothénuse Mm commune, L'on aura donc MR = \(\frac{1}{2.78} \times \frac{1}{2.78} \tim

par $\sqrt[4]{2rx} = \frac{1}{2}MN$, il viendra $\frac{rxdx}{\sqrt[4]{2rx+x}}$ pour la Aa ij

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE valeur du petit triangle MNm qui est la dissérentielle de l'espace AMN; mais la différentielle du segment circulaire AM est égale à $\frac{r \times d \times}{2\sqrt{2r \times - x \times}}$; donc l'espace AMN

est au segment AMA comme 1 est à 3, & par conséquent l'espace Caustique entier est au demi-cercle aussi comme 1 est à 3. Donc cet espace est au demi-cercle générateur comme. 3 est à 1; car les cercles sont entr'eux comme les quarrés de leurs diametres. Il sera facile de trouver les rapports que ces espaces ont entr'eux & avec leurs cercles générateurs, & d'en déduire toutes les autres proprietés,

comme on l'a fait dans la premiere Caustique.

Si l'on développe la Caustique ANF en commençant par le point A, elle décrira la Courbe AHD, qu'on a démontré dans l'Analyse des Infiniment petits être une Cycloïde semblable formée par le roulement d'un cercle qui auroit pour diametre le tiers de AB le long de la circonférence AMB mise dans une position renversée de la premiere, comme on le voit par la Figure : car son origine est en A, & son sommet sera dans le diametre AB prolongé. L'on demande la longueur de cette Courbe, & l'espace qu'elle renserme.

Soient pour cela prolongés les rayons réfléchis NM, Nm, jusqu'aux points H, h, de la Courbe, il est clair par la nature des développées, que ces lignes NH, Nh, seront perpendiculaires sur la Courbe AHD, & égales aux portions AN de la développée; ainsi les Secteurs MNR, HNh, feront femblables: I'on aura donc $NM(\frac{1}{3}V_2rx)$. $NH(\frac{4}{3}\sqrt{2rx})::MR(\frac{r\times dx}{\sqrt{2rx}\times\sqrt{2rx-xx}}).Hh=\frac{4r\times dx}{\sqrt{2rx}\times\sqrt{2rx-xx}}$

Mais cette différentielle est quadruple de MR ou MQ qui est la différentielle de la corde menée du point M au point B, donc la portion DH de la Courbe est quadruple de cette corde, & par conséquent la Courbe entiere est quadruple du diametre AB, & vaur douze fois celui du cercle générateur. Donc la longueur de cette Courbe est à celle de sa développée comme 3 est à 1.

Pour avoir l'espace borné par cette Courbe & par le cercle, l'on multipliera RM + Hh par $\frac{1}{2}MH$, & on aura $\frac{5r \times dx}{2\sqrt{2rx - xx}}$ pour le petit trapeze HMmh qui est la

différentielle de l'espace AMH; d'où l'on voit que cet espace est au segment AMA comme 5 est à 1, & par conséquent l'espace entier est au demi-cercle aussi comme 5 à 1. Donc cet espace est à l'espace caustique comme 15 est à 1.

Il seroit facile comme l'on voit de trouver tous les autres rapports que ces espaces ont entr'eux & avec leurs cercles générateurs, sans qu'il soit nécessaire de s'y arrêter

davantage.

II.

DES CAUSTIQUES FORME'ES

par la Cycloïde ordinaire.

Oir la demi-Cycloide AMB, qui a pour base la ligne Fig. III, AF, & pour demi-cercle générateur BOF: fi l'on imagine qu'une infinité de rayons lumineux paralleles, tels que PM, pm, coupans perpendiculairement la base AF, tombent sur la courbure AMB, & que les résléchis foient MN, mN, on demande la Courbe que touchent tous ces rayons réfléchis, ou, ce qui est la même chose, le point de concours de ces rayons, ou la longueur du rayon réfléchi MN.

L'on a démontré dans l'Analyse des Infiniment petits, set. 6. que pour avoir tous les points de cette Courbe, il falloit toûjours prendre le rayon réfléchi égal à l'incident, & que cette Courbe étoit une Cycloïde formée par la révolution entiere d'un cercle sur la droite AF, & dont

le diametre étoit égal au rayon du cercle BOF.

On pourroit encore déterminer la longueur de ce rayon en se servant de la formule $\frac{dx^2 + dy^2}{-2 d dy}$, qui se trouve dans la

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE même Section. Car soit du point M menée la ligne MO parallele à la base, coupant le demi-cercle en 0 : Soit BF = 2r, BQ = v; donc QO = V2rv - vv; foir l'arc BO = OM = z; done $QM = V_{2rv} - vv + z$, $AP = x = c - z - \sqrt{2rv - vv}$, en nommant la demicirconférence BOF, c; & enfin PM = FQ = y = 2r - v. Si l'on prend maintenant les différences de ces grandeurs pour avoir les valeurs de dx & de dy, on trouvera, 1°. $dx = -\frac{zrdv - vdv}{\sqrt{zrv - vv}} = -dv\sqrt{\frac{zr - v}{v}}$, parce que $dz = \frac{rdv}{\sqrt{2rv - vv}}$; & prenant encore les différences, en Supposant dx constante, il viendra $\frac{rdv^2}{v\sqrt{zrv-vv}} - ddv$ $V_{\frac{2r-v}{v}=0}$, d'où l'on tire $ddv = \frac{rdv^2}{2rv-vv}$. 2° dy =-dv, donc $ddy = -ddv = -\frac{rdv^2}{2rv - vv}$; mettant donc ces valeurs dans la formule, l'on trouvera MN =2r-v=FQ=PM; c'est-à-dire que si l'on prend le rayon réfléchi égal à l'incident, l'on aura tous les points de la Caustique ANF.

Il est évident que la portion AN de la Caustique =PM +MN=2PM, donc la Caustique entière =2BF; c'est-à-dire qu'elle est double du diametre du cercle générateur de sa génératrice; donc elle est quadruple du diametre de son cercle générateur. D'où l'on pourroit conclure qu'elle est une Cycloïde, & qu'elle est moitié de sa

génératrice.

Maintenant pour avoir l'espace borné par cette Courbe & la Cycloïde, soit décrit du centre N le petit arc MR qui sera égal à Pp, comme il est facile de le démontrer : multipliant donc R M par $\frac{1}{2}$ MN, c'est-à-dire, dx par $\frac{2r-v}{2}$, l'on aura $\frac{2r-dx-v-dx}{2}$ pour le petit triangle MN m qui est la différentielle de l'espace AMN, d'où l'on voit que cet espace est moitié de l'espace cycloïdal APM,

donc l'espace entier AMBFNA est moitié du Cycloïdal ABFA: Mais l'espace Cycloïdal est triple de son cercle générateur, donc l'espace AMBFNA est au cercle générateur qui a pour diametre BF comme 3 est à 2, aussibien que l'espace Caussique ANFA. Donc l'espace Caussique est triple de son cercle générateur, d'où l'on peut conclure que la Courbe qui borne cet espace est une Cycloïde.

Si l'on conçoit que ANF se développe en commençant par le point A, elle décrira la Courbe AHD, dont on

demande la longueur & l'espace qu'elle renserme.

Soient continués les rayons réfléchis NM, Nm, jufqu'en H, h; l'on fçait par la nature des développées que les lignes NH, Nh, font perpendiculaires fur la Courbe AHD, ainfi les fecteurs MNR, HNh, feront femblables; donc NM(2r-v). NH(4r-2v):: RM(dx). Hh = 2dx; ce qui fait connoître que cette Courbe est double de la base AF, c'est-à-dire double de la demi-circonsérence BOF.

Pour avoir l'espace borné par cette Courbe & la Cycloïde, il n'y a qu'à multiplier $\overline{Hh} \rightarrow MR$ (3 dx) par $\frac{1}{2}HM(\frac{2r-v}{2})$; il viendra $\frac{6rdx-3vdx}{2}$ pour la valeur du petit trapeze HMmh qui est la différentielle de l'espace AMH; mais cette différentielle est triple de celle de l'espace APM, donc cet espace est triple de l'autre, donc cet espace est au demi-cercle générateur BOF comme 9 est à 2.

Il est facile de déduire tous les autres rapports que ces espaces ont entr'eux & avec leurs cercles générateurs.

AUTRE CAUSTIQUE.

Soit encore la Cycloïde ordinaire AMB, dont le fommer foit le point A, la base BE, & le demi-cercle générateur AQF; soient les rayons incidens PM, pm, paralleles à la base BE, dont les réstéchis sont MN, mN, on

demande la longueur du rayon MN, & par conséquent

tous les points de la Courbe.

Il est démontré dans la même section de l'Analyse des Infiniment petits, que pour avoir tous les points de la Courbe ANF, il falloit toûjours prendre le rayon réstéchi égal à l'ordonnée correspondante dans le cercle générateur, ce que l'on trouvera encore en se servant de la formule $\frac{dx^2+dy^2}{-zddy}$. Car soit le diametre AE = 2r, AP = x; donc $PQ = \sqrt{2rx - x \cdot x}$; l'arc AQ = QM = z; donc $PM = \sqrt{2rx - x \cdot x} + z$, & prenant les différences pour avoir dy & dx, on aura 1°. $dy = \frac{rdx - xdx}{\sqrt{2rx - xx}} + dz$; mais

 $dz = \frac{r dx}{\sqrt{2rx - xx}}; \text{ donc } dy = \frac{2r dx - x dx}{\sqrt{2rx - xx}}, & ddy = -\frac{r dx^2}{x\sqrt{2rx - xx}}$ en prenant dx pour confiante; & mettant ces grandeurs
dans la formule, on trouvera $MN = \sqrt{2rx - xx} = PQ$.

Il est évident que la portion AN de la Courbe =PM $\rightarrow PQ$, & que la Courbe entiere est égale à la base BE plus le demi-diametre du cercle générateur, c'est-à-dire à la circonférence plus son demi-diametre, & par conséquent la rectification de cette Courbe suppose celle de la circonférence du cercle.

Pour avoir l'espace borné par cette Courbe & la Cycloïde, soit décrit du centre N le petit arc MR = Pp = dx, & multipliant RM(dx) par $\frac{1}{2}MN(\frac{\sqrt{2xx-xx}}{2})$, l'on aura $\frac{dx\sqrt{2xx-xx}}{2}$ pour la valeur du petit triangle MNm qui est la dissérentielle de l'espace AMN; d'où l'on voit que cet espace est moitié du segment APQ, & par conséquent moitié du demi-cercle générateur; donc l'espace entier est à l'espace Cycloïdal comme 1 est à 6, car l'espace Cycloïdal est triple du demi-cercle AQE.

L'on peut conclure en passant, que cet espace est égal

à l'espace Caustique dans le cercle.

Maintenant

Maintenant si l'on imagine que la Caustique ANF se développe en commençant par le point A, elle décrira la Courbe AHD, dont on demande la longueur & l'espace

qu'elle renferme.

Soient prolongés les rayons refléchis NM, Nm, jusqu'en H, h, ils seront perpendiculaires sur la Courbe AHD, l'on dira donc à cause des secteurs semblables MNR, HNh, $NM(\sqrt{2rx-xx}) \cdot NH(2\sqrt{2rx-xx}+z) :: MR$ (dx). $Hh = 2dx + \frac{zdx}{\sqrt{zrx - xx}}$, d'où l'on voit que la rectifi-

cation de cette Courbe suppose encore celle de la circonférence du cercle. Car l'intégrale du premier membre = 2 x; & pour avoir celle du second, on multipliera haut & bas par r, & l'on aura $\frac{z}{r} \times \frac{r dx}{\sqrt{2rx - xx}}$. Mais $\frac{r dx}{\sqrt{2rx - xx}} = dz$, donc

 $\frac{z r dx}{r \sqrt{z r x - x x}} = \frac{z dz}{r}$, dont l'intégrale $= \frac{z z}{z r}$. L'on aura pour

la longueur de la portion AH, $2AP + \frac{\overline{AQ}^2}{2AE}$, & pour

celle de la Courbe entière 2 $AE + \frac{\overline{AQE}^2}{AE}$, c'est-à-dire qu'elle est égale à deux fois le diamétre plus la 3me proportionnelle au diamétre AE & à la demi-circonférence AQE.

Pour avoir l'espace borné par cette Courbe & la Cycloide, on multipliera $Hh + MR \left(3 dx + \frac{z dx}{\sqrt{2}xx - xx}\right)$

par $\frac{1}{2}HM(\frac{\sqrt{2rx-xx}+z}{z})$, il viendra $\frac{3}{2}dx\sqrt{2rx-xx}$ + $2zdx + \frac{zzdx}{2\sqrt{zrx-xx}}$ pour le petit trapeze HMmh; ce

qui fait connoître que la mesure de cet espace suppose la quadrature du cercle. Car l'intégrale du premier membre $=\frac{3}{2}APQ$. Pour avoir l'intégrale du fecond 2zdx, on le changera en ces trois-ci 2zdx - 2xdz - 2xdz; mais l'intégrale de 2zdx + 2xdz, est 2xz; & celle de - 2 x dz, est quadruple d'un segment de cercle. Car $dz = \frac{rdx}{\sqrt{2rx - xx}}; donc - 2xdz = \frac{2rxdx}{\sqrt{2rx - 2xx}}; donc &c.$

Mém. 1703. ВЬ 194 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE
Pour l'intégrale de $\frac{zz\,dx}{2\sqrt{zrx-xx}}$ qui suppose la rectification
de la circonférence du cercle, on la trouvera en multipliant haut & bas par r; car on aura $\frac{zz}{zr} \times \frac{r\,dx}{\sqrt{zrx-xx}} = \frac{zz\,dz}{2r}$ dont l'intégrale $=\frac{z^3}{6r}$. L'on aura donc pour la valeur de
l'espace indéterminé AHMA, $\frac{3}{2}APQ + 2AP \times AQ$ $-4AQA + AQ \times \frac{AQ}{3AE}$. Donc &c.

III.

DES CAUSTIQUES FORME'ES

par une Parabole.

Soit la Parabole AMB qui a pour axe la ligne AF; si l'on imagine qu'une infinité de rayons lumineux paralleles entr'eux, & perpendiculaires sur l'axe AF, tels que PM, pm, tombent sur la courbure AMB, il est clair que les réséchis MN, mN, formeront par leur intersection une Courbe ANF, qui sera la Caustique de la Parabole dont on demande la longueur.

Il est démontré dans le Livre de l'Analyse des Insiniment petits, que pour avoir tous les points de la Courbe, il faut toûjours prendre le rayon résléchi $MN = \frac{a+4x\sqrt{ax}}{2a}$. Ce que l'on trouvera facilement en se servant de la formule $\frac{dx^2+dy^2}{-1\,d\,dy}$. Et parce que la Caustique est toûjours égale au rayon incident plus le rayon résléchi, il est évident que la portion indéterminée $AN = \frac{3a+4x\sqrt{ax}}{2a}$.

Pour quarrer l'espace rensermé par la Caustique & la Parabole, soit décrit du centre N le petit arc MR qui sera égal à Pp = dx, comme il est facile de le démontrer; & multipliant MR par $\frac{r}{2}MN$, viendra $\frac{adx + 4xdx}{4a}$ pour le petit triangle MNm qui est la différentielle de

l'espace, dont l'intégrale = $\frac{x\sqrt{4x}}{6} + \frac{2xx\sqrt{4x}}{5a}$, qui est

la valeur de l'espace indéterminé AMN.

Si $x = \frac{1}{4}a$, c'est-à-dire que si le point P tombe au foyer, alors le point N sera le plus élevé de tous, parce que le rayon réfléchi sera parallele à l'axe AF, & égal à 1 a; donc si l'on mene du point N, NI parallele à MP, on aura $AI = \frac{1}{4}a$, & alors la portion AN de la Courbe est égale au parametre.

Mais si $x = \frac{3}{4}a$, c'est-à-dire que le rayon incident PM passe par le point le plus élevé de la Caustique, le rayon réfléchi coupera l'axe de la Parabole en F, qui sera aussi le point où la Caustique coupera cet axe; & alors le rayon réfléchi = $a \vee 3$, la Caustique $ANF = \frac{1}{2} a \vee 3$, & l'axe

 $AF = \frac{91}{4}a$.

L'on trouvera dans ce cas, que l'espace rensermé par la Caustique & la Parabole est égal à 7ªª V3.

Si l'on conçoit maintenant que cette Caustique ANF **s**e dévelope en commençant par le point A, elle décrira la Courbe AHD, dont on demande la longueur & l'espace

qu'elle renferme.

Soient prolongés les rayons réfléchis NM, Nm, jusqu'en H, h, qui seront perpendiculaires à la Courbe AHD, & égaux à la portion AN de la Caustique. L'on aura donc à cause des secteurs semblables MNR, HNh, $MN\left(\frac{\overline{a+4x\sqrt{ax}}}{\overline{aa}}\right).NH\left(\frac{\overline{3a+4x\sqrt{ax}}}{\overline{aa}}\right)::RM(dx).$

 $Hh = \frac{3 a dx + 4 x dx}{a + 4 x}$. Pour prendre l'intégrale de cette différentielle, je suppose a + 4x = z, & substituant cette valeur dans celle de Hh, il vient $\frac{a dz}{zz} + \frac{dz}{4}$: D'où l'on

voit que de la différentielle d'une Logarithmique dont la sous-Tangente = a = 1, & dont l'intégrale est égale au Logarithme de $\frac{z}{2}$: Ainsi prenant l pour signifier le Logarithme, l'intégrale de $\frac{a dz}{2z}$ sera $\frac{l:z}{2}$. L'on aura

Bb ij

donc pour la valeur de la portion indéterminée AH de la Courbe $\frac{l:z}{z} + \frac{1}{4}z - \frac{a}{4} = \frac{l:a+4x}{z} + x$, en remettant pour z sa valeur en x.

Pour avoir l'espace borné par cette Courbe & la Parabole, l'on multipliera Hh + MR par $\frac{1}{2}HM$, c'esta dire $\frac{3adx + 4xdx}{a + 4x} + dx$ par $\frac{\sqrt{ax}}{2}$, ce qui donnera

 $\frac{2adx + 4xdx \times \sqrt{ax}}{a + 4x} = \frac{adx\sqrt{ax}}{a + 4x} + dx\sqrt{ax} \text{ pour la valeur du petit trapeze } HMmh, qui est la différentielle de l'espace. Il est évident que l'intégrale de <math>dx\sqrt{ax}$ est $\frac{2x\sqrt{ax}}{3}$. Mais pour avoir celle de $\frac{adx\sqrt{ax}}{a + 4x}$, l'on suppose

encore a+4x=z, donc $dx=\frac{1}{4}dz & \sqrt{ax}=\frac{\sqrt{az-aa}}{2}$

Fon trouvera donc en fubstituant ces valeurs $\frac{a dx \sqrt{ax}}{a+4x} = \frac{a dz \sqrt{az-aa}}{8z} = \frac{aaz dz-a^3 dz}{8z\sqrt{az-aa}} = \frac{aadz}{8\sqrt{az-aa}} = \frac{a^3 dz}{8z\sqrt{az-aa}}$ L'on aura donc pour l'intégrale du premier membre $\frac{a\sqrt{az-aa}}{a} = \frac{a\sqrt{ax}}{2}$ en remettant pour z sa valeur en x.

A l'égard de la différentielle $\frac{-a^3 dz}{8z\sqrt{az-aa}}$, il est facile de

voir qu'elle se rapporte à un secteur de cercle. Car soit le quart de cercle ACB, dont le rayon AC = a; soit prise sur ce rayon la partie $CP = \frac{aa}{\sqrt{ax}}$; si du point P l'on mene l'ordonnée PM, & du point M le rayon MC, & un autre infiniment proche mC, je dis que le petit secteur $MCm = \frac{-a^3dz}{4z\sqrt{az-aa}}$; car $PM = \frac{a\sqrt{az-aa}}{\sqrt{az}}$; donc le petit arc $Mm = \frac{-aadz}{2z\sqrt{az-aa}}$; donc, &c. Ainsi l'intégrale de $\frac{-a^3dz}{8z\sqrt{az-aa}}$ est égale à la moitié du secteur MCB. D'où l'on voir que l'espace indéterminé $AHM = \frac{4x+3a\sqrt{ax}}{6} + \frac{1}{2}$ sect. MCA.

Fig. VI.

AUTRE CAUSTIQUE. Parabolique.

Soit encore la Parabole AMB; si l'on imagine que de fon sommet A, il parte une infinité de rayons lumineux tels que AM, Am, dont les réfléchis sont NM, Nm, ces derniers formeront encore par leur intersection une Caustique ANF: Ainsi pour avoir tous les points de cette Courbe, il n'y a qu'à trouver la longueur du rayon réstléchi MN, qui fera $=\frac{a+4x}{3a}\frac{Vax+xx}{3a}$; ce que l'on peut faire en se servant de la formule $\frac{ydx^2+ydy^2}{dx^2+dy^2-2yddy}$ de l'Analyse des Infiniment petits. Car nommant AP, x, on aura $PM=\sqrt{ax}$, & $AM=\sqrt{ax+xx}$. L'on trouvera donc pour la longueur de la portion indéterminée AN de cette Courbe, $\frac{4a+4x}{3a}\frac{Vax+xx}{3a}$.

Pour quarrer l'espace borné par la Caussique & la Parabole, l'on décrira du centre N le petit arc MR qui sera égal au petit arc MQ décrit du centre A. Mais $MQ = Mm - Qm = \frac{aadx^2}{4ax} + dx^2 - \frac{aadx^2 - 4axdx^2 - 4xxdx^2}{4ax + 4xx}$ $= \frac{axdx^2}{4ax + 4xx}, \text{ donc } MR = \frac{dx}{2} = \frac{axdx^2 - 4axdx^2 - 4xxdx^2}{4ax + 4xx}$ cette grandeur par $\frac{1}{2}MN = \frac{ax}{6a}$, il viendra $\frac{adx\sqrt{ax} + 4xdx\sqrt{ax}}{12a}$ pour le petit triangle MNm, qui est la différentielle de l'espace, dont l'intégrale $\frac{x\sqrt{ax}}{2} = \frac{x\sqrt{ax}}{2}$

la différentielle de l'espace, dont l'intégrale = $\frac{x Vax}{18}$ + $\frac{2 x x Vax}{15 a}$ fera la valeur de l'espace indéterminé AMN.

Si l'on conçoit maintenant que cette Courbe se dévelope en commençant au point A, elle décrira la Courbe AHD, dont on demande la longueur & l'espace qu'elle renserme. Ayant prolongé les rayons réstéchis jusqu'en H, h; on sera à cause des secteurs semblables MNR,

Bb iii

198 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

HNh; NM $\left(\frac{a+ax\sqrt{ax+xx}}{3a}\right)$. NH $\left(\frac{4a+4x\sqrt{ax+xx}}{3a}\right)$:: $MR\left(\frac{dx}{2}\sqrt{\frac{ax}{ax+xx}}\right)$. Hh = $\frac{2adx+2xdx\times\sqrt{ax}}{a+4x\sqrt{ax+xx}}=\frac{2dx\sqrt{ax+ax}}{a+4x}$ qui est la différentielle de la Courbe. Pour en avoir l'intégrale, on la multipliera d'abord haut & bas par a, ce qui donnera $\frac{2adx\sqrt{aa+ax}}{aa+4ax}$, & supposant aa+4ax=2z, donc $x=\frac{zz-aa}{4a}$, $dx=\frac{zdz}{2a}$ & $\sqrt{aa+ax}=\sqrt{\frac{zz+3aa}{2}}$.

Substituant donc ces valeurs, on trouvera que $\frac{2adx\sqrt{aa+ax}}{aa+4ax}$ = $\frac{dz\sqrt{zz+3aa}}{2z\sqrt{zz+3aa}}=\frac{zzdz+3aadz}{2z\sqrt{zz+3aa}}=\frac{zdz}{2\sqrt{zz+3aa}}=\frac{2dz}{2z\sqrt{zz+3aa}}$. l'intégrale du premier membre est $\frac{1}{2}\sqrt{zz+3aa}$.

A l'égard de la différentielle $\frac{3a a dz}{zz \sqrt{zz + 3aa}}$, elle suppose la quadrature de l'Hyperbole. Car soit l'hyperbole équilatere AMN, dont l'axe traversant $CA = \frac{a}{V_3}$, & soit prise sur le conjugué CB, la partie $CP = \frac{aa}{z}$, & soit menée l'ordonnée PM; l'on aura par la proprieté de cette Courbe $PM = \frac{aV_3aa + zz}{zV_3}$, & l'on trouvera par les regles ordinaires que la différentielle du secteur ACM, qui est ACM, sera $\frac{a^3 dz}{zz V_3 \times V zz + 3aa}$; si l'on divise cette différentielle par $\frac{a}{3V_3}$, il viendra $\frac{3aadz}{zz V_3z + 3aa}$. Il est donc évident que la portion indéterminée AH de la Courbe cherchée est égale à Vaa + ax - a + sect. MCN divisé par $\frac{a}{3V_3}$

Pour avoir l'espace rensermé par cette Courbe & la Parabole, on multipliera MR + Hh par $\frac{1}{2}HM$, c'est-à-dire $\frac{2adx + 2xdx \sqrt{ax}}{a + 4x \sqrt{ax + xx}} + \frac{dx \sqrt{ax}}{2\sqrt{ax + xx}} \times \frac{\sqrt{ax + xx}}{2}$, ce qui donnera

 $\frac{adx + xdx}{a + 4x} = \frac{dx \sqrt{ax}}{4} = \frac{adx + 4x dx \sqrt{ax}}{a + 4x} = \frac{3x dx \sqrt{ax}}{a + 4x} + \frac{dx \sqrt{ax}}{4} = \frac{5dx}{4} = \frac{3x dx \sqrt{ax}}{4} = \frac{3x dx \sqrt{ax}}{a + 4x}$ pour la différentielle de l'espace. Or l'intégrale du premier membre est $\frac{5}{6}x \sqrt{ax}$. Mais pour avoir celle du second $\frac{3x dx \sqrt{ax}}{a + 4x}$, l'on supposera $a + 4x = \frac{zz}{a}$; donc $x = \frac{zz - aa}{4a}$, $dx = \frac{zdz}{2a}$, & $\sqrt{ax} = \frac{\sqrt{zz - aa}}{2}$; substituant donc à la place de x, ces valeurs en z, on trouvera que $\frac{3x dx \sqrt{ax}}{a + 4x} = \frac{3z dz \sqrt{zz - aa}}{16a} + \frac{3z dz \sqrt{zz - aa}}{16z} = \frac{3z dz \sqrt{zz - aa}}{16a} + \frac{3a^3 dz}{16a}$ L'intégrale des deux premiers membres est $\frac{zz + aa}{16a} \times \sqrt{zz - aa} + \frac{3a\sqrt{zz - aa}}{16} = \frac{3a^3 dz}{16a}$, en remettant pour z sa valeur en x. Il ne reste donc plus qu'à trouver l'intégrale de $\frac{3a^3 dz}{16z \sqrt{zz - aa}}$.

Or il est facile de voir que cette différentielle est celle Fig. VI, d'un secteur de cercle. Car soit le quart de cercle ACB dont le rayon CA = a, soit prise sa partie $CP = \frac{aa}{z}$, donc $PM = \frac{aVzz - aa}{z}$, donc le secteur infiniment petit $MCm = -\frac{a^{\dagger}dz}{zzVzz - aa}$; il est donc évident que l'intégrale de $-\frac{3a^3dz}{16zVzz - aa}$ est égale à $\frac{3}{8}$ du secteur MCB.

Ainsi l'espace indéterminé AMH est égal à $\frac{3}{8} \times \frac{49aVax}{24}$ $-\frac{3}{8} MCA$. Ce qu'il falloit trouver.



REMARQUES

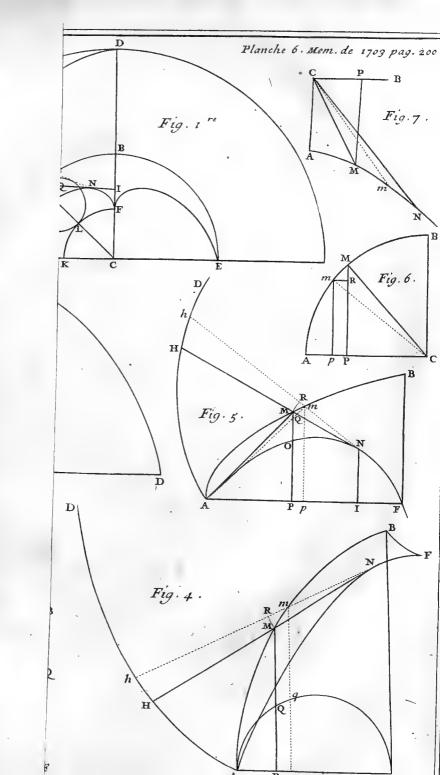
Sur'la Table des degrés de chaleur, extraite des Transactions Philosophiques du mois d'Avril 1701; lûes par M. Geofroy en l'Assemblée du Mardi 24 Juillet 1703.

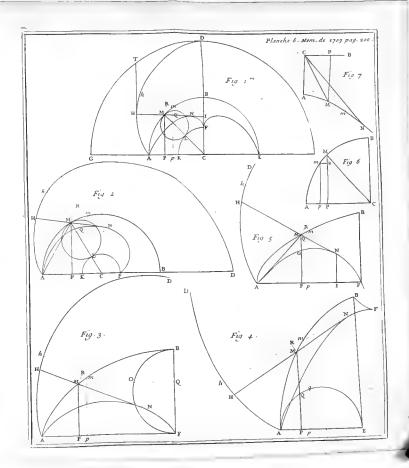
Par M. AMONTONS.

1703. 4. Août.

CUR le premier article, on ne voit pas pourquoi l'Auteur pose les premiers degrés de chaud & de froid au moment que l'eau commence à se geler, puisqu'il y a d'autres liqueurs qui se gelent plus ou moins difficilement que l'eau, & dont il auroit pû se servir indisséremment. On ne voit pas non plus ce qui l'oblige à faire cette distinction de degrés froids & chauds, toute quantité de chaleur pouvant être appellée chaude ou froide, selon qu'on la compare ou à l'extrême froid ou à l'extrême chaud; ce degré de chaleur, par exemple, où l'eau se congele, pouvant être un degré de chaleur considérable comparé à l'extrême froid. Quoi qu'il en soit, il paroît que ce degré de chaleur que l'Auteur nous détermine ici pour le premier de sa graduation, est le même que celui marqué sur la graduation de mon Thermometre à 51 pouces 6 lignes, & celui qu'il appelle 34 ½ qu'il dit que l'eau bouillante ne peut passer, est celui qui est marqué sur mon Thermometre à 73 pouces: si bien que si de ces 73 pouces, on ôte 51 pouces 6 lignes, la différence sera 21 pouces 6 lignes, qui étant divisés par 34 ½, donneront 7 lignes ½ de mon Thermometre, pour chacun des degrés de celui de l'Auteur. Sur ce pied, ce qu'il appelle degré de chaleur de l'air en hyver, s'étendroit depuis 51 pouces 6 lignes jusqu'à 52 pouces 8 lignes 22.

Ce qu'il appelle degré de chaleur de l'air au printems





& en automne s'étendroit depuis 52 pouces 8 lignes $\frac{2}{3}$; jusqu'à 53 pouces 11 lignes $\frac{2}{3}$; & son temperéseroit à 53 pouces 4 lignes $\frac{10}{33}$; c'est-à-dire, 7 lignes $\frac{13}{33}$ au-dessous du nôtre; ou, ce qui est la même chose, de la température des Caves de l'Observatoire.

Ce qu'il appelle degré de chaleur de l'air pendant l'été, s'étend depuis 53 pouces 11 lignes 23 jusqu'à 55 pouces 10 lignes $\frac{8}{23}$, c'est-à-dire, 2 pouces 9 lignes $\frac{15}{23}$ audessous de nos plus grandes chaleurs; & toute l'étendue qu'il donne aux changemens de l'air par la chaleur de Phiver à l'été, est de 3 pouces 8 lignes 20, au lieu de 5 pouces dont nous l'expérimentons ici, en la commencant comme lui à la congélation de l'eau, qui n'est pas comme on scait le plus grand degré de froid qu'on puisse expérimenter en notre climat, non plus que 56 pouces 6 lignes n'en est pas la plus grande chaleur; l'étendue de cette différence étant ordinairement à l'air libre sans Soleil, d'environ 8 pouces; ce qui fait croire que l'Auteur a fait ses observations dans un lieu clos; & comparant son tempéré avec le nôtre, il est aussi aisé de juger que ses observations ont été faites dans un climat plus froid. Il auroit été à souhaiter que l'Auteur nous en eût dit quelque chose, & qu'il nous eût marqué la température souterraine du lieu de ses observations.

Le degré de chaleur qu'il appelle degré de chaleur de l'air à midi au mois de Juillet, & qui apparemment détermine felon lui la chaleur qu'on expérimente dans l'air au folftice d'été, est de beaucoup inférieur à celui que nous expérimentons ici, le sien n'étant qu'à 55 pouces 10 lignes 31, & le nôtre pouvant être à 58 pouces & plus.

Le degré de chaleur qu'il appelle le plus grand degré de chaleur que le Thermométre puisse recevoir de la chaleur naturelle du corps humain, répond à 58 pouces 1 1 lignes 3 de mon Thermométre; & les expériences que j'ai faites sur ce sujet, me feroient aisément croire qu'il l'auroit assez exactement déterminé, s'il étoit bien certain que cette chaleur naturelle sût toûjours la même, tant l'hiver que l'été.

Mém. 1703.

Le Thermométre étant à 55 pouces 9 lignes, plusieurs personnes dont les battemens d'arteres étoient selon qu'il est marqué ci-dessous, ont fait monter par la chaleur de la main le Thermométre aux hauteurs marquées à côté.

Battemens d'arteres pendant une mi-	Hauteurs du Thermo- métre par la chaleur
nute d'heures.	de la main.
70	58 pouc. 6 lign.
74	
70	
66	-
56	
	582
60	58
80	586

Une de ces personnes ayant mis le Thermométre dans sa bouche, ne l'a pû faire monter plus haut que par la chaleur de sa main. On peut remarquer en passant, que par ces expériences il paroît que les battemens d'arteres n'ont aucun rapport à la chaleur naturelle, & que l'on ne peut juger de l'un par l'autre.

Je n'ai pas eu occasion d'examiner si la chaleur d'un oiseau, qui couve ses œuss étoit la même, comme l'Au-

teur le dit.

Voyez la Table qui est à la cours.

Sur le 7^{me} & 8 me article, dont les degrés de chaleur fin de ce dif- tels qu'ils y sont marqués répondent; sçavoir, le 7me à 60 pouces 8 lignes de mon Thermométre, & le 8me à 62 pouces 1 ligne; il ne paroît pas qu'on puisse rien déterminer de précis, tous les hommes n'étant pas également sensibles, & j'ai eu peine à tenir ma main pendant quelque tems dans le bain du 7me article, tandis que mon Valet a supporté pendant un tems plus considérable celui du 8mc. Le degré de chaleur où le bain ne m'a paru ni chaud ni froid, a été 18 pouces 5 lignes, qui est précisément celui auquel la chaleur de ma main avoit sait monter mon Thermométre les Thermométres étoient pour lors à 56 pouces. Je n'ai pas eu occasion d'observer si la chaleur du sang sortant de ses vaisseaux étoit la même que celle du 7^{me} article.

Le degré de chaleur d'un bain dans lequel la cire fondue qu'on y verse commence à se siger & à perdre sa transparence, m'a paru le même que celui que l'Auteur marque, & il répond à 64 pouces i ligne de mon Ther-

mométre.

Le degré de chaleur du bain dans lequel l'Auteur dit qu'un morceau de cire se sond, répond à 66 pouces 5 lignes 15 de mon Thermométre; mais par expérience j'ai trouvé qu'un morceau de cire blanche du poids de 10 à 12 grains, ne se met entierement en susion dans l'eau, qu'à 67 pouces 3 lignes.

Qu'un morceau de suif du même poids, s'y met à 61

pouces 10 lignes.

Qu'un morceau de beurre de pareil poids, s'y met à 59

pouces 9 lignes.

Pour ce qui est du plus grand degré de chaleur que l'eau bouillante puisse acquérir, j'ai déja dit qu'il répond à 73 pouces de mon Thermométre, qui est le plus grand degré qu'il puisse mesurer; ainsi je n'ai pû par son moyen vérifier les autres degrés de chaleur que l'Auteur nous donne dans sa Table, me réservant à une autre sois d'en préparer qui puissent me servir à le faire. Cependant pour connoître à quels degrés de mon Thermométre, ces dégrés qu'il nous donne devroient répondre, au cas qu'ils se trouvent véritablement tels qu'ils sont marqués dans sa Table; je dis véritablement, car des expériences que je rapporterai ci-après me donnent occasion d'en douter: pour connoître, dis-je, ces degrés, on aura recours à la Table qui est à la fin de ce discours, où l'on pourra plus aisément conférer ses expériences & les miennes.

Quant à la seconde colonne de sa Table, qui contient C c ij

les mêmes degrés de chaleur en progression Géométrique, elle me paroît assez inutile, étant même fondée sur un faux principe, qui est que l'eau qui commence à se geler n'a aucun degré de chaleur, ce qui est très-contraire à l'expérience, puisque dans ce tems-là il y a bien d'autres corps que l'eau dans la nature, dont la chaleur entretient la liquidité; ainsi bien loin que la chaleur de l'eau bouillante foit presque triple de la chaleur naturelle, que le degré de la fusion de la cire dans le bain en soit le double, il est bien plus vrai-semblable que ces degrés de chaleur ne sont entr'eux, que comme les nombres 59 \frac{1}{7}, 66 \frac{2}{3}, & 73, qui expriment la quantité de force de ressort que ces degrés de chaleur donnent à l'air, lorsqu'il n'a pas la liberté de beaucoup s'étendre, & qu'il est chargé dans l'eau bouillante par 73 pouces de mercure.

Ce que l'Auteur dit du fer chaud dont il s'est servi pour trouver les degrés de chaleur qu'il n'a pû avoir par le Thermométre, n'est pas fort intelligible. Voici ses termes traduits du Latin : La chaleur que le fer échauffé communique dans un certain tems aux corps froids qui le touchent, est comme la chaleur entiere du fer. Il y a apparence qu'il faut entendre celle qui lui reste; car autrement il faudroit que ce fer chaud communiquât aux corps froids qui l'environnent sa chaleur entiere, sans diminuer la sienne; ce qui est absurde. Il ne paroît pas non plus qu'on puisse par là entendre autre chose, sinon que la quantité de chaleur qu'elle communique dans un certain tems, est égale à celle qui lui reste. Ainsi, suivant l'Auteur, un ser chaud qui pendant un certain tems auroit perdu la moitié de sa chaleur, n'en perdroit que la moitié de la moitié, c'est-à-dire le quart, dans un autre tems égal au premier, le 1/8 dans un troisiéme tems, le 1/16 dans un quatriéme tems, & ainsi du reste. Mais il paroît que ce raisonnement suppose sans aucun sondement, que la raison de 2 à 1 regne continuellement dans cette progression décroissante; toute autre raison comme de 3. à 1, de 4 à 1,

&c. pouvant de même s'y rencontrer, suivant que l'air qui environne le fer, & à qui il communique sa chaleur, est plus ou moins froid, que ce fer est plus ou moins chaud, & que les tems des refroidissemens sont plus ou moins grands; toutes lesquelles circonstances peuvent varier à Pinsini, & saire varier de même les raisons de la progression, dont les termes doivent exprimer les dissérens degrés de chaleur; de sorte que pour se servir utilement de ce moyen, il faudroit avoir autant de Tables de Logarithmes qu'il peut y avoir de différentes progressions Géométriques, ou se résoudre à faire plusieurs calculs, qui fouvent ne sont pas peu longs & embarrassans, encore faudroit-il toujours connoître deux degrés de chaleur de chaque progression. A joindre, qu'il n'est pas bien certain que l'air qui succede continuellement autour du fer chaud dans tous les tems égaux du refroidissement, soit toujours d'une égale température; & qu'il faut nécessairement que ce fer chaud soit supporté par des appuis ausquels il communique de sa chaleur plus ou moins, suivant qu'ils sont plus ou moins froids, & qu'ils sont en plus grande ou plus petite masse; de sorte que ne croyant pas pouvoir rien déterminer de précis par cette maniere, je me suis servi de cette autre.

J'ai mis un barreau de fer du poids de 30 liv. & de 59 pouces de longueur, presque debout sur du charbon de bois contenu dans un sourneau, où il y en avoit bien la valeur d'un boisseau; j'ai sait ensuite allumer le charbon, & j'y en ai sait encore ajoûter la valeur d'un autre boisseau à deux dissérentes sois, à mesure que le premier se consumoit & s'affaissoit: & lorsque le barreau a été échaussé, de sorte que le bout d'enbas étant tout-à-sait blanc, il cessoit d'être rouge à la distance de 5 à 6 pouces, & qu'il réduisoit à la distance de 42 pouces le beurre en susson; je l'ai mis promptement en une situation horisontale, le bout rouge toujours sur le seu du sourneau, l'autre bout posant sur un morceau de bois; & après avoir mis le plus diligemment qu'il m'a été possible les matieres suivantes dessus, j'ai

Cc iij

trouvé que le verre mince se mettoit en susson à 4 pouces 6 lignes du bout d'enbas.

Le plomb à 8 pouces 6 lignes.

La poudre à canon s'allumoit au même endroit.

L'érain se mettoit en fusion à 11 pouces.

La soudure saite de trois parties de plomb & deux d'étain à 12 pouces.

Les gouttes d'eau bouilloient à 22 pouces.

La cire blanche se mettoit en susion à 30 pouces 8 lignes.

Le suif à 39 pouces.

Le beurre, comme il a été déja dit, à 42 pouces.

Maintenant si on considere que les espaces compris sur cette barre entre l'eau bouillante, la susion de la cire, celle du suif, & la susion du beurre, sont entr'eux comme les espaces marqués sur mon Thermométre, entre ces mêmes degrés de chaleur; on jugera aisément qu'il est facile de faire la réduction de tous les autres degrés de chaleur trouvés par le moyen de la barre en degrés de mon Thermométre. C'est ce que j'ai fait dans la Table qui suit ce discours, où l'on trouvera d'un côté tous les degrés de chaleur dont j'ai pû avoir connoissance par mes propres expériences, & de l'autre ceux qui sont rapportés dans les Transactions Philosophiques, les uns & les autres réduits en degrés de mon Thermométre, asin qu'on puisse avec d'autant plus de facilité en faire la comparaison.

Il ne me reste plus qu'à examiner ce que l'Auteur dit des raréfactions de l'air, de l'huile de lin, & de l'esprit-devin, sur lesquelles il y a apparence qu'il se méprend trèsfortement; du moins sommes-nous en une fort grande différence sur cet article, aussi-bien que sur ses expériences du ser rouge. La raréfaction de l'air, dit-il, à une chaleur égale, a été dix sois plus grande que la raréfaction de l'huile; il entend l'huile de lin; & la raréfaction de l'huile presque quinze sois plus grande que la raréfaction de l'esprit-

de-vin.

Sur ce pied la raréfaction de l'air à une chaleur égale; seroit près de 150 fois plus grande que celle de l'esprit-devin, ce qui est bien éloigné de ce que j'ai trouvé par expérience; car dans mon Thermomètre à air, son volume lors de la congélation de l'eau, est à son volume dans l'eau bouillance, comme 148 28 , à 149 28 , dans le Thermomêtre de l'Auteur fait avec de l'huile de lin. Ces volumes, selon qu'il le dit, sont entr'eux comme 10000 à 10705, ou comme 14 à 15, & dans mon Thermométre que j'appelle à esprit-de-vin, qui n'est cependant qu'à eau-de-vie, ces mêmes volumes sont comme 472 à 515, ou comme 11 à 12. Or ces augmentations de volume $\frac{1}{148}$, $\frac{1}{14}$, $\frac{1}{11}$, font entr'elles comme les nombres 77, 814, & 1036, où l'on voit que bien loin que la raréfaction de l'air, à une chaleur égale, soit dix sois plus grande que celle de l'huile de lin, elle est au contraire par cette expérience 10 sois & demie plus petite, & 14 fois moindre que celle de l'eau-devie, ce qui est bien loin d'être 150 fois plus grande que celle de l'esprit-de-vin. Il est bien vrai que l'Auteur ne nous dit point de quelle manière il a observé cette grande raréfaction de l'air, & que dans l'expérience que je rapporte de mon Thermométre à air, l'air y est toujours chargé non-seulement du poids de l'Atmosphere, mais encore au tems de la congélation de l'eau, d'une colonne de mercure de 23 pouces 1, ce qui fait en tout 51 pouces & demi, & que cette colonne augmente toujours de plus en plus; en sorte que lorsque l'eau est entierement bouillante, cette colonne est de 73 pouces. Mais quand même on supposeroit que l'air ne seroit pressé que par le poids de l'Atmosphere, il ne pourroit augmenter son volume, suivant les expériences de M. Mariotte, que suivant la raison de 103 à 146, & en ce cas ces rarésactions feroient entr'elles comme les nombres 4757, 814, 1036, où l'on voit aisément que la rarésaction de l'air, à une chaleur égale, ne peut être au plus que quatre à cinq fois aussi grande que celle de l'eau-de-vie. Pour ce qui est de la raréfaction de l'huile de lin, bien loin d'être 15 fois

plus grande que celle de l'esprit-de-vin, on voit visiblement par les expériences ci-devant rapportées, qu'elle est moindre même que celle de l'eau-de-vie, suivant la raison de 814 à 1036.

TABLE DE PLUSIEURS DEGRE'S de chaleur trouvés tant à l'aide du Thermométre, que du fer rouge, comparés à ceux marqués dans les Transactions Philosophiques du mois d'Avril 1701. Les uns & les autres exprimés par le nombre de pouces & de lignes de mercure en hauteur, que ces degrés de chaleur feroient soûtenir à l'air enfermé dans un verre de Thermométre, ensorte que dans l'eau bouillante cette hauteur de mercure seroit de 73 pouces, y compris l'Atmosphere.

Degrés de cha-leur extraits des	Degrés de cha- leur trouvés par
Transactions Phi- tosophiques. Degré de chaleur de l'air en hive	expérience.
5.1 Pou. 6 lig. lorsque l'eau commence à se geler.	5 1 pou. 6 lig.
51 67	51 6
52 2 Degrés de chaleur de l'air en hive	r. 2 52 4
52 (9)	153 2
52 97 Degrés de chaleur de l'air au prin	- 653 2
Degrés de chaleur de l'air au prin	354 0
34. 9	15410
54 ° Degrés de chaleur de l'air pendar	nt (54 10
J'T / l'été.	355 8
Danid Jantalana Ja Pain Sanidi	~ 50. O
Degré de chaleur de l'air à midi a	
55 2 mois de Juillet.	56 6
Le plus grand degré de chaleur qu	
le Thermométre puisse recevoir de	
chaleur du corps humain.	58. 🤵
59 O Celle d'un oifeau qui couve ses œus	
Le plus grand degré de chaleur d	iu.
bain que la main puisse supporter, l'	у
60 8 tenant agitée continuellement.	n
Le plus grand degré de chaleur d'u	hain
	Dairy

Danie de alea	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,		
Degrés de cha- leur, extraits des		Degrés d	đe cha-
Transactions Phi-		leur, tron	
losophiques.	bain que la main plongée dans le bain	expérience	•
	for for a sure in will formante non		
	sans se mouvoir puisse supporter pen-		
a 62 Pout 1 lig.	dant quelque tems.		
	Degré de chaleur d'un bain, dans		
	lequel la cire fondue que l'on y verse		
	commence à se figer & à perdre sa		
64 1	transparence.	64 pou.	1 lig.
64 1		04.	1 -
	Le degré de chaleur où ma main		
	dans le bain ne l'a fenti ni chaud ni		
	froid.	58	5,
	Degré de chaleur d'un bain dans		
	lequel un morceau de cire se fond &		:
66 5	reste fondu sans ébullition.	67	3,
J,	Degré de chaleur d'un bain dans	- 1	٠,
	lequel un morceau de suif fond.	61	10
	Degré de chaleur d'un bain dans	01	10.
	lequel un morceau de beurre fond.	59	9
	Degré de chaleur qui fait bouillir		
73. Pouces.	l'eau & qu'elle ne peut passer.	73 Pouc	. cs.
	Degré de chaleur par lequel le mê-		
	lange de deux parties de plomb, trois		
	parties d'étain, & 5 parties de bismuth		
73 0	fondu commencent à se prendre.		
73 0	Degré de chaleur auquel le fer		
	rouge qui se refroidit, cesse de faire		
	bouillonner les gouttes d'eau chaude		
74 .0	qu'on jette dessus.		
	Degré de chaleur auquel le même	•	
	fer cesse de faire bouillonner les gout-		
74 6	tes d'eau froide.		,
	Le plus petit degré de chaleur au-		
	quel le mélange d'une partie de	•	-
	plomb, quatre parties d'étain, & cinq		
	parties de hismuch se fond er se con		
	parties de bismuth se fond & se con-		
76 7	ferve fluide.		
Wlem	. 1703. Į) d	

Degrés de chaleur, extraits des Transactions Phi-Degrés de chaleur, tronvés par expérience. lo sophiques. Le plus petit degré de chaleur auquel le mêlange d'égale partie d'étain 8 1 Pour 5 lig. & de bismuth se peut fondre. Ce mêlange se fige en se refroià 80 10 diffant. Degré de chaleur capable de fondre un mêlange de deux parties d'étain & d'une partie de bismuth, aussibien que le mêlange de trois parties d'étain & deux parties de plomb, & auquel le mêlange de cinq parties d'étain & deux parties de bismuth, ainsi que le mêlange d'égale partie de plomb & de bismuth, se fige. .87 Ō Le plus petit degré de chaleur auquel un mêlange d'une partie de bifmuth & huit parties d'étain se puisse fondre. 93 Degré de chaleur qui met l'étain en fulion. 80 Pour 3 liga 96 4 à 95, 2 Il se fige. Degré de chaleur auquel se fond le bismuth, aussi bien que le mélange de quatre parties de plomb & d'une d'étain, auquel le mêlange de cinq parties IO2Pouces. de plomb & d'une d'étain se fige. Le plus petit degré de chaleur auquel se puisse sondre le plomb. 4 Le verre s'est mis en fusion à Ce degré de chaleur est aussi celui du fer rougi sans écaille. La chaleur d'un fort brasier de charbon de bois faisant blanchir fortement le fer, & le réduisant en écaille. 7 La poudre à canon ne s'est allumée

Degrés de chaleur, extraits des Transactions Philosophiques,

Degrés de chaleur, trouvés par expérience.

qu'à la même chaleur qui fait fondre le plomb.

82 pour olige

La soudure faite de trois parties, de plomb & deux d'étain, s'est sondue à 79

5 9 70 1

Degré de chaleur auquel les corps embrasés cessent de luire dans les tenebres, & auquel les corps en s'échaussant, commencent à rendre quelque lumiere; mais si soible, qu'à

122 P. 6lig. peine s'apperçoit-elle.

Ce même degré de chaleur peut fondre un mêlange d'égale partie

d'étain & de régule de marts.

A ce même degré de chaleur un mêlange de sept parties de bismuth, & de quatre parties de régule de marts fondus commence à se siger.

Degré de chaleur auquel les corps embrasés donnent de la lumiere dans les tenebres, & point du tout pendant

136 3 le crépuscule.

A ce degré de chaleur le mêlange de deux parties de régule de marts, & d'une partie de bismuth sondus, commence à se figer.

Il en est de même du mêlange de cinq parties de régule de marts &

d'une d'étain.

à 142 6 Le régule de marts se fige.

Degré de chaleur auquel les corps embrasés donnent de la lumiere pendant le crépuscule, immédiatement avant le lever ou après le coucher du Soleil, & point du tout ou fort soi-

151 10 blement en plein jour.

Dd ij

Degrés de chaleur, extraits des Tranfactions Ivilosophiques.

Degré de chaleur d'un petit brasier allumé, 171^p. 2^{lig} construit de charbon de terre & sans soussilets; ainsi que la chaleur du fer rougi, autant qu'il le peut être dans ce brasier.

176 1 **1** 181 4 **3**

Degrés de chaleur d'un feu de bois médiocre.

DES COURBES DECRITES

Par le concours de tant de Forces centrales qu'on voudra, placées à discretion entr'elles, & par rapport aux plans de ces mêmes Courbes.

Par M. VARIGNO'N.

1703. 5. Septemb. Onsieur Leibnitz ayant appris quelque chose de ce que j'ai donné jusqu'ici à l'Académie touchant les Forces centrales, & l'application que j'en ai faite aux différens Systèmes d'Astronomie, m'exhorta il y a quelque tems à poursuivre cette Théorie, principalement par rapport aux Courbes décrites par le concours de plusieurs de ces forces; étant (dit-il) apparent que les Planetes agissent l'une sur l'autre, & qu'ainsi elles décrivent peut-être leurs orbes en tendant non seulement au Soleil, mais encore les unes vers les autres. Quoi qu'il en soit, voici ce que j'ai encore trouvé par rapport à ce sujet.

PROBLEME CÉNÉRAL.

Eres I:

Soit une Courbe quelconque ZLM décrite par le corps L mû suivant LM par le concours de tant de Forces centrales qu'on voudra, qui le tirent toutes à la fois vers leurs centres fixes A, B, D, E, F, &c. placés à discretion dans le plan de cette Courbe, ou dans des plans différens. On demande quelque Regle de toutes ces Forces centrales.

SOLUTION.

Ce Problème a deux cas: Le premier, lorsque les centres fixes ou soyers des Forces supposées, sont tous dans le plan de la Courbe ZLM; Et le second, lorsqu'ils se

trouvent dans des plans différens.

I. Premier cas. Soient donc d'abord dans le plan de la Courbe ZLM, tous les foyers A, B, D, E, F, &c. des forces de ces mêmes noms, par le concours desquelles on Ia suppose décrite. Soient AL, Al; BL, Bl; DL, Dl; EL, El; FL, Fl; &c. les Rayons de traction de ces forces, conduits de leurs centres ou soyers A, B, D, E, F, &c. aux extrémités L & l d'un des Elémens L l de la Courbe ZLM. Et après avoir fait de ces mêmes centres les arcs élémentaires des cercles, Hl, Gl, KL, VL, Tl, &c. soient les droites HQ, GO, KS, VP, TR, &c. perpendiculaires sur L l. Soient de plus A, B, D, E, F, &c. les noms de ces forces centrales variables à discretion.

II. Cela posé, il est maniseste que l'on aura Ll. Hl:: LH. QH:: A (force suivant LA). $\frac{A \times Hl}{Ll}$ force suivant QH.

On trouvera de même $\frac{B \times Gl}{Ll}$, $\frac{D \times KL}{Ll}$, $\frac{E \times VL}{Ll}$, $\frac{F \times Tl}{Ll}$, &c. pour ce que les forces centrales B, D, E, F, &c. en donnent aussi au corps L suivant OG, SK, PV, RT, &c. C'està-dire, pour ce qu'elles lui en donnent tout à la fois vers le dedans & vers le dehors de la Courbe ZLM perpendiculairement à son élément Ll, selon qu'elles tendent du côté de la concavité ou de la convexité de cette même Courbe. Donc en retranchant ce que ce corps L en reçoit vers le dehors, de ce qu'il en reçoit vers le dedans de cette Courbe perpendiculairement à Ll, l'on aura ici $\frac{A \times Hl}{Ll} + \frac{B \times Gl}{Ll} + \frac{D \times KL}{Ll} - \frac{E \times VL}{Ll} - \frac{F \times Tl}{Ll} +$ &c. ou $\frac{A \times Hl}{Ll} + \frac{B \times Gl}{Ll} + \frac{D \times KL}{Ll} - \frac{E \times VL}{Ll} - \frac{F \times Tl}{Ll} +$ &c. ou $\frac{A \times Hl}{Ll} + \frac{B \times Gl}{Ll} + \frac{D \times KL}{Ll} - \frac{E \times VL}{Ll} - \frac{F \times Tl}{Ll} +$ &c. ou

Dd iii,

FIGURE I.

ces forces centrales lui en donnent ensemble de perpendiculaire à Ll vers le dedans de la même Courbe dans l'instant qu'il parcourt cet élément Ll, supposé qu'elles tendent toutes vers les foyers dont elles portent les noms: sinon, l'on changera les signes de celles qui tendront en sens contraire suivant les mêmes directions prolongées du côté de L.

Or si l'on imagine de plus les rayons CL, Cl, de la développée en L, l, de cette Courbe ZLM, avec sa touchante LI en L, perpendiculaire à LC; & du centre L l'arc de cercle lN qui la rencontre en N: On trouvera que Nl est précisément ce que la force perpendiculaire à Ll, qu'on vient de voir résulter du concours des forces centrales précédentes, au corps L vers le dedans de cette Courbe, lui fait parcourir en ce sens dans l'instant qu'il passe de L en l, & qu'elle le contraint de suivre Ll au lieu de LN qu'il suivroit sans cela.

Donc (les espaces parcourus en vertu de forces constantes & continuellement appliquées, telles qu'on conçoit d'ordinaire la pesanteur, & que le sont toutes les forces à chaque instant, étant en raison composée de celles de ces forces & des quarrés des tems employés à les parcourir) cet espace Nl doit être aussi comme le produit de cette force par le quarré de cet instant: c'està-dire (en prenant dt pour le nom de cet instant) $Nl = \frac{A \times Hl + B \times Gl + D \times Kl - E \times Vl - F \times Tl + \dot{\sigma}c}{Ll} \times dt^2$.

Mais à cause des Triangles semblables CLl, LNl, l'on aura CL. Ll:: Ll. $Nl = \frac{Ll \times Ll}{CL}$. Donc enfin $\frac{Ll \times Ll}{CL}$ $= \frac{A \times Hl + B \times Gl + D \times KL - E \times VL - F \times Tl \pm Cr}{Ll} \times dt^2$, ou (appellant Ll, ds; & CL; n; $A \times Hl + B \times Gl + D \times KL - E \times VL$

 $-F \times Tl + &c. = \frac{ds^3}{nd\,t^2} = \frac{Ll}{CL} \times \frac{ds^2}{dt^2}.$ Ce qui fera une

Regle des mouvemens résultans du concours de tant & de telles sorces centrales qu'on voudra, dirigées à autant de points sixes placés à discretion sur un même plan : dans laquelle Regle le rayon CL (n) de la développée doit être

pris par rapport à tous les foyers de la question, de la maniere que M. Herman l'a donné dans les Actes de Leipsik au mois de Nov. de 1702. Ce qu'il falloit premiérement trouver.

III. Second cas. Imaginons présentement que les Forces Fig. II. centrales A, D, F, &c. n'ont plus leurs foyers dans le plan de la Courbe proposée ZLM; mais que A (par exemple) foit au dessus, & D, F, au dessous de ce plan, dans lequel font encore B, E, &c. De ces foyers A, D, F, imaginons des perpendiculaires AX, DY, FW, sur ce même plan, lesquelles le rencontrent en X, Y, W, par lesquels points foient les droites XL, Xl, YL, Yl, WL, Wl. Enfin de ces mêmes points X, Y, W, comme centres, soient aussi dé-'crits les arcs élémentaires de cercles, lH, LK, lT; &

Le reste comme ci-dessus art. 1. Fig. r.

IV. Cela posé, il est visible que l'effort de la Force centrale A suivant LA, est le même que s'il lui résultoit du concours de deux autres fuivant LX & XA, en même rapport que ces lignes; & que ce qu'elle en fait suivant XA, doit être en équilibre contre ce que les forces D & F en font de même à contre-sens suivant YD & WF, pour retenir toûjours le corps L décrivant dans le plan où l'on suppose la Courbe ZLM. Donc tout ce qu'il en reste à la force A contre ce corps, se doit faire par tout suivant LX: de sorte que le point X fera comme le centre ou le fover de tout ce que la force A fera d'effort contre le corps L décrivant. On trouvera de même que les points Y & W seront les foyers de tout ce que les forces D & F feront d'effort contre ce même corps L : Et de cette maniere le corps L décrira la Courbe ZLM dans le plan BLE qu'on lui suppose, par le concours des Forces centrales tendantes aux foyers A, B, D, E, F, &c. placés à discretion par rapport à ce plan, de même qu'il la décriroit par le concours d'autant d'autres forces tendantes aux foyers X_{\bullet} B, Y, E, W, &c. placés tous dans ce même plan, avec des efforts (que j'appelle aussi X, B, Y, E, W, &c.) lesquels. fussent aux forces A, B, D, E, F, &c. comme leurs rayons LX, LB, LY, LE, LW, &c. font aux rayons LA, LB_{30}

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE LD, LE, LF, &c. de celles-ci; ce qui réduit ce cas-ci

au précédent.

Donc (art. 2.) I'on aura ici $X \times Hl + B \times Gl + Y \times KL$ $-E \times VL - W \times TL + \&c. = \frac{ds^3}{n ds^2} = \frac{Ll}{CL} \times \frac{ds^2}{ds^2}$. De plus les efforts ou forces X, B, Y, E, W, &c. étant aux centrales A, B, D, E, F, &c. comme leurs rayons LX, LB, LY, LE, LW, &c. font à LA, LB, LD, LE, LF, &c. rayons de celles-ci; l'on aura $X = \frac{A \times LX}{LA}, B = B, Y = \frac{D \times LY}{LD}, E = E, W = \frac{F \times LW}{LF}, \&c.$ Donc on aura aussi $\frac{AL \times Hl \times LX}{LA} + B \times Gl + \frac{D \times KL \times LY}{LD}$ $-E \times VL - \frac{F \times Tl \times LW}{FL} + \&c. = \frac{ds^3}{n ds^2} = \frac{Ll}{CL} \times \frac{ds^2}{ds^2}$.

Mais les angles AXL, DYL, FWL, étant (hyp.) droits, l'on aura de plus LX = VLA - AX, LY = VLD - DY, LW = VLA - AX, LY = VLD - DY. Donc ensin $A \times Hl \times VLA - AX$ — Donc ensin

 $-E \times VL - \frac{F \times Tl \times V\overline{LF} - FW}{LF} + &c. = \frac{ds^3}{ndt^2} = \frac{Ll}{CL} \times \frac{ds^2}{dt^2}$ fera la regle des mouvemens résultans du concours de tant de forces centrales A, B, D, E, F, &c. qu'on voudra, placées à discretion hors ou dans les plans des Courbes ZLM qu'on suppose ainsi décrites: Dans laquelle Regle le rayon de la développée doit encore être pris à la maniere de M. Herman, mais par rapport seulement aux foyers (tant réels qu'imaginés) qui sont dans le plan de la Courbe en question, tels que sont ici X, B, Y, E, W, dont la réduction se fera ensuite aux seuls véritables par la substitution des précé-

qu'il faloit encore trouver.

V. Corol. 1. Il est clair que lorsque les foyers A, B, D, E, F, &c. font dans le plan de la Courbe ZLM, comme dans le premier cas du Prob. art. 1. & 2. les perpendiculaires AX, DY, FIV, se trouvant nulles, cette Regle se change en $A \times Hi + B \times Gl + D \times KL - E \times VL - E \times Tl + &c.$

dentes valeurs de LX, LY, LW, mises en Jeurs places. Ce

 $= \frac{\frac{d}{n} \frac{s^3}{n dt^2}}{\frac{L}{CL}} \times \frac{ds^2}{ds^2}$, laquelle est celle de ce premier cas, art. 2.

VI. Corol. 2. En prenant v pour la vîtesse en L du corps L suivant Ll, on sçait d'ailleurs que l'on aura $\frac{vvds}{n} = \frac{d}{n}\frac{l^3}{ndt^2}$. Donc on aura encore pour le premier cas (art. 2.) $A \times Hl + B \times Gl + D \times KL - E \times VL - F \times Tl + &c. = \frac{vvds}{n} = \frac{Ll}{CL} \times vv;$

Et pour le fecond cas $(art. 4.) \frac{A \times Hl \times \sqrt{L \mathring{A}} - \overline{AX}^2}{L A} + B \times G l$

 $\frac{1}{LD} \frac{D \times KL \times \sqrt{LD^2 - DY^2}}{LD} - E \times VL - \frac{F \times Tl \times \sqrt{LF^2 - FW^2}}{LF} + , &c.$ $= \frac{v \cdot v \cdot ds}{n} = \frac{L^1}{CL} \times v \cdot v.$

VII. Corol. 3. Si B étoit la seule force centrale qui fût ici, alors toutes les autres étant = 0, l'une & l'autre des Régles des art. 2. & 4. se réduiroit ici à $B \times Gl = \frac{ds^2}{n dt^2}$. D'où l'on voit qu'en prenant f pour la force B, ou B = f, & Gl = dx; cette Régle seroit $fdx = \frac{ds^2}{n dt^2}$, ou $f = \frac{ds^2}{n dx dt^2}$, laquelle est la même que celle que je donnai à l'Académie le 29 Janvier 1701.

Je ne m'arrête point à faire voir que ce cas d'une seule force centrale, la demande nécessairement dans le plan de la Courbe. Car il est manisesse qu'une telle force hors du plan de la Courbe, tendant à en tirer le corps décrivant, elle l'en tireroit essectivement si elle étoit seule : ainsi la Courbe que ce corps trace, cesseroit d'y être aussi;

ce qui est contraire à l'hypothèse.

VIII. Corol. 4. Présentement si de l'extrémité C du rayon LC de la développée, on fait les perpendiculaires C^{α} , C^{β} , C^{δ} , C^{ϵ} , C^{ϕ} , sur AL, BL, DL, EL, FL, prolongées dans la Fig. 1. & sur XL, BL, YL, EL, UL, prolongées de même dans la Fig. 2. La substitution de leurs portions L^{α} , L^{β} , L^{δ} , L^{ϵ} , L^{ϕ} , & de LC, au lieu de Hl, Gl, KL, VL, Tl, & de Ll, dans les Régles générales des art. 2. & 4. changera celle de l'art. 2. en $A \times L_{\alpha} - L_{\alpha}$. Mém. 1703.

218 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE $+B\times L^{\beta}+D\times L^{\beta}-E\times L_{\epsilon}-F\times L^{\varphi}+, &c.=\frac{L}{L}\frac{C}{C}\times \frac{ds^{2}}{dt^{2}}=\frac{ds^{2}}{dt^{2}}$ (Cor. 2.) = vv; & celle de l'art. 4. en $\frac{A \times L \times v L A^3 - A X^3}{V L A^3 - A X^3}$ $+B\times L^{\beta}+\frac{D\times L^{\beta}\times \overline{VLD^{2}-DY^{2}}}{LD}-E\times L_{1}-\frac{F\times L\phi\times \overline{VLF^{2}-FW^{2}}}{LF}$ $+, &c. - \frac{LC}{LC} \times \frac{ds^2}{ds^2} = \frac{ds^2}{dt^3} (\text{Cor. 2.}) = vv.$ IX. Corol. 5. D'où l'on voit que lorsque le mouvement du corps L, qu'on suppose décrire la Courbe ZLM en vertu des forces centrales tendantes suivant des lignes qui passent par les foyers A, B, D, E, F, &c. est uniforme, ayant alors ds = dt, l'on aura aussi pour lors $A \times L^{\alpha}$ $+B\times L\beta + D\times L\beta - E\times L$, $-F\times L\varphi +$, &c.=1. pour le premier cas, Fig. 1. Et $\frac{A \times L \times \sqrt{LA^2 - AX^2}}{LA} + B \times L^{\beta} + \cdots$

 $\frac{D \times L^{\delta} \times V_{\overline{LD}^{2}} - \overline{DY}^{2}}{LD} - E \times L^{\epsilon} - \frac{F \times L^{\phi} \times V_{\overline{FL}^{2}} - \overline{FW}^{2}}{FL} + , &c.$

= 1. pour le fecond cas, Fig. 2. SCHOLIE

I.

X. La maniere de trouver le Rayon de la développée, dont on doit se servir dans l'usage des Régles précédentes, consiste à le chercher par rapport à chaque rayon des forces AL, BL, DL, EL, FL, &c. pour le premier cas du Prob. art. 1. & 2. Fig. 1. Et par rapport à chaque rayon XL, BL, YL, EL, WL, &c. pour le fecond cas du Prob. art. 3. & 4. Fig. 2. comme l'on a fait dans le Mémoire du 29 Janvier 1701 pour un seul de ces rayons. Après l'avoir trouvé dans les mêmes conditions pour chacun, & lui avoir donné par-tout le même nom, on dégage la seconde différentielle dans chacune de ces expressions, & l'on en substitue la valeur en sa place dans l'équation de la Courbe différenciée jusqu'à ce point; ce qui n'y laisse plus que des premieres différences avec le rayon de la développée au premier degré; lequel par

conséquent se trouve alors en grandeurs sinies & en premieres dissérences seulement, lesquelles s'évanouissent aussi par la substitution d'autres grandeurs sinies qui s'y trouvent proportionnelles, comme dans l'art. 8. ce qui donne le rayon de la développée en grandeurs toutes sinies. Voici comment, en saveur de ceux qui n'ont pas le mois de Novembre de 1702 des Actes de Leipsik, où cela se trouve démontré pour le premier des cas précédens, & d'où la même chose se peut tirer sans peine pour le second.

XI. Suivant l'art. 11. du Mémoire du 29 Janvier de F16. 4 1701, en prenant toujours CL pour le rayon de la développée, d pour la marque ou la caractéristique des dissérentielles, & de plus L / par tout constante; l'on aura pour le premier cas du Prob. art. 1. & 2. Fig. 1.

$$CL = \frac{AL \times Hl \times Ll}{Hl^2 - AL \times dd AL}$$

$$CL = \frac{BL \times Gl \times Ll}{Gl^2 - BL \times dd BL}$$

$$CL = \frac{DL \times KL \times Ll}{KL^2 - DL \times ddDL}$$

$$CL = \frac{DL \times KL \times Ll}{KL^2 - DL \times ddDL}$$

$$CL = \frac{-EL \times VL \times Ll}{VL^2 - EL \times dd EL}$$

$$CL = \frac{-FL \times Tl \times Ll}{Tl^2 - FL \times dd FL}$$

$$dd E L = \frac{CL \times \overline{VL}^2 + EL \times VL \times Ll}{CL \times EL}$$

$$dd E L = \frac{CL \times \overline{VL}^2 + EL \times VL \times Ll}{CL \times EL}$$

$$dd E L = \frac{CL \times \overline{VL}^2 + EL \times VL \times Ll}{CL \times EL}$$

$$dd E L = \frac{CL \times \overline{VL}^2 + FL \times TL \times Ll}{CL \times FL}$$

$$dd E L = \frac{CL \times \overline{VL}^2 + FL \times TL \times Ll}{CL \times FL}$$

$$dd E L = \frac{CL \times \overline{VL}^2 + FL \times TL \times Ll}{CL \times FL}$$

$$dd E L = \frac{CL \times \overline{VL}^2 + FL \times TL \times Ll}{CL \times FL}$$

$$dd E L = \frac{CL \times \overline{VL}^2 + FL \times TL \times Ll}{CL \times FL}$$

$$dd E L = \frac{CL \times \overline{VL}^2 + FL \times TL \times Ll}{CL \times FL}$$

$$dd E L = \frac{CL \times \overline{VL}^2 + FL \times TL \times Ll}{CL \times FL}$$

$$dd E L = \frac{CL \times \overline{VL}^2 + FL \times TL \times Ll}{CL \times FL}$$

$$dd E L = \frac{CL \times \overline{VL}^2 + FL \times TL \times Ll}{CL \times FL}$$

$$dd E L = \frac{CL \times \overline{VL}^2 + FL \times TL \times Ll}{CL \times FL}$$

$$dd E L = \frac{CL \times \overline{VL}^2 + FL \times TL \times Ll}{CL \times FL}$$

$$dd E L = \frac{CL \times \overline{VL}^2 + FL \times TL \times Ll}{CL \times FL}$$

$$dd E L = \frac{CL \times \overline{VL}^2 + FL \times TL \times Ll}{CL \times FL}$$

$$dd E L = \frac{CL \times \overline{VL}^2 + FL \times TL \times Ll}{CL \times FL}$$

$$dd E L = \frac{CL \times \overline{VL}^2 + FL \times TL \times Ll}{CL \times FL}$$

XII. Suivant le même art. 11. du Mémoire du 29 Janvier 1701, l'on aura de même pour le fecond cas du Probatti 3. & 4. Fig. 2.

$$CL = \frac{xL \times H^{l} \times L^{l}}{H^{l} - xL \times ddxL}$$

$$CL = \frac{BL \times Gl \times Ll}{G^{l} - BL \times ddBL}$$

$$CL = \frac{yL \times RL \times Ll}{RL^{2} - YL \times ddYL}$$

$$CL = \frac{YL \times RL \times Ll}{RL^{2} - YL \times ddYL}$$

$$CL = \frac{-EL \times VL \times Ll}{VL^{2} - EL \times ddEL}$$

$$CL = \frac{-VL \times T^{l} \times Ll}{T^{l} - WL \times ddWL}$$

$$CL = \frac{-WL \times T^{l} \times Ll}{T^{l} - WL \times ddWL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{T^{l} - WL \times ddWL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{L^{l} - WL \times L^{l} \times LL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

$$CL = \frac{-L \times VL \times Ll}{CL \times WL}$$

XIII. Cela fait, l'équation proposée de la Courbe ZLM, doit être différentiée jusqu'aux secondes différences, lesquelles seront ddAL, ddBL, ddDL, ddEl, ddFL, &c. pour le premier cas, Fig. 1. Et ddXL, ddBL, ddYL, ddEl, ddWL, &c. pour le second, Fig. 2. après avoir chassé de l'équation proposée tous les rayons AL, DL, FL, &c. des forces supposées hors le plan de la Courbe, par la substitution de leurs valeurs VAX $+ \overline{LX}$, $V\overline{DY} + \overline{LY}$, $V\overline{FW} + \overline{LW}$, &c. dans lesquelles les hauteurs AX, DY, FW, &c. sont données & constantes: de sorte que LX, LY, LW, &c. est tout ce qu'il y a de variable dans ces valeurs de AL, DL, FL, &c. lesquelles le sont aussi, de même que BL, EL, & les autres rayons des forces supposées dans le plan de la Courbe en question.

Ces secondes différences étant ainsi trouvées, il faut subflituer en leurs places leurs valeurs comprises dans les articles 11. & 12. ce qui ne laissera plus que des premieres différences dans l'égalité différenciée, avec des grandeurs sinies parmi lesquelles sera le rayon CL, qui dégagé se trouvera aussi en grandeurs sinies & en premieres dissérences seulement; & ces premieres dissérences s'évanouiront de même par la substitution de leurs proportionnelles comprises entre le point L & les perpendiculaires tirées d'un même point quelconque du rayon LC, sur les droites prolongées de ce point L par tout ce qu'il y a de soyers (tant vrais qu'imaginés) dans le plan de la Courbe.

XIV. Pour exemple du premier cas du Probl. art. 1. & 2. foit ZLM une Ellipse ordinaire, dont ZM soit le grand axe; & A, D, ses foyers en qualité d'Ellipse, lesquels par conséquent soient l'un & l'autre dans le plan de cette Courbe, ou le reste soit aussi comme dans la Fig. 1.On **f**çait que quel qu'en foit le point L , fon équation fera AL+DL=ZM, laquelle donnera ddAL+ddDL=0. Donc $(art.11.)o = \frac{cL \times \overline{H}^2 - AL \times Hl \times Ll}{cL \times AL} + \frac{cL \times \overline{K}L^2 - DL \times KL \times Ll}{cL \times DL}$ $= CL \times DL \times \overline{Hl} - AL \times DL \times Hl \times Ll + CL \times AL \times \overline{KL}$ $-AL \times DL \times KL \times Ll$, ou $AL \times DL \times Ll \times \overline{Hl + KL}$ $= CL \times DL \times \overline{Hl}^2 + CL \times AL \times \overline{KL}$; ce qui donne $CL = \frac{\overline{Hl + KL} \times AL \times DL \times Ll}{DL \times \overline{Hl}^2 + AL \times \overline{KL}^2}$ D'où l'on voit que si de quelque point S pris à discrétion sur le rayon LC de la développée, on fait SP & SQ perpendiculaires sur LA& LD prolongées, la substitution de LP, LQ, LS au lieu de Hl, KL, Ll, qui leur font proportionnelles, donnera aussi $CL = \frac{\overline{LP + LQ} \times AL \times DL \times LS}{DL \times \overline{LP}^2 + AL \times \overline{LQ}^2}$ Mais à cause des angles SLP& SLQ égaux dans l'Ellipse, l'on aura LP = LQ. Donc enfin $CL = \frac{{}^{2}LQ \times AL \times DL \times LS}{\overline{DL + AL} \times \overline{LQ}^{2}} = \frac{{}^{2}AL \times DL}{\overline{AL + DL}} \times \frac{LS}{LQ}$ (à cause de l'équation proposée AL + DL = ZM) $= \frac{{}^{2}AL \times DL}{ZM} \times \frac{LS}{LQ}$ fera la valeur durayon de la développée de l'Ellipse en question. On voit delà qu'en nommant AL, x; DL, y & ZM, a; l'on aura aussi $CL = \frac{2 \times y}{x+y} \times \frac{LS}{LQ} = \frac{2 \times y}{a} \times \frac{LS}{LQ}$ pour ce même E e iii

Fig. III.

rayon de l'Ellipse ordinaire, lequel deviendra celui de l'Hyperbole ou de la Parabole, selon qu'on y sera celle qu'on voudra des deux grandeurs x(AL) & y(DL), né-

gative ou infinie.

On voit de plus qu'en prenant S à l'extrémité C de ce rayon de la développée; alors LS & LQ se changeant en CL & L s, en faisant CS paralléle à SQ, ce rayon se trouvera aussi pour lors $CL = \frac{2AL \times DL}{AL + DL} \times \frac{LC}{LS} = \frac{2AL \times DL}{ZM} \times \frac{LC}{LS} = \frac{2 \times y}{x + y} \times \frac{LC}{LS} = \frac{2 \times y}{a} \times \frac{LC}{LS}$: d'où résulte $L = \frac{2AL \times DL}{AL + DL} = \frac{2AL \times DL}{ZM} = \frac{2 \times y}{a}$ pour l'Ellipse; & ce qui conviendra encore à l'Hyperbole ou à la Parabole, selon qu'on y fera celle qu'on voudra des deux grandeurs $x \cdot (AL) \otimes y \cdot (DL)$, négative ou infinie.

Fig. IV.

XV. Pour donner aussi quelque exemple de la maniere de trouver les rayons des développées pour le second cas compris dans les art. 3. & 4. soit présentement ZLM une Courbe à trois soyers A, B, D, dont A soit au-dessus du plan de cette Courbe, D au-dessous, & B dans ce plan même. Soit (si l'on veut) AL+BL+2DL=m l'équation de cette Courbe, & le resse comme dans la Fig. 2.

Il est visible que AX & DY(hyp.) perpendiculaires au plan de la Courbe, donneront $AL = VLX + \overline{AX}^2$, & $DL = VLY + \overline{DY}^2$. Ainsi l'équation proposée donnant dd AL + ddBL + 2ddDL = o, l'on aura aussi $ddVLX^2 + \overline{AX}^2 + ddBL + 2ddVLY^2 + \overline{DY}^2 = o$. Mais pour trouver plus aisément ces secondes différences de signes radicaux, soient LX = x, & AX = b: l'on aura $VLX^2 + \overline{AX}^2 = Vxx + bb$, $dVLX^2 + \overline{AX}^2 = Vxx + bb$, $dVLX^2 + \overline{AX}^2 = \frac{x dx}{\sqrt{xx + bb}}$, & $ddVLX^2 + \overline{AX}^2 = \frac{x^2 + bbx}{\sqrt{x^2 + bbx}}$, & $ddVLX^2 + \overline{AX}^2 = \frac{x^2 + bbx}{\sqrt{x^2 + bbx}}$. On trouvera de même $ddVLY^2 + \overline{DY}^2 = \frac{\overline{DL}^2 \times LY \times ddLY + \overline{DY}^2 \times \overline{Kl}^2}{\overline{DL}^2}$. Donc

 $\frac{\overline{AL^{2} \times LX \times ddLX + \overline{AX^{2} \times \overline{HL^{2}}}}}{\overline{DL^{2}}} + ddBL + \frac{2\overline{DL^{2}} \times LY \times ddLY + 2\overline{DY^{2} \times \overline{Rl^{2}}}}{\overline{DL^{2}}}$ $= o, \text{ ou } \frac{\overline{AX}^2 \times \overline{HL}^2}{\overline{AL}^3} + \frac{2\overline{DY}^2 \times \overline{Kl}^2}{\overline{DL}^3} = -\frac{LX \times d dLX}{\overline{AL}} - d dBL \frac{2LY \times ddLY}{DL} (article 2.) = \frac{-CL \times \overline{Hl} + LX \times Hl \times Ll}{CL \times AL}$ $\frac{DL}{CL \times Gl^2 + BL \times Gl \times Ll} = \frac{2CL \times \overline{KL} + 2LY \times \overline{KL} \times Ll}{CL \times DL}; \text{ ce qui donne}$ (en multipliant le tout par $CL \times \overline{AL} \times \overline{DL} \times BL$, & en rendant tout positif) $CL \times \overline{DL} \times BL \times \overline{AX} \times \overline{HL} \rightarrow$ $2 CL \times \overline{AL} \times BL \times \overline{DY} \times \overline{Kl} + CL \times \overline{AL} \times \overline{DL} \times BL \times \overline{Hl}$ $+CL \times \overline{AL}_{\times}^{3} \overline{DL}_{\times}^{3} \overline{Gl} + 2CL \times \overline{AL}_{\times}^{3} \overline{DL}_{\times}^{3} BL \times \overline{KL}_{=}^{3}$ $\times Gl \times Ll + 2\overline{AL} \times \overline{DL} \times BL \times LY \times KL \times Ll =$ $\overline{AL} \times \overline{DL} \times BL \times Ll$. Donc on aura eu le rayon CL = $DL \times L \times Hl + AL \times DL \times Gl + 2AL \times LY \times KL \times AL \times DL \times BL \times Ll$ $\frac{1}{DL \times BL \times \overrightarrow{AX} \times \overrightarrow{HL} + 2\overrightarrow{AL} \times BL \times \overrightarrow{DY} \times \overrightarrow{Kl} + \overrightarrow{AL} \times \overrightarrow{DL} \times BL \times \overrightarrow{Hl} + \cdots \times \overrightarrow{Hl} \times \overrightarrow{Hl} + \cdots \times \overrightarrow{Hl} \times \overrightarrow{$ $+AL \times \overline{DL} \times \overline{Gl} + 2AL \times \overline{DL} \times BL \times \overline{KL}^2$ D'où l'on voit que si de quelque point S pris à discrétion

sur ce rayon LC de la développée, on fait SP, SR, SQ, perpendiculaires sur LX, LB, LY prolongée, la substitution de LP, LR, LQ, LS, SP, SQ, au lieu de Hl, Gl, KL, Ll, HL, Kl, qui leur sont proportionnelles, donnera aussi CL

 $DL \times LX \times LP + AL \times DL \times LR + 2AL \times LY \times LQ \times \overline{AL} \times \overline{DL} \times BL \times LS$ $\overline{DL} \times BL \times \overline{AX} \times \overline{SP} + \overline{zAL} \times BL \times \overline{DY} \times \overline{SQ} + \overline{AL} \times DL \times BL \times \overline{SP}$ $+\overline{AL}^{3} \times \overline{DL} \times \overline{LR}^{2} \times + 2\overline{AL} \times \overline{DL}^{2} \times BL \times \overline{LQ}^{3}$

pour le rayon de la développée de la Courbe proposée; & ainsi de toute autre à tant de foyers qu'on voudra, placés à discrétion hors ou dans le plan de cette même Courbe.

XVI. Si l'on suppose présentement que tous les soyers A, B, D, de cette Courbe soient dans son plan: alors 224 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE ayant AX = 0, DY = 0; & par conféquent aussi AL = LX, DL = LY; la derniere valeur (art. 15.) du rayon CL de sa développée, se changera ici en $CL = \frac{LP + LR + 2LQ \times AL \times DL \times BL \times SL}{BL \times DL \times LP^2 + AL \times DL \times LR^2 + 2AL \times BL \times LQ^2}.$

XVII. On voit encore delà que si la Courbe en quession n'avoit que deux soyers A & D, comme dans la Fig. 3. & que son équation sût AL + DL = m; cette Courbe seroit une Ellipse ordinaire, dans laquelle BL & LR étant nuls, & 2DL se trouvant changé en DL, ou 2 en 1;

le rayon de sa développée seroit $C_L = \frac{\overline{LP + LQ} \times AL \times DL \times SL}{DL \times \overline{LP}^2 + AL \times \overline{LQ}^2}$ (à cause de LP = LQ dans cette Ellipse) $= \frac{2LQ \times AL \times DL \times SL}{DL + AL \times \overline{LQ}^2}$ $= \frac{2AL \times DL}{AL + DL} \times \frac{SL}{LQ}$, comme dans l'art. 14. Ce qui suffit pour l'intelligence de la maniere de trouver les rayons des développées des Courbes à plusieurs soyers placés à discrétion.

SCHOLIE II.

XVIII. Pour faire présentement quelques usages des Régles comprises dans les art. 2. 4.5.6.7. 8. il faut que les rapports des tems, & des forces centrales entr'elles, soient donnés pour avoir chacune d'elles en particulier, & le rapport qu'elles suivent toutes séparément prises. Soit donc (fil'on veut) ds = dt comme dans l'art. 9. Et la Courbe ZLM décrite à la maniere de M. de Tschirnhausen, où ces rapports de forces entr'elles sont toujours donnés en ce que le fil par le moyen duquel il décrit ces sortes de Courbes, se trouvant également bandé dans toute sa longueur, les résistances des styles sixes aux soyers A, B, D, E, F, &c. contre le style L décrivant, où les efforts de celui-ci contr'eux, c'est-à-dire, les forces centrales qu'on y suppose, seroient comme les multiples des portions de fil comprises entre lui & chacun d'eux, ou comme les nombres par lesquels les distances AL, BL, DL, EL, FL, &c.

Fig. I. II.

&c. de lui à chacun d'eux, se trouvent multipliées dans l'équation de la Courbe en question. De sorte qu'en prenant $a \times AL + b \times BL + c \times DL - e \times EL - f \times FL + &c. = m$ pour l'équation de cette Courbe ZLM, les forces centrales A, B, D, E, F, &c. feroient ici comme a, b, c, e, f, &c. Et ainsi de toute autre Courbe décrite à la maniere de M. de Tschirnhausen. Telles sont celles des Exemples suivans.

EXEMPLE

Trouver les forces centrales tendantes à la fois aux deux foyers de l'Ellipse ordinaire, décrite d'un mouvement uniforme

en vertu de ces forces.

XIX. Solut. Toutes choses demeurant les mêmes Fic. III que dans l'art. 14. Fig. 3. la premiere des Régles générales des forces centrales de l'art. 9. donnera ici $A \times L =$ $+D \times L^{\delta} = 1$. Mais par la nature de cette Ellipse on trouve $L_{\alpha} = L_{\delta}$. Donc on aura aussi $A + D \times L_{\delta} = I_{\bullet}$ ou $A + D = \frac{1}{LJ} (art. 14.) = \frac{AL + DL}{2AL + DL} = \frac{ZM}{2AL + DL}$ fuivant l'art. 18. l'équation AL+DL=ZM de cette Courbe, marquant que les forces A&D y sont égales, elles feront chacune $=\frac{ZM}{4AL+DL}$, c'est-à-dire, en raison réciproque des produits $AL \times DL$ faits des distances du corps décrivant ou de la Planete L qui décrit cette Ellipse, aux foyers de cette même Ellipse.

On trouvera de même dans l'hyperbole décrite par le concours de deux forces centrales tendantes, l'une à son foyer, & l'autre directement à contre-sens du foyer de son opposée, que chacune de ces forces égales suivra toujours la raison réciproque des produits des distances de ces deux foyers à chaque point correspondant de cette

Courbe.

Quant à la Parabole, comme elle n'est qu'une Ellipse ou une hyperbole dont un des foyers est infiniment éloigné de l'autre; elle se trouvera ici décrite par le concours de deux forces égales tendantes, l'une à son foyer, & l'autre pa-Mém. 1703.

226 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE rallélement à son axe de dehors en dedans, lesquelles seront chacune en raison réciproque des distances de ce sover à chaque point correspondant de cette Courbe.

Enfin dans le cercle, au centre duquel les foyers A & D de l'Ellipse se réunissent, ayant par-tout AL = DL $= \frac{1}{2}ZM$, l'on aura aussi $\frac{1}{ZM}$ pour chacune des forces centrales tendantes à ces foyers, c'est-à-dire $\frac{2}{ZM}$ pour la force totale tendante au centre de ce cercle : d'où l'on voit qu'elle doit être par-tout la même.

EXEMPLEIL

Fig. 1V. Trouver les forces centrales tendantes à la fois aux trois foyers A, B, D, de la Courbe ZL M de l'art. 15. décrite d'un mouvement uniforme en vertu de ces forces, & dont le seul foyer B soit dans son plan; mais A au-dessus, & D au-dessous de ce même plan.

XX. Solut. Toutes choses demeurant les mêmes que dans l'article 15. Fig. 4. la seconde des Régles générales de l'ar-

ticle 9. donnera ici $\frac{A \times L \times V}{LA} = \frac{1}{LA} + B \times L \beta + \frac{1}{LA}$

 $\frac{D \times L \delta \times \sqrt{\overline{LD}^2 - \overline{DY}^2}}{LD} = 1. \text{ Mais (art. 15.) l'équation de la Courbe en question étant } AL + BL + 2DL = m,$ $\text{l'art. 18. donne } B = A, & D = 2A. \text{ Donc } \frac{A \times L \times \sqrt{\overline{LA} - \overline{AX}^2}}{LA}$

 $+A \times L\beta + \frac{2A \times L\delta \times \sqrt{\frac{1}{DL^2 - D\lambda^2}}}{LD} = 1; \text{ce qui donne } A = \frac{1}{LA \times LD}$

Telle est aussi la valeur de B, & le double sera celle de D. De sorte que chacune de ces trois sorces sera comme cette fraction correspondante, dans laquelle les valeurs de $L \alpha$, L_{β} , L_{δ} , se trouvent par le moyen du rayon LC de la développée de la Courbe, tel qu'on le voit dans l'article 15.

 $D = \frac{2}{L\alpha + L\beta + 2L\beta}$: De forte que chacune de ces trois forces suivroit toujours la raison réciproque des sommes $L_{\alpha} + L^{\beta} + 2L^{\beta}$ correspondantes, lesquelles sommes s'obtiendront encore par le moyen du rayon CL de la

développée qui se voit dans l'article 15.

XXII. Enfin il suit encore delà que si cette Courbe n'avoit que les soyers A & D tous deux dans son plan, & que son équation sût AL+DL=m, les forces centrales tendantes à la sois à ces mêmes soyers, seroient chacune $=\frac{1}{L\omega+L\delta}$, à cause que LB, alors nulle, rendroit aussi L^{β} nulle, & que 2LD changés ici en DL, changeroient aussi $2L^{\beta}$ en L^{β} . Et parce que cette Courbe seroit alors une Ellipse qui donneroit $L^{\omega}=L^{\delta}$, chacune de ces forces A& D se trouveroit aussi ici $\frac{1}{2L\delta}$, c'estadire, en raison réciproque des L^{δ} correspondantes, comme dans l'exemple 1. art. 19.

EXEMPLE III.

Soit encore la Courbe ZLM à trois foyers du précédent Exemple 2. Mais présentement décrite d'un mouvement varié, tel (si l'on veut) que les tems soient par-tout comme les espaces compris entr'elle & sa développée jusqu'aux rayons correspondans de cette même développée, c'est-à-dire, tel que l'on ait partout dt = CL × L1: On demande encore les Forces centrales tendantes à la fois aux trois foyers A, B, D, de cette Courbe.

XXIII. Solut. Toutes choses demeurant donc les mêmes que dans l'art. 20. ou que dans l'art. 15. Fig. 4. la seconde des

Régles générales de l'art. 8. donnera ici $\frac{A \times L \times \sqrt{\frac{LA^2 - AX^2}{LA^2}}}{F f ij}$

Fig. IV.

$$+B \times L^{\beta} + \frac{D \times L^{\delta} \times \sqrt{\frac{1}{LD^{2}} - DY^{2}}}{ED} = \frac{ds^{2}}{dt^{2}} (hyp.) = \frac{\overline{Lt^{2}}}{CL^{2} \times \overline{Lt^{2}}} = \frac{1}{CL^{2}} \cdot \text{Mais (art. 15.) l'équation de la Courbe en question étant } AL + BL + 2DL = m, \text{ l'art. 18. donne encore}$$

$$B = A, & D = 2A. \text{ Donc } \frac{A \times La \times \sqrt{\frac{1}{LA^{2}} - AX^{2}}}{LA} + A \times L^{\beta} + \frac{2A \times L^{\delta} \times \sqrt{\frac{1}{LD^{2}} - DY^{2}}}{LD} = \frac{2}{CL^{2}}; \text{ ce qui donne } A = \frac{1}{CL^{2}} \times \frac{1}{LA \times LD}$$

 $LD_{\times}L_{2}\times V_{\overline{LA}^{2}-\overline{AX}^{2}+LA\times LD\times L\beta+2LA\times L\delta\times}V_{\overline{LD}^{2}-\overline{DY}^{2}}$ Telle est aussi la valeur de B, & le double sera celle de D. De forte que chacune de ces trois forces sera comme cette fraction correspondente, dans laquelle les valeurs de LC, L^{α} , L^{β} , L^{δ} , se trouveront par le moyen de l'art. 15.

XXIV. On voir encore delà que si cette Courbe avoit tous fes foyers A, B, D, dans fon plan, comme dans les art. 16. & 21. Alors AX & DY se trouvant nulles, chacune des forces A & B fe trouveroit $= \frac{1}{C L^2} \times \frac{1}{L\alpha + L\beta + 2L\delta}$, &

la troisième $D = \frac{1}{CL^2 \times La + L\beta + 2L\delta}$: de forte que chacune

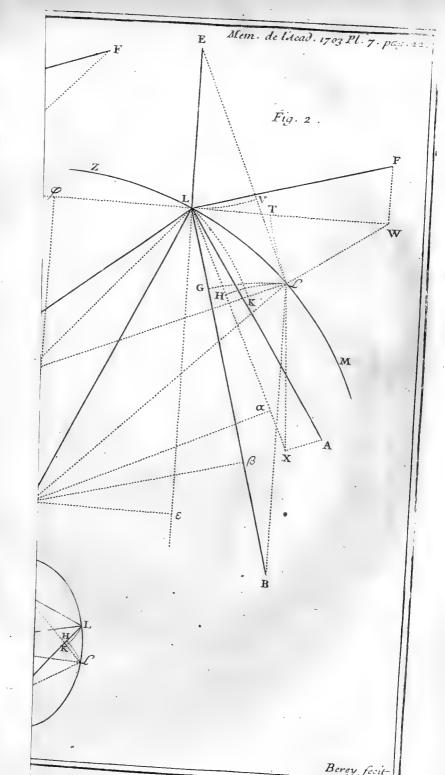
de ces forces suivroit toujours la raison réciproque des produits $\overline{CL} \times \overline{L_{\alpha} + L^{\beta} + L^{\delta}}$ correspondans, lesquels pro-

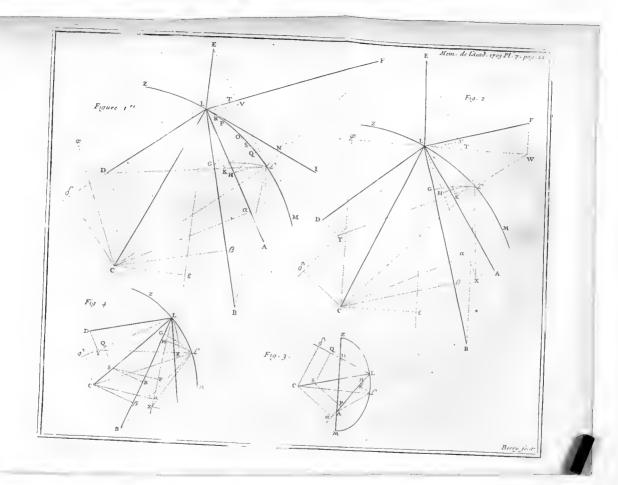
duits s'obtiendront encore par le moyen de l'art. 15.

XXV. Enfin il suit encore delà, que si cette Courbe n'avoit que les foyers A & D tous deux dans son plan, & que son équation sût AL + DL = m, les forces centrales tendantes à la fois à ces mêmes foyers, seroient chacune = $\frac{1}{C_1^2} \times \frac{1}{L^{\alpha} + L^{\beta^*}}$ Et parce que cette Courbe seroit alors une Ellipse qui donneroit $L_{\alpha} = L^{\beta}$, chacune de ces forces A & D se trouveroit aussi ici $= \frac{1}{CL^2} \times \frac{1}{2L b}$

$$(art. 14.) = \frac{\overline{ZM^3} \times \overline{LQ^2}}{16\overline{AL^3} \times \overline{DL^3} \times \overline{LS^{10}}}$$

Fig. III.





La même chose se trouvera pour l'Hyperbole ou pour la Parabole, selon qu'on sera ici celle qu'on voudra des grandeurs AL & DL, négative ou infinie. Mais en voilà, ce me semble, assez pour faire voir la maniere de se servir des Régles des précédens art. 2. 4. 5. 6. 8. & 9. pour trouver les Forces centrales des Courbes à plusieurs foyers, les rapports des Tems & de ces forces entr'elles étant donnés, ou le seul rapport des tems étant donné dans celles de ces Courbes qui seroient décrites à la maniere de M. de Tschirnhausen Med. ment. & corp. Tout cela est maniseste par ce qui précéde; ainsi nous ne nous y arrêterons pas davantage.

EXPERIENCES

DU BAROMETRE

Faites sur diverses Montagnes de la France.

PAR M. MARALDI.

Ans le voyage que nous avons fait avec Messieurs 1703. Cassini, Chazelles & Couplet, sous la direction de 14 Novemb. M. Cassini pour la détermination de la Méridienne, nous avons fait des expériences du Barométre sur plusieurs Montagnes de l'Auvergne, du Languedoc, & du Rouffillon, dont nous avons mesuré géométriquement leurs hauteurs sur la surface de la mer. Ces nouvelles expériences, qui ont été faites à des hauteurs beaucoup plus grandes que celles qu'on avoit jusqu'à présent, pourront servir pour connoître les propriétés & l'étendue de l'air, & combien il se rarésie à diverses hauteurs de la surface de la terre.

Nous ne rapporterons point ici le détail des opérations & des calculs qu'il a fallu faire pour trouver la hauteur Ffin

de ces Montagnes. Il suffira de dire qu'ayant déterminé leurs distances à l'égard des points compris dans les triangles de la Méridienne, nous avons observé en même tems leurs hauteurs apparentes à l'égard les unes des autres, & que nous avons fait ces opérations par une suite d'observations non interrompues depuis les Montagnes du Berry jusqu'au bord de la mer du Roussillon. De-là ayant observé la hauteur apparente de quelques - unes des mêmes Montagnes, & sçachant leur distance avec le demi-diamétre de la terre, on a déterminé leur hauteur perpendiculaire sur le niveau de la mer; & on a conclu la hauteur perpendiculaire de celles qu'on ne voyoit point du bord de la mer, par la dissérence des hauteurs que l'on avoit observée entre ces Montagnes & les autres qu'on avoit déja connues.

Pour suivre quelque ordre dans le rapport de ces expériences, nous commencerons par la comparaison des observations faites sur le Barométre en même tems à Colioure ville du Roussillon, & l'Observatoire dans la Tour occidentale de la grande salle. Cette comparaison sert pour connoître la différente hauteur où le Barométre se tient en même tems dans ces deux différens lieux, à déterminer la hauteur de l'Observatoire sur la surface de la mer Méditerranée, & par conséquent à sçavoir par les observations qu'on a faites à l'Observatoire, quelle étoit au bord de la mer la hauteur du mercure dans le tems que nous faisions les observations sur les Montagnes, quand nous ne les avons pû faire au même tems au bord

Pendant le féjour que nous fîmes à Colioure depuis le 19 Février jusqu'au 12 Mars de l'année 1701, pour y faire les observations nécessaires pour la Méridienne, nous mîmes le Barom Jtre en expérience dans une maison située sur un roc au bord de la mer, dans un lieu élevé de 69 pieds sur le niveau de la mer. Par la comparaison de ces observations saires pendant un mois, on trouve qu'à Colioure le vis-argent étoit ordinairement trois li-

de la mer.

gnes & un tiers plus élevé qu'à l'Observatoire. Si l'on suppose que la hauteur de l'air qui convient à une ligne de vif-argent au bord de la mer soit de 10 toises, comme M. Mariotte le suppose dans son second Essai de la nature de l'air, par la différence de la hauteur du mercure observée en même tems à l'Observatoire & à Colioure de 3 lignes & 1, on aura la grande salle de l'Observatoire plus élevée que Colioure de 33 toises & 1, qui étant ajoutées à 11 toises & demi différence de hauteur entre le niveau de la mer & le lieu où étoit le Barométre en expérience, donnent 45 toises de hauteur de la grande salle de l'Observatoire au-dessus de la mer Méditerranée, & la hauteur du mercure moindre à l'Observatoire de 4 lignes 1 qu'au bord de la mer. Cette hauteur de la falle de l'Observatoire ne differe que d'une toise de celle que M. Picard a déterminée sur le niveau de l'Ocean, qui paroît par-là être le même niveau que celui de la mer Mediterranée.

Après ces observations saites à Colioure, nous portâmes le Barométre sur une Tour des montagnes voisines du Roussillon appellée la Massane, dont la hauteur sur la surface de la mer sut mesurée géométriquement de 408 toises. Dans cette Tour nous trouvâmes la hauteur du Barométre de 25 pouces 5 lignes. Nous l'avions trouvée quelques heures auparavant à Colioure de 28 pouces 0. La dissérence est 2 pouces 7 lignes, ausquelles si on ajoûte une ligne & un sixiéme pour la hauteur du lieu où étoit le Barométre, on aura 32 lignes de diminution du visargent pour la hauteur de 408 toises.

Nous avons fait une autre expérience du Barométre fur le haut du Bagarach montagne du Languedoc, dont la hauteur au-dessus du niveau de la mer a été déterminée par trois dissérentes manieres de 648 toises. Le Barométre sur le haut de la montagne se tenoit suspendu à 23 pouces 8 lignes & \frac{1}{3}, en même tems qu'il se tenoit à l'Observatoire à 27 pouces 3 lignes, ausquelles si on ajoûte 4 lignes & \frac{1}{6} qui sont dûes à la hauteur de l'Observatoire

toire au-dessus du niveau de la mer, on aura la hauteur du vif-argent réduit au même niveau de 27 pouces 7 lignes, dont la différence à 23 pouces 8 lignes & demi est 46 lignes & demi, qui répondent à la hauteur de 648 toises.

Au mois d'Octobre nous observames sur le haut de la montagne de la Costa près du Mont-d'or en Auvergne, la hauteur du vif argent de 23 pouces 4 lignes : elle fut observée le même jour à Paris de 27 pouces 10 lignes, dont la différence est 4 pouces 6 lignes, ausquels si on ajoûte les 4 lignes † dûes à la hauteur de l'Observatoire sur le niveau de la mer, on aura 4 pouces 10 lignes pour 850 toises dont le haut de cette montagne est élevé sur la

furface de la mer.

De la Costa, & de divers autres points de la Méridienne on voit le Puy Domme, montagne célébre près de Clermont en Auvergne, par l'expérience du Barométre que M. Perier sit sur son sommet, & qui est rapportée dans le Traité de l'Equilibre des liqueurs de M. Paschal. Cette observation, qui est la premiere qu'on sçache qui ait été faite sur cette matiere, & qui est considérable à cause de la grande variation du mercure qui se trouve depuis le pied jusqu'au sommet de la montagne, étoit à la vérité suffisante pour confirmer, comme on s'étoit proposé, que la pression & la pésanteur de l'air sont la cause de la sufpension du vif-argent; mais elle ne pouvoit servir qu'imparfaitement pour chercher la hauteur de l'Atmosphere, comme on a fait depuis, à cause que la hauteur de la montagne au-dessus de Clermont ne sut déterminée qu'à peu près & par estime, & qu'on ignoroit entiérement sa hauteur au-dessus de la surface de la mer. Par la même méthode dont nous nous sommes servis pour trouver la hauteur des autres montagnes, on a suppléé à la principale circonstance qui manquoit à cette observation, ayant déterminé sa hauteur sur le niveau de la mer de 810 toises, 40 toises plus bas que la montagne de la Costa. Par la comparaison que nous avons faite des expériences

de M. Perier, ayant eu égard à la différente hauteur du mercure entre Paris & Clermont, qui résulte des observations saites un an après celle du Pui Domme, & à l'abaissement du mercure depuis Clermont jusqu'au sommet de la montagne, nous trouvons qu'à la hauteur de 810 toises, qui est la hauteur de Domme que nous avons messurée, il y auroit une diminution de 4 pouces 11 lignes à l'égard de la surface de la mer, ce qui seroit environ une ligne de diminution plus qu'on n'a trouvé sur la Costa.

Cette différence peut venir des réductions qu'on est obligé de faire, de ce qu'il n'y a point eu à Paris des obfervations faites le jour de l'observation, comme il seroit nécessaire à cause de la variation que sait souvent la hauteur du mercure d'un jour à l'autre; & ensin elle peut venir de la difficulté qu'il y a de rencontrer toujours juste

dans des expériences aussi délicates.

Les observations que nous avons rapportées, jointes à celles qui ont été faites l'an 1672 par M. Cassini à Notre-Dame de la Garde près de Marseille, & à celles que M. de la Hire sit dix ans après sur le Mont-Clairet près de Toulon, nous ont servi pour trouver une regle, avec laquelle le mercure diminue, à dissérentes hauteurs de l'air sur la surface de la mer qui s'accorde assez bien aux observations, & qui est facile à retenir.

On suppose qu'au bord de la mer la hauteur de l'air qui convient à une ligne de vis argent soit de 61 pieds, qui sont 10 toises & un pied, à un 60^{me} près de l'hypothese de M. Mariotte; que la hauteur qui convient à la seconde ligne, soit d'un pied plus grande que la premiere, la troisieme un pied plus grande que la seconde, ainsi

de fuite.

Suivant cette hypothese depuis la surface de la mer jusqu'à la hauteur de 178 toises, le mercure doit baisser de 15 lignes & deux tiers. L'observation de M. Cassini, qui a été saite à cette hauteur, la donne de 16 lignes & un tiers. A la hauteur de 257 toises l'hypothese donne la diminution du mercure de 21 lignes ⁸/₂. L'observation de

Mėm. 1703.

M. de la Hire la donne de 21 lignes & demie. A la hauteur de 408 toises, suivant le calcul, le mercure doit baisser de 32 lignes & un 6^{me} , ce qui s'accorde à l'observation de la Massane. A la hauteur de 648 toises l'hypothese donne le baissement du mercure de 46 lignes $\frac{5}{2}$, au lieu de 46 lignes & demie que donne l'observation de Bugarach. A la hauteur de 851 toises il y a 57 lignes $\frac{5}{8}$, au lieu de 57 $\frac{5}{8}$ qui résulte de l'observation de la Costa.

Par cette regle qui represente toutes les observations faites jusqu'à présent à moins d'une ligne près, on pourra sçavoir à quelques toises près, par l'observation du Barometre, la hauteur d'une montagne, l'élévation des lieux de la terre sur la surface de la mer, quand même ils en seroient fort éloignés, & de combien un lieu est plus élevé que l'autre, jusqu'à la hauteur de près d'une demi-lieue sur la surface de la mer, qui est la hauteur où se terminent

nos observations.

En suivant les mêmes principes, & supposant que la hauteur du mercure au bord de la mer soit de 28 pouces, comme elle est le plus souvent, nous avons calculé quelle seroit la hauteur de l'Atmosphere en cette maniere. Si de la hauteur du mercure qui au bord de la mer est 28 pouces, ou 336 lignes, on en prend la moitié qui est 168, & qu'on le multiplie par 337 nombre des lignes de la suspension du mercure augmenté d'une unité, & que le produit soit divisé par 6, le quotient donnera 9436 toises, qui étant ajoutées à 3360 toises dûes à 336 lignes en raison de 10 toises chacune, on aura 12796 toises, qui sont 6 lieues & demie pour la hauteur de l'Atmosphere. Si on calcule de la même maniere la hauteur de la pénultieme ligne, on trouvera que l'air qui répond à la plus grande hauteur y seroit plus de six sois plus raresié que n'est l'air qui est au bord de la mer.

Nous ne prétendons point donner pour la hauteur précise de l'Atmosphere celle que nous venons de trouver par le calcul, c'est un essai que nous avons voulu faire pour voir ce qui résulte de nos observations saites à des hau-

Ggij

teurs beaucoup plus grandes, & en plus grand nombre de

toutes celles qu'on avoit auparavant.

Nous connoissons combien il est disficile de conclure au juste de la partie que nous avons mesurée le reste de l'Atmosphere, qui est sans comparaison plus grande, quand même l'air qui est plus élevé seroit de la même constitution que celui qui est proche de la terre. Mais outre ces dissicultés, il y en a encore d'autres considérables, qui peuvent venir des variations qui arrivent au Barometre dans un même pays, & de la dissérente variation qui se trouve en dissérente climats.

Car on a remarqué que la pesanteur de l'air varie considérablement dans les mêmes lieux en dissérens tems: qu'il est ordinairement plus pesant dans un tems clair & serein, & qu'il est plus leger dans un tems nubileux & chargé de vapeurs; ce qui paroît si opposé au jugement qu'on en fait naturellement, qu'avant ces expériences, des Philosophes célebres n'avoient point sait difficulté de supposer

le contraire.

Un grand nombre d'expériences faites depuis quelque tems, en Espagne, en Italie, en Angleterre, & comparées à celles que nous avons faites en même tems à l'Observatoire, ont fait connoître que le Barometre y varie dans les mêmes circonstances de tems; & ce qu'il y a de considérable, ces variations arrivent le plus souvent les mêmes jours, principalement celles qui sont promptes & subites. On a trouvé que les variations qui arrivent au Barometre sont plus grandes dans les païs Septentrionaux que dans les Meridionaux. On a observé qu'en Suede elles sont la treizieme partie de la plus grande hauteur du Barometre; qu'elles y sont plus grandes qu'en France, où elles ne sont que la dix-septieme partie; qu'en France elles sont encore beaucoup plus grandes qu'entre les Tropiques & vers l'Equinoxial, où elles n'arrivent point à la cinquantieme partie. On a aussi observé que le Barometre situé à une petite hauteur sur la surface de la mer, est toujours resté plus bas dans les observations faites proche

236 Memoires de l'Academie Royale

de l'Equinoxial qu'en Europe; de sorte que si on suppose que la hauteur de l'air sur la surface du mercure soit proportionnée à sa suspension dans le Barometre, la hauteur de l'Atmosphere seroit plus grande vers le pole Sep-

tentrional, que proche de l'Equateur.

Pour tirer des connoissances plus assurées touchant l'étendue de l'air par des expériences faites à de grandes hauteurs, nous n'en sçavons point de plus propre que celles qui seroient faites sur le Canigou, qui est la montagne plus Méridionale des Pirénées, où se terminent les triangles de la Méridienne. Elle est plus haute que les montagnes d'Auvergne, du Languedoc, & des Pirénées que nous avons observées: elle est aussi plus proche du bord de la mer, d'où elle se voit, n'en étant éloignée que de 10 lieues; en sorte qu'on pourroit faire expérience en même tems au bord de la mer & sur la montagne sans avoir besoin de réduction. La hauteur du Canigou audessus de la surface de la mer mesurée en deux manieres différentes, a été trouvée de 1440 toises, qui font un peu moins de trois quarts de lieue de hauteur perpendiculaire, ce qui suivant l'hypothese donneroit sept pouces de diminution, qui font la quatrieme partie de la plus grande élévation du Barometre. Nous avions déterminé cette hauteur, de même que celle de plusieurs autres montagnes, dans le dessein d'y faire l'expérience du Barometre; mais nous n'avons pu l'exécuter à cause de la grande quantité de neige qui les couvroit dans le tems de nos obfervations.

Comme la principale difficulté qu'il y a dans ces expériences consiste à connoître la hauteur des lieux où on les fait, nous avons cru devoir donner ici un Catalogue des principales Montagnes, dont nous avons trouvé la hauteur sur la surface de la mer, asin de donner occasion aux Sçavans qui se trouvent proche de ces Montagnes, d'y faire l'expérience du Barometre, & voir si l'hypothese que l'on propose répond à leurs observations. Il seroit avantageux de faire aussi sur quelques-unes de ces Monta-

gnes des observations pour la réfraction des Astres. Les expériences que M. Cassini avoit faites à Marseille, & quis'accordentavec celles que nous avons faites dernierement, ayant donné la hauteur de l'air beaucoup plus grande que celle qui résulte des hypotheses qu'ilavoit employées à déterminer les réfractions Astronomiques, lui donnerent lieu de conjecturer qu'il pourroit y avoir quelque matiere fluide répandue dans la partie inférieure de l'air, & peu élevée sur les plus hautes montagnes de la terre, qui sût la cause principale des réfractions des Astres. Ces observations faites tant au bord de la mer, que sur les plus hautes montagnes, serviroient à connoître si cette matiere réfractive différente de celle de l'air, est en effet dans la nature, au lieu que jusqu'à présent il ne la propose que pour une invention commode pour le calcul des réfractions.

Catalogue des principales Montagnes, dont nous avons mesuré la hauteur sur la surface de la mer.

La Massane dans le Roussillon.	Toises.
Bugarach en Languedoc.	 408
Digarden en Languedoc.	648

Montagnes de l'Auvergne.

Le Puy Domme.	
La Costa.	810
Le Puy de Violent.	851
Le Cantal.	853
Le Mont d'or, qui est la plus haute montagne de	984
Le Mont Ventoux dans le Comtat d'Avignon.	1030
dans to Comtat d Avignon.	1036

Montagnes des Pirenées.

La Montagne de S. Barthelem La Montagne du Mousset,	nidans le pays de I	Foix. 1185
Le Canigou.	*	1258
	` .	1440

Ggiij

D U M O U V E M E N T D E S E A U X,

Ou d'autres liqueurs quelconques de pesanteurs spécifiques à discrétion; de leurs vîtesses, de leurs dépenses par telles ouvertures ou sections qu'on voudra; de leurs hauteurs au-dessus de ces ouvertures, des durées de leurs écoulemens, &c.

PAR M. VARIGNON.

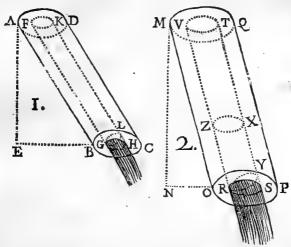
1703. 14. Nov. Ant de gens ont écrit sur le Mouvement des Eaux, & on a examiné cette matiere par tant d'expériences, qu'ayant eu occasion d'y penser, je ne croyois pas d'abord y pouvoir rien découvrir de nouveau. Mais en l'examinant de plus près, j'en ai trouvé une Regle générale dont les Eaux ne sont qu'un cas, duquel même tout ce qu'on nous en a donné jusqu'ici ne sont que des Corollaires très-limités. Pour démontrer cette Regle, soit le Lemme suivant.

LEMME.

Trouver les rapports des vîtesses des Eaux & d'autres liqueurs de pesanteurs spécifiques dissérentes, à leurs sorties par des ouvertures horisontales quelconques, au-dessus desquelles ces liqueurs soient à telles hauteurs qu'on voudra.



SOLUTION.



I. Soient deux tuyaux quelconques ABCD, MOPO, FIGURE I. d'ouvertures horizontales aussi quelconques GH, RS, II. par où s'écoulent des liqueurs de pesanteurs spécifiques différentes à discrétion, entretenues toujours à une même hauteur chacune dans chacun de ces Tuyaux inclinés comme l'on voudra, & dont les hauteurs soient AE, MN.

Cela posé, il est maniseste par la doctrine des poids soutenus sur des plans inclinés, que ce que le silet de liqueur FG, (par exemple d'eau) parallele à AB, sait d'essort suivant sa longueur, est à sa propre pésanteur:: AE. AB. Et ainsi de tour autre silet d'eau KH parallele de même à AB. Donc en supposant l'ouverture GH horizontale pour les avoir tous de même longueur, l'essort de toute la colonne d'eau FGHK suivant la longueur parallele à AB, sera aussi à sa pesanteur totale & absolue:: AE. AB. De sorte qu'en prenant f pour cet essort, & p pour toute la pesanteur absolue de cette colonne d'eau, l'on aura f. p::

 $AE. AB. ou f = \frac{p \times AE}{AB}$.

Fig. V.

Fig. II.

Par un raisonnement tout semblable, si dans le tuyau MOPQ plein de telle autre liqueur qu'on voudra, l'on en imagine aussi une colonne VRST parallele au côté MO de ce tuyau, laquelle s'écoule par une ouverture que lconque horizontale RS, qui en soit la base; si de plus on appelle φ son effort suivant sa longueur, & π sa pesanteur

absolue: on trouvera aussi $\varphi = \frac{\pi \times MN}{MO}$.

F 1 G. I. I I. Mais si l'on prend $m \& \mu$ pour les masses de ce qui s'écoule de ces liqueurs pendant les tems t, θ , par les ouvertures GH, RS, avec des vîtesses u, u, suivant le fil des tuyaux ABCD, MOPQ, lesquelles vîtesses soient uniformes de part & d'autre, chacune de ces colonnes de liqueurs étant supposée entretenue toujours à même hauteur; & par conséquent m, μ , (différentielles marquées à la maniere de M. Newton, les lettres $d \& \delta$ devant exprimer dans la suite les densités des liqueurs contenues dans les tuyaux ABCD & MOPQ) pour ce qui s'en écoule avec de telles vîtesses pendant le même instant par ces ouvertures: les forces motrices ou expultrices f, φ , de ces masses m, μ , étant comme les quantités de mouvement qu'elles leur impriment, c'està-dire, comme les produits de ces mêmes masses de liqueurs multipliées par leurs vîtesses, l'on aura u m. v μ :

 $f. \varphi :: \frac{p \times AE}{AB}. \frac{\varpi \times MN}{MO} :: MO \times AE \times p. AB \times MN \times \varpi. Ce$

qui donnera \dot{m} . $\dot{\mu} :: MO \times AE \times p$ v. $AB \times MN \times = u$.

Or les masses de liqueurs m, μ , écoulées pendant le même instant par les ouvertures GH, RS, étant aussi comme les produits de leurs densités d, δ , par leurs volumes, & leurs volumes étant de plus comme les produits de leurs vîtesses u, v, multipliées par les bases GL, RY, perpendiculaires au sil de ces vîtesses, ou des colonnes FGHK, VRST: l'on aura aussi m. μ : $GL \times ud$. $RY \times v\delta$. Donc $GL \times ud$. $RY \times v\delta$: $MO \times AE \times pv$. $AB \times MN \times volume$ u ou u ou

Soit présentement le volume de liquide VZXT (retranché de VRST par une coupe horizontale ZX) égal au volume FGHK; & π , & la pésanteur absolue de ce même volume VZXT. On aura aussi $AB \times GL$ ($AE \times GH$). $MO \times RY$ ($MN \times RS$):: FGHK. VRST (hyp.):: VZXT. VRST: π . π . Donc π . π :: $AE \times p$ $\circ \circ \circ \circ$. $MN \times \pi$ $\circ \circ \circ$ und Et par conséquent $MN \times \pi$ $\circ \circ \circ \circ$ de $AE \times p$ $\circ \circ \circ \circ$. Donc enfin $uu \cdot \circ \circ \circ \circ$:: $AE \times p$ $\circ \circ \circ$. $MN \times \pi$ d. Ou $u \cdot \circ \circ \circ \circ$: $AE \times p$ $\circ \circ$. $MN \times \pi$ d. Ou $u \cdot \circ \circ \circ \circ$. $AE \times p$ $\circ \circ \circ$.

néral qu'en prenant à l'ordinaire les pésanteurs $p \& \pi (hyp.)$ absolues des volumes égaux FGHK & VZXT, pour les pésanteurs spécifiques de ces liqueurs, leurs vîtesses à leurs sorties par les ouvertures GH & RS, doivent toujours être comme les Racines des produits saits de leurs hauteurs par leurs pésanteurs spécifiques directement prises, & par leurs densités réciproques; ou (ce qui revient au même) comme les Racines des quotiens résultans de leurs hauteurs multipliées par leurs pésanteurs spécifiques, & divisées par leurs densités. Ce qu'il falloit trouver.

AUTRE SOLUTION.

Ces noms f	6 6/ 11	f.	l:: $n::$	s. h.	σ. λ.	
	suppotés,	l'on	I'on aura<	n. q.	$q::$ $\varphi::$	p. b.

Donc (en multipliant par ordre) f. φ:: bphs. βπλο.

Voilà quelles sont les sorces qui obligent les liqueurs quelconques H & G, dont on suppose que les tuyaux A & E sont remplis, d'en sortir par les ouvertures horizontales $b \& \beta$. Voici présentement quels sont les effets de ces forces mouvantes, c'est-à-dire, les quantités de mouvement que ces sorces produisent dans ce qu'elles sont sortir de ces liqueurs à chaque instant (en prenant ces instans égaux) quelque variété de vitesses qui s'y trouve; ou en tems égaux quelconques, si ces vîtesses sont uniformes, comme lorsque ces liqueurs se trouvent toujours à même hauteur chacune dans le tuyau d'où elle s'écoule, quelques différentes que soient ces hauteurs entr'elles.

On trouvera ces quantités de mouvement, si dans le tuyau ABCD (Fig. 1.) pris pour celui qu'on voudra des tuyaux A & E, l'on considere que la base horizontale GH de la colonne de liqueur FGHK qu'il contient, est à sa base perpendiculaire GL, comme AB est à AE, c'estadire, comme le sinus total est au sinus d'inclinaison de ce tuyau sur l'horizon. Car suivant les noms précédens, & ceux que voici de plus

oc ceux que voici de plus,		•	
Tuyaux	•		A, E_{*}
Liqueurs dont ces tuyaux font remplis			
Pélanteurs spécifiques de ces liqueurs .			
Leurs densités			
Leurs hauteurs par dessus les ouvertures			
ou bases horizontales b, β , de ces tuyaux	•	•	h , λ .
Leurs vîtesses par ces ouvertures			24 . //
vicinos par eca ouvertares	-	•	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,

Ces noms, dis-je, supposés avec les premie de cette Solution, l'Analogie précédente donnera bs, so, pour les bases perpendiculaires des colonnes de liqueurs, qui paralléles aux tuyaux A, E, qui les contiennent, ont pour

bases horizontales les ouvertures b, β , de ces tuyaux. Ainsi les cylindres de liqueurs, qui sortent par ces ouvertures dans des instans égaux, si les vîtesses en sont variées; ou dans des tems égaux quelconques, si elles sont uniformes; ayant leurs longueurs comme les vîtesses u, v, avec lesquelles on les suppose sortir pendant ces tems: si l'on multiplie ces vîtesses par ces bases perpendiculaires, l'on aura ubs, vso, pour les volumes de ces cylindres de liqueurs. Par conséquent en multipliant ces volumes par les densités d, d, de ces liqueurs, l'on aura ubsd, vsos, pour les masses de ces mêmes cylindres, c'est-à-dire, pour les masses de ce que les forces précédentes f, φ , font sortir de ces liqueurs pendant des instans ou des tems égaux. Donc en multipliant ces masses par leurs vîtesses, l'on aura uubsd, vosos, pour les quantités de mouvement que produisent ces forces dans ce qu'elles font sortir de liqueurs des tuyaux A, E, pendant des instans ou des tems égaux par les ouvertures horizontales b, β , de ces tuyaux. Donc les effets étant toujours proportionnels aux causes, Pon aura ici f. φ:: uubsd, υυβοδ.

Mais ci-dessus l'on avoit aussi $f. \phi::bphs. \beta\pi\lambda\sigma$. Donc ensin l'on aura $uubsd. vv\beta\sigma\delta::bphs. \beta\pi\lambda\sigma$. Ou (en divisant les antécédens par bsd, & les conséquens par $\beta\sigma\delta$) $uu. vv::\frac{ph}{d}.\frac{\pi\lambda}{\delta}$. Donc aussi $u. v::\frac{vph}{d}.\frac{v\pi\lambda}{\delta}::vph\delta. v\pi\lambda d$. comme dans la premiere Solution cidessus, art. 1. Ce qui est encore ce qu'il falloit trouver.

COROLLAIRES.

III. De ce rapport général des vîtesses des liqueurs à leurs sorties des vases ou tuyaux d'où elles s'écoulent par des ouvertures quelconques horizontales, quelles que soient les inclinaisons de ces tuyaux, &c. il suit,

1º. Que si les densités des liqueurs sont égales, c'est-àdire, si leurs masses sont comme leurs volumes, leurs vîtesses à leurs sorties, doivent être comme les Racines des 244 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE produits faits de leurs hauteurs par leurs pésanteurs spéci-

fiques.

2°. Que lorsque leurs pésanteurs spécifiques sont égales, leurs vîtesses à leurs sorties, doivent être comme les Racines des quotiens résultans des hauteurs de ces liqueurs, divisées par leurs densités.

3°. Que lorsque les hauteurs sont égales, ces mêmes vîtesses doivent être aussi comme les Racines des quotiens résultans des pésanteurs spécifiques divisées par les

densités.

4°. Que lorsque les hauteurs & les pésanteurs spécifiques sont égales de part & d'autre, ou en raison réciproque les unes des autres, les vîtesses sont en raison réciproque des Racines des densités.

5°. Que lorsque les hauteurs & les densités sont égales, ou en même raison de part & d'autre, les vîtesses sont

comme les Racines des pélanteurs spécifiques.

6°. Enfin, que si les pésanteurs spécifiques & les densités sont égales, ou en même raison de part & d'autre, c'est-à-dire, si les masses sont comme leurs pésanteurs absolues, les vîtesses seront comme les Racines des hauteurs.

SCHOLIE.

IV. C'est présentement au Physicien à examiner laquelle de ces hypothèses, & d'une infinité d'autres qu'on pourroit faire encore sur l'inégalité de tous ces rapports, est la plus vrai-semblable, n'étant pas possible d'en démontrer aucune. J'ai balancé d'abord entre la premiere & la sixiéme, & je préserai ensuite la premiere, suivant laquelle je trouvai la Régle qu'on voit lui convenir dans le premier de ces six Corollaires. Mais qu'on adopte celle qu'on voudra de toutes ces hypothèses: quelle qu'elle soit, il est visible que la précédente Régle générale des art. 1. & 2. donnera toujours le rapport des vîtesses qui en doivent résulter aux liqueurs à leurs sorties, cette Régle convenant également à toutes.

V. Il est à remarquer que suivant les Corol. 1. 2. & 6. de l'art 3. Les vîtesses d'une même liqueur, par exemple de l'eau, à sa sortie des Réservoirs & des Tuyaux de conduite, sont toujours comme les Racines de ses hauteurs au-dessus des ouvertures (horizontales) par où elle sort. Ce qui est une opinion communément reçue: on prend même d'ordinaire cette proposition pour le premier principe de la science du Mouvement & de la Mesure des Eaux Courantes ou Jalissantes. Cependant je ne sçais personne qui l'eût démontré avant 1695, que j'en donnai une démonstration particuliere à l'Académie, telle qu'elle paroît dans son Histoire Latine,

Edit. 1. pag. 362. & Edit. 2. pag. 392.

VI. Il est vrai que la vérité de cette proposition est confirmée par une infinité d'expériences faites par Majottus, Castelli, Toricelli, Borelli, Guillelmini, & sur-tout par M. Mariotte, lesquelles en approchent de tous côtés. Mais faute d'en avoir trouvé la raison, tous ceux (du moins que je sçache) qui en ont traité jusqu'ici, ont été obligés de la supposer seulement comme un Principe d'expérience: ils ne l'ont crûe, dis-je, que sur des expériences approchantes, & qui d'ailleurs fondées sur le seul rapport des sens, ne sçauroient jamais être assez exactes pour pouvoir sûrement établir aucune précision rigoureuse & Géométrique; outre qu'il en faudroit une infinité pour la pouvoir établir en général. En fait de vérités exactes & précises, telle qu'est celle du précédent rapport des vîtesses des liqueurs à leurs sorties, l'expérience ne peut tout au plus que les faire conjecturer à force d'en approcher; mais elle ne sçauroit jamais les établir jusqu'à les mettre tout à-fait hors de doute : il n'y a que la raison seule qui y puisse atteindre; & c'est ce qu'on appelle Démonstration.

VII. C'est, sans doute, pour cela que Toricelli, quelque persuadé qu'il sût, que les vîtesses des Eaux à leurs sorties, sont toujours comme les Racines de leurs hauteurs pardessus les ouvertures (horizontales) qui leur donnent ifsue : quelque persuadé, dis-je, qu'il sût de cette vérité,

Hh iij

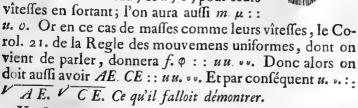
pour en avoir fait, lui-même, l'expérience après plusieurs autres; cependant comme ce n'étoient que des expériences, ou que des raisonnemens sondés sur des expériences; il ne laissoit pas d'appréhender qu'il ne se trouvât encore des gens à qui elles ne parussent pas assez convaincantes pour l'établissement d'une telle vérité. Aussi se contente-t-il de la mettre en supposition, laissant à en juger par les conséquences qu'il en tire : Cæterùm (dit-il dans ce qu'il a ajouté, De motu Aquarum à la fin de son Traité De motu projectorum, Liv. 2. pag. 192. & 193.) si quis prædictis rationibus non acquiescat, videat an inter sequentes Propositiones ullam probet; quod si ita erit, facilè per resolutionem ex approbatà propositione primam suppositionem demonstrabimus; sin minus, totam hanc Appendicem de motu Aquarum vel saltu prætermittat, vel funditus è libello evellat, quod equidem libentissimè concedo, etsi factum experimentum omni diligentia magnam partem se-

quentium propositionum exactissime confirmavit.

VIII. Ce n'est pas que la raison de cette supposition de Toricelli & des autres (scavoir que les vîtesses de l'eau à sa sortie des Réservoirs ou des Tuyaux de conduite, sont toujours comme les Racines de ses hauteurs au-dessus des ouvertures horizontales par où elle sort) fût fort cachée: mais on en étoit détourné par la ressemblance que ces vîtesses ont avec celles qui résulteroient des chûtes accélérées de l'eau, depuis la surface jusqu'aux ouvertures par où elle fort; car les ayant regardées comme l'effet d'une telle accélération, on s'est trouvé naturellement porté à en chercher la raison par cette voye. Je l'ai suivie aussi pendant quelque tems; mais n'y trouvant rien non plus, il me vint en pensée que cette voye, quelque naturelle qu'elle paroisse, pourroit bien cependant n'être pas celle de la nature. Ce fut ce qui me porta à examiner encore de plus près ce qui se passe dans un Tuyau lorsque l'eau s'en écoule; & il me parut que l'eau y étant contiguë dans toute sa longueur, celle d'enhaut descendoit aussi vîte que celle d'enbas; & que par conséquent il n'y avoit aucune accélération dans tout ce Tuyau.

IX. Cette uniformité de vîtesse de l'eau ainsi reconnue à sa sortie d'un tuyau où elle seroit entretenue à même hauteur, je cherchai la raison du Principe en question, dans celle des mouvemens unisormes, & j'en trouvai la Démonstration toute saite dans le Corol. 21. de la Regle générale que j'ai donnée pour ces sortes de mouvemens dans le Mémoire de l'Acad. du 31 Décemb. 1692.

Car en supposant le Tuyau AEFB rempli, d'abord jusqu'en AB, & ensuite jusqu'en A CD seulement, de quelque liqueur que ce soit, par exemple d'eau, qui (entretenue à chacune de ces hauteurs, l'une après l'autre) s'écoule par le trou horizontal G: il est visible que les efforts des colonnes d'eau AF, CF, sur ce que leurs pésanteurs en font sortir par le trou G, seront ici comme ces mêmes pésanteurs absolues; & par conséquent aussi comme leurs hauteurs AE, CE. Ainsi en prenant f, φ , pour ces efforts, I'on aura $f. \varphi :: AE, CE$. De plus, ce qu'il fort d'eau en tems égaux par le El trou G, étant comme sa vîtesse en sortant, fil'on prend encore m, μ , pour ces quantités ou masses d'eau; & u, v, pour leurs



X. On auroit aussi pû trouver la même chose par le Corol. 19. de la même Régle. Car puisque ce cas-ci donne m. μ: u. v. l'on aura mu. μν: uu. vv. Mais on a aussi f. φ:: AE. CE. Et le Corol. 19. de cette Régle, donne en général f φ:: mu. μν. Donc en ce cas-ci l'on aura uu. vv:: f. φ:: AE. CE. Et par conséquent encore u. v:: VAE. VCE.

Fig. III.

XI. Mais fans recourir à cette Régle générale des mouvemens uniformes, on sçait assez que les causes sont toujours proportionnelles à leurs effets; & que par conséquent les quantités de mouvemens sont toujours proportionnelles aux forces mouvantes qui les produitent. Or en supposant encore le Tuyau AEFB (Fig. 3.) rempli d'abord jusqu'en AB, & ensuite jusqu'en CD seulement, de quelque liqueur que ce soit, par exemple d'eau, qui (entretenue à chacune de ces hauteurs, l'une après l'autre) s'écoule par le trou horizontal G; les forces mouvantes feront ici les poids des colonnes AF, CF; & les quantités de mouvement causées par leurs pressions, seront comme les masses d'eau qu'elles seront sortir en tems égaux, multipliées chacune par sa vîtesse : c'est-à-dire, en raison composée de celle de ces masses, & de celle de leurs vîtesses à leur sortie. Ainsi les masses des corps étant toujours égales aux produits de leurs volumes par leurs densités, & les densités étant ici (hyp.) égales; les poids des colonnes d'eau AF, CF, c'est-à-dire, ces colonnes ellesmêmes, sont en raison composée de celle des volumes d'eau qu'elles font sortir en tems égaux par le trou G, & de celle des vîtesses de ces mêmes volumes. Or puisque ces raisons composantes sont égales, à cause que ces volumes d'eau sont entr'eux comme les vîtesses avec lesquelles ils fortent par le trou G du tuyau AF, la composée sera comme le quarré de chacune. Donc les colonnes d'eau AF, CF, ou (ce qui revient au même) leurs hauteurs AE, CE, feront entr'elles comme les quarrés ou de ces masses, ou de leurs vîtesses. Par conséquent ces masses, ou ces vîtesses, ou plûtôt les unes & les autres seront entr'elles comme les Racines des hauteurs AE, CE, de la surface de l'eau par-dessus l'ouverture horizontale qui la laisse échaper. Ce qui est le Principe qu'il falloit démontrai : telle est aussi à peu près la maniere dont je le démontrai à l'Académie le 29 Avril de 1695.

XII. Par un raisonnement tout semblable, si l'on imagine le Tuyau AEFB (Fig. 3.) rempli d'abord d'une liqueur quel-

conque

conque jusqu'en AB, laquelle (entretenue à cette hauteur) s'écoule par le trou horizontal G; & ensuite rempli seulement jusqu'en CD d'une autre liqueur telle encore qu'on voudra, laquelle (pareillement entretenue à cette hauteur) s'écoule aussi par le trou G: on trouvera de même que le produit des masses de ce qu'il fort de ces liqueurs en tems égaux, multipliées par leurs vitesses à leur sortie, seront comme les poids de leurs colonnes expultrices AF, CF, c'est-à-dire, comme les produits des hauteurs AE, CE, de ces colonnes, multipliées par leurs péfanteurs spécifiques. Or ces masses de liqueurs étant ici comme les produits de leurs densités par leurs vîtesses à leur sortie, si l'on multiplie ces produits par ces mêmes vîtesses, il en résultera d'autres produits saits des densités de ces liqueurs par les quarrés de ces vîtesses, lesquels seront entr'eux comme les produits faits de ces masses par ces mêmes vîtesses. Donc les produits des densités de ces liqueurs par les quarrés de leurs vîtesses à leur sortie, seront ici comme les produits de leurs hauteurs par leurs pésanteurs spécifiques. Donc aussi en divisant les deux premiers & ensuite les deux derniers termes de cette Analogie par les densités correspondantes, les quarrés des vîtesses se trouveront comme les quotiens résultans des hauteurs de ces liqueurs, multipliées par leurs pésanteurs spécifiques, & divisées par leurs densités. Par conséquent ces vîtesses, elles-mêmes, seront comme les Racines quarrées de ces quotiens : c'est-à-dire aussi comme les Racines quarrées des produits faits des pésanteurs spécifiques de ces liqueurs dire-Etement prises, multipliées par leurs hauteurs prises de même, & par leurs densités réciproquement prises; ainsi qu'il a déja été démontré ci-dessus art. 1. & 2.

Il suit encore de ceci que lorsque ces liqueurs seront les mêmes, c'est-à-dire, de même densité, & de même pésanteur spécifique, leurs vîtesses à leur sortie, seront comme les Racines de leurs hauteurs, ainsi que dans le nomb. 6. de l'art. 3.

Avertissement.

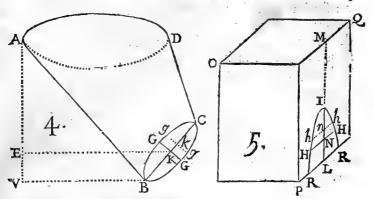
XIII. Jusqu'ici il ne s'est agi que d'ouvertures horizontales: dans la suite elles seront situées à discrétion, & telles qu'on voudra encore. Il est aussi à remarquer que dans tout ceci on ne compare que des liqueurs également coulantes; & qu'ainsi pour les comparer toutes indisséremment, il saudra rabatre de leurs pésanteurs spécifiques ce que leurs viscosités & les frotemens y pourroient apporter d'obstacle dans les unes plus que dans les autres. Cela posé, voici le problême fondamental de tout ceci.

PROBLEME.

Trouver une Régle du mouvement des Eaux ou d'autres Lizqueurs quelconques, laquelle comprenne tout à la fois leurs Péfanteurs spécifiques, les Ouvertures ou sections par où elles s'écoulent, leurs Hauteurs par-dessus ces ouvertures, les Tems ou les durées de leurs écoulemens, leurs Dépenses ou ce qui s'en écoule pendant ces tems, & c. soit qu'on prenne ces Dépenses de liqueurs pour les Masses de ce qui s'en écoule pendant ces mêmes tems, soit qu'on les prenne pour les Volumes de ces masses, soit ensinqu'on les prenne pour les Pésanteurs absolues de ces mêmes masses.

SOLUTION.

XIV. Soient deux canaux ou vases ABCD, MOPQ, remplis encore de liqueurs de pésanteurs spécifiques à discrétion, lesquelles y soient aussi toujours entretenues à mêmes hauteurs AV, ML, pendant qu'elles s'écoulent par des Ouvertures planes quelconques BGCGB, RHIHR, posées comme l'on voudra, & dont les diametres ou axes soient les sections BC, LI, de ces ouvertures avec des plans qui passent par les verticales AV, ML. Soient de plus deux ordonnées horizontales indéfiniment proches (l'une de l'autre) GG, gg, à l'ouverture BGCGB; de même que HH, hh, à l'ouverture RHIHR.



1. Cela fait, il est visible que si après avoir mené KE (du point K où GG rencontre BC) parallele à l'horizontale BV, l'on prend AE pour la hauteur de la liqueur par dessus l'horizontale GG, la différence de cette hauteur à celle de cette même liqueur par dessus gg, indésimment proche (hyp.) de GG, étant nulle par rapport à AE; cette même hauteur AE peut être prise pour celle de cette même liqueur par dessus tout le Quadrilatere $GggG(GG \times Kk)$, comme s'il étoit essectivement horizontal en K ou en E.

On trouvera de même que l'ouverture indéfiniment petite $HhhH(HH\times Nn)$ peut être prise pour horizontale en N, en prenant MN pour la hauteur de la liqueur par dessus cette ouverture. Donc en prenant encore p, π , pour les pesanteurs spécifiques des liqueurs contenues dans les canaux ou vases ABCD, MOPQ, & d, δ , pour leurs densités; les vîtesses des liqueurs à ces ouvertures GggG, HhhH, seront encore (art. 1. 2. CI2.) \mathcal{L} $\sqrt{AE\times p\delta}$. $\sqrt{MN\times \pi d}$. Donc aussi en prenant $\sqrt{AE\times p\delta}$ pour la première de ces vîtesses, l'on aura de même $\sqrt{MN\times \pi d}$ pour la seconde.

Or en prenant ainsi $\sqrt{AE \times p^3}$ & $\sqrt{MN} \times \sqrt[n-d]{d}$ pour les vitesses de ce qu'il sont de liqueurs par les ouvertures GggG & HhhH, il est visible que les masses de ce qu'il

en fortira avec de telles vîtesses en tems égaux par ces ouvertures séparément prises, seront comme les produits de ces vîtesses multipliées par ces ouvertures, par les finus s, σ , d'inclinaison de ces mêmes ouvertures avec le fil des liqueurs qui y passent, & par les densités d, δ , de ces mêmes liqueurs, c'est-à-dire :: $GG \times Kk \times sd \times \sqrt{AE \times p} \delta$.

 $HH \times Nn \times \sigma \delta \times \sqrt{MN \times \pi d} :: GG \times Kk \times s \sqrt{AE \times p} \delta dd.$ $HH \times Nn \times \sigma \sqrt{MN \times \pi \delta} \delta d :: GG \times Kk \times s \sqrt{AE \times p} \delta.$ $HH \times Nn \times \sigma \sqrt{MN \times \pi \delta} :: GG \times Kk \times t s \sqrt{AE \times p} \delta.$ $HH \times Nn \times t \sigma \sqrt{MN \times \pi \delta}.$

Il est visible aussi qu'en prenant t pour ce tems, & s pour un autre tems quelconque de même genre : Par exemple, t & pour deux tems finis; ce qu'il sortira de liqueur par l'ouverture HhhH pendant le tems t, sera à ce qu'il en fortira de même par cette même ouverture pendant le tems $\theta :: HH \times Nn \times t \circ \sqrt{MN \times \pi \delta}$. $HH \times$ $Nn \times \theta \in VMN \times \pi \delta$. Donc la masse de ce qu'il sortira de l'autre liqueur pendant le tems t par l'ouverture GggG. $(GG \times Kk)$, fera à la masse de ce qu'il sorrira de celle-ci pendant le tems θ par l'ouverture $HhhH(HH \times Nn)$: $GG \times Kk \times ts \sqrt{AE \times p d}$. $HH \times Nn \times \theta \sigma \sqrt{MN \times \pi \delta}$. De forte qu'en prenant $GG \times Kk \times ts \sqrt{AE \times pd}$ pour la masse de ce qu'il sortira de la premiére de ces liqueurs par l'ouverture GggG pendant le tems t, l'on aura aussi $HH \times$ $N_n \times \ell \sigma \sqrt{MN \times \pi \delta}$ pour la masse de ce qu'il sortira de la seconde par l'ouverture HhhH pendant le tems .

Donc en appellant m la 1^{re} de ces masses de liqueurs; & μ la seconde; l'on aura $m = GG \times Kk \times t \text{ s } \sqrt{AE \times p d}$, & $\mu = HH \times Nn \times \theta \text{ s } \sqrt{MN \times \pi \delta}$. Donc aussi, en intégrant, l'on aura $m = \int \overline{GG \times Kk \times t \text{ s } \sqrt{AE \times p d}}$, & $\mu = \int \overline{HH \times Nn \times \theta \text{ s } \sqrt{MN \times \pi \delta}}$, dans lesquelles égalités $m \ll \mu$ exprimeront les masses de liqueurs qui fortent pendant les tems $t \ll \theta$ par les ouvertures entières

BGCGB & RHIHR. Par conféquent $\frac{\int_{GG \times K} k \times ts \sqrt{dE \times p} d}{m}$

 $= \int_{\frac{\mu}{\mu}} \frac{\int_{HH \times Nn \times \theta \sigma \sqrt{MN \times \pi \delta}}}{\mu}, \text{ ou } \frac{is\sqrt{pd}}{m} \times \int_{GG \times Kk \times \sqrt{AE}} \frac{1}{m} ds$

 $= \frac{\delta \sigma \sqrt{\pi \delta}}{\mu} \times \int \overline{HH} \times Nn \times \overline{VMN}, \text{ à cause que } t, \theta, s, \sigma, p, \pi, d, \delta, m, \mu, \text{ font } (hyp.) \text{ des grandeurs constantes.}$ Ce qui sera la Regle requise dans la supposition où l'on prendroit les masses de ce qu'il s'écoule de liqueurs pendant les tems $t & \theta$, pour leurs dépenses pendant ces tems. C'est aussi la première qu'il falloit trouver.

Mais si pour s'accommoder à la manière ordinaire de mesurer les liqueurs par volumes, comme l'on sait l'eau, le vin, &c. on prend ceux de ce qu'il s'écoule des liqueurs en quession pendant les tems t & θ , pour leurs dépenses pendant ces mêmes tems; il n'y a qu'à considérer que chaque masse ou quantité de matière quelconque est toûjours égale au produit de sa densité par son volume, c'est-à-dire, par l'espace qui la comprend. Car en appellant e, ϵ , ces espaces ou volumes, l'on aura m = e d & $\mu = \epsilon \delta$: de sorte qu'en substituant ces valeurs de m, μ , en leurs places dans la Regle précédente, elle

fe changera en $\frac{t s \sqrt{p}}{e \sqrt{d}} \times \int \overline{GG \times Kk \times \sqrt{AE}} = \frac{\theta \sigma \sqrt{\pi}}{e \sqrt{\delta}} \times C$

JHH × Nn × VMN. Ce qui sera la Regle requise dans la supposition où l'on prend les volumes de ce qu'il s'écoule de liqueurs pendant les tems t & t, pour leurs dépenses pendant ces tems. C'est aussi la seconde qu'il falloit trouver.

3°. Si pour s'accommoder encore à une autre manière de mesurer les liqueurs, qui est aussi en usage, sçavoir en les pesant, comme on fait l'huile, le vif argent, &c. on prend les pesanteurs absolues de ce qu'il s'écoule des liqueurs en question pendant les tems t & , pour leurs dépenses pendant ces mêmes tems; il n'y a qu'à considérer aussi que la pesanteur absolue de quelque corps que ce soit, est toûjours égale au produit de sa pesanteur

Ii iij

254 Memoires de l'Academie Royale
spécifique par son volume. Car en appellant encore e, .,
les volumes de ce qu'il s'écoule des liqueurs en question
pendant les tems t, 4; leurs pesanteurs spécifiques p, #;
& leurs pesanteurs absolues (qu'on appelle communément
leurs poids ou leurs gravités) g, γ ; l'on aura $g = e p \&$
$\gamma = i\pi$, ou $e = \frac{g}{p} \& i = \frac{\gamma}{\pi}$. Donc en substituant ces
valeurs de e, :, dans la précédente Regle du nomb. 2.
elle se changera aussi en $\frac{i \times p \vee p}{g \vee d} \times / \overline{GG \times Kk \times \overline{VAE}}$
$= \frac{\theta \circ \pi \vee \pi}{\gamma \vee \delta} \times \int \overline{HH \times Nn \times \nu MN}$. Ce qui fera enfin la
Regle requise dans la supposition où l'on prend les pesan-
teurs absolues de ce qu'il s'écoule de liqueurs pendant les
tems t & e, pour leurs dépenses pendant ces tems. C'est
aussi la troisième & la dernière qu'il falloit trouver.

XV. Suivant ces trois parties de la Solution du précédent art. 14. en supposant toûjours les Fig. 4. & 5. avec les noms que voici:

Ouvertures par où les liqueurs BGCGB, RHIH	R·
Sinus d'inclinaison du fil de ces liqueurs avec ces ouvertures	
Tems ou durées de ces écoulemens	
Masses de ce qu'il s'en écoule pendant	
Volumes de ces masses, ou les espaces qui les comprennent	
Leurs pesanteurs absolues ou leurs gra-	
Leurs pesanteurs spécifiques, ou pesanteurs de ces liqueurs en volumes égaux	
Leurs densités, ou ce que ces liqueurs	
L'an aura nous la Colution du Problème précédent !	

L'on aura pour la folution du Problème précédent les trois Regles suivantes.

REGLES GÉNÉRALES

Du Mouvement & de la Mesure des Eaux, ou d'autres liqueurs quelconques de pesanteurs spécifiques à discretion, & c.

1.
$$\frac{i \cdot \sqrt{pd}}{m} \times \int \overline{GG \times Kk \times \sqrt{AE}} = \frac{\theta \cdot \sigma \sqrt{\pi \delta}}{\mu} \times \int \overline{HH \times Nn \times \sqrt{MN}}.$$
2. $\frac{i \cdot s \sqrt{p}}{e \cdot \sqrt{d}} \times \int \overline{GG \times Kk \times \sqrt{AE}} = \frac{\theta \cdot \sigma \sqrt{\pi}}{e \cdot \sqrt{\delta}} \times \int \overline{HH \times Nn \times \sqrt{MN}}.$
3. $\frac{i \cdot s p \sqrt{p}}{g \cdot \sqrt{d}} \times \int \overline{GG \times Kk \times \sqrt{AE}} = \frac{\theta \cdot \sigma \pi \sqrt{\pi}}{\gamma \cdot \sqrt{\delta}} \times \int \overline{HH \times Nn \times \sqrt{MN}}.$

Il est ici à remarquer que la masse de chaque corps (quelconque) étant égale au produit de sa densité par son volume, & sa pesanteur absolue égale aussi au produit de sa pesanteur spécifique par son même volume; la masse de quelque corps que ce soit, doit toûjours être à sa densité, comme sa pesanteur absolue à sa pesanteur spécifique. Ainsi, suivant les noms précédens, on doit avoir par tout ici m. d:: g. p, & µ. d:: y. π. Ce qui servira à chasser des Regles précédentes les semblables qu'on voudra de ces huit grandeurs, en leur substituant dans ces Regles les deux valeurs que ces deux Analogies en donneront.

COROLLAIRE I.

XVI. Pour tirer présentement de ces Regles tout ce que l'on en a donné jusqu'ici par rapport à cette matière, & même plusieurs autres auxquelles il ne paroît pas que l'on ait encore pensé; il est aussi à remarquer que de tous les silets d'eau horizontaux de chaque ouverture ou section de Rivière, de Canal, ou de Vase, tels que sont GggG dans l'ouverture BGCGB de la Fig. 4. il y en a toûjours nécessairement un entre le plus haut & le plus bas de cette ouverture, & qui pour cela s'appellera dans la suite

256 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE filet moyen, dont la vîtesse (qu'on appellera aussi vîtesse moyenne) est telle, que s'ils l'avoient tous, ce qu'il couleroit alors d'eau ou d'autre liqueur quelconque par cette ouverture, seroit précisément égal à ce que leurs vîtesses effectives (qui y font différentes) y en font passer en pareil tems. Par conséquent (art. 1.) le produit d'une telle vîtesse moyenne entre la plus grande & la moindre de celles-ci, multipliée par cette ouverture $\int G G \times K k$, feroit $= \int \overline{GG \times Kk \times VAE \times p \delta}$. On trouvera de même que le produit de la vîtesse moyenne à l'ouverture $\int \overline{HH \times Nn}$, multipliée par cette ouverture, feroit = = $\int HH \times Nn \times \sqrt{MN} \times \pi \delta$, en prënant de part & d'autre $VAE \times p$ & $VMN \times \pi d$ pour les vîtesses des filets correspondans $GG \times Kk \otimes H\dot{H} \times Nn$ des liqueurs qui s'écoulent par les ouvertures ou fections BGCGB & RHIHR, comme on l'a fait ci-dessus art. 14. num. 1. Donc en prenant de même pour les vîtesses moyennes dont il s'agit ici, les Racines des produits des densités d, s, réciproquement prises des liqueurs en question, multipliées par leurs pesanteurs spécifiques p, n, directement prises, & par les hauteurs qui leur donnent effectivement ces mêmes vîtesses, aussi directement prises, & en prenant de plus h, λ , pour ces hauteurs qu'on appellera aussi hauteurs moyennes: l'on aura $\sqrt{hp^{\delta}} \times \int GG \times Kk$ $= \int \overline{GG \times Kk \times VAE \times p^{\delta}} & V_{\lambda\pi}d \times \int \overline{HH \times Nn}$ $=\int HH\times Nn\times \sqrt{MN\times_{\pi}d}$, c'est-à-dire, $\sqrt{h}\times \int GG\times Kk$ $=/GG\times Kk\times \sqrt{AE}, & \sqrt{\lambda}\times/HH\times Nn=/HH\times Nn\times \sqrt{MN},$ à cause que les pésanteurs spécifiques p, , & les densités d, s, (hyp.) constantes, se trouvent également dans les deux membres de ces équations. Donc en substituant ces valeurs de $/ GG \times K \times V \overrightarrow{AL}$, & de $/ HH \times Nn \times V \overrightarrow{MN}$ dans les trois Regles générales du précédent art. 15. elles se changeront en celles-ci;

10

$$1^{\circ} \cdot \frac{\iota \circ V h p d}{m} \times \int \overline{G} \, \overline{G} \times \overline{K} \, k = \frac{\iota \circ V \lambda \pi \delta}{\mu} \times \int \overline{H} H \times \overline{N} \, n.$$

$$2^{\circ} \cdot \frac{i s \sqrt{hp}}{e v d} \times \int \overline{GG \times Kk} = \frac{\theta \sigma V_{\lambda \pi}}{1 v \delta} \times \int \overline{HH \times Nn}.$$

3°.
$$\frac{espVhp}{gVd} \times \int \overline{GG \times Kk} = \frac{\theta \circ \pi V \lambda \pi}{\gamma V \delta} \times \int \overline{HH \times Nn}$$
.

iefquelles feront aussi générales que celles-là, & dans les quelles les hauteurs moyennes fixes & constantes des liqueurs, se trouvent au lieu des véritables qui étoient dans ces trois autres Régles de l'article 15.

COROLLAIRE II.

XVII. Mais si l'on veut introduire aussi les vîtesses moyennes de ces mêmes liqueurs, pour lesquelles on vient (art. 16.) de substituer leurs proportionnelles $\sqrt{hp} \delta$, $\sqrt{\lambda \pi} d$, & qu'on appelle ces vîtesses u, v; alors ayant (art. 1. 2. $\dot{\sigma}$) 12.) u. v: $\sqrt{hp} \delta$. $\sqrt{\lambda \pi} d$.

1° Si l'on multiplie les deux Antécédens de cette Analogie par d, & les deux Conféquens par s, on aura u d. $u^{\delta}::dV \frac{1}{hp\delta} \cdot \delta \cdot V \frac{1}{\lambda \pi d} :: V \frac{1}{hp\delta} \cdot dd$. $V \frac{1}{\lambda \pi d} \delta \cdot \delta :: V \frac{1}{hpd}$. $V \frac{1}{\lambda \pi \delta} \cdot c$ est-à-dire, ud. $u^{\delta}:: V \frac{1}{hpd} \cdot V \frac{1}{\lambda \pi \delta} \cdot Il$ n'y aura qu'à substituer les deux premiers termes de cette Analogie à la place des deux derniers dans la premiere des trois Regles du précédent article 16. & elle se changera en celle-ci;

$$\frac{\operatorname{ssud}}{m} \times \int \overline{G} \, \overline{G \times K} \, k = \frac{\operatorname{\theta} \operatorname{ov} \, \delta}{\mu} \times \int \overline{H} \, H \times N \, n.$$

2°• Si l'on multiplie les deux Antécédens de l'Analogie $u. \circ :: \sqrt{\frac{h p \delta}{h p \delta}}. \sqrt{\frac{\lambda \pi d}{h r d}}$ par $\sqrt{\frac{h p d}{h p d}}$ & les deux Conféquens par $\sqrt{\frac{\lambda \pi \delta}{h n r d}}$, elle se changera en $u\sqrt{\frac{h p d}{h p d}}. \sqrt{\frac{\lambda \pi \delta}{h n r d}}:: \frac{h p}{h n r d}. \sim 1703$. Ce qui donnant $\sqrt{\frac{h p d}{h p d}}. \sqrt{\frac{h n r d}{u}}. \sim 1703$. Kk

258 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE niers termes de cette Analogie à la place des deux premiers dans la premiere des trois Régles de l'art. 16. & elle se changera encore en celle-ci:

$$\frac{\sinh p}{mn} \times \int \overline{GG \times Kk} = \frac{\theta \sigma \lambda \pi}{\mu \nu} \times \int \overline{HH \times Nn_{\bullet}}$$

3 · Et là, si on considere que m = ed, & $\mu = e\delta$, sa substitution de ces valeurs de m, μ , dans cette Régle-ci, la changera en

$$\frac{i shp}{ued} \times \int \overline{GG \times Kk} = \frac{\delta \circ \lambda \pi}{ue\delta} \times \int \overline{HH \times Nn}$$

Il est visible que ces trois Régles n'ayant souffert aucune restriction, seront encore aussi générales que celles de l'article 15.

COROLLAIRE III.

X VIII. On introduira de même les vîtesses moyennes u, v, dans la seconde & dans la troisséme des Régles générales de l'art. 16. par le moyen de l'Analogie u, v: $v = \sqrt{hp \delta}$. $v = \sqrt{\lambda \pi d}$. du précédent art. 17. Car cette Analogie donnant aussi $u, v = \sqrt{\frac{hp \delta}{V}} = \sqrt{\frac{\lambda \pi}{V \delta}}$. Il n'y aura qu'à substituer les deux premiers termes au lieu des deux derniers de cette derniere Analogie dans ces deux dernieres Régles de l'art. 16. & elles se changeront en ces deux-ci:

$$\mathbf{1}^{\circ} \cdot \frac{\iota s u}{e} \times \int \overline{G \, G \times K k} = \frac{\theta \, \sigma \, v}{\epsilon} \times \int \overline{H \, H \times N \, n}.$$

$$\mathbf{2}^{\circ} \cdot \frac{\iota s p u}{g} \times \int \overline{G \, G \times K \, k} = \frac{\theta \, \sigma \, \pi \, v}{\gamma} \times \int \overline{H \, H \times N \, n}.$$

Ces deux Régles sont encore aussi générales que celles de l'article 15.

COROLLAIRE IV.

XIX. Si présentement, pour la commodité du calcul, on appelle b, β , les bases, ou plûtôt les ouvertures BGCGB, RHIHR, des Canaux ou Réservoirs en question, enforte que l'on ait $b = \int GG \times Kk$, & $\beta = \int HH \times Nn$; la substitution de ces valeurs dans les Régles des art. 16. 17. & 18. les changera encore en celles qui suivent la Liste que voici des noms qui y entrent. Bases ou Ouvertures par où les liqueurs s'écoulent. b, Sinus d'inclinaison du fil de ces liqueurs avec ces bases. bases. Hauteurs moyennes de ces liqueurs par-dessus h, ces mêmes ouvertures ou bases. . Leurs pélanteurs spécifiques. p, Leurs pésanteurs absolues, ou leurs gravités totales. g, Leurs densités. d, Les tems ou les durées de leurs écoulemens. . t, 6. Quantités ou masses de ce qu'il s'en écoule m, Leurs volumes, ou les espaces qui comprennent ces masses. . . .

AUTRES REGLES

Déduites de celles de l'article 15. & aussi générales qu'elles.

$$1^{\circ} \cdot \frac{b t s \sqrt{h p d}}{m} = \frac{\beta \theta \sigma \sqrt{\lambda \pi \delta}}{\mu}$$

$$2^{\circ} \cdot \frac{bis\sqrt{hp}}{eVd} = \frac{\beta\theta\sigma\sqrt{\lambda\pi}}{eV\delta}.$$

260 Memoires de l'Academie Royale

$$4^{\circ} \cdot \frac{bishp}{m} = \frac{\beta \theta \sigma v \delta}{\mu}.$$

$$5^{\circ} \cdot \frac{bishp}{mu} = \frac{\beta \theta \sigma \lambda \tau}{\mu v}.$$

$$6^{\circ} \cdot \frac{bishp}{ued} = \frac{\beta \theta \sigma \lambda \tau}{v \cdot d}.$$

$$7^{\circ} \cdot \frac{bishp}{e} = \frac{\beta \theta \sigma v}{v}.$$

$$8^{\circ} \cdot \frac{bispu}{g} = \frac{\beta \theta \sigma \tau v}{v}.$$

XX. Il est à remarquer que la comparaison de ces huit Régles entr'elles, en peut produire encore plusieurs autres toutes aussi générales qu'elles: chacun peut l'essayer, & choisir la plus commode par rapport à la question. Et là il est encore à remarquer qu'elles en produiront aussi autant de particulieres qu'on voudra, selon tout ce qu'on peut supposer de rapports entre ce qu'elles contiennent: pour cela il n'y aura qu'à multiplier ou à diviser celle qu'on voudra de ces Régles par l'équation résultante du rapport supposé; & le produit ou le quotient de cette opération, sera une Régle particuliere de cette hypothèse.

Par exemple, 1°. En supposant b to $\sqrt{p}d = \beta \circ \sigma \sqrt{\pi \delta}$, la premiere de ces huit Régles générales (art. 19.) divisée par cette équation, donnera $\frac{\sqrt{h}}{m} = \frac{\sqrt{\lambda}}{\mu}$, ou $m._{\mu}::\sqrt{h}.\sqrt{\lambda}$. 2°. En supposant to $\sqrt{hpd} = \delta \circ \sqrt{\lambda \pi \delta}$, cette 1° Régle donnera de même $\frac{b}{m} = \frac{\beta}{\mu}$, ou $m._{\mu}::b$ $\beta \cdot \beta$ °. En supposant b to $\sqrt{hpd} = \beta \circ \sigma \sqrt{\lambda \pi \delta}$, la même Régle donnera encore $\frac{1}{m} = \frac{1}{\mu}$, ou $m = \mu$. Et ainsi de tout ce qu'on peut faire d'autres suppositions à l'infini; de même aussi de toutes les autres Régles du précédent art. 19. & de celles de l'art. 15. d'où elles se déduisent.

Il est encore à remarquer que si dans les trois précédentes Régles particulieres que la premiere des générales de l'article 19. vient de fournir pour les hypothêses ausquelles on vient de l'appliquer, on suppose de plus que les liqueurs soient homogenes ou la même de part & d'autre; alors ayant m. #:: e. 1. elles se trouveront être les trois que M. Mariotte a données pour les dépenses des reservoirs dans son Traité du Mouvement des Eaux, pag. 265. 275. & 295. de la premiere Edition, où il appelle Ouvertures les diametres de celles dont il se sert : c'est leurs capacités qu'on appelle ici de ce nom.

Si au lieu de diviser par les équations supposées la premiere Regle générale qui vient de donner ces particulieres de M. Mariotte, on l'eût multipliée par ces mêmes équations, elle auroit encore donné autant d'autres Régles particulieres de ces mêmes suppositions. Cette Régle générale & les autres de l'art. 19. fourniront de même toutes celles de Castelli, Toricelli, Borelli, Guillelmini, &c. avec une infinité d'autres, en s'en servant comme l'on vient de faire de celle-là. Ainsi nous ne nous y ar-

rêterons pas davantage.

OBSERVATIONS

SUR UN CERVEAU PETRIFIE'.

PAR M. DU VERNEY, le jeune.

7 Oici une chose des plus rares, & tout ensemble des plus importantes qu'il y ait dans l'histoire natu- 14. Novemb. relle. Elle est si rare, que dans tous les Livres que j'ai consultés, je n'en ai trouvé qu'un seul exemple. Elle est si importante, qu'elle semble renverser tout ce que l'on a dit jusqu'ici des usages du cerveau, c'est-à-dire, tout ce que l'on a toûjours crû de plus certain & de plus necessaire dans l'œconomie du corps des animaux.

Quelque différentes que soient les opinions des Auteurs touchant la substance du cerveau, elles s'accordent

Kkiii

262 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

toutes en un point, qui est que cette substance est molle; souple, tendre & slexible, sans quoi elle ne pourroit servir

aux usages ausquels on la croit dessinée.

Mais voici un cerveau dont la substance est très-différente de ce que tous les Auteurs tant anciens que modernes se sont imaginé. Bien loin d'être moû & flexible, il est aussi dur que du marbre. C'est le cerveau d'un bœuf qui a été tué tout recemment. Ce n'est pas depuis la mort de l'animal, qu'il s'est endurci; on l'a trouvé tel au moment que ce bœuf a été tué : & ce qui est presqu'incroyable, ce bœuf avec son cerveau petrifié étoit gros & gras, & se portoit aussi bien qu'aucun autre de ceux qui étoient dans le marché où il fut vendu. Si ce cerveau pétrifié s'étoit trouvé dans un animal malade, la chose ne seroit pas si surprenante : car il y a des exemples de certaines conformations extraordinaires du cerveau de quelques animaux : on a même trouvé des fœtus qui n'avoient point de cerveau: Mais ces animaux n'étoient pas en santé, & ces sœtus n'ont pas vécu. Il n'en est pas de même du fait dont je parle. Le bœuf où s'est trouvé ce cerveau de pierre, se portoit bien : & c'est ce qui surpasse presque toute croyance. Voici comment l'on s'est apperçû de ce prodige.

Il n'y a pas encore trois mois qu'une Bouchere nommée la veuve Coart, de la Boucherie du petit Châtelet, ayant acheté quelques bœufs, en fit mener un à la tuerie. Ce bœuf, lorsqu'on fut sur le point de l'assommer, s'échapa jusqu'à quatre sois: ce qu'il est important de remarquer, pour faire voir que ce n'étoit point un animal soible & languissant; mais qu'au contraire il étoit très-sort & très-vigoureux. Ensin il sut assommé: mais quand on vint à lui sendre la tête, le crane ayant été entamé, le cerveau résista au couperet. Le Boucher croyant que son coup avoit porté sur l'anneau de ser où la tête étoit attachée, redoubla le coup, mais sans esset; & ayant vainement frappé une troisséme & une quatrième sois, il sut obligé de prendre un marteau, & de mettre le crane en pieces pour en tirer le cerveau. Après qu'il eut fracassé le crâne à coups de marteau, il sut bien surpris lui & ses camarades de trouver une espece de gros caillou au lieu de cerveau. Ils vinrent me l'apporter; & je sus encore bien plus surpris qu'eux, quand je vis ce prodige. Comme toutes les parties du crane avoient été brisées, il me sut

impossible d'y remettre chaque partie à sa place.

Ensin voilà un cerveau pétrifié, qui semble mettre à bout les raisonnemens que les plus sçavans hommes ont saits jusqu'ici touchant les usages de cette partie, qui est une des principales, & peut-être la principale du corps de l'animal. Car comment ce cerveau de pierre pouvoit-il recevoir les impressions des objets? Comment les esprits animaux pouvoient-ils le pénétrer? Comment trouver dans cette masse de pierre tous ces filets tendres & souples que l'on prétend pouvoir être pliés en tous sens par la seu-

le force des esprits animaux qui les rouchent?

Je contemplai à loisir ce cerveau, & j'en examinai toutes les parties avec admiration. Sa figure est singuliere & tres-différente de celle d'un cerveau ordinaire. Sa surface est par tout inégale & raboteuse; & on le peut en quelque sorte comparer à une rocaille telle que l'on en voit dans des grottes de plusieurs jardins. Les deux grands lobes sont plus épais & plus ramassés qu'ils ne le sont naturellement. Ils sont situés obliquement tant à leur partie superieure qu'à l'inférieure. Ils ont à la superieure chacun une avance : celle du lobe gauche qui excede environ d'un travers de doigt la surface de tout le reste, est assez arrondie : celle du lobe droit, laquelle s'éleve biende la hauteur d'un pouce, est plus large & forme une espece de selle-à-cheval, terminée à chaque extremité par un pommeau, dont celui de derriere est rond comme un petit bouton, & celui de devant, qui est beaucoup plus gros, est aussi plus large, & a dans son milieu une espece de rainure. Ces deux éminences laissent entr'elles un vuide assez considerable, qui se continue jusqu'au dessous de la base du crane en formant d'espace en espace des cavi-

264 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

tés inégales & plus ou moins grandes, dont les deux plus considérables peuvent contenir une petite noisette. La partie inférieure du lobe gauche jette une avance mousse qui déborde au de-là de celle du côté droit. Les diverses anfractuosités que forment les sillons du cerveau paroissent en quelques endroits plus grandes qu'à l'ordinaire, & même séparées, laissant des sinuosités & des enfoncemens qui apparemment ont été creusés par le mouvement des vaisseaux qui y sont conservés; de même que fur la lame interieure des os du crane l'on voit des fillons formés par la trace des vaisseaux, en plusieurs endroits des lobes de ce cerveau, l'on voit aussi des anfractuosités qui sont encore jointes par la pie-mere, laquelle s'est endurcie & pétrifiée presque par tout ailleurs, de même que le cerveau; si ce n'est qu'au dedans de la partie postérieure des lobes qui joint la partie latérale du cervelet, on trouve encore une substance tendre & spongieuse qui ne s'est point endurcie & pétrissée comme tout le reste: ce que l'on sent facilement en y introduisant un stilet; car cette partie ne résiste point comme ailleurs, au stilet; & cet endroit là est proprement ce qu'on appelle la troisième cavité ou le troisième ventricule, au dessus duquel est située la glande pineale qui est à la rencontre des sinus de la dure-mere. Quoique l'éminence qui est en cet endroit foit plus grosse qu'une noix, sa situation donne lieu de croire que c'est la glande pineale. Cette glande est comme articulée & emboitée, par sa partie anterieure & superieure, avec les deux avances des lobes que nous avons décrites; & par sa partie posterieure & inferieure, avec le cervelet. À la partie inferieure de cette glande il y a plusieurs cavités, dont la plus considerable, qui est à la partie superieure & posterieure du lobe droit, forme une grande sinuosité, laquelle passant sur le côté droit du cervelet, vient aboutir à une autre grande cavité d'environ un travers de doigt de diametre, où doit être le commencement de la moëlle allongée. L'on voit aussi au dessus du même endroit un leger enfoncement environ

de la grandeur d'un denier, lequel enfoncement est encore revêtu de sa membrane, & paroît transparent.

A la base du crâne & à côté de cette cavité, tout proche d'une autre sinuosité assez considérable, l'on trouve encore une substance tendre, spongieuse, & même moëlleuse: car en y introduisant un stilet, non seulement il y pénétre très-facilement de la prosondeur de cinq à six lignes, mais en le tirant on le trouve tout enduit de cette moëlle; & ce qui est assez étonnant, c'est que les parties voisines sont aussi dures que du marbre.

Le cervelet est situé obliquement en s'élevant de derriere en devant sur le lobe gauche: & l'avance qu'on nomme vermisorme, parce qu'elle a la figure d'un ver, laquelle avance naturellement est courbée & cachée sous les lobes, se trouve ici élevée sur le lobe gauche. Entre le même lobe & la même avance il y a une cavité considérable, de figure irréguliere & tirant sur l'ovale, qui pénétre sort avant dans la substance du cerveau, & qui dans l'endroit où elle se termine, paroît moins dure & seulement comme ossissée. Le cervelet a conservé à peu près sa figure naturelle, & il ne s'y est trouvé aucune cavité considérable, mais seulement de petits ensoncemens & des sinus qui paroissent avoir été formés par l'écartement des sillons.

Dans la base du cerveau, qui a été coupée par le Boucher, on remarque distinctement la partie cendrée & la partie

blanche, toute pétrifiées qu'elles sont.

Après les circonstances que je viens de rapporter, je ne crois pas que l'on puisse douter que ce cerveau n'ait véritablement été d'un animal vivant. S'il étoit tout de pierre, l'on pourroit dire que c'est une production semblable à celle de ces os que quelques-uns prétendent être fossiles, & à ces pétrissications admirables que l'on trouve quelquesois dans la terre, & qui sont, pour ainsi dire, des jeux de la nature. Mais ce que je viens de faire remarquer, & ce que l'on peut encore voir ici, c'est que dans ce cerveau pétrissé il y a en certains endroits quel
Mém. 1703.

266 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

ques parties qui sont osseuses; qu'à sa base on trouve encore une substance tendre & spongieuse; que même on y voit une substance moëlleuse, & que lorsqu'on y a fourré un stilet on le trouve enduit de cette moëlle. Tous ces saits dont on se peut convaincre par ses propres yeux, prouvent invinciblement que ce cerveau n'est point une production ni du hazard ni de l'art, comme peuvent être ces os sos sossies & certaines productions artificielles. Les singularités que l'on voit dans ce cerveau, sont des caracteres de vérité que le hazard ne peut contresaire, & que l'art ne scauroit imiter.

Voilà ce qu'un morceau aussi irrégulier que celui-ci, m'a permis d'observer & de décrire. Je n'ai point trouvé à propos de le scier & séparer en plus de parties qu'il n'est; parce que j'ai crû que je n'y découvrirois rien de plus extraordinaire: cependant peut-être dans la suite pourrai-je y revenir, & m'assûrer par l'inspection de toutes les

parties intérieures s'il n'y a rien de particulier.

Bien que les exemples ne soient pas nécessaires pour autoriser une chose si évidente, j'ai été ravi de trouver dans les Ouvrages d'un Auteur célébre un fait semblable, qui confirme celui-ci. J'ai dit au commencement de ce discours, que je n'en aitrouvé qu'un seul exemple dans tous les Livres que j'ai consultés; c'est le célébre Bartholin qui le rapporte dans la quatre-vingt-onziéme Hiftoire du sixiéme Livre de ses Centuries Anatomiques. Il dit que de son tems en Suéde, comme un Boucher vouloit tuer un bœuf, & qu'il lui eut fendu le crâne d'un coup de hache, le cerveau refusa le coup, & sit sauter la hache: Que ce cerveau se trouva pétrissé dans sa masse: que le bœuf étant en vie portoit toujours sa tête basse : qu'il devenoit fort maigre, & que cela avoit déterminé son Maître à le vendre au Boucher. Bartholin ajoûte qu'il n'avoit pas vû ce cerveau, mais que Steno Bielke, Ambassadeur de Suéde, de qui il avoit appris la chose, l'avoit affûré qu'il l'avoit vû dans la maison du Comte d'Oxenstiern où on le gardoit, & que cet Ambassadeur lui

avoit promis de lui en envoyer une figure très-exacte, & même un morceau. La différence qu'il y a entre notre observation & celle de Bartholin, est que le bœuf dont il parle étoit extrêmement maigre, au lieu que le nôtre

étoit gras & se portoit fort bien.

Mais enfin, que répondre aux objections que ces observations fournissent contre ce que l'on a toujours crû sur un sujet si important? Bartholin avoue qu'il s'y trouve fort embarrassé. Le cerveau, dit-il, ne doit plus être mis au rang des parties nobles, puisque ses fonctions ne sont pas absolument nécessaires à la vie. Voilà donc le cerveau dégradé de la noblesse dont il avoit joui jusqu'à présent. Je conviens avec cet Auteur que la chose est fort embarrassante : néanmoins tout étant bien considéré, je crois que l'on peut

donner quelques solutions à ces difficultés.

Si toutes les parties du cerveau de notre bœuf se trouvoient également pétrifiées, & par-tout aussi endurcies qu'elles le font en un très-grand nombre d'endroits, il seroit très-difficile, pour ne pas dire impossible, d'expliquer comment l'animal auroit pû vivre; la communication du cerveau, avec toutes les autres parties du corps étant interceptée, & les esprits, qu'il doit continuellement envoyer pour la nourriture & la vivification des parties, ne pouvant plus passer. Mais la substance molle & spongieuse qui s'est encore trouvée en quelques endroits, comme je l'ai fait remarquer, donne jour pour établir quelques conjectures vrai femblables. On peut dire que cette substance moëlleuse a toujours pû fournir une certaine quantité d'esprits, non seulement pour faire faire aux nerfs du cerveau leurs fonctions ordinaires, mais aussi pour servir à la nourriture de toutes les autres parties: & ce qui donne lieu de le croire, c'est qu'à la base du crâne on a encore trouvé des ners qui paroisfoient dans leur état naturel, ainsi que toute la moëlle de l'épine. On ne sçauroit douter que cela n'ait pû suffire pour toutes ces diverses fonctions, si l'on considere que l'on a vû des personnes en qui la substance du cerveau

L1 in

268 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

étoit fort endommagée même à la base du crâne, dont néanmoins toutes les actions n'ont pas laissé d'être encore pendant un certain tems aussi libres qu'auparavant; parce que les nerss n'avoient souffert presqu'aucun dérangement. Je me contenterai d'en rapporter un exemple arrivé de notre tems. A la journée de Valcour Monsieur le Chevalier Colbert Grand Bailli de Malthe, qui a si bien soutenu ce caractere de valeur naturel à toute sa famille, reçût à la tête un coup de pierre qui lui écrasa l'œil gauche, & poussa même tout le fond de l'orbite dans le cerveau, comme on le reconnut dans la suite. Cependant à l'exception du moment qu'il fut blessé, où il perdit connoissance, & se trouva comme en extase, (à ce qu'il me dit.) il conserva jusqu'à sa mort, qui arriva le septième jour de sa blessure, un jugement fort sain & une tranquillité d'esprit surprenante. En un mot, il continua de faire toutes ses fonctions, tant purement mécaniques que volontaires, avec la même liberté qu'il avoit fait avant sa blessure: ce qui donna lieu à la plûpart de ceux qui le voioient, de juger que le cerveau n'avoit reçu aucune atteinte, quoique le Chirurgien Major de son Regiment, qui lui avoit mis le premier appareil, assûrât qu'il avoit trouvé de la substance du cerveau, qui s'étoit échapée dans la plaie. Enfin, quoiqu'il n'y eût aucun fâcheux accident qui se déclarât, & qui pût faire faire un mauvais pronostic, le malade mourut, comme l'on vient de le dire, sur la fin du septiéme jour, sans qu'il lui sût survenu autre chose que ce qu'on nomme inquiétude & embarras de tête, & cela seulement quelques heures avant sa mort. Je l'ouvris en la présence de Mis Triboullaud, Thurodin, Martineau, & de plusieurs autres. Après avoir découvert la peau, nous apperçûmes sur le crâne une fracture qui traversoit d'une orbite à l'autre en passant par la suture coronale & la fagittale à l'endroit où elles se rencontrent. Le crâne levé, & le cerveau ouvert, nous le trouvâmes rempli d'une espece de bouillie qui n'étoit autre chose qu'une fonte d'une partie de la substance du cerveau,

avec quantité de petites esquilles qui avoient été poussées jusques-là, ou par la violence du coup, ou par la suppuration. Toute la substance du cerveau étoit également contuse & altérée jusqu'au cervelet; leurs ansractuosités se trouvant séparées les unes des autres par la dissolution & le relâchement de la pie-mere. Ensin le cerveau étant ôté, nous reconnûmes que la partie antérieure de la selle

de l'os sphénoïde étoit toute écrasée.

Cette observation fait voir, comme je l'ai dit, que quoiqu'il se trouve quelquesois une portion considérable du cerveau, ou emportée ou détruite, il peut arriver que les nerss ne laissent pas de fournir suffisamment des esprits pour faire faire au sujet, du moins pendant un certain tems, toutes ses fonctions. Ainsi quoique la plus grande partie du cerveau de notre bœuf ait été pétrifiée, il n'a pas laissé de vivre, par la même raison que les nerfs ont pû recevoir & distribuer des esprits, ou peut-être en préparer eux-mêmes. On sera facilement porté à embrasser ce sentiment, si l'on se souvient de ce qu'ont écrit plusieurs Auteurs, que l'on a vû des enfans venir à terme qui n'avoient point de cerveau : & même M. Mery, dont le mérite est connu, m'a montré chez lui le squelette d'un enfant qui n'avoit ni cerveau ni moëlle de l'épine, & dont cependant les nerss étoient distribués comme à Pordinaire.

La remarque que Bartholin a faite en parlant de l'obfervation rapportée ci-dessus, consirme ce que je dis,
que la substance tendre & spongieuse qui s'est encore
trouvée en quelques endroits du cerveau de notre bœuf,
a pû fournir des esprits aux nerss. Car cet Auteur dit
qu'ayant de la peine à concevoir comment le bœuf dont
le cerveau s'étoit pétrisié, avoit pû vivre jusqu'à l'heure
qu'il su assommé par le Boucher, & soupçonnant qu'il
falloit qu'il y eût dans ce cerveau quelques sinus ouverts,
par lesquels les esprits animaux passassent librement des
arteres & des nerss; il sut consirmé dans ce sentiment par
M. Bielke Ambassadeur de Suéde, qui l'assura qu'en esset

L. l iij

270 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

en divers endroits de ce cerveau, il y avoit des trous où pouvoient aisément passer des brins de paille. Après tout, de quelque maniere que le bœuf ait pû vivre, il faut toujours avouer que ce cerveau pétrissé est une espece de prodige; puisque l'on reconnoît tous les jours que de légeres blessures faites au cerveau, ou seulement à ses membranes, y causent un boulversement général qui le prive de toutes ses fonctions.

J'ajouterai à ce que je viens de dire, qu'assez souvent les desordres qui arrivent aux parties, dépendent moins de leur dérangement, que de l'altération qui survient aux liqueurs, lesquelles ou devenues âcres & corrosives, ou ayant reçu des qualités étrangeres, causent en se mêlant dans le sang presque les mêmes desordres que causent les liqueurs que l'on seringue dans les vaisseaux. Cela se confirme par la morsure de certains animaux, dont le venin qui n'agit presque que sur les liqueurs, produit tous ces sunesses effets dont on ne voit que trop d'exemples.

EXPLICATION DES FIGURES.

Premiere Figure.

AAAAA. La circonférence du cerveau.

BBBB. Les deux grands lobes.

CC. Les avances dont j'ai parlé, qui s'élevent sur la

partie supérieure des lobes.

DDD. Le vuide ou espace qui commence entre ces deux éminences, & qui se continue jusqu'au dessous de la base du crâne.

E. Est une avance mousse, qui déborde au-delà de

celle du côté droit environ d'un travers de doigt.

FFFF. Plusieurs anfractuosités séparées & entr'ouver-

tes, qui forment des sinuosités & des enfoncemens.

GGGG. L'éminence que je crois être glande pinéale; tant par sa figure & par sa situation, que par son emboîtement, au moyen duquel elle s'est conservé un certain jeu entre le cerveau & le cervelet.

Seconde Figure.

Cette Figure représente le cerveau vû de côté.

HHHH. Le cerveler.

I. L'avance vermisorme antérieure, qui se trouve élevée sur le lobe gauche.

L. L'avance vermiforme postérieure.

M. La cavité qui est entre le cervelet & l'avance de la partie supérieure du lobe gauche, dont le sond & les côtés paroissent moins durs, & seulement comme ossisés.

N. L'avance inférieure du lobe gauche, dont on a

parlé.

O. L'avance supérieure.

- PP. La glande pinéale, située de maniere, que l'on voit aisément son emboîtement avec le cerveau & le cervelet.
- RR. L'avance supérieure du lobe droit, faite en forme de selle à cheval.
- S. Une portion du lobe gauche, qui a été coupée par le Boucher.

Troisiéme Figure.

Cette Figure représente ce même cerveau vû par sa partie supérieure, où l'on voit les diverses cavités qui vont à la base du crâne, marquées TTT.



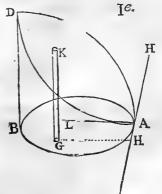
EXTRAIT D'UNE LETTRE DE M. BERNOULLI

Professeur à Bâle, en datte du 11^{me} Septembre 1703, contenant l'Application de sa Regle du Centre de Balancement à toutes sortes de figures.

1703. 1. Décembre

OUTE la doctrine de M. Hugens touchant le Cen-tre d'Oscillation ou de Balancement, roule sur la dimension de certains coins retranchés de la figure qui balance, & de la longueur de leurs fous-centriques (subcentrica cunei): tellement que pour faire voir la convenance de ma Regle avec cette doctrine, je n'aurois qu'à y faire remarquer ces Coins; ce qui est très-facile.

Soit la figure plane quelconque AB, dont G foit une des parties infiniment petites, & HAH sa tangente en A. Imaginons ensuite un cylindre droit sur cette figure, duquel un plan passant par HH, & incliné de 45 degrés sur celui de cette figure, retranche le Coin ABDA. Soit de plus L'le point de cette base perpendiculairement situé sous le centre de gravité de ce Coin.



Soit enfin GH la distance de G à la tangente HH, appellée x; & G appellé dp. Donc la hauteur du petit prisme GK (qui a G pour base) étant égale à GH(x) à cause de l'angle demi-droit de la section précédente, ce prisme fera = x dp; & fon moment (momentum) à l'égard de la tangente HH, fera de même = x x dp. Donc la folidité

Figure premiere

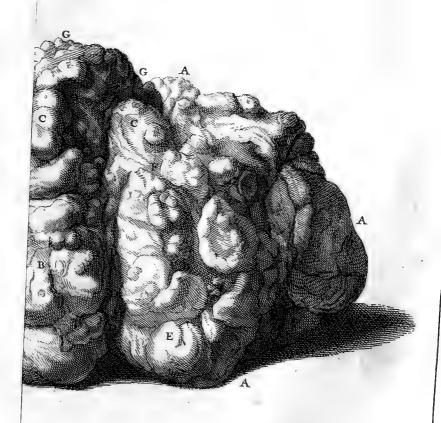
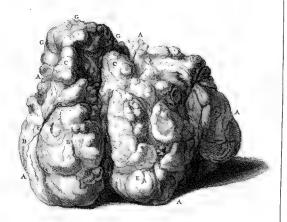
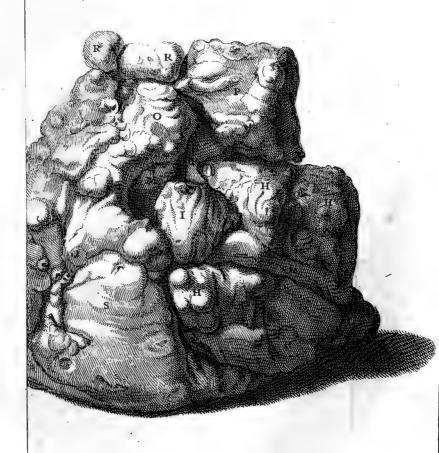


Figure premiere



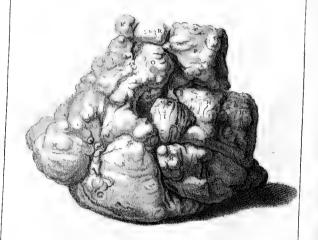
Defini et grave par Simonnesu le fils d'après le naturel

Figure 2º vûe de côté



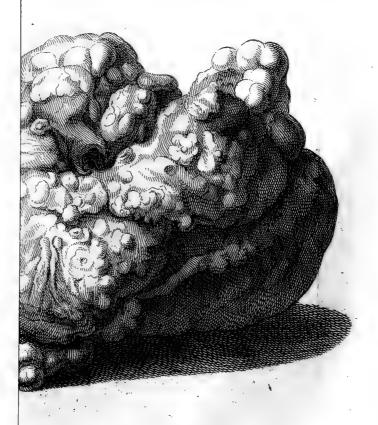
Mem . de l'ilead. 1703. p. 272. Pl. 9.

Figure 2: quie de côte;



Desente et grave par Simonneau le fils dapres le naturel

Figure troisième



Desiné et gravé par Simonneau le fils d'apres le naturel.

Figure troisième



Definice prave par Simonnea

du Coin qui a ce prisme pour élément, c'est-à-dire, la somme de tous ces prismes, sera $=\int x dp$; & son moment $=\int x x dp$, lequel étant divisé par ce même Coin, donnera la sous-centrique $AL = \frac{\int x x dp}{\int x dp}$.

Si présentement on coupe le Cylindre précédent par un autre plan incliné aussi de 45 degrés sur la base AB, lequel plan rencontre cette base dans une ligne perpendiculaire à la Tangente HH de cette même base, & qu'on appelle y la distance de G à cette ligne; l'on aura un autre Coin, dont le moment à l'égard de cette ligne, sera de même = sy y dp. Et comme toutes ces quantités entrent dans l'expression littérale * de ma Régle, qui donne la distance du centre

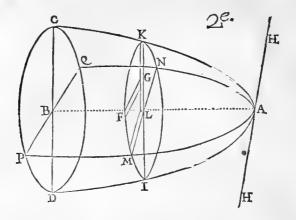
d'oscillation à l'axe du mouvement $=\frac{f \times x + yy \times dp}{f \times dp}$

doctrine de M. Huguens. Mais il n'est pas besoin de m'expliquer davantage sur cela, ces Coins m'étant inutiles. Depuis que le calcul des dissérences est en vogue, on ne se charge plus l'imagination d'autres solides, ni d'autres sigures, que de ceux ou celles qui sont données dans la question. C'est pourquoi je me contenterai de montrer ici la maniere d'appliquer ma Régle à toutes sortes de grandeurs, en saisant simplement attention à cette quantité littérale

Pour cet effet soit CADP un Conoïde ou Sphéroïde quelconque qui balance sur un axe horizontal HAH; soit BCAD la figure ou la section qui résulte de ce corps coupé par un plan vertical droit à l'axe HH du mouvement, & BPAQ celle qui résulte de même de ce corps coupé par le plan BHH: il s'agit de trouver le centre d'Oscillation tant du Conoïde, que des sigures BCAD, BPAQ; & des lignes CAD, PAQ, considérées séparément hors du Conoïde; la sigure ou ligne CAD ayant ses agitations in latus, & l'autre PAQ ayant les siennes in planum. Je conçois donc ce Conoïde divisé en une infinité de tranches paralléles à sa base & à l'axe du mouvement; qu'une Mém. 1703.

* Voyez cidessus le Mem. du 25 Auril, pag. 78.

374 Memotres de l'Academie Royale



de ces tranches est le cercle MKNI; que la commune intersection de ce cercle & du plan vertical, est le diamétre IK; que celle du même cercle & de la figure PAQ, est le diamétre MN; & qu'une de ses ordonnées au diamétre IK, est GF. Cela conçû, je sais AB = a, BC = b, AL = x, LK = v, LG = y, GF = z = Vvv - yy, AK ou AM = s, la raison du diamétre à la circonférence $= \frac{n}{p}$; & par conséquent le cercle $IMKN = \frac{pvv}{r}$.

1°. Comme tous les points de l'ordonnée GF, qui est supposée paralléle à l'axe HH du mouvement, se meuvent également vîte, c'est comme si le petit rectangle GF étoit tout ramassé en G; & par conséquent comme si ce cercle entier $IMKN\left(\frac{p \cdot v \cdot v}{r}\right)$ étoit étendu le long de la ligne IK: & parce que tous les points de cette ligne répondent à une même AL(x), il s'ensuit que tous les x dp du cercle IMKN (c'est-à-dire tous les produits de ses élémens multipliés par x) s'expriment par $\frac{p \cdot v \cdot v \cdot x}{r}$, & tous ses $x \cdot x \cdot dp$ par $\frac{p \cdot v \cdot v \cdot x}{r}$. Il n'en est pas de même de tous ses $y \cdot y \cdot dp$, à cause que les différens points du diamétre IK ne répondent pas à une même y. Pour les trouver je considere que G

étant chargé de tous les dp du petit rectangle GF(zdy), tous les yydp de ce rectangle font yyzdy, & que l'intégrale de yyzdy doit marquer tous les yydp du fegment de cercle MLGF. Or l'intégrale de yyzdy est = $\frac{1}{4}vv\times \int zdz - \frac{1}{4}yz^2$ (comme il paroît en prenant la différence de chaque quantité, & en substituant vv-yy au lieu de zz, & -ydy au lieu de zdz): de forte que lorsque LG devient LK, & que l'ordonnée GF(z) s'évanouit; alors $\int zdy$ (c'est-à-dire la somme de tous les rectangles zdy) devenant égale à tout le cercle $\frac{pvv}{r}$, l'on aura $\frac{1}{4}vv\times \int zdy$

 $= \frac{p v^4}{4 r}.$

Après avoir ainsi trouvé que les sommes de tous les xdp, xxdp, & yydp, par rapport au cercle IMKN, font $\frac{pvvx}{r}$, $\frac{pvvxx}{r}$, & $\frac{pv^4}{4r}$; si l'on multiplie chacune d'elles par dx, qui est l'épaisseur du cercle ou de la tranche IMKN, les intégrales des produits $\frac{pvvxdx}{r}$, $\frac{pvvxxdx}{r}$, &

 $\frac{p v^4 dx}{4r}$, marqueront ces sommes par rapport à tout le Conoïde ou Sphéroïde CADP: de sorte que l'on aura la distance du centre d'oscillation $\frac{\int x \times dp + \int y y dp}{\int x dp} =$

$$= \frac{\int_{-r}^{\frac{p}{r}} v v x x dx + \int_{-\frac{q}{r}}^{\frac{p}{r}} v^{4} dx}{\int_{-r}^{\frac{p}{r}} v v x dx} = \frac{\int_{-r}^{r} v v x dx + \int_{-\frac{q}{r}}^{\frac{1}{r}} v^{4} dx}{\int_{-r}^{r} v v x dx} =$$

 $\frac{\int xx + \frac{1}{4}vv \times vv dx}{\int vv x dx}$ D'où l'on voit que pour déter-

miner ce centre il ne reste plus que de mettre la valeur de vv en x dans cette Formule, suivant l'exigence de la figure AKCB section du Conoïde par l'axe AB, & d'en prendre ensuite l'intégrale. En voici quelques exemples:

276 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Solide proposé.	Valeur de v v.	Quantité () xx + ¼ vv × v v d x . f v v x d x	La même dans le cas de $x = a$.
Cône fuspendu par le sommet.	bbxx aa*	$\frac{4}{5}x + \frac{bbxx}{5aa}$	$\frac{4}{5}a + \frac{bb}{5a}$
Cône rectangle fuspendu par le milieu de sa base.	aa—2ax +xx.	3a ⁴ -6a ³ x+10aaxx-9ax ³ +3x ⁴ 6aax-8axx+3x ³	a.
Cylindre.	ьь.	$\frac{2}{3} x + \frac{bb}{2x}.$	$\frac{2}{3}a + \frac{bb}{2a}$
Conoïde Parol.	<i>b b x a</i>	$\frac{3}{4} x + \frac{bb}{4a}$.	$\frac{3}{4}a + \frac{bb}{4a}$
Conoïde Hyperb. dont le côté transver-fe est = AB.	$\frac{bbx}{2a} + \frac{bbxx}{2aa}$	10aabb-+15abbx-+60a³x-+6bbxx-+.18aaxx 20a³-+60aaxx	$\frac{27}{35}a + \frac{31bb}{140a}$
Sphére.	ax - xx	10aa-115ax-18xx 40a-30x	7 a.
Demi - Sphére fuspendue par le sommet.	2ax - xx.	20aa- - 15ax9x y 40a15x	26 a.
Demi - Sphére fuspendue par le centre.	a a — xx	15a ³ +10aaxx-9x ⁴ 30aax-15x ³	16 A.

2°. Pour trouver le centre d'oscillation du plan BCAD, qui fait ses agitations in latus, je considere que tous les points de l'appliquée LK=v, répondans toujours à une même abscisse AL(x), & ne répondans pas à une même LG(y), tous les xdp & xxdp contenus dans LK, c'est-à-dire, tous les xdy & xxdy, seront xv & $x \times v$; mais tous les yydp ou yydy feront $\frac{1}{3}y^3$, & par conséquent ½ v³ pour toute l'appliquée LK. Donc en multipliant chacune de ces grandeurs x v, x x v, & 1/2 v3 par la largeur dx du petit parallélogramme LK, & en prenant ensuite les intégrales des produits x v dx, xxvdx. & $\frac{1}{3}v^3 dx$, après y avoir substitué la valeur de v en x, Pon aura les $\int x dp$, $\int x x dp$, & $\int y y dp$, par rapport à toute la figure : tellement que la distance $\frac{\int x \times dp + yy dp}{\int x \times dp + yy dp}$ du centre d'oscillation à l'axe du mouvement sera =

 $\underline{\underline{\int x \times v \, dx + \int_{\frac{1}{3}}^{1} v^{3} \, dx}} = \underline{\int x \times + \frac{1}{3} v v \times v \, dx} : \& il n'importe pas$ que l'angle ALK du diamètre & des appliquées soit droit ou oblique; la raison de dx à la largeur du petit rhomboïde LK dans une même figure, demeurant toujours la mê-

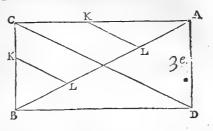
me. Exemples:

Plan propofé.	Valeur de v.	Quantité $\int \frac{xx + \frac{1}{3}vv \times v dx}{\int x v dx}$.	La même pour le cas de $x = a$.
Triangle isof- cele susp. par le sommet.	bx a•	$\frac{3}{4}x + \frac{bbx}{4aa}$	$\frac{3}{4}a - \frac{bb}{4a}.$
Le même fuf- pendu par le milieu de fa base.	$b = \frac{bx}{a}$.	4a³bb—6aabbx+4abbx* -+4a³xx—bbx³—3aax³ 6a³x—4aaxx	$\frac{1}{2}$ $\frac{bb}{2a}$.
Rectangle fuf- pendu par le milieu d'un de fes côtés.	. в.	$\frac{z}{3} \propto \frac{z b b}{3 x}$	$\frac{2}{3}a + \frac{2bb}{3a}.$
Parabole fuf- pendue par le fommet.	$V \overline{bbx}$	$\frac{5}{7} \propto \frac{bb}{3a}$	$\frac{5}{7}a + \frac{bb}{3a}$
La même fuf- pendue par le milieu de fa base.	$b\sqrt{\frac{a-x}{a}}$.	$ 7aabb-8a4 \times Va - 7aabb-8a4 + 14abbx -4a3x - 7bbxx - 3aaxx + 15ax3 \times Va - x 14a3Va - 14a3 - 7aax + 21axx × Va - x $	$\frac{4}{7} a = \frac{bb}{2a^{\circ}}$
Cercle.	Vax=xx.	$\frac{16x^{3} + 8axx - 6aax - 9a^{3} \times v + 9a^{3}s}{32xx - 8ax - 12aaxv + 12aas}$	$\frac{3}{4}a$.

Quelquefois les v font de différentes valeurs dans une même figure, comme dans le parallélogramme ACBD suspendu à un de ses angles A; car en pre-

nant la diagonale AB pour le diamétre a, & les droi-

tes L K paralléles à l'autre diagonale CD cour les appliquées v, les v du triangle ACD K font = x, & celles du triangle CBD = a -x. C'est pourquoi je cherche séparément



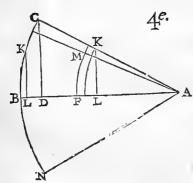
toutes les $xx + \frac{1}{3}vv \times v dx$ du triangle ACD, que je trouve faire $\frac{1}{48}a^4$, & toutes celles du triangle CBD qui

font $\frac{1}{16}a^4$, dont la fomme entiere $\frac{1}{12}a^4$ marque $\int \overline{xx + \frac{1}{3}vv} \times v \, dx$ par rapport à toute la figure. Je cherche de même toutes les $xv\,dx$ du triangle ACD, qui font $\frac{1}{24}a^3$, & toutes celles du triangle BCD, qui font $\frac{1}{4}a^3$, & je les ajoute ensemble; ce qui me donne $\frac{1}{8}a^3$. D'où je conclus

que la distance $\frac{\int xx + \frac{1}{3}vv \times v \, dx}{\int xv \, dx}$ du centre d'oscillation à

l'axe du mouvement doit être ici $=\frac{\frac{1}{12}a^4}{\frac{1}{8}a^3}=\frac{2}{3}a$.

Il en est de même du Secteur du cercle ACN, dans lequel,



en faifant AB = a, AD = c, DC = b, AL = x, & LK = v; les appliquées v du triangle ADC fe trouvent = $\frac{bx}{c}$, & celles du fegment BDC font = Vaa = xx.

Mais souvent l'opération devient beaucoup plus courte, en concevant la figure divisée d'u-

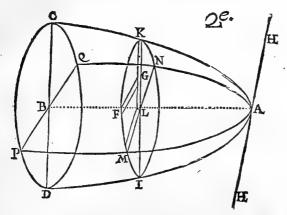
ne autre maniere, comme il arrive dans le même Secteur,

280 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE si on le conçoit divisé en une infinité de petits Secteurs AC. ou en de petits anneaux FK concentriques à l'arc BC. Pour le faire voir; foit derechef AB = a, AD = c, DC = b. AL = x, LK = y, AF = s, & l'arc BC = t. Cela posé, on trouve fans peine que $x = \frac{c s}{a} xx + yy = ss$, c dt = a db, dp ou MK (petite portion de la figure) = $\frac{sdsdt}{a}$; ce qui donnera $\overline{xx + yy} \times dp = \frac{s^3 ds dt}{a}$, dont l'intégrale, qui est (en faisant dt constante) $\frac{s^4 dt}{da}$, ou bien (en cas de s=a) $\frac{1}{4}a^3 dt$, marque toutes les $xx + yy \times dp$ par rapport au petit Secteur AC; & l'intégrale $\frac{ts^3 ds}{a}$ (qui est tel faifant s & ds constantes) marque toutes les $xx + yy \times dp$ par rapport à l'anneau FK. Et partant $\int xx + yy \times dp$ sera = 1/4 a3 t par rapport à tous les Secteurs AC; & par rapport à tous les anneaux FK, cette même intégrale fera $=\frac{s^4 r}{4^4}$ $(en mettant \ a \ pour \ s) = \frac{1}{4} a^3 t : de forte que de l'une &$ de l'autre maniere la valeur $\int xx + yy \times dp$ du Secteur entier ABC, se trouve $= \frac{1}{4}a^3t$. On trouve de même $x dp = \frac{css ds dt}{cs}$, & $\int x dp$ par rapport au Secteur AC (qui fait c & dt constantes) = $\frac{c s^3 dt}{3 a a}$ (en mettant a pour s) $=\frac{acdt}{3}=\frac{aadb}{3}$; & partant $\int x dp$ par rapport au grand Secteur A BC, sera $= \frac{1}{3} a a b$. Ou bien $\int x dp$ par rapport à l'anneau FK (qui rend constantes s & ds) = $\frac{s \times ds}{s} \times \int c dt$ $=\frac{ssds}{2a}\times\int a\,db=\frac{1}{a}$; & partant $\int x\,dp$ par rapport à tous les anneaux, fera $=\frac{b s^3}{3a}$ (en mettant a pour s) $=\frac{1}{3}aab$, comme

comme auparavant. Ainsi l'on doit conclure que $\frac{\sqrt{xx+yy\times dp}}{\int x dp}$

doit être ici $=\frac{\frac{3}{4}a^3t}{\frac{1}{3}aab} = \frac{3at}{4b}$

3°. Pour ce qui est maintenant du plan PAQ qui fait fes agitations in planum, & dont l'appliquée LM (paralléle à l'axe du mouvement HH) soit =z; je consider e



que y étant ici nulle, la quantité $\frac{\int xx + yy \times dp}{\int x dp}$ se réduit à

 $\frac{f \times x d p}{f \times d p}$, qui marque justement la sous-centrique du coin qu'on auroit dressé sur la figure, & qu'un plan passant par H,H, auroit coupé; ce qui me donne $\frac{f \times x d p}{f \times d p} = \frac{f \times x z d x}{f \times z d x}$ à cause que toutes les d p du petit parallélogramme LM, sont chacune = z d x, & qu'elles répondent toutes à une même x: de sorte qu'il n'y a plus qu'à substituer la valeur de z en x, suivant la nature de la Courbe, & en prendre l'intégrale. Exemples:

Plan propofé.	Valeur de z.	Quantité $\frac{\int x \times z dx}{\int x \times z dx}$.	La même dans le cas de $x = a$.
Triangle ifof- celefusp.par le fommet.	<u>b</u> x <u>a</u> •	3 N.	3/4 a.
Le même ba- lançant au- tour de fa bafe.	L bx	4 a x - 3 x x 6 a - 4 x	¥ a.
Rectangle ba- lançant au- tour de fon côté.	7.	2 X.	<u>*</u> a.
Cercle.	Vax-xx.	48 x ³ +8 axx-10 aax-15 a ³ x z+15 a ⁵ s 64 xx-16 ax-24 a axz+24 a as.	<u>₹</u> a.

4°. Qui aura compris l'application de ma Régle aux Solides & aux Surfaces, étendra aifément la maniere de l'appliquer aux feules lignes, foit qu'elles se meuvent in latus, comme la Courbe CAD (Fig. 2.), ou qu'elles se meuvent in planum, comme PA Q. Car les petites parties dp de ces fortes de grandeurs, n'étant que les simples élémens ds des Courbes, il est évident que la quantité $\int \frac{1}{|x|} \frac$

fe réduit à $\frac{\int x ds}{\int x ds}$ dans les Courbes qui balancent in latus, & à $\frac{\int x ds}{\int x ds}$ dans celles qui fe meuvent in planum,

dans lesquelles y est nulle : de sorte qu'il ne reste qu'à y substituer la valeur de ds en x & en dx, & à en chercher ensuite l'intégrale. C'est ainsi qu'on trouve pour le

cercle (dont
$$ds = \frac{\frac{1}{2}adx}{\sqrt{ax-xx}} \left(\frac{\int_{xx-yy\times ds}}{\int_{x}ds} = \frac{\frac{1}{2}aas - \frac{1}{2}aay}{\frac{1}{2}as - \frac{1}{2}ay}$$
 tous

jours=a; & $\frac{\int x \times ds}{\int x \, ds}$ = $\frac{3}{4}a - \frac{xz}{zs - zz}$ (en cas de x = a) = $\frac{3}{4}a$.

D'où l'on voit que la circonférence d'un cercle, ou une partie quelconque de cette circonférence, étant mûe in latus, doit avoir son centre d'oscillation distant de l'axe du mouvement de la longueur de son diamétre; & que cette circonférence entiere mûe in planum, doit avoir cette distance égale aux trois quarts de son diamétre.

En voilà, ce me semble, assez pour faire voir que ma Régle s'étend à tout ce que M. Huguens nous a laissé sur cette matiere: car ce qu'il ajoute des figures qui balancent sur un axe pris au-dehors de leur circonférence, n'a plus aucune difficulté; il ne faut qu'apporter quelque tempérament en prenant les intégrales, ce qui est facile; & ce qu'il dit touchant les plans & les solides obliques, se peut de même déduire sans peine de ce que j'ai déja dit.

OBSERVATION

De l'Eclipse de Soleil qui a paru à l'Observatoire Royal le 8 Décembre 1703, au Soleil couchant.

PAR M. DE LA HIRE.

L'Est un grand hazard quand le Ciel est assez serein 1703.

à l'horizon pour y voir distinctement le Soleil. Le 8

Décembre 1703, un peu avant le coucher du Soleil, il ne sembloit pas qu'il sût possible de l'observer en cet

Nn ij

284 MEMOTRES DE L'ACADEMIE ROYALE

endroit, à cause d'une grande quantité de nuages qui y étoient étendus. Cependant quelques minutes avant que le Soleil touchât l'horizon, le Ciel s'étoit fort éclairci, & laissoit voir le Soleil dont le bord étoit seulement inégal & découpé, comme il arrive ordinairement par les différentes densités des couches des vapeurs.

J'observai donc le commencement de l'Eclipse autant que je le pûs juger vers les 4h. 1'. La grandeur de cette Eclipse dans le tems que le Soleil se cacha, me parut d'un demi doigt à peu près, & l'arc que la partie éclipsée occupoit sur le bord du Soleil, pouvoit être de 20 degrés. Toute la partie éclipsée descendit sous l'horizon en 47"; mais il étoit impossible de prendre aucune messure certaine à cause que le bord paroissoit trop inégal, & sa figure étoit fort aplatie, principalement à l'endroit qui touchoit l'horizon. La partie éclipsée par rapport à un vertical mené par le centre du Soleil & l'horizon, étoit vers le Septentrion à peu près au milieu du quart du Soleil, qui étoit la partie du limbe qui regardoit le Pôle.

On avoit averti dans la Connoissance des Tems, que quelques Tables donnoient cette Eclipse, & d'autres ne la donnoient pas; pour les miennes elles la marquoient assez exactement comme elle a paru. Il faut seulement prendre garde, que tour ce qu'on a dit de cette Eclipse dans la Connoissance des Tems pour des peuples plus à l'Orient que Paris, doit être entendu pour ceux qui sont à l'Occident; car ceux qui auroient été plus Orientaux que Paris sous le même paralléle, n'auroient pas pû la voir.

OBSERVATION

De l'Eclipse de Soleil du 8 Décembre 1703, à Tours par M. Nonnet, envoyée à M. de la Hire.

E Ciel a été affez ferein à Tours vers le Coucher du Soleil pour faire l'Observation de cette Eclipse. Cependant quelques nuages & le grand vent avec la proximité de l'horizon, donnoient affez d'incommodité à l'Observateur, pour ne pouvoir pas déterminer la quantité de l'Eclipse avec toute l'exactitude qu'il auroit souhaité. Il a dû voir cette Eclipse plus grande que nous à Paris, puisqu'il étoit plus à l'Occident de 1° 40′; & le Soleil s'y est couché plus tard qu'à Paris de près de 5′, suivant la Connoissance des Tems, à cause que Tours est plus au Midi de 1° 23′ 20″. Voici son Observation.

1703. 15. Decemb.

Le commencement de l'Eclipse à	3.h.	57	25"
Doigts. Min.	• • •		
0. 15.	4.	o.	48.
0. 30.	4.	4.	17.
0. 45.	4.	7.	55.
I. Co	4.	11.	50.

REMARQUES

Sur les mégalités du mouvement des Horloges à Pendules

PAR M. DE LA HIRE

Es Astronomes qui ont pris grand soin de régler 1703. leurs Pendules à secondes sur le mouvement des 15. Decemb. astres, y ont remarqué des inégalités qu'ils n'ont pû ré-

duire à aucune régle certaine. J'ai fait quelques remarques sur ces inégalités dans le Mémoire que j'ai lû à l'Académie, & qui a été imprimé en 1700, & entr'autres sur celles qui peuvent venir d'une petite lame de ressort que j'avois mise à la place de la soye pour soutenir le Pendule; car j'avois crû que cette lame n'étant pas sujette aux altérations qui arrivent à la soye par la sécheresse & par l'humidité de l'air, les vibrations du Pendule pourroient être beaucoup plus égales : mais enfin je fus obligé d'ôter la lame & d'y remettre la soye, à cause que j'y remarquois des inégalités bien plus grandes qu'auparavant; & j'ai trouvé depuis que l'horloge alloit assez justement pour ne pas s'écarter quelquesois du moyen mouvement, d'une seule seconde dans l'espace de quatre jours, où le Pendule fait 345600 vibrations. Mais j'ai aussi remarqué quelquesois, que d'un jour à l'autre il y avoit des changemens affez considérables pour embarrasser un Observateur exact, & pour donner de l'exercice à un Philosophe qui en voudroit rechercher la cause, laquelle ne peut être que physique.

Les différens états de l'air semblent être les seules causes des changemens que nous remarquons au mouvement des Pendules: car il est chaud ou froid, sec ou humide, léger ou pésant, rare ou grossier ou épais; & toutes ces différentes qualités se mêlant ensemble en différens degrés, peuvent causer de grandes altérations au mouvement des horloges. Mais pour reconnoître quelque chose de ce qui doit arriver, il faut considérer séparément ces

états différens.

On suppose premierement, que si la Cycloïde est bien saite suivant les régles que M. Huguens en a données, tout ce qui peut accélérer ou rallentir le mouvement des roues, ne doit apporter aucun changement à l'horloge, puisqu'il n'en pourroit arriver que des vibrations plus longues ou plus courtes, lesquelles ne laisseroient pas d'être Isochrones ou d'égale durée. Ainsi le froid pouvant figer en quelque saçon le peu d'huile qui est attaché aux

pivots de roues, fera que leur mouvement sera plus difficile que dans un tems chaud où l'huile sera plus liquide, & par conséquent les vibrations deviendront plus courtes; mais elles ne laisseront pas d'être d'égale durée à celles qui sont plus longues, étant rectifiées par la figure de la Cycloide.

L'humidité qui s'attachera aux roues & aux pignons pourra causer à peu près le même effet, sans qu'il arrive

d'inégalité au mouvement.

Mais quoique la Cycloïde soit la figure nécessaire pour faire que les vibrations longues ou courtes foient isochrones, il falloit considérer, qu'elle ne pouvoit avoir lieu que lorsque la suspension n'auroit aucune grosseur ou épaisseur, ce qui est impossible dans l'exécution; c'estpourquoi, puisqu'on se sert d'un fil de soye tortillé, qui est assez gros pour soutenir la lentille du pendillon ou pendule qui est pésante, & qu'on ne doit rien négliger de ce qui peut contribuer à la justesse de ce mouvement, il ne faut pas que la figure soit une Cycloïde, mais une ligne paralléle à la Cycloide, laquelle en foit éloignée vers la partie concave, de la moitié de l'épaisseur du fil, afin que l'axe ou le milieu de ce fil décrive exactement la Cycloïde, comme je l'ai expliqué dans mon Traité des Epicycloïdes qui doivent servir au mouvement des Machines.

On peut aussi remarquer que les perits filets de soye qui composent le fil, sont secs & roides, & qu'ils peuvent par conséquent souffrir tous ensemble des altérations considérables, & à peu près semblables à celles de la lame de ressort, qui est plus roide dans des tems froids & fecs, & plus molle dans des tems chauds; mais c'est un accident qu'on ne peut éviter quand on se sert d'une suspension fléxible pour le Pendule; c'est pourquoi on pourroit éprouver celle que j'ai proposée dans les Mémoires de l'année 1700.

Si l'on considere les différens états de l'air par rapport au Pendule, & non pas par rapport au rouage de l'hor-

loge, on y remarquera tant de différens accidens, qu'à peine pourroit on croire que l'horloge pût aller également une heure entiere, pendant laquelle le Pendule fait

3600 vibrations ou battemens.

On sçait que la chaleur du Soleil en Eté est assez forte pour échauffer une barre de fer de 6 pieds de longueur, & la rendre plus longue qu'elle n'étoit en Hiver; ayant été exposée à la gelée, de 3 de ligne, comme je l'ai reconnu par une expérience très-exacte que j'en ai faite autrefois. C'est pourquoi ces deux états différens de l'air sur la longueur de la verge du Pendule, qui doit être de 3 pieds 8 lignes ½ pour battre les secondes, la pourroient changer de 1 de ligne, ce qui causeroit une différence très-considérable dans la durée des vibrations du Pendule, puisqu'elle pourroit aller jusqu'à 32" par jour. Mais comme ce cas ne pourroit arriver que lorsque l'Horloge seroit exposée à l'air & au Soleil dans ces deux saisons, ce qui n'est pas ordinairement, on ln'y remarque pas de si grands changemens. Il arrive quelquefois d'assez grandes différences de chaleur d'un jour à l'autre & de la nuit au jour, pour faire allonger ou racourcir la verge du Pendule, ce qui pourra rallentir ou accélérer le mouvement de l'Horloge, de quelques secondes, comme nous le remarquons aussi quelquesois, ce qui peut venir par cette seule cause. C'est pourquoi dans l'usage qu'on fait des Horloges à Pendule pour les Observations célestes, où il est nécessaire de connoure l'heure dans la derniere justesse, il faut les placer dans un lieu où elles soient le plus à l'abri qu'il est possible, de toures les injures de l'air.

L'humidité, la fécheresse, la densité & la rareté de l'air peuvent aussi causer des altérations considérables au mouvement du Pendule. Car lorsque l'air sera humide, c'est-à-dire, lorsqu'il sera rempli de quantité de petites particules d'eau qui y demeurent suspendues, ou lorsqu'il est dense ou épais, le Pendule aura plus de peine à le fendre, & il semble que ses vibrations doivent être

alors

alors de bien plus longue durée que lorsqu'il est sec ou rare. Car nous fçavons par expérience qu'une plume très-légere tombe dans un tuyau dont on a pompé l'air, presqu'aussi vîte qu'une pierre fait dans l'air. Mais comme on ne doit pas juger de ce qui doit arriver dans ces fortes de rencontres sans en faire l'expérience lorsqu'il est possible de la faire, j'ai cru que si l'air humide ou épais peut rendre les vibrations de plus longue durée qu'un air sec & rare, on devoit appercevoir une trèsgrande différence entre le mouvement du Pendule dans Pair & dans l'eau. Pour connoître ce qui en étoit, j'ai fait un Pendule à demi-secondes avec une bale de plomb de 2 onces de pesanteur, laquelle étoit suspendue à un fil délié, & je l'ai mis en mouvement dans l'eau. J'ai remarqué d'abord que les grandes vibrations se racourcissoient promptement, & que le mouvement s'arrêtoit sensiblement après 1 minute & un peu plus. Mais comme je me persuadois que ces vibrations dans l'eau devoient être au moins d'une seconde chacune, lesquelles n'étoient que d'une demi-seconde dans l'air, j'ai été fort furpris de voir qu'elles me paroissoient presqu'aussi promptes ou d'égale durée à celles qui se faisoient dans l'air. Pour les mesurer exactement j'ai fait compter les vibrations du Pendule de l'Horloge à seconde, pendant une minute, & à même tems je comptois les vibrations du Pendule à demi-seconde, dans l'eau d'un grand vaisseau plat, où la bale étoit enfoncée d'un demi-pouce environ, & j'ai trouvé après avoir répété plusieurs fois la même expérience, que le Pendule dans l'eau ne faisoir que 112 vibrations au lieu de 120 qu'il auroit faites dans l'air pour une minute.

J'ai fait aussi la même expérience avec un Pendule simple à secondes, dont la bale qui étoit de plomb, pesoit 5 onces; & j'ai trouvé, comme dans l'autre, que les grandes vibrations duroient sort peu de tems, & que le Pendule s'arrêtoit presqu'entiérement après deux minutes. Mais il ne faisoit dans l'eau que 114 vibrations pendant

Mem. 1703.

que le Pendule de l'Horloge en faisoit 120 dans l'air pour 2 minutes. Ainsi le retardement que l'eau cause aux vibrations du Pendule est de 3" par minute. J'aurois souhaité de faire les observations de ces différences de vibrations dans l'eau & dans l'air pendant 20' ou 30', pour connoître plus exactement leur différence, & voir quel rapport il y avoit dans le retardement des vibrations dans l'eau, sur ces Pendules de différente longueur; mais je

n'ai pû aller plus loin.

Puisqu'un Pendule à secondes perd dans l'eau 3" par minute, il perdroit en un jour 4320". Mais si nous supposons que cette diminution du mouvement des Pendules, vient de la densité du milieu; & si l'air est dense ou épais par le poids dont il est chargé, sans avoir égard au plus ou au moins de particules d'eau qui y sont mêlées, il s'ensuivra que si la pesanteur de l'air change seulement d'un 28e, comme on le remarque affez souvent dans le Barométre, la 28e partie de 4320" de retardement du Pendule dans l'eau pour un jour, laquelle est 154", fera la diminution ou bien le retardement de l'Horloge dans l'espace d'un jour par rapport à ces deux différens états de l'air. Mais on n'a jamais remarqué dans les Horloges à Pendule, une aussi grande différence que celle-là; on ne peut donc pas dire, que les différens poids dont l'air peut être chargé, puissent causer ses différentes densités; ou bien il faut avouer que ses différentes densités ne font pas sur le mouvement d'un Pendule, le même effet que la densité de l'eau, ce qui peut venir de la différente configuration des parties de ces deux corps, dont celles de l'air, quoique fort serrées & pressées, pourront être facilement séparées, & au contraire celles de l'eau le peuvent être très-difficilement, étant adhérentes les unes aux autres. On pourroit encore ajouter que les dernieres vibrations dans l'eau étant plus courtes que les premieres, elles vont plus vîte.

Ce seroit aussi pour cette raison que l'air, quoiqu'il sût rempli de particules d'eau, n'apporteroit que peu ou

point de retardement au mouvement du Pendule, en ce que toutes ces particules n'ayant point de liaison les unes aux autres, mais étant toutes séparées par les particules de l'air, pourroient être très-facilement déplacées entre les

particules de l'air, où elles sont flotantes.

Mais si ces particules d'eau ne causent point de retardement au mouvement du Pendule par la difficulté à être déplacées, elles peuvent y causer un changement assez considérable par un autre moyen. Si l'air de sec qu'il étoit devient humide, il est certain qu'une trèsgrande quantité de ces particules d'eau doivent s'attacher à la superficie de la verge, & à celle du poids du Pendule, & même elles peuvent pénétrer un peu cette verge & ce poids; & par conséquent elles feront comme un enduit sur la verge & sur la lentille du poids, qui aura son centre d'oscillation différent de celui du composé de la verge & du poids; c'est pourquoi le centre d'oscillation étant alors différent de ce qu'il étoit auparavant, la durée des vibrations ne sera pas la même qu'elle étoir. Ce n'est pas qu'on ne puisse remédier en quelque façon à cet accident, en se servant pour Pendule d'un cylindre dont la base soit petite, & qui soit homogene dans toute sa longueur, lequel étant suspendu par l'extrémité de son axe, auroit à très-peu près un même point pour centre d'oscillation de sa superficie & de son corps; & par conséquent quelque changement qu'il arrivât à cette superficie, pourvû qu'il sût égal dans toutes ses parties, le mouvement du Pendule n'en seroit point altéré sensiblement. Ce seroit la même chose, si au lieu d'un cylindre on se servoit d'un parallelipipede, pourvû qu'il fût aussi suspendu par l'extrémité de son axe.

Enfin si la Cycloïde étoit mal-faite, elle pourroit caufer de nouvelles irrégularités au mouvement du Pendule, suivant que ces vibrations seroient plus longues ou plus courtes, dont il s'en formeroit plusieurs autres par leur

combination avec les premieres.

Pour ce qui regarde les différentes longueurs du Pen-O o ij

dule dans différens climats, il me semble qu'on y peut faire quelques remarques; car M. Picard avoit observé à Vranibourg & à Bayonne où j'étois avec lui, que la longueur du Pendule simple à seconde, étoit exactement la même qu'à Paris. On fit une grande attention à cette observation de Bayonne, à cause qu'on sçavoit ce que M. Richer en avoit rapporté de Cayenne. Vranibourg & Bayonne sont éloignés l'un de l'autre en latitude de plus de 12 degrés, & entre Bayonne & Cayenne la différence de latitude est de 38°, car Cayenne est à peu près à 5° de latitude Boréale, ce qui donne seulement une différence à peu près triple de la premiere, pour laquelle on trouve ⁵/₄ de ligne de diminution de la longueur du Pendule. On doit donc conclure de là, que cette différence de longueur ne devient fort sensible qu'en s'approchant

de la ligne.

Mais plusieurs années après MM. Varin, des Hayes & de Glos ayant été envoyés vers la ligne pour y faire quelques observations Astronomiques, trouverent que dans l'Isle de Gorée, qui est à 14° de latitude Boréale, la longueur du Pendule simple à seconde devoit être plus courte qu'en France de 2 lignes. Les observations faites à Cayenne & à Gorée, ne laissent aucun lieu de douter qu'elles ne soient très certaines & très - exactes par toutes les circonstances qui y sont rapportées. Cependant si l'on avoit voulu conclure cette différence de longueur du Pendule pour Gorée par celle de Cayenne, on auroit dit que celle de Gorée devoit être senlement plus courte qu'à Paris de \(\frac{1}{4}\) de ligne environ, & l'observation la donne de 2 lignes entieres. Au contraire, si de celle de Gorée on avoit conclu celle de Cayenne, on l'auroit posée de 3 lignes environ, & elle n'a été trouvée que de 4 de ligne.

Ces grandes différences ne peuvent s'accorder en aucune façon avec les hypothèses que M. Mariotte a faites dans son Traité du Mouvement des Eaux, & M. Huguens dans son Traité de la Lumiere, & il faut en cher-

cher d'autres pour expliquer pourquoi la longueur du Pendule est la même dans les latitudes de 55° 1/4, & de 43° 1/2, & qu'à 14° 2/2 elle est de 2 lignes plus courte, & à 5° de 4 de ligne seulement. Mais ne pourroit-on point soupconner que cette différente longueur du Pendule n'est point réelle, mais seulement apparente, & qu'elle ne vient que de la mesure dont on s'est servi? Car il est trèsvrai que les métaux, & généralement tous les corps, s'étendent considérablement à la chaleur, & se resserrent au froid. M. Picard dit que sur un pied de longueur il a observé un allongement de 1/4 de ligne; & par conséquent sur la longueur du Pendule ce seroit 3 de ligne, au lieu que je n'ai trouvé que 1 de ligne. Cette différence pourroit venir des manieres différentes dont les observations ont été faites; car M. Picard ayant exposé les corps à la gelée, les mettoit ensuite auprès du feu, & pour moi je les ai seulement exposés au Soleil l'Eté suivant. On pourroit donc dire que vers la ligne & entre les Tropiques, où les chaleurs sont fort grandes, les métaux s'étendent & s'allongent très-considérablement au-delà de ce qu'ils font dans ces pays-ci, & peut-être encore par une cause particuliere des vapeurs & des exhalaisons qui les pénétrent, comme on sçait qu'elles sont très-pénétrantes en ces pays-là; & enfin plus dans un tems que dans un autre, & plus dans un lieu que dans un autre. C'est pourquoi ces causes d'extension qui ne sont pas considérables dans ces pays-ci, peuvent être très-différentes à Gorée & à Cayenne, & dans des tems différens; car on est persuadé que vers les Tropiques les chaleurs sont bien plus fortes que vers la ligne. Et si la verge de fer de 3 pieds mesurée à Paris au tems du départ de M. Richer, s'est allongée à Cayenne de 4 de ligne, il doit avoir trouvé la longueur du Pendule simple à seconde mesurée avec cette verge, plus courte qu'à Paris de f de ligne, quoiqu'effectivement elle ait été la même dans ces deux lieux. De même si à Gorée la mesure s'est allongée de deux lignes plus qu'elle n'étoit à Paris, la longueur du Pendule simple à Oò iij

seconde y aura paru plus courte qu'à Paris de deux lignes. C'est ce qui me paroît de plus vrai-semblable sur ce Phénoméne. Si cela étoit ainsi, la mesure universelle du Pendule demeureroit toujours la même & par toute la terre, & il faudroit régler les mesures particulieres sur cette mesure, en prenant la longueur du Pendule simple pour 3 pieds ou pour une demi-toise.

Examen de la démonstration que Messieurs Mariotte & Huguens donnent des disserentes longueurs du Pendule simple à seconde, en dissérens endroits de la terre.

Il ne s'agit ici, suivant M. Mariotte, que de démontrer si les corps tombent plus lentement sous l'Equinoxial que par-tout ailleurs; & s'ils tombent plus vîte à proportion qu'on s'approche plus des pôles. C'est ce qu'il prétend faire dans son Traité du mouvement des Eaux, page 245, en supposant le mouvement de la terre autour de son axe.

Il dit que le mouvement de la terre donne à l'air une impression qui le fait tendre à s'écarter de son axe avec une vîtesse proportionnée à celle de son mouvement; & que ce mouvement étant plus grand vers l'Equinoxial que vers les pôles, l'effort qu'il fait vers l'Equinoxial est plus grand que celui qu'il fait vers les pôles; & c'est de ce différent essort qu'il conclut que les corps qui sont dans l'air, sont repoussés & écartés de la terre avec plus de force proche de l'Equinoxial, pour les empêcher de tomber, que lorsqu'ils sont proche des pôles.

Ce raisonnement de M. Mariotte n'est fondé que sur la supposition que l'air qui environne la terre, en est repoussé par son mouvement autour de son axe; peut-être ayant été persuadé de cet esset par une expérience commune, qui est, que si l'on fait mouvoir dans l'air un corps irrégulier, l'air frappé par ses inégalités, tend à s'écarter

du corps par des lignes perpendiculaires au mouvement du corps : mais il me semble qu'il ne peut pas arriver la même chose au globe de la terre, en supposant son mou-

vement journalier autour de son axe.

Car premierement il y a trop peu de terres, & leurs inégalités sont trop petites par rapport aux surfaces unies des eaux pour écarter sensiblement l'air de la terre; & par conséquent le mouvement seul de la surface de la terte, feroit que tous les corps de cette surface choqueroient l'air avec une vîtesse aussi grande qu'est celle de ces corps: laquelle on pourroit prendre pour un vent très - violent d'Orient en Occident, qui n'auroit pourtant aucune détermination à s'écarter de la surface de la terre, & les causes particulieres des vents ne pourroient pas avoir afsez de force pour lui résister. Si l'on apperçoit entre les Tropiques quelque mouvement d'Orient en Occident, il y a aussi assez souvent de grands calmes, & l'on pourroit donner d'autres raisons physiques de ce mouvement, que celui de la terre; & de plus quel rapport y a-t-il entre la vîtesse de ce vent, & celle de la surface de la terre qui fait en un jour 9000 lieues ?

Il faut donc demeurer d'accord que l'Atmosphere qui environne la terre de tous côtés, ne fait que comme un même corps avec elle; & dans la supposition du mouvement de la terre autour de son axe, l'Atmosphere est emportée comme sa surface. D'où il suit qu'une pierre qui tomberoit dans cette Atmosphere ne pourroit recevoir aucune impression du mouvement de la terre, comme il arriveroit à une bale de plomb qu'on laisseroit tomber dans un vaisseau plein d'eau, pendant que le vaisseau se roit emporté d'un mouvement horizontal fort prompt; car on ne sait aucun doute que cette bale ne tombe dans le fond du vaisseau au même endroit où elle tomberoit si le vaisseau étoit en repos, puisqu'effectivement l'eau qui est contenue dans le vaisseau, y est en repos par rapport à la masse de l'eau, & aux parois du vaisseau pendant qu'il

est en mouvement.

Et s'il étoit possible que l'air fût écarté de la surface de la terre par le mouvement de la terre, comme M. Mariotte le suppose, soit par une tangente qui s'écarteroit de l'Orient vers l'Occident, soit par un rayon du centre vers la circonférence, il arrivera toujours que le poids du Pendule, qui descend & qui remonte dans la même vibration, qui va d'un côté dans une vibration, & de l'autre dans la suivante, sera autant accéléré en remontant que retardé en descendant, & autant accéléré d'un côté que retardé de l'autre; d'où il suit qu'il ne doit arriver par cette cause aucun changement à la durée des vibrations du Pendule.

Mais enfin quand on accorderoit à M. Mariotte tout ce qu'il prétend conclure de son hypothèse, il s'ensuivroit toujours que pour les degrés qui seroient plus proche des pôles, l'augmentation de vîtesse du mouvement du pendule seroit beaucoup plus grande que pour les degrés qui seroient vers l'Equateur; puisque cette augmentation seroit dans la raison de la diminution du mouvement de la matiere, qui feroit celle des sinus du complément des degrés de la latitude, lesquels diminuent bien plus vîte en s'approchant des pôles que vers l'Equateur, ce qui est contre l'observation faite à Vranibourg & à Bayonne, & encore contre l'irrégularité qui s'est trouvée entre Cayenne & Gorée.

Pour M. Huguens qui n'a imprimé son Traité de la Lumiere que plusieurs années après que le Mouvement des Eaux de M. Mariotte a été donné au public, il dit, qu'on ne peut douter que ce ne soit une marque que les corps descendent plus lentement vers l'Equinoxial qu'en France. C'est aussi ce que M. Mariotte avoit supposé, & pour sa démonstration il ajoute; qu'il connut aussi-tôt qu'on lui eût communique ce nouveau Phénomene, que la cause en pouvoit être rapportée au mouvement de la terre, qui étant plus grand en chaque pays, selon qu'il approche plus de la ligne Equinoxiale, doit produire un effet plus grand à rejetter les corps du centre, & leur ôter par-là une certaine partie de leur pesanteur. Il est facile à voir par ses propres paroles que je viens de rapp orter, rapporter, qu'il se sert de la même hypothèse que M. Mariotte, & il détermine ensuite la quantité de la diminution de cet effort par son Théorême 3°. De vi centrifuga. C'est pourquoi toutes les raisons que j'ai rapportées contre l'explication de ce Phénoméne par M. Mariotte, serviront aussi contre celle-ci, qui ne conclut que la même chose du même principe. D'où ensin je dis qu'il doit y avoir quelqu'autre cause de cet esset, laquelle ne dépend

point du mouvement de la terre.

Pour ce qui regarde l'observation, il semble d'abord qu'elle est très-facile à faire, puisqu'on peut compter les vibrations du pendule simple pendant une heure, où il demeure toujours en mouvement après qu'il y a été mis d'abord, & que si le pendule devoit être plus court de deux lignes, celui qui seroit de deux lignes plus long, seroit en une heure environ 8 vibrations de moins que l'autre, ce qui est une trop grande différence pour s'y tromper. Ce sera la même chose dans les autres longueurs à proportion. Cependant il faut remarquer que si l'on se fert d'un fil de pite pour soutenir le poids, quelque délié que ce fil puisse être, il est toujours plat, & il arrive que les dernieres vibrations deviennent ordinairement tournantes de droites qu'elles étoient d'abord, comme je l'ai éprouvé, à cause que ce fil sendant l'air obliquement dans son mouvement, écarte le pendule d'un côté en allant, & de l'autre en revenant, ce qui lui donne peu àpeu une détermination à tourner. J'ai aussi observé que ces dernieres vibrations tournantes qui devroient être plus courtes que les premieres, à cause qu'elles ont moins d'étendue, sont de plus longue durée que les droites, ce qui peut imposer dans l'observation. Et si M. Picard a eu égard à ces vibrations tournantes, & que ces autres Messieurs qui ont observé vers la ligne n'y aient pas fait d'attention, ils auront trouvé bien moins de vibrations pendant une heure au pendule simple qui alloit un peu en tournant, qu'il ne devoit y en avoir en effet si les yibrations n'eussent point tourné, & c'est ce qui leur aura Mém. 1703.

298 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE fait juger qu'il falloit raccourcir le pendule pour lui faire faire ses vibrations en moins de tems.

J'ai dit dans le commencement de ce Mémoire, qu'on ne remarquoit pas dans le mouvement du Pendule de l'Horloge d'aussi grands changemens qu'il devoit en arriver par les différentes condensations de l'air, en voici un exemple.

Observations du Barométre & de la Constitution de l'air, depuis le 22 jusqu'au 29 Novembre 1703 au matin.

Le 22	Le Barométre 27 pouc.	4 5 lig	Ciel brouillé.
23	27	1	Pluie.
24	27		Pluie.
25	27	- 0	Serein.
. 26	28	1 4/6	Gros brouillard.
27	27	$11\frac{1}{2}$	Gros brouillard.
28	, ~ 2 .7	9 4 .	Brouillard.
29	27	7 🕏	Serein.

J'ai trouvé par les observations du passage du Soleil par le Méridien & par l'Equation de l'Horloge, qu'entre le 22 & le 25, où le Barométre avoit été fort bas & à médiocre hauteur, & le tems en partie pluvieux & partie serein, que l'Horloge avoit avancé sur le moyen mouvement du Soleil de 9" 3 par jour; & qu'entre le 25 & le 26, où le Barométre étoit fort haut, ce qui marquoit une très-grande condensation de l'air avec un très-gros brouillard, que l'Horloge n'avoit avancé que de 6", ce qui montreroit un retardement du mouvement du Pendule de 3" 2 pour un jour. Mais depuis le 26 jusqu'au 29, où le Barométre a toujours été assez haut avec beaucoup de brouillard, l'Horloge avoit avancé de 9" par jour. D'où il est facile à voir que pour une différence très-grande de la constitution de l'air, où sa pesanteur & le brouillard joints ensemble auroient dû retarder de beaucoup le mouvement

Décemba

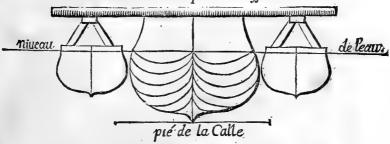
du Pendule, comme je l'ai remarqué ci-devant, il ne s'est pourtant trouvé que très-peu de secondes, ce qui pourroit être attribué à d'autres causes particulieres.

MOYEN

Pour faire monter un grand Vaisseau sur la calle telle qu'elle est construite dans le Port de Toulon, sans se servir d'aucunes machines.

PAR M. DE LA HIRE.

'Mats arrêté au Corps du Vaisseau.



L faut qu'il y ait des deux côtés de la calle un fossé où l'eau y soit par-tout de 6 pieds de hauteur environ, & que ce fossé soit assez large pour y tenir de petits bâtimens ou barques suivant leur largeur, & ces bâtimens ne doivent tirer d'eau, étant autant chargés qu'ils peuvent l'être, que les 6 pieds qui sont dans le fossé.

Le grand Vaisseau qu'on veut faire monter sur la calse ayant été conduit contre la calle, on placera des deux côtés deux ou quatre ou six des petits bâtimens autant qu'il sera nécessaire pour l'opération suivante, & on les remplira d'eau, tant qu'ils ne coulent pas à fond.

Ensuite on placera de grands mats qui traversent la largeur du grand Vaisseau, & qui passent au-delà des deux

Ppij

côtés, pour être soutenus sur des chevalets placés & arrêtés sur le tillac des petits bâtimens, comme on le voit dans la Figure. On arrêtera bien serme les mats avec le corps du grand Vaisseau, soit avec des chaînes ou cables qui l'embrassent par-dessous, & qui soient attachées aux mats ou autrement.

Ce qui étant fait, on commencera à vuider toute l'eau des petits bâtimens, lesquels s'éleveront à mesure vers la surface de l'eau; & élevant aussi les mats qu'ils portent, ils éleveront le corps du grand Vaisseau autant qu'ils se seront élevés.

Alors dans cet état on fera avancer le grand Vaisseau avec les petits bâtimens sans aucune peine, jusqu'à la rencontre de la calle, sur laquelle il sera monté de la quantité de l'élevation des petits bâtimens, & on l'arrêtera sur la calle en cet endroit, en telle sorte qu'il ne puisse pas retomber ou glisser vers le pied de la calle lorsque les petits bâtimens ne le soutiendront plus.

Ce qui étant fait, on rechargera d'eau les petits bâtimens comme la premiere fois, & l'on y placera dessus d'autres chevalets que les premiers, lesquels soient assez hauts pour toucher les mats qui traversent le grand Vais-

feau.

Maintenant si l'on vuide l'eau des petits bâtimens, ils s'éleveront & souleveront aussi les mats comme ils ont fait d'abord, & par conséquent ils éleveront aussi le corps du grand Vaisseau auquel les mats sont attachés, ensorte que le grand Vaisseau ne touchera plus la calle à l'endroit où il étoit, & on le conduira contre la calle comme on a fait la premiere sois; mais il y sera beaucoup plus élevé. On le retiendra encore en cet endroit par le moyen de gros cables qui seront arrêtés au haut de la calle.

Par ce moyen en répétant l'opération autant de fois qu'il sera nécessaire, on pourra faire monter le Vaisseau au haut de la calle, & le tirer entierement hors de l'eau, pourvû que la quantité de l'eau, dont on remplit tous les petits bâtimens, soit égale au moins en volume à celle que

le grand Vaisseau occupe d'abord avant que de commencer à monter sur la calle. Et comme on peut mesurer facilement l'espace ou le volume que le grand Vaisseau occupe dans l'eau; on aura par ce moyen la grandeur & le nombre des penis bâtimens qu'il faudra employer pour faire monter le Vaisseau.

Lorsque j'ai dit que les fossés qui doivent être aux deux côtés de la calle auront 6 pieds de prosondeur d'eau, ce n'est que pour établir une mesure moyenne; car si l'eau y est plus prosonde, on pourra y mettre de plus grands bâtimens pour élever le Vaisseau; & s'il n'étoit pas possible qu'elle eût cette prosondeur, il faudra se servir de bâtimens plus plats & en plus grand nombre, c'est-à-dire, autant que la longueur du Vaisseau le pourra permettre, étant rangés à côté suivant leur longueur.

Il faut remarquer que lorsque le Vaisseau aura commencé à monter sur la calle, la partie de l'avant sera plus élevée que celle de l'arriere; c'est pourquoi les petits bâtimens qui seront placés à côté vers l'avant, doivent avoir des chevalets plus hauts pour soutenir les mats qui sont en cet endroit-là, que ceux qui sont vers l'arriere, asin que tout le corps du Vaisseau s'éleve dans la même

inclinaison qu'il étoit posé sur la calle.

Il sera aussi très-nécessaire de mettre sous le Vaisseau un berceau pour le retenir sur la calle sans qu'il panche d'un côté ni d'autre, & pour le garantir des accidens qui pourgoient lui arriver par son propre poids.



PERSICARIA ORIENTALIS, NICOTIANE FOLIO,

Calyce florum purpureo Coroll. hist. rei herbar. 38.

PAR M. TOURNEFORT.

ETTE espece de Persicaire est la plus grande & la plus belle qu'on ait encore découverte. Sa racine est épaisse au collet d'environ deux pouces, gonflée en maniere de tête, d'où naissent des sibres sort toussues. longues d'un pied & demi ou de deux pieds, épaisses de deux lignes, tortues, dures, roussatres, garnies de beaucoup de chevelu. La tige s'éleve à la hauteur de cinq ou fix pieds, droite, dure, ferme, épaisse d'un pouce, noueuse, vert gai, légerement velue & canelée, creuse d'un nœud à l'autre, accompagnée de seuilles alternes, longues d'un pied & davantage, sans compter leur pédicule qui a quelquefois demi-pied de longueur fur deux ou trois lignes d'épaisseur, arrondi sur le dos, sillonné en devant & rougeâtre. Ce pédicule est relevé yers le haut de deux aîles qui vont joindre les oreilles de la feuille. II embrasse la tige par une base assez large, laquelle s'éleve en maniere de gaine ou de tuyau, terminé par une efpece de fraise ou de collet. C'est principalement ce pédicule qui distingue les seuilles de la Persicaire que l'on décrit, de celles de la Nicotiane ou Tabac; car d'ailleurs elles en ont affez la grandeur & le port, leur largeur est d'environ neuf pouces. Elles sont partagées à leur base en deux grandes oreilles, d'où elles prennent un tour ovale qu'elles conservent affez jusques au-delà de leur moitié, & se terminent enfin par une pointe fort aiguë, Ces feuilles sont un peu ondées sur les bords, vert pâle, déliées, douces, parlemées de poils fort courts, relevées

d'une côte, laquelle en distribue de plus petites qui vont se perdre insensiblement vers les bords. Les feuilles d'enbas se fanent aux premieres chaleurs, les autres subsistent jusques à l'entrée de l'Hyver. De leurs aisselles & de leurs graines naissent plusieurs branches au - delà de la moitié des tiges, & ces branches sont plus velues que le reste. Leurs feuilles diminuent jusqu'au haut, mais elles ne perdent ni leurs pédicules ni leurs graines. Des aisselles de ces feuilles fortent des queues longues d'un pied & demi, ou de deux pieds, velues, divifées en quelques brins chargés de fleurs en épi fort serrées : ces brins ont quelquefois près d'un pied de long en Asie; ils sont penchés en bas, & de loin ils ressemblent sort à cette espece d'Amaranthe, qu'on appelle Queue de Renard. Chaque fleur est à cinq ou six étamines blanchâtres, très-déliées, longues seulement de deux lignes, chargées de petits sommets blanchâtres aussi, quelquesois purpurins. Le calice qui fait toute la beauté de la fleur, est un bassin de deux lignes & demi de haut, couleur de pourpre éclatant divisé jusques vers le fond en cinq parties terminées en tiers point ou arcade gotique. Le Pistile qui n'a qu'une ligne de long est assez rond, applati & surmonté par deux petits filets crochus. Il grossit dans la suite & devient une graine haute d'une ligne, un peu plus large, assez arrondie, quoique terminée par un petit bec. Cette graine est d'abord chatain clair, puis brune tirant sur le noir lorsqu'elle est mûre, plate, légerement enfoncée de deux côtés; la partie charnue en est blanche.

La racine de cette plante bien machée a quelque chose de stiptique. Les seuilles sont d'un goût d'herbe muci-

lagineux, puis relevé. La fleur est sans odeur.

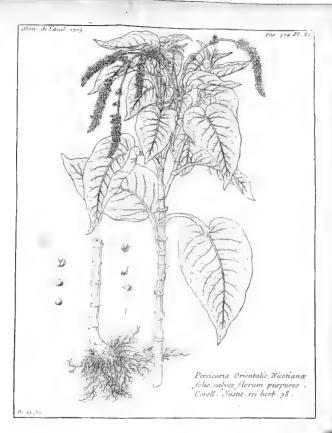
Je ne sçai en quel endroit du Levant cette plante vient naturellement. On la cultive à Tessis, capitale de Georgie, dans le Jardin du Prince. Je l'ai vue aussi dans celui du Patriarche des Armeniens aux trois Eglises proche le Mont Ararat; mais on ne scut m'informer d'où cette plante leur étoit venue. J'ai appris depuis mon retour en

France que les Armeniens ne la cultivoient pas seulement pour la beauté, mais pour les grandes vertus qu'on lui attribue, & ces vertus sont semblables à celles de la Persicaire ordinaire que C. Bauhin appelle Persicaria mitis, maculosa & non maculosa Pin. Cette derniere espece est un des plus grands vulneraires que je connoisse. Sa décoction en vin arrête la gangrene d'une maniere surprenante, ce que la décoction de la Curage, qui est la Persicaire brûlante, ne fait pas. Il est vrai qu'il ne faut pas toujours juger de la qualité des médicamens par leur faveur & par leur odeur; car le Styrax liquide n'arrête pas moins la gangrene que l'Arsenic & que le Sublimé corrosif. Des Armeniens m'ont assuré que cette belle Persicaire que l'on vient de décrire, bouillie dans du gros vin, & appliquée sur les endroits menacés ou attaqués de gangrene, en arrêtoit le progrès sans qu'il sût nécessaire de faire des scarifications. Ils graissent l'escarre avec du suif pour la faire détacher, on donne à boire la même décoction en vin dans le tems que l'on bassine les plaies.

Cette Persicaire à Paris doit être semée sur couche, où il faut la laisser jusqu'au commencement de l'Hyver; parce que la plante ne fleurissant que tard, les graines auroient de la peine à bien mûrir, si elle n'étoit élevée dans une

bonne terre, bien chaude & bien mouillée.





DU FROTTEMENT D'UNE CORDE AUTOUR D'UN CYLINDRE

IMMOBILE.

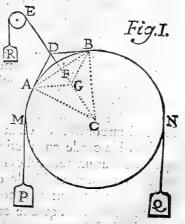
PAR M. SAUVEUR.

TL est difficile de considérer sans admiration l'effet du frottement d'une corde autour du cylindre immobile, puisqu'avec une puissance fort médiocre cette corde soutient un poids très - considérable : j'ai cru que l'effet de ce frottement méritoit bien qu'on en cherchat la cause; & pour la découvrir, j'ai supposé d'abord une corde très-flexible, capable de frottement sans pouvoir s'allonger; & sur ces suppositions j'ai formé les Propositions suivantes.

170 gv 14. Juilleti

I. PROPOSITION.

Soit un cylindre horizontal & immobile dont le centre soit C; sur ce cylindre soit passé une corde R PMBNQ, aux extrémités de laquelle soient suspendus deux poids égaux P, Q; foit pris un point Ddans la partie de cette corde qui s'appuie sur le cylindre; à ce point D'foit attaché une autre corde DE tirée par le poids R. Se-Ion la direction CDE qui



passe par le centre C du cylindre, le poids R tirera le point D de la premiere corde, enforce que les parties DB, DA, Mém. 1703.

306 Memoires de l'Academie Royale

feront tangentes au cylindre. Tirez la fous-tendante AB & le rayon AC. Je dis que le poids P fera au poids R, comme le rayon CA du cylindre est à la fous-tendante AB.

Tirez le rayon BC, & les lignes AG, BG, paralléles à

DB, DA. Les Méchaniques nous apprennent que la force P qui tire la corde AD, est à la force R qui tire la corde DE, comme AD est à DG, c'est à-dire, comme le rayon CA est à la sous-tendante AB, à cause que les triangles ADG, CBA sont semblables.

I. COROLLAIRE. Si l'arc AB est infiniment petit, le poids P fera au poids R, comme le rayon CA est à l'arc

AB, qui fera alors égal à fa sous-tendante.

II. L'arc AB étant infiniment petit, & ôtant le poids R, le point D touchera alors le cylindre qu'il presser avec une force égale au poids R. Donc le poids P est au pressement de la corde contre chaque partie infiniment petite du cylindre, comme le rayon de ce cylindre est à chacune de ces parties.

III. Le poids P est au pressement de la corde contre la partie MBN sur laquelle elle s'applique, comme le rayon du cylindre est à la somme des parties infiniment petites dont cette partie MBN est composée, c'est-à-dire,

à l'arc même MBN.

C'est pourquoi si l'arc MBN est égal au rayon, ou s'il est de 57^d 18', le pressement de la corde contre cetarc du cylindre sera égal au poids P; & si l'arc MBN est la demi-circonférence, ce pressement sera au poids P comme 22 est à 7, ou comme 355 est à 113, c'est-à-dire, comme la demi-circonférence est au rayon.

IV. Si la corde qui soutient les poids égaux P, Q est appliquée sur un second cylindre d'un diamétre différent, mais sur un arc semblable ou de même nombre de dégrés, le pressement de la corde sur le second cylindre est

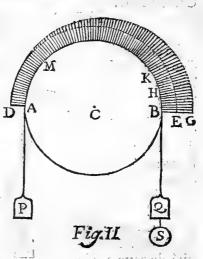
égal au pressement qu'elle causoit sur le premier.

V. Mais si les arcs des deux cylindres sont égaux, les pressemens sont en raison réciproque des diamétres des cylindres.

II. PROPOSITION ON IN

Si aux extrémités d'une corde appliquée fur un cylindre horizontal & immobile, pendent deux poids égaux P, Q, les pressemens de la corde fur les parties infiniment D petites du cylindre pourront être représentés par les appliquées égales de l'arc concentrique DE sur l'arc AB du cylindre, puifque ces pressemens sont égaux.

Mais le cylindre & la corde étant susceptibles



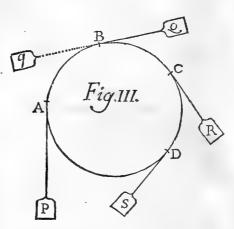
de frottement, si au poids Q on ajoute le plus grand poids S que la corde puisse soutenir par son frottement, sans rompre l'équilibre ou sans baisser; alors les pressemens de la corde augmenteront inégalement, de forte que l'augmentation étant la plus grande en B, elle sera zero en A: car le nouveau pressement, à cause du poids S, sera entier en B; mais le frottement de la corde en BH l'arrêtant un peu, le frottement en H sera moindre. Par la même raison il sera encore plus petit en K, & zero en A; car s'il y étoit quelque chose la corde glisseroit, parce que le pressement se fait en glissant; & si le pressement sinissoit ailleurs comme en M; le poids S ne seroit pas le plus grand que la corde pourroit soutenir; donc ce nouveau pressement doit être zero en A. C'est pourquoi ce nouveau pressement pourra être représenté par les appliquées de la Courbe GD sur l'arc concentrique ED.

Il s'ensuit que les pressemens de la corde sur les parties insensibles de l'arc AB du cylindre, causés par les poids P, QS, sont représentés par les appliquées de la Gourg

be DG fur l'arc AB. Il s'agit de trouver la nature de cette Courbe DG.

III. PROPOSITION.

La circonférence d'un cylindre immobile étant divisée en arcs égaux AB, BC, CD, &c. si l'on applique sur ce cylindre une corde, à l'extrémité de laquelle soit un poids P qui tire cette corde par la direction AP tangente en A; à l'autre extrémité de cette corde



foient féparément, 1°. Le poids Q qui tire la corde par la direction BQ tangente en B. 2°. Le poids R qui tire la même corde par la direction CR tangente en C. 3°. Le poids S qui tire la corde par SD tangente en D, & ainsi de suite; je suppose ensin qu'en ces cas différens chaque poids Q, R, S, & C. soient tels qu'en les augmentant d'une quantité infiniment petite, ils surmontent le frottement de la corde contre le cylindre immobile en tirant le poids P. Je dis que ces poids Q, R, S, & C. seront en proportion continue.

Car les résistances du poids P & du frottement de la corde AB étant en équilibre avec le poids Q, elles seront le même esset que si un poids q égal à ces résistances tiroit le poids Q par la direction B q opposée à B Q, & par conséquent le poids q est égal au poids Q. 2°. Les résistances du poids P, & du frottement R de la corde ABC, sont en équilibre avec le poids R; mais les résistances du poids P & du frottement de la corde AB, seront égales à la résistance du poids q. Mettant donc les résistances du poids q & du frottement de la corde BC en la place des

ésistances du poids P & du frottement de la corde ABC, es résistances du poids q & de la corde BC seront en équitibre avec le poids R. Et le poids R sera au poids q, ou Q, comme le poids Q est au poids P, parce que les arcs AB & BC, sont égaux, & que nous supposons les cordes entierement flexibles & incapables de s'allonger; donc les poids P, Q, R, sont en proportion continue. Nous prouverons de même que les poids Q, R, S, sont en proportion continue, R & ainsi de suite.

Il suit, 1° qu'en supposant ces arcs infiniment petits; les poids qu'il faudroit appliquer de la maniere précédente seront en proportion continue, & on pourra les représenter dans la Fig. II. par des appliquées sur l'arc AB Fig. II. qui soient en proportion continue, & alors la Courbe DG sera une ligne logarithmique appliquée sur un cercle.

Il suit, 2° que si l'on connoît le poids P & le poids Q, Fig. III. on connoîtra les autres poids R, S, &c. puisqu'ils sont en

progression Géométrique:

3°. Si les poids P & Q font donnés, & les arcs AB & ABD ou leur rapport, l'on trouvera le poids S de cette maniere. Prenez les logarithmes des poids P & Q, & ôtez l'un de l'autre pour avoir leur différence, & faites cette Analogie, comme l'arc AB est à l'arc AD, ainsi la différence des log. est à un log. qu'il faut ajouter au log. du poids P, la somme sera le log. du poids S.

La démonstration est que si l'on appelle p le poids P, & q le poids Q, alors les autres poids seront $\frac{qq}{p}$, $\frac{q^3}{p^2}$ & le dernier sera en général $\frac{q^n}{p^{n-1}} = S$ (en supposant que l'arc AB soit à l'arc ABD, comme 1 est à n:) ensuite appellant Q le logarithme de q, & P le logarithme de p; alors le logarithme du poids $\frac{q^n}{p^{n-1}}$, sera n Q-nP+P. Or pour avoir ce log. prenez les log. Q & P des poids q & p, ôtez l'un de l'autre, leur différence sera Q-P. Faires cette Analogie AB (1). AD (n):: Q-P. n Q-nP. ajoutant P, Q q iij

I'on aura nQ - nP + P, comme ci-dessus pour le log.

du poids S que l'on cherche.

Fre. II.

4°. C'est pourquoi si l'on supposoit que le poids P pestat une livre, & QS deux livres, (la corde AB faisant un
demi-tour sur le cylindre,) si ensuite l'on fait faire à la corde un tour entier, qui avec le premier demi-tour sasse
trois demi-tours; pour avoir le poids que la corde pourra
alors soutenir, il saut donner 4 termes à la progression,
dont les deux premiers poids P & QS seront les premiers
termes, c'est-à-dire, 1.2.4.8. Le dernier poids après le
troisséme demi-tour sera de 8 livres. Si l'on sait saire à la
corde un nouveau tour ou deux demi-tours, la corde saisant alors cinq demi-tours en augmentant la progression
de deux termes, l'on aura 32 livres pour le poids que la
corde soutiendra alors. On trouvera de même qu'après un
nouveau tour la corde soutiendra 128 livres, ensuite 512
livres, &c.

Quoique dans la conclusion précédente l'augmentation du poids pour vaincre le frottement devienne fort grande, on la trouvera encore plus grande dans les expériences; parce que 1°. nous avions supposé que la corde ne s'allongeoit point, & qu'ainsi elle avoit une égale facilité à rompre ou à passer par dessus les petites inégalités du cylindre qui causent son frottement; néanmoins comme les poids dont on charge la corde l'allongent, ils la pressent davantage contre le cylindre, & les éminences de l'une entrent davantage dans les enfoncemens de l'autre; de plus le ressort de la corde devient plus fort, de forte que la force qu'il faut pour faire surmonter à la corde les inégalités du cylindre, doit être beaucoup plus grande que lorsque nous avions supposé la corde incapable de s'allonger. 2°. La roideur de la corde ne permet pas qu'elle s'applique aussi immédiatement autour d'un petit cylindre, qu'autour d'un grand, & avec un petit poids qu'avec un plus gros. 3°. Enfin les inégalités qui se rencontrent dans les parties de la corde & du cylindre, & la maniere d'appliquer les poids causent de la variété dans les expériences.

L'on peut trouver le poids qu'une corde soutient après plusieurs révolutions autour d'un cylindre par les logarithmes, en prenant le log, du premier poids P & du second QS, qu'il soutient après un demi-tour de la corde autour du cylindre, prenant ensuite la différence de ces deux log, qu'il saut ajouter au log, du poids QS pour avoir le log, du troisséme terme, ajoutant successivement cette différence l'on aura une progression Arithmétique de logarithmes, dont les nombres seront en progression Géométrique comme ci-dessus.

Mais si l'on veut saire une hypothèse du calcul pour satissaire aux expériences qui augmentent le poids davantage que dans la progression Géométrique, au lieu d'ajouter un même log. au premier terme pour avoir successivement les autres termes, il faudra ajouter des logarithmes qui croissent en proportion Géométrique; l'on aura une suite de logarithmes, dont les nombres croîtront d'autant plus sensiblement, que le second logarithme de la pro-

gression Géométrique sera plus grand.



DU NOUVE AU SYSTEME DE L'INFINI.

PAR M. ROLLE.

N avoit toujours regardé la Géométrie comme une Science exacte, & même comme la fource de l'exactitude qui est répandue dans toutes les autres parties des Mathématiques. On ne voyoit parmi ses principes que de véritables axiomes: tous les théorêmes & tous les problèmes qu'on y proposoit étoient ou solidement démontrés, ou capables d'une solide démonstration; & s'il s'y glissoit quelques propositions ou fausses ou peu certaines, aussi-tôt on les bannissoit de cette science.

Mais il semble que ce caractere d'exactitude ne regne plus dans la Géométrie depuis que l'on y a mêlé le nouveau Système des Infiniment petits. Pour moi, je ne vois pas qu'il ait rien produit pour la vérité, & il me paroît

qu'il couvre souvent l'erreur.

Cependant d'habiles Géometres reçurent ce Système aussi-tôt qu'il commença à paroître, & ils tâcherent de le soutenir. Dans cette vûe ils proposerent plusieurs questions de Géométrie, & ils prétendirent que ce Système étoit absolument nécessaire pour les résoudre. Ce qui me donna occasion d'en faire l'examen, & de proposer quelques difficultés que j'y avois observées.

Ce sont ces dissicultés ou ces paradoxes dont je donnerai ici un extrait: mais comme elles ont un rapport nécessaire aux suppositions du Système, il saut en premier lieu exposer ces suppositions, & même les distribuer en dissérentes classes, pour mieux expliquer ce que j'en dois dire

dans la suite.

Je prendrai ici ce Système, comme on l'a proposé dans

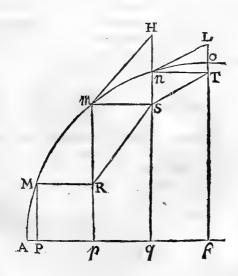
dans l'Analyse des Insiniment petits: mais je ne rangerai pas les conditions qu'on y a attachées, comme on les a rangées dans cette Analyse, parce que l'ordre que l'on y a gardé, empêche d'en appercevoir les plus grandes difficultés.

Premiere Supposition du Systême.

La ligne droite R m est infiniment petite par rapport à PM, & infiniment grande par rapport à Hn, page 57.

La même Hn, déja infiniment petite par rapport à Rm, est infiniment grande par rapport à Lo-Hn. Ainsi de suite à l'infini, pages 55, 56, 57, 58, &c conformément à la Présace.

En cela je suppose la Figure de l'Analyse des Infiniment petits, qui est la 46e de la 4e Planche de cette Analyse, & ce sera la premiere de celles dont je me servirai ici.



Seconde Supposition.

Voyez la Figure ci-devant page 313. L'appliquée MP fait un angle quelconque avec l'axe AP, & toutes les autres appliquées sont paralléles à MP, pages 57,58, &c. suivant la génération des Courbes & la doctrine des lieux.

Les droites MR, mS, nT font paralléles à l'axe AP.

Ainsi de leurs semblables.

La droite mH est paralléle à RS; nL, à ST, &c. pages 55, 56.

Troisiéme Supposition.

Si les différences desabscisses, ou les parties de l'axe, telles que Pp, pq, qf sont égales entr'elles; alors on dit qu'elles sont constantes; & dans ce cas on suppose que toutes les premieres différences des appliquées sont variables, & que ces premieres différences avec leurs différences secondes, troisièmes, &c. forment une suite infinie d'infinis qui sont infiniment rensermés les uns dans les autres, selon ce qui a été dit des suppositions du premier ordre.

Dans le même cas on suppose aussi pour le Système, que les parties de la Courbe telles que Mm, mn, no, sont inégales entr'elles ou variables, & qu'elles forment une suite infinie d'infinis par leurs différences premieres, secondes, troissémes, &c. de maniere que chacune de ces parties est infiniment grande par rapport à celle qui la suit, & infiniment petite par rapport à celle qui la préce-

de, pages 57, 58,59, &c.

Quand on prend pour constantes toutes les différences des appliquées, comme Rm, Sn, To, &c. alors les différences premieres, secondes, troisiémes des abscisses, &c. forment une suite infinie d'infinis, infiniment rensermés les uns dans les autres.

Dans le même cas, les parties de la Courbe font variables, & l'on suppose dans le Système que ces parties de la

Courbe Mm, mn, no, & leurs différences premieres, secondes, troisiémes, forment une autre progression infinie d'infinis, infiniment rensermés les uns dans les autres, pages 57, 58, 59, &c.

Voyez la Fi. gure page 313.

Lorsque les parties de la Courbe, telles que Mm, mn, no, sont égales entr'elles ou constantes, on suppose que les différences des abscisses sont infiniment rensermées les unes dans les autres, & qu'elles forment une suite infinie d'infinis.

Er dans le même cas le Système donne encore une autre suite infinie d'infinis par le moyen des appliquées, c'està-dire, par le moyen de leurs différences premieres, secon-

des, troisiémes, &c. pages 57,58,59. &c.

Toutes ces suppositions répondent à un endroit de la Préface de l'Analyse des Infiniment petits, où il est dit que cette Analyse ne se borne pas aux dissérences infiniment petites, mais qu'elle découvre les rapports des dissérences de ces dissérences, ceux des dissérences troisièmes, quatriémes, & ainsi de suite sans jamais trouver de terme qui la puisse arrêter.

Quatriéme Supposition.

On peut prendre indifféremment l'une pour l'autre deux quantités qui ne different entr'elles que d'une quantité infiniment petite, pages 2 & 3.

Ainsi les droites PM, Rm prises ensemble ne seroient pas plus grandes que la seule PM, selon cette supposition.

Et si de PM on ôte Rm, le reste seroit égal à PM, par

la même supposition.

Pareillement R m seroit égal à R m + Hn, & la même R m seroit encore égale à R m—Hn, &c. c'est-à-dire, que le tout seroit égal à sa partie. Mais ce n'est là que le moindre paradoxe des suppositions qui sont particulieres au Système.

316 Memoires de l'Academie Royale

Cinquiéme Supposition.

Voyez la Figure page 313. Une ligne Courbe peut être considérée comme un assemblage de plusieurs lignes droites, chacune infiniment petite, ou comme un polygone d'un nombre infini de côtés, chacun infiniment petit, lesquels déterminent par les angles qu'ils sont entr'eux, la courbure de la ligne, page 3.

Ainsi les arcs Mm, m, n, n, o, peuvent être considérés comme des lignes droites dans l'exemple proposé, de manière que les triangles MRm, mSn, nTo soient censés

rectilignes.

Cette supposition est proposée comme une pure supposition, ou comme une hypothèse mathématique; & en ce sens elle n'est point particuliere au Système. Mais il ne me paroît pas qu'elle ait été conduite comme une hypothèse dans l'Analyse des Infiniment petits; & l'on a dit dans la Présace de cette Analyse, qu'on auroit pû démontrer à la maniere des Anciens cette supposition & la précédente: ce qui marqueroit que l'une & l'autre n'ont point été proposées comme des hypothèses. On dit dans cette Présace que ces deux suppositions sont les seules sur lesquelles est appuyé tout ce que l'on a traité dans cet Ouvrage: & il faudroit, selon cette idée, que l'on pût en tirer les autres suppositions que l'on a vûes ici. Sur cela j'ai trouvé quelques difficultés que je marquerai dans la suite.

Sixiéme Supposition.

On suppose que les Infiniment petits sont réels, divifibles à l'infini & infiniment variables. Ainsi MR, Rm, &c. sont des quantités réelles, divisibles à l'infini, & infiniment variables.

Cela suit des suppositions précédentes: mais on a encore confirmé cette supposition dans les réponses qu'on a faites aux Mémoires que j'avois proposés à l'Académie sur ce sujet en l'année 1700.

A toutes ces suppositions du Système, j'ajouterai quelquesunes des conditions qui en sont inséparables, & dont je me ser-

virai dans la suite.

· Quand on suppose deux appliquées comme MP & mp, ou mp & nq, & que l'une est insiniment proche de gure ci-devant l'autre; alors on a une égalité différentielle qui exprime Page 313. le rapport de l'appliquée, de l'abscisse, & de leurs premieres différences, selon l'Analyse des Infiniment petits, fect. 1.

Les autres différences donnent une suite infinie d'égalités, selon les regles qu'on a proposées dans la sect. 4. de

cette Analyse.

Outre les conditions que l'on a marquées ici, il s'en trouve quantité d'autres, lorsque les Courbes sont formées sur des points fixes ou sur d'autres foyers, lorsqu'elles se forment par la projection des corps, par des mouvemens composés, & en plusieurs autres manieres. Mais il me paroît que ce que j'ai dit ci-dessus, est suffisant pour faire voir dans la suite que le Système est insoutenable.

PREMIERES DIFFICULTE'S DU SYSTEME.

Uivant la sixième supposition, les Infiniment petits sont réels & divisibles à l'infini. Mais il semble que l'on tombe en contradiction, lorsqu'on suppose que ces Infiniment petits sont réels & divisibles. Car l'égalité que fournit la définition de la Courbe, jointe à l'égalité différentielle du premier genre, détermine les Infinis, en forte que chaque Infini est un zero absolu, comme la différence de 4 à 4, ou de ç à ç, &c. Et par consequent ils n'ont aucune étendue & ne sont plus divisibles.

Cela se prouve en plusieurs manieres, comme on le va voir ici. Mais avant que de proposer des preuves genérales, j'ai cru qu'il seroit bon d'en donner des preuves particulieres, parce qu'elles demandent moins d'application, & que même ces preuves particulieres pourrolent suffire dans cette occasion. Il and occasion so il al-

Voyez la Figu-

Soit pour exemple la Parabole ordinaire, qui est de toutes les Courbes celle dont l'égalité est la plus simple.

Si l'on prend a pour l'expression de son paramètre; que chaque appliquée comme MP soit nommée y, & que son abscisse AP soit nommée x: alors on aura ax = yy, suivant la nature de cette Parabole.

Si de cette égalité génératrice a x = y y on tire une égalité différentielle selon les regles qu'on a proposées dans l'Analyse des Infiniment petits, section 1, on aura adx=2ydy. Et dans cette égalité, dx & dy sont des Infiniment petits selon cette Analyse, page 2; en sorte que dx exprime MR ou son égale Pp, & que dy exprime la différence mR.

Mais suivant la sixième supposition, les Insiniment petits sont des quantités réelles : d'où il s'ensuit que l'appliquée mp seroit réellement distincte de l'appliquée MP, & que l'abscisse AP seroit aussi réellement distincte de l'abscisse AP.

Or l'abscisse AP est égale à x+dx, & l'appliquée pm est égale à y+dy. Donc, par la définition de la Parabole, le rectangle de l'abscisse x+dx & du paramétre a, est égal au quarré de l'appliquée y+dy. Ainsi ax+adx est égal à $yy+2ydy+dy^2$: & prenant cette égalité avec les deux précédentes, on auroit un Problème exprimé par trois égalités, comme on le voit ici en K.

 $K \begin{cases} ax = yy, \\ adx = 2y dy, \\ ax + adx = yy + 2y dy + dy^2. \end{cases}$

Otant la premiere & la seconde égalité de la troisséme, c'est-à-dire, choses égales de choses égales, selon l'axiome ordinaire, il en résulte $dy^2 = \epsilon$. Donc $dy = \epsilon$, & substituant è au lieu de dy dans l'égalité différentielle, on trouve aussi $dx = \epsilon$. Mais è est ici l'expression du zéro absolu, ou d'un rien tel que la différence de 4 à 4. D'où il suit que dans ce Problème K, les Infiniment petits sont des riens absolus.

De-là il est encore maniseste que l'on tombe en con-

tradiction, quand on attribue de l'étendue aux Infiniment petits dx & dy: & cette contradiction devient plus grande à mesure qu'on augmente cette étendue. Car si l'on prend 4, par exemple, au lieu de l'Infiniment petit dy, alors l'égalité dy = 0 se changera en 4 = 0, & cette contradiction deviendra infiniment petite, si au lieu de 4 on substitue une quantité infiniment petite. Mais si cette quantité est réelle, la contradiction est réelle aussi, quelque idée que l'on ait de l'infinie petitesse.

En d'autres exemples le calcul ne seroit pas si facile: mais on peut toujours se servir des regles générales de l'Algebre pour résoudre le Problème qu'expriment les égalités; & il se trouve qu'on ne sçauroit éviter la contradiction, quand on attribue de l'étendue aux Infiniment petits. Pour le détail du calcul, on peut le conduire en dissérentes manieres, & entr'autres de la maniere que l'on

va le voir ici.

Soit pour exemple le cercle ordinaire, & qu'il soit exprimé, comme on le fait ordinairement, par l'égalité marquée ici en S.

S.....yy = ax - xx.

Son égalité différentielle suivant l'Analyse des Insimment petits, sect. 1. est telle qu'on la voirici en R.

R.....2y dy = a dx - 2x dx.

Substituant, dans S, x + dx au lieu de x, & y + dy au lieu de y; on aura l'égalité marquée M.

M. $yy+2ydy+dy^2=ax+adx-xx-2xdx-dx^2$. De cette égalité M ôtant la proposée S, on trouvera celle qui est marquée N.

N. $2y dy + dy^2 = a dx - 2x dx - dx^2$.

Comparant cette égalité N à l'égalité différentielle R, pour faire évanouir dy, on trouvera la résultante P.

P. $4yy dx^2 + 4xx dx^2 - 4ax dx^2 + aadx^2 = \emptyset$. Dans cet exemple on pourroit en demeurer là : car l'on s'appercevroit aisément que cette égalité est toute imaginaire lorsque l'Infiniment petit dx est réel. Mais pour se conformer en cela aux regles générales, il faut comparer 320 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

cette égalité P à la proposée S, pour faire évanouir » ou y, & l'on trouvera que aadx²=0: où l'on peut voir clairement que l'Infiniment petit dx est égal à , & que l'on tomberoit en contradiction si l'on prenoit pour dx une

quantité réelle.

Souvent on peut abréger le calcul, quand on fait quelque attention au détail. Ainsi il auroit suffi dans cet exemple de prendre en R une valeur de dy, & de la substituer dans le seul monome 2 y d y, qui fait partie de l'égalité N. Car de cela seul on auroit trouvé l'égalité $dy^2 =$ - d x², où l'on voit aisément que cette égalité deviendroit imaginaire, si l'on prenoir une étendue réelle pour l'un ou l'autre des Infiniment petits.

Non-seulement on s'assure par cette regle que les Infiniment petits sont toujours des riens absolus dans l'égalité différentielle; mais on peut encore s'assurer que ce sont des riens absolus par leur inslitution, & pour cela il faut voir la véritable origine de cette égalité. Ce qui se peut faire

par le moyen de ce Problême.

PROBLEME.

Une Courbe géométrique EFO étant donnée, & un point F étant aussi donné sur cette Courbe, on demande Voyez la Figu- par le calcul une secante comme FE, qui rencontre l'axe

re dans la page OB en quelque point A. 321.

Ayant supposé l'ordonnée EC, & une droite FD paral-Iéle à l'axe OB; on prendra s pour l'expression de AB, & l'on marquera les autres fegmens, comme on les voit dans la figure.

A cause des triangles semblables ABF, FDE, l'on a les deux Analogies M & X, avec leurs égalités N & Y.

$$M. \quad y:s::v:z. \text{ Donc } N. \quad z=\frac{vs}{y}.$$

$$X. \quad y:n::v:h. \text{ Donc } Y. \qquad h=\frac{nv}{y}.$$

Si l'on prend pour exemple de ce Problême, que la Courbe proposée soit la Parabole ordinaire, & que son égalité

égalité génératrice soit comme on la voit ici en C; alors la seconde appliquée EC donnera l'égalité marquée en D.

$$D. px + pz = vv + 2vy + yv.$$

$$+ yy.$$

De l'égalité D ôtant l'égalité C, on trouvera l'égalité R.

R...pz = vv + 2vy.En substituant dans cette égalité la valeur de z que fournit l'égalité N, & dégageant s de l'égalité qui résulte de la subs-

titution, on trouve l'égalité T. $T \dots s = \frac{2yy + vy}{2}$

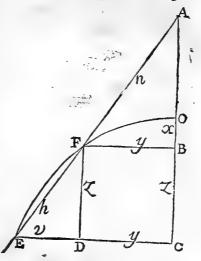
Ainsi l'on a une valeur de s qui donne la valeur de AB, & qui par conséquent fournit les sécantes requises.

Comme la Courbe est donnée, & que le point F est aussi donné; l'appliquée y se trouve par conséquent déterminée ou donnée dans l'égalité T. Mais le point E n'étant pas donné, l'inconnue v n'est pas donnée dans T. Ainsi la valeur de cette inconnue est indéterminée, & delà aussi la valeur de s ou de AB est encore indéterminée : de maniere néanmoins que si l'on détermine une des deux, l'autre sera déterminée en même tems.

Or l'on ne peut prendre pour v que des quantités affirmatives, ou des quantités négatives, ou bien le zero abfolu.

Si l'on prend pour v des quantités positives ou négatives; la droite AB sera une sécante. Mais si l'on prend le zero absolu pour la valeur de v; alors le monome vy qui

Mém. 1703.



322 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

est dans l'égalité T, sera entiérement détruit, & cette égalité sera changée en une autre que l'on voit ici en V.

 $V \dots s = \frac{2yy}{p}$.

Ainsi l'on ne peut pas douter que v ne soit un pur rien ou un zero absolu lorsque l'on a l'égalité V; puisque cette égalité n'a été formée que sur l'entière destruction de cette indéterminée v.

Mais quand on fait $v=\ell$, on a encore $z=\ell$ & $h=\ell$: ce qui se voit tout d'un coup en substituant ℓ au lieu de v dans N & dans Y; & delà on voit aussi que pour avoir l'égalité V, il faut entiérement détruire les trois côtés du triangle FDE; c'est-à-dire, qu'il faut entiérement détruire DE=v, qui est la différence des appliquées; & qu'il faut encore tout-à-fait détruire BC ou FD=z, qui est la différence des abscisses, pour avoir l'égalité V.

On voit aussi que l'existence de cette égalité anéantit EF = h, & que dans ce cas AF cesse d'être sécante au point donné : de maniere qu'en prolongeant cette droite AF autant qu'on voudra, elle atteindra la Parabole au

point donné, & ne la coupera point.

D'où il suit que la sécante devient tangente lorsque tour le triangle FDE se trouve entiérement détruit; & que cette tangente, pour être déterminée par le moyen de l'égalité V, suppose nécessairement que ce triangle soit anéantie.

Cela posé, on peut observer ce qui arrive dans le détail du calcul; & l'on verra, comme l'avoient dit plusieurs Auteurs, que si l'on retranche de l'égalité R tous les termes où v & z passent le premier degré, celle qui demeure n'est autre chose que la formule ordinaire des tangentes, à laquelle on a donné le nom d'égalité différentielle. Cette égalité dans cet exemple sera donc comme on la voit ici en Z.

 $Z \dots p z = z v y$.

Si l'on substitue e au lieu de z, & a au lieu de v; elle sera exprimée comme l'a sait M. Barou. Et si au lieu de z

on prend dx, & qu'au lieu de v on prenne dy; cette égalité sera exprimée comme l'a fait M. de Leibnitz, & comme on la voit ici en X.

 $X \dots p dx = 2 y dy$.

Cette égalité ainsi exprimée s'appelle égalité différentielle.

Or l'on peut voir de ce qui a été dit, que z & v, ou d x& dy, ne sont que des riens absolument riens par leur institution. Car si l'on prend les trois égalités N, V, Z, on verra en les comparant à l'ordinaire, que deux de ces égalités étant données, la troisiéme en est une suite. Mais l'égalité V n'a été conclue que par l'entiere destruction des différences z & v, ou dx & dy: D'où il suit que ce dy & dx ne peuvent être que des zeros absolus dans l'égalité différentielle.

Cela se voit d'une autre maniere dans le Journal du 28 Mai 1696; & l'on peut encore l'expliquer comme on le

va dire ici.

Divisant chaque membre de l'égalité V par l'appliquée y; on la réduit à $\frac{f}{v} = \frac{2y}{v}$, & les quatre termes de ces deux fractions sont toujours les quatre termes d'une Analogie, que l'on peut disposer comme on le voit ici en Q.

Q. p:2y::y:s.

Ensorte que l'appliquée y ou BF, & la sous-tangente BA ou s, peuvent toujours être les deux derniers termes de cette Analogie. Or les différences ED = v, DF = z, étoient dans le même rapport que celui de BF à BA avant qu'elles sussent détruites, & rien n'empêche de leur attribuer ce même rapport après leur anéantissement. Car le rapport de 6 à 6 est indéterminé, comme je l'ai fait voir dans la Méthode générale des Questions indéterminées, pag. 62.

Ainsi au lieu de l'Analogie marquée Q, on a pû prendre celle-ci, p:2y::v:z, & prendre le produit des extrêmes avec celui des moyennes, pour avoir pz = 2 yv, c'està-dire l'égalité différentielle marquée Z; & l'on peut en

324 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

faire de même dans tous les exemples: où l'on voit qu'on a introduit les expressions des différences détruites dans l'Analogie, qui vient de l'égalité V, & qui résulte de l'anéantissement de ces différences. J'ai donné sur cela un plus grand détail dans deux Mémoires que je lûs à la Compagnie en l'année 1700, & que j'aurois pû insérer ici: mais il ne paroît pas qu'il soit nécessaire d'en dire davantage; & même il semble qu'il auroit suffi d'indiquer les preuves que je viens d'exposer sur le non-être des différences dx, dy. Car je n'ai point vû que les Désenseurs du Système ayent entrepris de prouver la réalité de ces différences, quoiqu'ils dûssent prouver qu'elles sont réelles.

Comme je ne me suis servi dans ces preuves que des sixiémes suppositions, & que ces suppositions suffisent pour faire voir que les Infinis du premier genre ne sont que de purs riens dans l'égalité différentielle, on voit que toutes les autres suppositions du Système ne sont que de pures sictions, & que ce Système est insoûtenable de la maniere

qu'il est proposé.

D'abord on y voit que tous ces Infinis du premier genre tels que dx ou dy, n'ayant aucune étendue réelle, tous
les Infinis des autres genres ne seroient aussi que des zeros
absolus dans le calcul. Toutes ces suites infinies d'Infinis,
que fournit le Système, ne seroient que des riens qu'on
suppose être infiniment compris dans d'autres riens; &
delà s'évanouiroit aussi la variété infinie qu'on leur attribue. Toutes ces différences seroient toujours constantes
& jamais variables: ce qui se peut encore prouver par
d'autres voyes. On verra aussi dans la suite, qu'en prenant
la réalité des Insiniment petits comme une hypothèse,
ces Insinis sourmilleroient de contradictions: ce qui ne
peut convenir à un véritable Système:

SECONDES DIFFICULTE'S.

Je ne vois pas que ce Système air rien produir pour la sérité. On reconnoît d'abord que les essets des méthodes qu'on propose dans la nouvelle Analyse, sont toujours les mêmes quand on substitue des quantités sinies à volonté au lieu des Infiniment petits dx & dy: ce qui prouve que le succès, bon ou mauvais, n'est point attaché à l'infinie

petitesse qu'on suppose dans le Système.

Pour faire voir en quoi consiste cette dissionlé, je chercherai ici les Tangentes de la Parabole ax = yy par le moyen de la régle qu'on a insérée dans l'Analyse des Insiment petits, pages 11 & 12. Je supposerai 100000 toises au lieu de l'Insiment petit dx, & 738 toises au lieu de l'Insiment petit dy (on peut prendre tels autres nombres qu'on voudra) & l'on verra qu'on trouve par ces valeurs supposées la même chose que par les Insimiment petits.

En prenant les dx & dy, la régle donnera l'Analogie

marquée ici en A.

A. dy: dx::y:PT.

Et si l'on prend au lieu de ces Infiniment petits les valeurs finies dont je viens de parler, la régle donnera l'Analogie B.

738: 100000 :: y : PT.

Divisant le produit des termes moyens par le premier terme de l'Analogie A, on aura $PT = \frac{y dx}{dy}$ selon la régle.

Et si l'on fait la même chose sur l'Analogie B, la régle donnera $PT = \frac{1000000y}{738}$.

Ensuite prenant, suivant la régle, l'égalité dissérentiel-

le de ax = yy, on trouve adx = 2y dy.

Et si l'on substitue dans cette égalité différentielle les valeurs supposées de dx & dy, on aura la fausse égalité différentielle marquée ici en C.

 $C_{100000a=2y\times738}$

En prenant, felon la régle, une valeur de dx dans l'égalité différentielle; multipliant cette valeur par y; & la divisant par dy, on aura $\frac{2yy}{a}$ pour la valeur de PT.

Et si pour faire la même chose sur la fausse égalité dif-S s' iij 326 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE férentielle C, l'on prend la valeur de 100000 qui repréfente dx; on aura 100000 = $\frac{2y \times 738}{a}$; multipliant par y; & divisant par 738 qui représente dy, l'on trouvera $\frac{2yy}{a}$ pour PT, comme on l'a trouvé en prenant les dy & dx. Ainsi le Problème est résolu par les quantités finies, de même que par les Infiniment petits.

Delà il paroît que le succès n'est point un esset de l'insinie petitesse qu'on attribue aux dx & dy, puisque la régle donne la même chose lorsqu'on prend des quantités sinies à volonté au lieu de ces Insimment petits. Il en est de même de tous les Problèmes où l'on emploie ces dx & dy.

Outre ce défaut, il semble que dans la méthode des Infiniment petits il y a une petition de principe, en ce que l'égalité différentielle est toujours une partie de ce que l'on demande, & quelquefois tout ce que l'on cherche. Par exemple, on suppose dans le neuvième article de cette Analyse, que pour trouver les Tangentes des Lignes géométriques de tous les genres, on ait déja l'égalité différentielle. Mais quand on a une fois cette égalité, on n'a pas besoin de tout ce que l'on dit d'ailleurs dans cet article pour trouver ces Tangentes: il suffit d'effacer le d qui est dans les dx, pour avoir la sous tangente sur l'axe des y, & d'effacer le d qui est dans les dy, pour avoir la fous-tangente sur l'axe des x. Ainsi, quand on a 2y dy =adx pour l'égalité différentielle de la Parabole, & que I'on efface le d qui est en dx, aussi tôt on trouve 2y dy =ax, ou $dy = \frac{ax}{2y}$ pour la fous-tangente sur l'axe des y. Pareillement de dy effaçant d, on trouvera 2yy = adx, ou $dx = \frac{2yy}{a}$ qui est la sous-tangente des x. Or l'on ne s'est proposé dans l'Anal. des Infin. perits, art. 9. que de trouver les fous-tangentes; ainsi l'on y suppose ce qui est en question; & tout ce que l'on y fait d'ailleurs, paroît superflu.

Il y a encore d'autres usages du Système où il semble qu'il y ait aussi des pétitions de principe. En voici un exem-

ple considérable que j'ai tiré de l'Analyse des Infiniment petits, art. 5. On a prescrit dans cet article de retrancher dxdy de la quantité ydx + xdy + dxdy; & pour rendre raison de ce retranchement, on a cité l'art. 21 de cette Analyse, qui est le même dont j'ai parlé dans la quatrié, me supposition. Selon cet article il seroit permis de prendre indifféremment le reste ou la partie y.dx + x dy au lieu du tout y dx + x dy + dx dy; & c'est en cela que consiste ma difficulté. Car s'il étoit permis de prendre indifféremment la partie au lieu du tout; cette indifférence permettroit aussi de prendre le tout y dx + x dy + dx dyau lieu de la partie y dx + x dy; & même on seroit porté à le présérer, parce que c'est le tout qui se présente dans l'opération. Ce n'est pas rendre raison de ce retranchement, de dire, comme on a fait dans cet article cinquiéme, que dx dy est infiniment petit par rapport à y dx + x dy: car ces trois Infiniment petits étant des riens absolus, l'un n'est pas plus grand que l'autre. De plus, selon ce qui a été dit ici dans les premieres difficultés, s'il est permis d'ôter dx dy à cause de son infinie peritesse, ce seroit aussi à cause de sa petitesse infinie qu'il seroit permis de le laisser. De sorte que dans l'Analyse des Infiniment petits on ne voit pas ce qui détermine à prendre la partie y dx + x dy au lieu du tout y dx + x dy + dx dy, ou à prendre le tout pour la partie. Cependant cela n'est point libre: car si l'on avoir pris le tour dans cet exemple; de cela seul s'évanouiroient tous les projets de l'Analyse des Infiniment petits. If y a donc une autre raifon qui oblige de préférer la partie; & c'est cette raison que l'on n'a pasmarquée dans cette Analyse.

Mais on peut voit dans la Méthode de Messieurs de Fermat & Barou la véritable cause de ce retranchement; & même il sembleroit en comparant cette Méthode à l'Analyse des Insiment petits, que l'art. 2. de cette Analyse n'auroit été mis dans le Système, que pour déguiser la formule ordinaire des Tangentes, qu'on appelle éga-100 Sec. 3 15

lité différentielle.

328 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Par les difficultés que j'ai proposées jusqu'ici, l'on voit que les Infiniment petits que l'on a introduits dans le calcul différentiel, ne contribuent rien pour trouver la vérité; qu'ils sont encore inutiles pour l'opération, & qu'après les avoir mis dans une question, il faut d'ailleurs pour la résoudre, faire tout ce que l'on feroit si l'on ne les y avoit point mis.

TROISIE'MES DIFFICULTE'S.

Voici d'autres difficultés, par lesquelles il paroît que non seulement ce Système des Infiniment petits est inutile pour découvrir la vérité & pour la démontrer; mais que souvent il couvre l'erreur.

Pour marquer ces difficultés par des exemples, je prendrai d'abord la Courbe qui se forme de l'égalité marquée R, dans laquelle l'inconnue y exprime les appliquées.

$$R. y = 2 + \sqrt{4x + \sqrt{4 + 2x}}$$

Si l'on cherche dans cette Courbe une valeur de x; telle que l'appliquée y soit la plus grande ou la plus petite de ses semblables, comme dans l'Analyse des Infiniment petits, page 41. sect. 3, & que l'on veuille se servir des Regles qui sont particulieres à cette Analyse, alors on verra que ces Régles ne sont pas toujours véritables; & de là il semble que le Système couvre l'erreur. C'est ce qu'il saut expliquer ici.

Selon la Régle de la même Analyse, page 42, il saut tirer l'égalité dissérentielle de la proposée R; & on la trou-

ve sous la forme marquée S.

$$S \dots dy = \frac{dx \sqrt{x} + dx \sqrt{4 + 2x}}{\sqrt{4x + 2xx}}.$$

Par la même Régle il faut prendre la valeur de dy & supposer qu'elle est égale à θ : ce qui donne l'égalité $dx V x + dx V 4 + 2x = \theta$; & cette égalité étant résolue, on trouve x = -4.

Lorsque cette premiere tentative ne fait rien connoî-

tre, la Regle veut que la valeur de dy soit égale à l'Infini, c'est-à-dire, que le Dénominateur de la fraction doit être détruit. D'où il résulte $4x + 2\kappa x = 0$; & cette égalité étant résolue comme dans l'Analyse des Insiniment petits, pages 44, 46, &c. on trouve x = -2.

De ce que la premiere tentative a donné x = -4, & que cette valeur est réelle, il sembleroit qu'elle devroit résoudre le Problème. Car la Regle ne prescrit point de faire d'autres tentatives, quand une sois la valeur de x est réelle. Cependant cette valeur ne le résout pas : elle ne donne pour y que des Max. & Min imaginaires, quoiqu'il y en ait de réels: ce qui se voit aisément en substituant -4 au lieu de x dans l'égalité proposée R.

Enfin si l'on passe à l'autre tentative, & qu'on substitue la valeur de x qu'elle a donnée; l'on ne trouvera aussi que des Max. & Min. imaginaires pour l'appliquée y.

Pour connoître ce défaut dans tous les cas, il faudroit une méthode générale par laquelle on pût s'assûrer de tout ce qu'il y a d'imaginaire dans une égalité quelconque. Mais ce seroit supposer ce qui est en question. Car une méthode qui est générale pour s'assûrer des racines imaginaires, renserme une méthode générale pour les Max. & Min.

D'ailleurs, il ne suffiroit pas pour l'Analyse des Infiniment petits, d'avoir une méthode générale pour reconnoître les Max. & Min. imaginaires. Cela serviroit seulement pour faire voir en plusieurs cas, que les Max. & Min. qu'elle donne ne sont pas réels; & de cela seul on ne pourroit pas sçavoir si le Problème est possible ou impossible.

Non seulement on ne pourroit point s'assûrer par-là des effets que produisent les méthodes de cette Analyse; mais l'on seroit encore porté par ces méthodes & par le Système à se méprendre en différentes manieres.

Ainsi dans l'exemple ci-dessus proposé en R, on seroit porté à croire que 4 & 2 sont de véritables valeurs pour résoudre le Problème, parce qu'elles sont réelles, & que

Mem. 1703. Tt

330 Memoires de l'Academie Royale

cette Analyse ne prescrit point d'en chercher d'autres lorsque cela arrive, & que le Système ne s'y oppose point. Mais tout conspire dans cette Analyse à faire croire que le Problème est impossible, lorsque l'on a trouvé que ces valeurs réelles de x ne donnent que des Max. ou des Min. imaginaires, & que néanmoins on a épuisé les tentatives que prescrit la méthode.

Pour s'assurer que le Problème n'est pas impossible, & pour le résoudre on peut se servir de la méthode ordinaire. Alors on trouvera 2 pour une véritable valeur de x, & cette valeur donnera encore 2 pour un Max. & un

Min. de v.

Bien davantage, on trouvera ce véritable Max. & Min. par l'Analyse même des Infiniment petits, si l'on fait évanouir les signes radicaux de l'égalité proposée en R. Alors cette égalité se trouveroit sous la forme que l'on voit ici en A.

A. $y^4 - 8y^3 - 12xyy + 48xy + 4xx = 0$. + 16yy - 64x

Pour trouver le Max. & Min. de y par le moyen de cette Analyse, il faut tirer de la proposée A une valeur de dy; & cette valeur sera comme on la voit ici en B.

B. $dy = \frac{3yydx - 12ydx - 2xdx + 16dx}{y^3 - 6yy + 8y - 6xy + 12x}$

Ensuite on prend le numérateur de la fraction, & l'on suppose que ce numérateur est égal à θ . Ce qui donne l'égalité C.

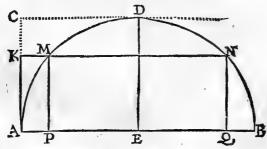
C. $3yy - 12y - 2x + 16 = \theta$.

Enfin l'on résout le Problème que représentent les deux égalités A & C. Ce qui donne x = 2 & y = 2, au-lieu des imaginaires qu'on auroit trouvées sous l'autre forme.

Ainsi l'on voit que les Regles de l'Analyse des Infiniment petits produisent des effets différens, & même opposés, selon les différentes expressions de l'égalité proposée. Mais comme un changement d'expression ne doit rien changer dans le sonds des raisonnemens; rien ne doit ompêcher aussi d'appliquer le Système à ces Regles lorsque l'égalité proposée est conçûe sous la forme R, & lorsqu'elle est sous la forme A; & il faudroit que ce Système sit voir que les Regles conduisent à la vérité sous la dernière sorme, & qu'elles conduisent à l'erreur sous la seconde forme: mais au contraire il paroît qu'il s'applique de la même manière sous l'une & sous l'autre forme. Ce qui tend à couvrir l'erreur.

Il est vrai qu'on a eu toute une autre idée de ces changemens d'expression dans l'Analyse des Insiniment petits. Car, selon cette Analyse, les deux égalités que j'ai marquées ici en R & en A, seroient des égalités fort dissérentes entr'elles; & l'on seroit porté à croire que les Courbes qu'elles sournissent sont fort dissérentes, & que leurs Max. & Min. sont aussi fort dissérens: ce qui jetteroit dans une erreur très-considérable. Ainsi il est bon d'en faire ici la remarque, asin qu'on y sasse autrention.

Lorsqu'une égalité exprime la nature d'une Courbe ADB, & qu'il s'y trouve des signes radicaux ou des incommensurables; on suppose dans l'Analyse des Insiniment petits, page 164. article 189, qu'il faut délivrer cette égalité de ces signes radicaux, asin qu'une de ses inconnues puisse avoir différentes valeurs; & même l'on en parle en cet endroit-là comme d'une vérité sondamentale.



De-là il s'ensuivroit que les inconnues ne pourroient pas avoir différentes valeurs lorsque les signes radicaux se T t ij 332 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE trouvent dans l'égalité, & que la maniere de les faire évanouir introduiroit des racines différentes. Ce qui est abfurde.

Le premier exemple que l'on propose sur ce sujet dans l'Analyse des Infiniment petits, page 165, est celui que l'on voit ici en M.

 $M. x^3 + y^3 = a x y.$

Si l'on exprime ce même exemple avec un signe radical, comme on le voit ici en L:

$$L \dots x = \sqrt[3]{a \times y - y^3}.$$

& que l'on fasse évanouir ce signe ou cet incommensurable; on le trouve encore sous la même forme M. Il faudroit donc selon l'art. 189. de l'Analyse des Insiniment petits, que l'inconnue x, par exemple, ne pût pas avoir des racines dissérentes dans l'égalité proposée lorsqu'elle est sous la forme L, & que cette inconnue pût avoir des racines dissérentes, lorsque cette égalité est sous la forme M. D'où il faudroit conclure que L & M sont des égalités qui expriment dissérentes Courbes: il faudroit en conclure aussi qu'il y auroit des Max, ou Min, dans M, & qu'il n'y en auroit point dans L; & c'est principalement pour ces Max. & Min, qu'on a fait les suppositions de l'article 189 dans cette Analyse.

C'est ici un endroit notable de l'Analyse des Insiniment petits. Car il se trouve qu'en cet endroit cette Analyse est contraire à l'Analyse ordinaire. On peut voir cette contrariété dans l'exemple marqué ci-dessus en M & en L. Et pour la faire voir évidemment, il est à observer que dans cet article 189, on a regardé y comme une quantité connue. Supposant donc, par exemple, que cette quantité connue soit $\frac{1}{2}$ a; alors on aura l'égalité K au lieu de l'égalité M, & l'égalité H au lieu de l'égalité L.

K. $x^3 + \frac{1}{8}a^3 = \frac{1}{2}a_1ax$. H. $x = \sqrt[3]{\frac{1}{2}aax - \frac{1}{8}a^3}$. Selon l'Analyse des Infiniment petits, article 189, il n'y auroit point de racines différentes en H. Mais selon l'Analyse ordinaire il y a trois racines différentes & réelles dans H. Cette Analyse les découvre, & sait voir que ces trois racines sont les mêmes que celles de l'égalité K.

Mais si l'on prend y = 2a, on aura l'égalité T au lieu de

l'égalité M, & l'égalité V au lieu de l'égalité L.

T.
$$x^3 + 8a^3 = 2aax$$
. V. $x = \sqrt{2aax - 8a^3}$.

Selon l'Analyse des Infiniment petits il y auroit des racines différentes & réelles dans l'égalité T; mais selon l'Analyse ordinaire il n'y a qu'une seule racine réelle en T. On sçait par l'Analyse ordinaire qu'il y a une réelle & deux imaginaires en T, & que ces racines sont les mêmes que celle de l'égalité V.

Soit encore pour exemple l'égalité que l'on voit ici en B, on trouvera en faisant évanouir le signe radical, comme on le demande dans cet article 189, que cette égalité

prend la forme marquée en C.

B.
$$x = \sqrt{28x - 48}$$
. C. $x^3 - 28x + 48 = 0$.

Si l'on résout cette égalité sous la sorme C par l'Analyse ordinaire, on trouvera les trois racines 2.4—6. Et comme elles sont rationnelles, il est facile de voir que ce sont aussi les trois racines de l'égalité B.

En substituant 2 au lieu de x dans B, on aura $2 = \sqrt[3]{56-48}$, c'est-à-dire, $2 = \sqrt[3]{8}$ ou 2 = 2. Ainsi l'on

ne peut pas douter que 2 ne soit une racine de B.

En substituant 4 au lieu de x dans B, on aura 4 = $\sqrt[3]{112-48}$, c'est à-dire, $4=\sqrt[3]{64}$ ou 4=4. Ainsi 4 est aussi une racine de B.

Enfin substituant — 6 au lieu de x dans B, on aura — 6 = $\sqrt{-168-48}$, c'est-à-dire—6 = $\sqrt{-216}$, ou — 6 = —6. D'où il est clair que — 6 est encore une racine de l'égalité B.

Il y a donc trois racines différentes & réelles dans l'égalité B, qui sont les mêmes que celles de l'égalité C, &

T t iij

334 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

qui sont les valeurs de x. Ainsi l'évanouissement du signe radical ne retranche ni n'ajoûte aucune racine, & il en est

de même dans toutes les égalités.

Il n'est donc pas vrai, comme on l'a supposé dans l'Analyle des Infiniment petits, art. 189, que les égalités qui ont des signes radicaux ou des incommensurables ne puissent pas avoir différentes racines; & il y auroit sur cela bien des réflexions à faire par rapport au Systême. Mais il suffit ici de dire qu'on ne peut pas conclure de cet article 189, que la Courbe qui se forme de l'égalité R, soit différente de celle que fournit l'égalité A, ni que leurs Max. & Min. soient différens. Au contraire, on peut s'asfûrer par l'Analyse commune que la Courbe de l'égalité A est la même que celle de l'égalité R : que leurs Max. & Min. sont aussi les mêmes, & que le Systême couvre l'erreur, quandil fait croire que x = -4 & x = -2 sont de véritables valeurs de x; ou quand il fait croire que les Max. & les Min. imaginaires que donnent ces valeurs. rendent la question impossible; ou enfin quand il fait croire que l'égalité R change de nature lorsqu'on la délivre de ses signes radicaux, & que les Max. & Min. sont différens de l'égalité A. Ainsi, l'on peut voir que ce Systême est fort défectueux.

Il y a des exemples où les défauts de la Regle ne font pas si grands que dans l'exemple R; mais ils ne laissent pas d'être considérables pour le Système. Si l'on cherche, par exemple, le Max. & Min. de y dans cette égalité G:

G.
$$y = b + \sqrt{xx - 2ax + aa - bb^2}$$

La premiere tentative donnera x = a, qui fournit un Max. de y; & la feconde tentative, si l'on s'avise de la faire, sournira x = a - b, & x = a + b qui donnent deux Min. de y. Mais faire ces deux tentatives dans cette question, ce ne seroit pas suivre la regle, & ce seroit encore prendre dy dans une même question pour un rien absolu, & pour une quantité plus grande qu'aucune quantité donnée; ce qui est contradictoire.

Si l'on délivre cette égalité G du figne radical, il fuffira de supposer d $y = \emptyset$ pour trouver toutes les solutions du Problème. Car il suffit toujours de faire la tentative du zero absolu, pour résoudre entiérement le Problème lorsqu'il n'y a point de signes radicaux; & même dans ce cas c'est une erreur de passer aux tentatives de l'Insini, quand la premiere tentative n'a rien donné. Mais dire que d y est égal à rien quand il n'y a point de signes radicaux, & que le même d y est insiniment grand lorsqu'il y en a, il semble que cela est contradictoire.

Cette contradiction se trouve encore dans l'exemple proposé, page 43, article 49, de l'Analyse des Insimiment petits. Car la regle de cette Analyse veut que dans cet exemple dy soit l'Insimiment grand lorsqu'il y a des signes radicaux, & que le même dy soit aussi zero, quand on a fait évanouir les signes radicaux. Or l'on a fait voir cidessus que la question est toujours la même, soit qu'il y ait des signes radicaux ou non. J'ai marqué plus au long ces difficultés dans un Mémoire que je lûs dans l'Assemblée du 17 Mars 1701.

Toutes les difficultés qui sont ici marquées, font voir que le nouveau Système de l'Infini, de la maniere qu'il est proposé dans l'Analyse des Insiniment petits, n'est pas recevable en bonne Géométrie.

Il est vrai que plusieurs Géométres ont introduit & supposé certaines quantités qu'ils ont appellées Infinies; mais ces Infinis ne sont que des Indéfinis, & sont sort différens des Infiniment petits du nouveau Système: outre que ces Géométres ont pris ces Indéfinis comme des hypothèses; ce que l'on ne voit pas que l'on ait fait dans l'exposition du nouveau Système, ni dans son usage.

Il est encore vrai que plusieurs Géométres se sont servis du mot d'Insini en parlant des paralleles, des progressions géométriques, dont le dernier terme est zero, des Asymptotes, &c. Mais ces Insinis sont très-différens de ceux du nouveau Système, comme il est aisé de le voir en les comparant avec les suppositions marquées ci-dessus.

336 Memoires de l'Academie Royale

Si l'on prend l'Indéfini au lieu de l'Infini dans le Syssème, & que l'on veuille séparer les conditions qu'on y a jointes; il se trouvera que ces conditions peuvent être prises pour des hypothèses: mais ce ne seroit plus le Syssè-

me tel qu'on l'a proposé.

Et ce n'est point répondre que de supposer une suite de termes en progression géométrique, & dire que chacun de ces termes est infiniment rensermé dans celui qui le précéde. Car afin que cette supposition eût lieu, il faudroit que les Insinis du nouveau Système, par exemple, PM, Rm, nH, Lo—nH, sussent en progression géo-

métrique; ce qui ne se trouve pas.

Ce n'est encore rien faire pour expliquer les principales supposs. tions du Système, que de dire que les dissérences infiniment petites. telles que dx & dy, sont moindres qu'aucune quantité donnée. Cela se voit aisément, quand on suit attention à ce qui en a été dit dans la Géométrie ancienne. Car si l'on veut s'assurer, par exemple, que la superficie du cercle est égale au rectangle du rayon & de la demicirconférence; on peut supposer qu'il y ait de la différence entre ces deux superficies, & démontrer dans le goût des anciens Géométres que cette différence est plus petite qu'aucune quantité donnée. Mais ce n'est point attribuer de l'étendue à cette différence : c'est tout au contraire faire voir que cette différence n'est pas une quantité. Car aussi-tôt qu'on lui attribue une étendue réelle, la démonstration s'y oppose; & si l'on veut en prendre une plus petite, la démonstration s'y oppose encore : de maniere que cette étendue & cette démonstration ne peuvent jamais s'accorder ensemble dans l'esprit. Ainsi l'on peut dire que les différences plus petites qu'aucune quantité donnée, sont de véritables riens dans le sens des anciens Géométres; & delà on voit que ce ne sont pas les différences infiniment petites du nouveau Systême, puisque dans le nouveau Systême l'on attribue à ces Infiniment petits une étendue réelle, & que l'on y fait quantité d'autres suppositions qui ne conviennent point au zero absolu. Mais si l'on rejettoit toutes ces suppositions, il seroit vrai de dire que les quantités plus petites qu'aucune quantité donnée répondent aux dx & dy de l'égalité différentielle, qui en ce sens ne seroient que des riens absolus, & ne désigneroient que le point Mathématique.

Nonobstant toutes ces difficultés, il est vrai de dire que l'Analyse des Infiniment petits est un Ouvrage très-curieux, & qu'il s'y trouve

quantité de choses nouvelles & très-ingénieuses.

TRAITÉ PHYSIQUE DE M. MERY

DE L'ACADEMIE ROYALE

DES SCIENCES,

Et Maître Chirurgien de l'Hôtel-Dieu de Paris:

CONTENANT

1°. Un Examen des faits observés par M. du Verney au cœur des Tortues de terre.

2°. Une Réponse à sa Critique du nouveau Système de la circulation du sang par le trou ovale du cœur du fœtus humain.

3°. Une Critique des observations qu'a faites M. Buissiere sur le cœur de la Tortue de mer.

4º. Une Description du cœur de ce même animal.

5°. Une Description du cœur d'une grande Tortue terrestre de l'Amérique.

•

reverse TRA

PREFACE.

POUR me conformer à l'article trentième du Reglement ordonné par le Roi pour l'Académie Royale des Sciences, j'ai lû confécutivement dans cinq de se assemblées l'examen que je donne au Public des faits que M. du Verney dit avoir observés dans le cœur des Tortues de terre, & ma réponse à sa Critique du nouveau Système de la circulation du sang par le trou ovale du cœur du fœtus humain.

Comme ces cinq assemblées suffirent à peine pour cette lecture, M. l'Abbé Bignon Président de cette illustre Compagnie, jugea à propos de nommer Messieurs Dodart, Maraldi & Littre, pour vérisser premiérement toutes les citations que je rapporte dans mon écrit, sur les passages mêmes de M. du Verney.

Secondement, pour comparer les figures qu'ila données au Public du cœur de la Tortue terrestre de l'Amérique, dans les Mémoires de l'Académie de 1676. & 1699. avec les parties que j'ai remarquées depuis ma réponse à sa Critique, au cœur d'un semblable animal en Novembre 1703.

Sur le rapport que firent ensuite de cet examen Messieurs les Commissaires à M. le Président, que la plûpart des figures de M. du Verney n'étoient nullement conformes au naturel que je leur avois Vu ij

fait voir, il ordonna au Sieur de Chatillon de faire des desseins de toutes les parties que j'ai découvertes dans le cœur de la Tortue terrestre de l'Amérique que j'ai moi-même disséquée; ainsi ceux qui confronteront les figures de M. du Verney avec les miennes, pourront plus aisément démêler le vrai d'avec le faux, qui se trouvent trop mêlés ensemble dans toutes ses observations.

Cette conduite si judicieuse de M. l'Abbé Bignon, & l'Approbation que l'Académie a donnée à mon Ouvrage, sont bien voir que la Compagnie n'approuve point les erreurs qui se rencontrent dans les pieces que les particuliers qui la composent sont imprimer dans ses Mémoires, & qu'elle ne prend point d'autre parti que celui de la vériré.

Mais comme il ne paroît pas vrai semblable qu'un même homme puisse se contredire dans toutes ses découvertes, faites sur les mêmes parties du cœur d'un même animal, ce que je démontre cependant par toute la suite de mon écrit rempli des variations de M. du Verney; pour en convaincre quiconque pourroit en douter, le certificat de Messieurs les Commissaires fait soi: Premiérement, que toutes mes citations sont conformes à ses passages.

Secondement. Que les figures que je donne des parties du cœur de la Tortue terrestre de l'Amérique, sont aussi conformes au naturel que je leur ai démontré. Le Public peut donc croire que cel-

les de M. du Verney en sont sort éloignées, & s'assurer que je n'ai rien avancé contre lui, soit dans l'examen de ses faits, soit dans ma réponse à sa Critique, qui ne soit parfaitement conforme à la vérité, pour la désense de laquelle j'ai entre-

pris cet Ouvrage.

Troisiémement. D'ailleurs comme le certificat de ces Messieurs porte encore que toutes les parties que je leur ai aussi fait voir dans le cœur de la Tortue de mer, existent véritablement, le Public peut enfin être persuadé que les deux descriptions que M. Buissiere, Anatomiste de la Société Royale de Londres en a faites; l'une qu'il prend pour lui, l'autre qu'il me donne pour détruire la vérité de mes propres découvertes, ne sont remplies toutes deux que d'observations supposées, qu'il a luimême imaginées, sans avoir vû le cœur de cet animal; puisque les faits qu'il rapporte dans ses deux descriptions, sont tous contraires à ceux que j'ai fait voir à l'Académie Royale des Sciences, & à Messieurs les Commissaires par elle députés pour les examiner en particulier. Ainsi l'Approbation que cette sçavante Compagnie a donnée aux faits que j'ai observés sur les cœurs des Tortues de terre & de mer, est un sûr garant de la vérité de la description que j'en donne après ma réponse aux Critiques de Messieurs du Verney & Buissiere.

Je ne prétends point cependant diminuer par mes raisons la réputation que M. du Verney s'est acquise par ses travaux. Il est plein de mérite; mais les plus grands hommes sont sujets à se méprendre, & l'on peut dire que leurs erreurs sont moins des preuves de leur incapacité, que des marques de la foiblesse de l'esprit humain.

EXTRAIT DES REGISTRES

de l'Académie Royale des Sciences du 12. Mars 1704.

MESSIEURS Dodart, Maraldi & Littre, nommés par l'Académie, pour vérifier les passages de quelques écrits de M. du Verney, cités & rapportés par M. Mery dans le dissérend qu'il a avec M. du Verney à l'occassion de la description du cœur de la Tortue, &c. & pour vérifier aussi quelques faits contenus dans la description de la Tortue, faite par M. Mery, ont certifié à la Compagnie avoir trouvé entiérement conformes aux citations de M. Méry tous les passages tirés des Mémoires de l'Académie, pour servir à l'Histoire des animaux, imprimés en 1676, & des Mémoires in-4°. de l'Académie imprimés en 1699, de la description du cœur du Crocodile, qui est dans le second volume manuscrit de l'Histoire des animaux qui ont été disséqués à l'Académie avant son nouvel établissement; des réslexions de M. du Verney sur le Crocodile, imprimées parmi les observations des RR. PP. Jésuites de Siam en 1688. & des Registres de l'Académie de l'année 1699.

Ils ont aussi certisse à la Compagnie que M. Mery leur a fait voir, 10. Que dans le cœur moû d'une grande Tortue terrestre de l'Amérique, & dans le cœur soussilé & séché de deux petites Tortues de terre, il n'y a ni grand ni petit réservoir dans les veines qui aboutissent à leurs oreillettes; que les deux veines des poûmons n'y sont point de tronc commun; parce qu'elles aboutissent chacune à l'oreillette gauche, en se joignant l'une à l'autre par le côté à l'endroit de leur aboutissement, & que ces veines étant vûes extérieurement paroissent plus étroites à l'endroit de leur concours que par tout ail-

leurs.

2°. Que c'est la même chose dans les deux veines caves à l'égard de l'oreillette de ces trois cœurs.

3°. Que dans les cœurs de deux petites Tortues de terre, & d'une Vipere, foufflés & séchés, les deux valvulles sigmoïdes adossées en-

tr'elles, & attachées à la cloison des deux oreillettes étant soulevées, ne ferment point les embouchures des oreillettes aux ventricules; & étant abaissées dans un cœur moû, elles ne ferment pas non plus exactement le trou ovale qui est dans la cloison charnue qui sépare le ventricule droit d'avec le gauche.

4°. Que les deux valvulles qui sont placées à l'embouchure des veines caves avec l'oreillette droite, laissent entr'elles une ouverture

ovale qu'elles ne ferment pas.

5°. Que dans le cœur qu'on leur a dit être d'une anguille, soussile & séché, les deux valvulles de l'aorte ne la ferment point exactement.

60. Que l'air soufflé dans le cœur moû d'une grande Tortue de l'Amérique, soit par les veines, soit par les arteres, remplit & ensle

ses ventricules, ses deux oreillettes & tous ses vaisseaux.

7°. Que dans le cœur des deux grandes Tortues de mer il n'y a qu'une valvulle à l'embouchure de l'oreillette droite au ventricule droit, & trois à l'embouchure de l'oreillette gauche au ventricule gauche.

8°. Que des trois troncs d'arteres qui sortent des ventricules du cœur, il y en a un, qui après avoir produit l'artere cœliaque & la mésentérique, finit en s'abouchant à la branche postérieure de

l'aorte.

9°. Qu'il n'y a que deux valvulles figmoïdes à l'embouchure de chaque tronc d'artere.

10°. Que les Tortues de terre ont des pieds, & celles de mer des

nageoires,

demi-sphere un peu applatie; que celle des cœurs des Tortues de mer ressemble à un cône : de sorte que la plus grande dimension des cœurs des premieres est d'un côté à l'autre de sa base, & que dans les cœurs des dernieres est de la base à la pointe.

Ils ont encore certifié que M. Mery leur a fait voir le cœur & les

vaisseaux de la Tortue terrestre de l'Amérique étant ouverts.

120. Que la surface intérieure des veines qui rapportent le sang dans les oreillettes du cœur de cet animal, est fort lisse & polie; qu'il en est de même des veines du posimon dans la Tortue de mer; qu'au contraire, dans celle-ci les veines caves & les axilaires sont garnies de fibres charnues qui forment dans les axilaires une espece de tresse, dont on voit quelque vestige dans le concours des deux veines caves.

13°. Que dans le cœur de la Tortue de mer il n'y a que trois cavités qui communiquent ensemble par deux détroits; que le cœur 344 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

de la Tortue terrestre de l'Amérique en a quatre, qui ont aussi com-

munication entr'elles par trois détroits.

14°. Que du cœur de ces deux especes de Tortues partent trois troncs d'arteres; que du ventricule gauche de l'un & de l'autre il ne sort aucun de ces trois troncs; que dans la Tortue de mer le ventricule droit donne naissance à deux de ces troncs, qui sont l'office de l'aorte, & du canal artériel de communication placé dans le sœtus entre l'aorte descendante & l'artere du poumon; mais qu'il ne sort aucune artere du ventricule droit du cœur de la Tortue terrestre de l'Amérique; que dans celle-ci ces deux premiers troncs tirent leur origine de la cavité qui communique immédiatement avec le ventricule droit; que dans la Tortue de mer l'artere du poumon sort de cette même cavité, que dans celle de terre l'artere du poumon part du ventricule qui communique avec celui d'où sortent l'aorte & le canal de communication.

15°. Qu'au haut du détroit du ventricule droit à la cavité d'où partent l'aorte & l'artere de communication, il y a dans la Tortue terrestre de l'Amérique une valvulle faite en forme de croissant, &

qu'il n'y en a point dans celle de mer.

16°. Que dans l'une & dans l'autre il n'y a qu'une valvulle à l'en-

trée du ventricule droit, & trois à l'entrée du gauche.

17°. Qu'à l'embouchure de l'oreillette droite avec les veines caves, il y a deux valvulles dans ces deux especes de Tortues; qu'il n'y en a aucune à l'embouchure de l'oreillette gauche avec les veines du poumon.

18°. Qu'à l'embouchure de chacun des trois troncs d'artere du cœur de la Tortue de terre & de mer il n'y a que deux valvulles.

Ils ont enfin certifié avoir trouvé les figures que M. Mery a fait faire des parties du cœur de ces deux Tortues tout-à-fait conformes au naturel. En foi dequoi j'ai figné le présent Certificat, à Paris ce 2. Juin 1704.

FONTENELLE.

Sec. perp. de l'Ac. Royale des Sciences.

\(\frac{1}{2}\) \(\frac{1}2\) \(\frac{1}{2}\) \(\frac{1}2\) \(\frac{1}2\) \(\frac{1}2\) \(\frac{1}2\) \(\frac^

EXAMEN DESFAITS OBSERVE'S PAR M. DU VERNEY

Au Cœur de la Tortue de terre.

Nfin après dix ans & plus de réflexions, M. du Verney vient de nous donner sa Critique sur l'usage que j'ai attribué au trou ovale, & au canal de communication qui se trouvent dans le fœtus humain & dans la Tortuë. Voici comme il débute.

J'aurois pû donner au public, il y a long-tems, les observations que j'ai faites sur le nouveau système de la circulation du l'Académie de sang dans le fœtus, que M. Mery a voulu fonder sur la struc- imprimés en ture du cœur de la Tortuë.

Qu'il y a peu de vérité dans ce début! Ceux qui voudront bien se donner la peine de lire seulement l'avis qui est à la tête du petit Traité que j'ai donné au public en 1700, deux ans avant l'impression de sa Critique, verront que le nouveau système de la circulation du sang dans le fœrus humain, qui en fait le sujet, n'est pas fondé, comme il voudroit le faire croire, sur la structure du cœur de la Tortuë; qu'elle n'en est seulement que l'occasion; mais fur l'inégalité qui se rencontre dans le fœtus entre l'aorte & l'artere du poumon, sur la différence qui se trouve entre les capacités des oreillettes, sur celle des ventricules de son cœur, & sur l'égalité de ces mêmes parties dans l'homme adulte.

Connoître cette vérité, & n'en point parler dans tout son Traité, n'est-ce pas donner lieu au Lecteur de penser qu'il a bien senti en lui-même, que ce fondement sur lequel est véritablement bâti ce nouveau système, est inébranlable? Cependant M. du Verney voudroit bien faire croire qu'il l'a détruit il y a long-tems, comme on le Mém. 1703.

Mémoires de l'année 1699. 1702. pag.

346 Memoires de l'Academie Royale

pag. 227.

peut voir par ce qu'il va dire: Dès qu'il le proposa, je l'examinai avec soin, je sis des dissections exactes de plusieurs Tortues; & ayant connu l'erreur de cette découverte, je la combattis dans mes exercices du Jardin Royal, & dans cette Académie, comme il est rapporté dans l'Histoire qui en a été publiée.

Avant de faire voir que toutes ces dissections de Tortuës sont peu exactes, M. du Verney me permettra, s'il lui plaît, de lui demander en quelle année, & dans quelle page de son Histoire, l'Académie Royale des Sciences rapporte ses objections. Je l'ai lûe, & n'y en ai remarqué aucune avant sa Critique. Il est bien vrai qu'en 1692 il proposa en différentes assemblées de cette célebre Compagnie plusieurs difficultés sur le rapport que j'avois fait du trou ovale de la Tortuë avec celui du fœtus humain. Il donna même par écrit ses objections à M. l'Abbé Bignon qui en étoit alors président; mais la réponse que i'y fis immediatement après, & qui est restée dans les Registres de l'Académie, l'obligea aussitôt à retirer son écrit : de-là vient qu'elle n'a point sait mention, dans son Histoire, des objections de M. du Verney avant 1702, qu'elle donna aus public ses Mémoires de 1699; ce qui fournit à M. du Verney l'occasion d'y placer avec sa Critique la description du cœur d'une grande Tortue de l'Amerique, qu'il ne reçut de Versailles qu'au mois de Décembre 1700; ce qui se vérifie par les Registres de l'Académie.

Au reste, qu'il est aisé de combattre l'opinion d'un homme devant des écoliers qui ne l'entendent point, & à qui on ne laisse pas même la liberté de faire une objection! mais qu'il est difficile d'en imposer à des Academiciens, & à des Anatomistes qui sont en état de démêler le vrai d'avec le faux, & les bonnes raisons d'avec les mauvaises! j'en appelle à leur jugement.

Les objections que me fit M. du Verney en 1692, étant fort différentes de celles qu'il me propose aujourd'hui dans sa Critique, comme on le peut voir dans le petit

écrit que j'ai fait imprimer en 1700, p. 19. où je les ai

rapportées, il est surprenant de lui entendre dire :

Je composai des-lors le Traité que je vais lire, & quelques autres qui paroîtront dans la suite. J'ai différé de les donner au public, & je ne m'y suis déterminé qu'avec peine, & pour le bien de la paix, & par la considération que j'ai pour l'Auteur de ce système; mais j'ai crû les devoir à la curiosité de ceux qui s'étant élevés comme moi contre ces nouveaux sentimens, n'ont eu ni le même loi sir, ni la même commodité de travailler à de pareilles dissections. D'ailleurs l'Auteur pourroit prendre mon silence pour une approbation de son sentiment, & publier encore que bien qu'il m'en ait fait une espece de dési, je n'ai pas osé le combattre.

La nouvelle opinion de la circulation du fang par le trou ovale dans le fœtus humain, eut avant de paroître en public le bonheur d'être approuvée par M. du Verney en pleine Académie; & même chez lui, lorsque je la lui communiquai en particulier: mais elle ne fut pas plutôt imprimée, qu'il fit en effet tous ses efforts pour la détruire, mais inutilement, puisqu'il ne jugea pas à propos de laisser dans les Registres de l'Académie ses objections. Qui croira après cela qu'il air véritablement de la considération pour son Auteur, & qu'il aime sincerement à vi-

vre en paix avec lui?

La curiosité de ceux, qui comme lui, se sont élevés en 1698 contre le nouveau système publié & établi en 1697, sur la capacité différente de l'aorte & de l'artere du poumon dans le fœtus sera peu satisfaite, quand ils verront que par toute sa Critique, qu'il leur a fait attendre pendant plus de dix ans, il n'attaque point, comme ils ont fait, le veritable fondement de ce système, & que même toutes les raisons qu'il y emploie pour ruiner seulement le rapport que j'ai fait de l'usage du trou ovale du cœur de la tortue avec celui du fœtus humain, n'auront fervi qu'à le mieux appuyer. De-là n'auront-ils pas lieu de s'i- 1692, pag. 57. maginer, que puisque M. du Verney ne combat point au tond mon opinion, c'est qu'il ne trouve point en lui-même

pag. 227;

Mémoires de

348 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

d'assez fortes raisons pour la détruire. Il paroît cependant se flatter de la pouvoir renverser, quoiqu'il ne l'attaque point, quand il nous dit: Dans le tems que je m'y suis déterminé, j'ai été assez heureux pour recevoir de Versailles une grande Tortuë terrestre de l'Amérique, qui m'a servi à consirmer les observations que j'avois faites sur celles que nous avons en France. J'ai ajoûté la description des cœurs de la Vipere, de la Grenouille, & de quelques poissons qui ont tous beaucoup de rapport au cœur de la Tortuë, afin de ne rien obmettre de tout ce qui peut servir à éclaircir ces auestions.

mettre de tout ce qui peut servir à éclaircir ces questions.

M. du Verney nous apprend bien que cette Tortuë lui a servi à consirmer les observations qu'il a saites sur nos petites Tortuës de France: mais il nous dissimule qu'il s'est servi de ces petits animaux pour consirmer les remarques qu'il a saites il y a plus de vingt ans, sur une autre Tortuë terrestre de l'Amérique encore plus grande que celle du cœur de laquelle il vient de nous donner la description. Il n'a sur cela gardé le silence, que parce qu'en 1685 je démontrai à l'Académie sur une Tortuë de mer, que toutes les observations qu'il a saites sur les dissérentes parties du cœur de sa premiere Tortuë de l'Amérique étoient sausses. Les saits que je sis voir à cette sçavan-

n'osa pas alors les contester.

Ce ne sut qu'après s'être rendu maître des desseins que j'avois sait saire des parties du cœur de cet animal, qu'il entreprit de les saire passer pour faux, & qu'il se servit pour cet esset de nos petites Tortuës de France pour verisser les observations qu'il avoit saites sur sa premiere Tortuë de l'Amérique, particulierement qu'il ne sortoit du cœur de cet animal que deux troncs d'arteres, & qu'il y avoit à l'embouchure de chacune trois valvulles sigmoïdes. Mais une grosse Tortuë que je reçûs de Languedoc dans le tems de ses démonstrations à l'Académie, ruina son entreprise; il sut contraint, en lui montrant au cœur de cet animal trois troncs d'arteres qui n'avoient chacun que deux valvulles comme celles de la Tortue

te Compagnie parurent si évidens à M. du Verney, qu'il

Mémoires de l'Acad. 1699. pag. 228. de mer, d'avouer à Messieurs de l'Académie Royale des Sciences qu'il s'étoit mépris. Il fit plus, il donna ensuite mes faits au public pour ceux qu'il avoit observés lui-même fur le cœur du Crocodile, & ne les lui donna pas pour faux; ce que je prouverai à la fin de l'examen que je vais faire de ses observations.

Pour ne point faire perdre de vûe au Lecteur la question dont il s'agit maintenant entre M. du Verney & moi, qui est de sçavoir si le sang circule dans le cœur du sœtus humain, comme dans celui de la Tortuë; ou bien si le trou ovale & le canal de communication, qui se rencontrent dans l'un & l'autre, ont le même usage dans tous les deux, j'examinerai seulement les remarques qu'il a faites sur le cœur de la Tortuë; persuadé que celles du cœur de la Grenouille & de la Carpe, qu'il vient de nous donner dans le même Traité, sont beaucoup plus propres

à embrouiller cette question qu'à l'éclaircir.

En effet, établir des différences essentielles entre les parties du cœur de ces animaux; soutenir après cela que la structure du cœur de la Tortuë qui a trois ventricules, trois troncs d'arteres, deux troncs de veines, deux oreillettes, soit conforme à la structure du cœur de la Carpe, qui n'a qu'un ventricule, qu'un tronc d'artere, qu'un tronc de veine, qu'une oreillette; n'est-ce pas s'imaginer que trois ou deux ne font qu'un dans la nature, ou qu'un y fait deux ou trois? Mais comment M. du Verney pourra-t-il nous démontrer un paradoxe si étrange? & qui pourra comprendre que le cœur de la Carpe qui n'a ni trou ovale, ni canal de communication, puisse être propre à prouver que ces deux conduits, qui se rencontrent dans le fœtus humain & dans la Tortuë, n'ont pas dans l'un & dans l'autre les mêmes usages? Cependant il nous dit que la pag. 244. conformité qui se trouve dans la structure du cœur de ces animaux, l'a obligé de les décrire en même tems, afin de ne rien Pag. 228. obmettre de tout ce qui peut servir à éclaircir ces questions. Pour cela il faut un génie tout particulier.

Nous voici arrivés à la division de la piece de M. du Xxiii

350 Memoires de l'Academie Royale

Verney. Je décrirai, dit-il, dans la premiere partie de ce difcours la structure du cœur de la Tortuë, & de ceux des autres animaux dont j'ai parlé; dans la seconde, j'examinerai leurs usages; & dans la troisieme, je fonderai sur toutes les deux la Critique du nouveau système. Qui ne croiroit que M. du Verney va renverser ce système nouveau? Cependant il n'y touche nullement, puisqu'il n'attaque aucune des cinq propositions sur lesquelles il est sondé. C'est ce que je serai voir dans ma réponse à sa Critique: saisons présentement l'examen de ses saits.

En suivant pas à pas M. du Verney dans toutes ses démarches, je ferai voir d'abord qu'il détruit lui-même par ses propres observations tous les faits qu'il a remarqués dans le cœur des Tortuës sur lesquels il sonde sa Critique. Je montrerai ensuite que ce qu'il nous dit de la circulation du sang de ces animaux dans la seconde & troisieme Partie de son Traité, n'est qu'une imitation d'une petite piece que j'ai fait imprimer dans les Mémoires de l'Académie. Je démontrerai enfin par ses propres faits, que le trou ovale & le canal de communication ont dans le fœtus humain & dans la Tortuë les mêmes usages; & qu'il a dit long-tems avant moi, que la circulation du sang se fait dans le cœur du fœtus de la même maniere qu'elle se fait dans celui de la Tortuë, ce qui fera voir l'absurdité de toute sa Critique par laquelle il prétend aujourd'hui prouver le contraire.

Avant de fournir les preuves de ma premiere proposition, je dois saire remarquer que M. du Verney nous a donné quatre descriptions du cœur de la Tortuë. La premiere se trouve dans les Mémoires que l'Academie Royale des Sciences sit imprimer en 1676. Celle-ci est du cœur d'une grande Tortuë terrestre de l'Amerique. La seconde est du cœur d'une Tortuë de mer. Celle-là a été imprimée en 1688. parmi les observations que les Révérends Peres Jesuites de Siam ont faites sur le Crocodile. La troisieme qui est du cœur des petites Tortues de France, a été seulement transcrite dans les Registres de l'A-

pag. 228.

cadémie le 23 Décembre 1699. Le même jour & le même mois de cette même année, la quatrieme fut imprimée dans ses Mémoires, si on s'en rapporte à la date. Cette derniere description est encore du cœur d'une grande Tortuë terrestre de l'Amérique, que M. du Verney n'a cependant reçue de Versailles qu'au mois de Décembre 1700. J'ai tiré une copie de sa troisseme description, vérifiée par M. de Fontenelle Secretaire de l'Académie, afin de faire connoître que sa derniere Tortuë de l'Amérique, loin de lui avoir servi, comme il dit, à consirmer les observations qu'il a faites sur le cœur des petites Tortuës de France, ne lui a servi au contraire qu'à les détruire ou à les réformer.

Des deux grandes Tortuës terrestres de l'Amérique dont M. du Verney nous a donné les observations, la premiere avoit quatre pieds & demi de long depuis l'extrémité du museau jusqu'à l'extrémité de la queue, & quatorze pouces 1676. pag. d'épaisseur; l'écaille avoit trois pieds de long sur deux de 193.

large.

M. du Verney ne nous marque point quelle étoit la longueur entiere de la seconde ; il se contente de nous dire que l'écaille qui la couvroit étoit de deux pieds trois pouces de long sur deux pieds un pouce de large, & son écaille de descr. 1699. dessous d'un pied cinq pouces de long sur un pied deux pouces

de large.

Si les mesures de l'écaille de sa premiere Tortuë sont justes, comme il y a bien de l'apparence, on peut dire sans crainte de se tromper que M. du Verney s'est mépris en mesurant les écailles de la seconde; mais c'est peu de chose que cette méprise. Ce qu'il y a de plus étrange, c'est que les figures qu'il nous a données du cœur de sa premiere Tortuë de l'Amerique, sont en tout dissérentes de celles du cœur de la seconde, & que les deux descriptions qu'il a faites des cœurs de ses deux Tortues se détruisent l'une l'autre; de sorte que si les observations qui sont dans la premiere description, sont vraies, celles qui font dans la quatrieme, font absolument fausses; & réci-

Description

Quatrieme

352 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE proquement si celles-ci sont vraies, les autres sont évidem-

ment fausses. C'est ce que je vais démontrer.

Quatrieme description pag. 229.

M. du Verney nous dit dans sa quatrieme description, qu'on voit autour du cœur de ces animaux une espece de reservoir d'une figure oblongue, & asser semblable à celle d'un outre enflé: il est formé par le concours de plusieurs veines. L'axilaire droite & la veine cave inférieure s'embouchent au côté droit de ce réservoir, l'une en haut, & l'autre en bas. De l'autre côté on voit dans une pareille situation l'axilaire gauche, & une veine qui rapporte le sang de la partie gauche du foie. La veine coronaire & quelques autres vaisseaux qui sortent des parties voisines s'y vuident aussi; & comme les jugulaires se déchargent dans les axilaires, cela fait que le sang de toutes les veines est rapporté dans ce réservoir, à l'exception de celui des veines du poumon. Ce même réservoir, vers son milieu, s'ouvre dans l'oreillette droite du côté qu'elle regarde l'écaille de dessus.

Ce réservoir, dans le sens que le prend ici M. du Verney, ne peut être autre chose que le tronc de la veine cave. Il en convient lui-même, quand il nous dit que par le terme de réservoir on n'entend autre chose qu'un tronc de veines formé par le concours de plusieurs autres, & qui tient lieu

de veines caves supérieure & inférieure.

Ce mot de réservoir étant bien entendu, il est aisé de prouver maintenant à M. du Verney qu'il détruit luimême tout ce qu'il vient de nous en dire, par ce qu'il nous en dit dans sa premiere description. Voici ses propres paroles.

Premiere descr. 1676. pag. 198.

La veine cave, qui ainsi qu'il a été dit, avoit deux troncs sortans l'un de la partie droite du foie, & l'autre de la partie gauche, portoit le sang par chacun de ces troncs dans chacune des oreillettes.

Cela se voit effectivement par les premieres figures de ces parties; le contraire paroît dans les secondes, où l'on voit que son grand réservoir s'ouvre vers son milieu dans l'oreillette droite par une seule embouchure. Quelle disférence! Est-ce M. du Verney qui s'est mépris, ou la na-

pag. 244.

ture? Qui pourra découvrir la vérité parmi ces contradictions?

Après nous avoir fait la description du réservoir de la veine cave, il en décrit un autre formé par la réunion des veines du poumon, & nous dit que les deux veines du poumon remontent le long du côté intérieur de chaque branche, description, p. la droite passant pardessus le réservoir dont on a parlé, & la gauche pardessus l'axilaire du même côté; elles viennent toutes deux former un second réservoir beaucoup plus petit que le premier, & qui se décharge dans l'oreillette gauche vers son milieu du côté qu'elle regarde l'écaille de dessus.

Quatriéme 229. & 230.

Cependant dans sa troisième description du cœur de nos petites Tortues de France, il dit que les deux veines description. du poûmon viennent se décharger au bas de l'oreillette gauche, & ces deux veines la percent chacune à part, quoique fort près l'une de l'autre.

Troisiéme

Est-ce là confirmer par sa grande Tortue terrestre de l'Amérique, les observations qu'il a faites sur les petites Tortues de France? La différence de ces deux passages qui regardent un même fait saute aux yeux : par le premier, les veines du poûmon s'unissent ensemble pour former un petit réservoir, qui n'a qu'une seule embouchure dans l'orcillette gauche; par le second, les deux veines du poûmon ne s'unissent point, elles percent chacune à part cette oreillette. Quelle contradiction!

Quelque grande que soit cette dissérence, elle paroît petite en comparaison de celle que je vais rapporter. Les deux veines du poûmon ne s'ouvrent point dans l'oreillette gauche, & ne versent point leur sang dans sa capacité. C'est M. du Verney qui nous l'apprend lui-même

dans sa premiere description; écoutons-le parler.

La veine du poûmon étoit double, y en ayant une de chaque côte; car ces veines se déchargeant dans chaque axilaire, pag. 198. mêloient le sang qu'elles avoient reçû du poûmon avec celui de la veine cave, pour le porter dans le ventricule droit duquel Paorte sortoit.

Premiere

Qui pourra parmi tant de faits qui se détruisent les Mem. 1703.

394 Memoires de l'Academie Royale

uns les autres, démêler les vrais d'avec les faux? Comment après cela faire fonds sur les observations de M. du Verney? Ne nous lassons pas cependant de le suivre dans ses variations; nous ne sommes encore qu'au commencement: revenons donc à ses deux réservoirs, & montronslui premierement que le terme de réservoir ne peut convenir aux troncs des veines sans abus.

Réfervoir, pris dans sa signification propre, ne se dit que d'un lieu où on amasse & où on réserve des eaux, pour les saire ensuite couler ou jaillir dans un autre. C'est dans ce sens que la vessie peut être appellée avec raison le réfervoir de l'urine, cette liqueur y étant retenue quelque

tems avant que de s'écouler par l'uretre.

On ne peur pas dire de même que le tronc de la veine cave, ni celui des veines du poûmon, soient les réservoirs du sang qui vient de toutes les parties du corps de la Tortue se rendre dans le cœur de cet animal par ces vaisseaux, puisqu'il ne fait qu'y passer sans arrêter un seul moment. Il est donc évident que l'application que M. du Verney sait du terme de réservoir au tronc de la veine cave, & à celui des veines du poûmon, n'est pas naturelle: car il lui est impossible de faire voir que le sang s'y repose un seul moment avant que d'entrer dans les oreillettes du cœur de la Tortue.

Supposé néanmoins que le mot de réservoir pût convenir improprement aux troncs des veines; faisons-lui voir secondement que son grand ni son petit réservoir n'existent point dans les Tortues: en voici plusieurs

preuves.

Premiere preuve. C'est une chose démontrée par tous les Géométres, que les capacités ou ouvertures des tuyaux circulaires, sont comme les quarrés de leurs diamétres ou de leurs circuits. Or on trouve par expérience que les circuits de l'aorte & de l'artere de communication sont presqu'égaux, & que celui de l'artere du poûmon est à très-peu de chose près double de chacun d'eux: donc la capacité de l'artere du poûmon sera à chacune

des leurs, comme le quarré de 2 est au quarré de 1, c'està-dire, comme quatre est à un; & par conséquent la capacité ou l'ouverture de l'attere du poûmon est environ quadruple de chacune de celles-là, c'est-à-dire, double des deux ensemble.

Or supposé que le sang qui passe des ventricules du cœur de la Tortue dans ces trois arteres y coulât avec la même vîtesse, il devroit passer par l'artere du poûmon deux onces de sang, pendant qu'il n'en passeroit que demie-once dans chacune des deux autres; & par conséquent le réservoir des veines du poûmon de la Tortue, qui reçoit le sang de l'artere pulmonaire, devroit être une sois plus grand que celui de la veine cave, qui reçoit le sang de l'aorte & du canal de communication. Cependant M. du Verney donne au réservoir de la veine cave une capacité quarante sois ou environ plus grande qu'au réservoir de la veine du poûmon, ce qui est absolument impossible. Ces deux réservoirs ne sont donc qu'imaginaires, suivant

même le rapport qu'il fait de ces trois arteres.

Seconde preuve. Car si , comme il le dit , l'artere du poûmon a autant de diamétre que l'aorte ascendante, & s'il suffit que le tiers du sang qui sort du cœur soit porté dans le poûmon, comme il le suppose, il est visible qu'il ne passera par l'aorte ascendante qu'un autre tiers de cette même masse de sang qui sort du cœur de la Tortue; il saut donc nécessairement que le troisième passe dans l'aorte descendante; les ouvertures de ces trois arteres, selon lui, doivent donc être égales; & par conséquent le réservoir qui reçoit le fang de ses deux arteres, ne peut être que double du réservoir qui reçoit le sang de l'artere du po ûmon dans sa supposition. Il est donc vrai qu'il s'est de beaucoup mécompté dans son calcul, en donnant environ quarante fois plus de capacité au tronc de la veine cave, dont il fait son grand réservoir, qu'au tronc de la veine du poûmon qui fait le petit : mais c'est-là la moindre de ses erreurs à cet égard, celle qui suit est beaucoup plus considérable.

Quatriémo description, p. 235. & p. 249.

Yyij

Pag. 244.

Troisiéme preuve. M. du Verney convient que par le terme de réservoir on n'entend autre chose qu'un tronc de veines formé par le concours de plusieurs autres, & qui tient lieu des

veines caves supérieure & inférieure dans la Tortue.

Or comme il est de la nature d'un tronc de veines de n'avoir qu'une capacité égale à celles de toutes les racines dont il est formé, puisqu'il ne porte que la même quantité de sang; que cependant la capacité de son petit réservoir est du moins six fois plus grande que celles des deux veines du poûmon prises ensemble, & la capacité de son grand réservoir trente sois ou environ plus grande que celles des deux troncs de la veine cave, & des axilaires prises ensemble; ce qu'on peut voir par la septiéme & huitième Figure de la cinquième Planche; il est évident que ces deux réservoirs ne peuvent exister dans les Tortues.

Quatriéme preuve. Pour en être encore plus convaincus, il n'y a qu'à comparer seulement le grand réservoir avec le cœur, tels qu'ils sont l'un & l'autre représentés dans la seconde & la quatriéme Figures qui se trouvent à la fin de sa quatriéme description; on verra par ces deux Figures, que la seule capacité de ce réservoir est du moins double de celles des deux oreillettes, & des trois ventricules du cœur de la Tortue prises toutes ensemble; ce qui est absurde.

Cinquiéme preuve. Si M. du Verney ne veut pas se rendre à ces preuves qui ruinent visiblement ses deux réservoirs, qu'il s'en rapporte du moins à lui-même; qu'il prenne donc la peine de revoir les Figures du cœur de sa premiere Tortue de l'Amérique, il y remarquera qu'alors il prit soin que les deux troncs des veines caves gardassent avec leurs racines une égale proportion; il y verra aussi que les capacités des oreillettes sont de beaucoup plus grandes que celles des troncs des veines qui s'embouchent avec elles. Par-là il pourra aisément se désabuser de ces deux réservoirs imaginaires.

La sixième preuve, que ces réservoirs n'existoient pas

dans sa derniere Tortue de l'Amérique, se tire de la troisiéme Figure du cœur de nos petites Tortues de France qu'il a fait graver dans la seconde Planche, & de la description qu'il en a donnée à l'Académie. Dans la Figure ces réservoirs ne sont point représentés. M. du Verney n'en parle point dans sa troisiéme description. Je vais en rapporter deux passages qui confirment ce que j'avance. Voici le premier.

On voit, dit-il, sous l'oreillette droite un tronc de veines for-Troisiéme me par la réunion de plusieurs vaisseaux, lequel s'ouvre à côté description.

& un peu au-dessous de cette oreillette.

Voilà le second. Les deux veines du poûmon viennent se décharger au bas de l'oreillette gauche, & ces deux veines la cription,

percent chacune à part.

Il n'a donc point trouvé au cœur de ces petits animaux ces deux réservoirs; il n'en sait point mention dans la description de sa premiere Tortue de l'Amérique, & les Figures qu'il nous a données des veines du cœur de cet animal ne représentent nullement ces réservoirs. Il y a donc d'autant moins lieu de croire qu'il les ait vûs dans

la seconde, qu'il nous assure qu'elle lui a servi à confirmer les observations qu'il a faites sur les petites Tortues de France, dans lesquelles il est constant que ces deux réservoirs ne se rencontrent pas : & par conséquent toutes les Figures magnifiques qu'il nous en a données ne sont qu'une pure illusion; autrement il auroit dû nous avertir que sa derniere Tortue de l'Amérique lui a servi à réformer les observations qu'il a faites sur les petites Tortues de France, & non pas à les confirmer, comme il nous dit dans sa quatriéme description.

Quoiqu'il foit vrai que ces deux réservoirs n'existent point dans les Tortues, examinons néanmoins si M. du Verney est plus d'accord avec lui même sur ce qu'il nous rapporte de leur structure intérieure & de leurs valvulles.

Voici ce qu'il nous dit de son grand réservoir.

Ce réservoir par dedans est en quelque maniere tapissé de fibres charnues, qui se croisent & s'entrelassent à peu près comdescription, p.

Quatriéme

Même def-

me celles qui se voient au-dedans des oreillettes du cœur de l'homme; la veine cave est tapissée de même de la longueur d'environ un pouce, & les embouchures des autres vaisseaux le sont

auffi.

En lisant cet endroit, qui ne concevra que ce grand réservoir & la veine cave sont deux parties aussi distinctes que sont les oreillettes & les ventricules? M. du Verney nous avertit cependant quinze pages après, que par le l'ag. 244. terme de réservoir on n'entend autre chose qu'un tronc de veines formé par le concours de plusieurs autres, & qui tient lieu de veines caves supérieure & inférieure dans la Tortue.

> Ne devoit-il pas nous donner d'abord cet avertissement, pour nous faire comprendre que l'un & l'autre ne sont que la même chose dans son idée, parce qu'on sçait qu'un canal & un réservoir sont deux choses fort diffé-

rentes?

Si l'on compare ces nouvelles remarques de M. du Verney avec ses anciennes observations, on ne sçaura que croire de cette tapisserie, dont il orne les réservoirs imaginaires de sa seconde Tortue de l'Amérique; car comme il n'en parle point dans la description des vaisseaux de la premiere, qui pourra se persuader qu'il l'ait trouvée dans ceux de la seconde, qui lui a servi à confirmer les observations qu'il a faites sur les petites Tortues de France, dans lesquelles il n'a pas aussi rencontré cette tapisserie, comme il paroît par les deux passages de sa troisiéme description que je viens de rapporter, dans lesquels il n'en est fait non plus de mention que des réservoirs?

D'ailleurs, s'il n'y a point de différence entre les veines de la Tortue terrestre de l'Amérique & celles de la Tortue de mer, je puis assûrer que cette tapisserie qui se trouve à la vérité dans les veines axilaires, ne se rencontre affûrément pas dans les veines du poûmon. M. du Verney nous dit cependant que le bassin du petit réservoir est aussi garni par dedans de fibres charnues, mais en moindre quantité

que celui du grand réservoir.

On se trouvera encore plus embarrassé en lisant ce qu'il

Pag. 230.

nous rapporte des valvulles de ces deux réservoirs. On remarque dans sa quatriéme description, qu'à l'embouchure du grand réservoir il y a deux valvulles situées un peu obliquement par rapport à l'oreillette droite. Quand elles se joignent, elles ferment exactement cette ouverture.

Dans la troisiéme description du cœur des petites Tortues de France, nous lisons qu'à l'embouchure du tronc de veines qu'on voit sous l'oreillette droite, il y a une valvulle ou soupape de la figure d'un croissant qui borde toute description. l'embouchure de ce vaisseau; il faudroit pour cela qu'elle sût circulaire.

Troisiéme

Pag. 230.

C'est ainsi que M. du Verney consirme les observations qu'il a faites sur les petites Tortues de France, par celles de sa derniere Tortue de l'Amérique. Il fait plus, il détruit les unes & les autres par les remarques qu'il a faites fur la premiere. Car dans la description qu'il nous en a donnée, il dit bien que la veine cave qui avoit deux troncs sortans l'un de la partie droite du foie, & l'autre de la partie description, p. gauche, portoit le sang par chacun de ses troncs dans chacune des oreillettes; mais il ne nous marque point qu'à l'embouchure de ces vaisseaux avec les oreillettes il y eût aucune valvulle.

Premiere

Y a-t-il donc à l'entrée du tronc de la veine cave dont M. du Verney fait son grand réservoir, deux ou une, ou point de soupape? Il semble qu'il n'y a que lui seul qui puisse nous tirer du doute où il nous a mis par ses différentes observations: mais quand il se sera expliqué, qui le croira? Ne pourroit-il pas encore, après s'être mépris tant de fois, nous rejetter dans la même incertitude par de nouvelles erreurs? Le plus sûr, pour nos Anatomistes, est donc de n'employer que leurs propres mains & leurs propres yeux pour s'assûrer d'un fait dont il nous parle si différemment. Voyons maintenant si nous aurons lieu d'être plus satisfaits de ce qu'il nous dit de la valvulle de son petit réservoir; écoutons le parler.

Le bassin du petit réservoir, dans les petites Tortues, ce que je n'ai point vû, dit-il, dans la grande, a à son embouchure description, p.

Quatriéme

une valvulle charnue en forme de croissant.

Il est évident par ce passage, que M. du Verney donne aux veines du poûmon de nos petites Tortues le même réservoir qu'il dit avoir observé dans sa grande Tortue de l'Amérique. Si cela est, d'où vient donc que dans sa troisiéme description originale du cœur de ces petits animaux, qu'il donna à l'Académie le même jour qu'il rendit publique celle du cœur de sa grande Tortue, si la date est vraie, il n'y fait aucune mention de ce petit réservoir? Il n'y parle pas même du grand; & de la maniere qu'il s'y explique, il y a toute apparence qu'il n'a pas vû ces réservoirs dans les petites Tortues, puisqu'il nous dit seulement qu'on voit sous l'oreillette droite un tronc de veines formé par l'union de plusieurs vaisseaux, lequel s'ouvre à côte, & un peu au dessous de cette oreillette; & que les deux veines du poûmon viennent se décharger au bas de l'oreillette gauche, & ces deux veines la percent chacune à part, quoique fort près l'une de l'autre. Cela étant, comment se peutil donc faire que M. du Verney ait vû dans nos petites Tortues de terre, à l'embouchure de son petit réservoir avec l'oreillette gauche, une valvulle charnue faite en forme de croissant, puisque les deux veines du poûmon au lieu de former un bassin, percent cette oreillette chacune à part? Peut-on ainsi tomber dans une telle contradiction en un même jour? Bien plus, tout ce qu'il nous dit des veines du poûmon dans sa troisième description, & de son petit réservoir dans la quatrième, est faux, si ce qu'il nous rapporte de ces mêmes veines dans la premiere est vrai. Voici ses propres paroles:

Premiere description, p. 198.

Troisiéme

description.

Les deux veines du poûmon se déchargeant dans chaque axilaire, méloient le sang qu'elles avoient reçû du poûmon avec celui de la veine cave, pour le porter dans le ventricule droit. Ces veines, encore une sois, ne s'ouvrent donc pas dans l'oreillette gauche; elles ne forment donc point de réservoir à son embouchure, & n'ont point de valvulle. Qui pourra démêler la vérité parmi tant d'observations qui se détruisent les unes les autres? Trop d'obscurité l'environne pour pouvoir la découvrir. Nous ne sçaurions rien apprendre de certain de ces réservoirs par tant de variations : cherchons à nous dédommager sur les oreillettes; peut-être M. du Verney nous apprendra-t-il quelque cho-

se de plus sûr de ces parties.

Dans toutes les descriptions du cœur de la Tortue qu'il a données à l'Académie & au Public, il convient que l'oreillette droite est beaucoup plus grande que l'oreillette gauche; il seroit à souhaiter qu'il fût de même d'accord avec lui-même sur le nombre des valvulles qu'il place aux passages des oreillettes aux ventricules; mais il n'en est pas ainsi. Sur ce seul fait il a deux sentimens fort dissérens l'un de l'autre, ce qui nous prive du plaisir que donne une vérité connue.

Dans la description qu'il nous a donnée de sa premiere Tortue de l'Amérique, il dit qu'il a observé que les oreillettes du cœur de cet animal, s'ouvroient à l'ordinaire chacune dans un ventricule, & qu'à chacune des ouvertures qui donnoient passage au sang de l'oreillette dans le ventricule, il y avoit trois valvulles sigmoides, qui, contre l'ordinaire de cette espece de valvulles, empêchoient que le sang ne pût sortir du cœur pour retourner dans les oreillettes, faisant l'office de val-

vulles triglochines.

Au contraire, dans la description de sa derniere Tortue de l'Amérique, il nous dir qu'il a remarqué qu'à l'embouchure de chaque oreillette il y a une valvulle. Les figures ré-description, p. pondent à ces descriptions, on voit effectivement trois 231. valvulles à l'embouchure de chaque oreilleue avec fon ventricule dans les figures du cœur de sa premiere Tortue, on n'en voit qu'une dans celles de la seconde. Quelle différence!

Comme M. du Verney ne nous avertit point où il s'est trompé, on ne peut sçavoir dans laquelle de ces deux descriptions se rencontre la vérité.

Je pourrois assûrer qu'elle ne se trouve ni dans l'une ni dans l'autre, s'il n'y a point de différence entre le cœur de la Tortue terrestre de l'Amérique, & celui de la Tor-

Mém. 1703.

Pag. 198;

Ouatriéme

262 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE tue de mer; car dans celle-ci il y a trois valvulles à l'entrée du ventricule gauche du cœur, il n'y en a qu'une à l'entrée du ventricule droit. Les mêmes valvulles sont aussi dans le cœur des petites Tortues de France, ce qui donne lieu de croire qu'elles doivent être dans le cœur de la Tortue terrestre de l'Amérique, quoiqu'il n'ait pû les découvrir ni dans les unes ni dans les autres. L'ordre des parties que nous avons à examiner demande que nous passions avec M. du Verney des oreillettes aux ventricules.

Par sa premiere description il nous apprend qu'il a trouvé trois ventricules dans le cœur de la Tortue. Il en place deux dans la partie postérieure du cœur qui regarde l'épine, & le troiliéme dans la partie antérieure. Voici comme il en parle.

Premiero description, pag. 198.

Les oreillettes s'ouvroient à l'ordinaire chacune dans un ventricule. Outre ces deux ventricules qui étoient en la partie postérieure du cœur qui regarde l'épine, il y en avoit un troisiéme dans la partie antérieure tirant un peu vers le côté droit.

Le terme de ventricule dont M. du Verney s'est servi dans sa premiere & dans sa seconde description lui ayant ensuite déplû, il a jugé à propos de le changer en celui de cavité dans la troisiéme, & dans la quatriéme. Non content de changer de terme, il donne encore aux cavités du cœur de la Tortue une situation nouvelle dans sa quatriéme description; car après nous avoir marqué dans la premiere que des trois ventricules du cœur de la Tortue, deux étoient situés dans la partie postérieure du cœur, le troisième dans la partie antérieure, il nous dit Quatriéme dans la quatriéme qu'il y a trois cavités dans le cœur de cet animal; l'une est dans la partie gauche, & les deux autres dans la droite. La cavité de la partie gauche l'occupe seule toute entiere, & les deux de la partie droite sont placées l'une sur l'autre. Cependant dans sa troisiéme description il nous dir que les cavités de la partie droite sont placées l'une au devant de l'autre.

description, p. 232.

Troisiéme description.

Après avoir changé le nom de ventricule en celui de

cavité, M. du Verney s'étant apperçû qu'on pouvoir lui objecter que ces deux mots étant synonimes, il n'y a point de différence entre ventricule droit & cavité droite, ni entre ventricule gauche & cavité gauche; il s'est avisé de ne plus distinguer les trois ventricules du cœur de la Tortue, ni par leur situation, ni par rapport aux oreillettes; mais seulement par les termes de premiere, de seconde & de troisséme cavité. Voici comme il s'explique dans sa quatriéme description.

Des deux cavités qui regardent l'écaille de dessus, j'appellerai dans la suite premiere cavité celle qui reçoit le sang de l'oreillette droite; seconde cavité, celle qui occupe toute la partie gauche, & qui reçoit le sang de l'oreillette gauche; & troisième cavité, celle qui est au dessous de la premiere, dans la-

quelle s'embouche l'artere du poûmon.

La raison qui l'a engagé à faire ce changement, est qu'on ne peut pas donner, dit-il, aux cavités du cœur de la Tortue le nom de ventricule droit & de ventricule gauche, en attachant à ces deux mots les idées ordinaires; parce que d'un côté si on les regarde par rapport aux oreillettes & au cours du sang veineux, l'une pourroit être à la vérité appellée ventricule droit, & l'autre ventricule gauche; mais si on les regarde par rapport à la naissance des arteres, la même cavité qu'on appelle ventricule droit devroit être nommée aussi ventricule gauche, puisqu'elle donne naissance à l'aorte. Ce qu'on appelle ventricule gauche n'auroit donc point d'artere; & ce qu'on nomme troisséme ventricule n'auroit point d'oreillette ni de veine; ce qui est contraire à la conformation du cœur de l'homme; & de la plûpart des animaux.

On reconnoît cette différence avec M. du Verney: mais elle n'empêche pas que tout le raisonnement qu'il vient de nous faire ne soit un sophisme des plus grossiers. Car il n'y a point d'Anatomiste, si peu éclairé qu'il soit, qui ne sçache que ce n'est point à raison, ni de l'origine des arteres, ni de l'insertion des troncs des veines, ni du cours du sang, que les noms de droit & de gauche ont été donnés aux oreillettes & aux ventricules du cœur; mais

Quatriéme description, p. 232.

Pag. 24%

seulement à cause de leur situation. M. du Verney en convient lui-même dans sa troisiéme description; puisqu'en y parlant des cavités du cœur de la Tortue, il nous dit : J'appellerai dans la suite celle qui regarde l'épine, cavité droite, tant à cause de sa situation, que parce qu'elle reçoit le sang de l'oreillette droite; j'appellerai cavité gauche celle qui occupe toute la partie gauche. Peut-on ainsi sur un même sujet

changer de sentiment dans un même jour?

Cette derniere idée de M. du Verney étant tout-à-fait conforme à la nature, n'est-on pas en droit de lui représenter, que puisque sa premiere & sa seconde cavité du cœur de la Tortue gardent, suivant ses propres remarques, dans cet animal la même situation qu'ont dans le cœur de l'homme les deux ventricules, il n'a point dû, ni de ce que le ventricule gauche n'a point d'artere, ni de ce que le droit donne naissance à l'aorte, ni de ce que celui du milieu n'a point d'oreillette ni de veines, il n'a point dû, dis-je, leur ôter, comme il a fait dans sa quatriéme description, les noms de droit & de gauche qu'il leur donne dans la troisiéme. Il n'a pas dû non plus ne distinguer ces trois ventricules que par les noms de premiere, feconde & troisième cavité, puisque tout ce changement de termes ne peut être propre qu'à brouiller l'idée naturelle qu'ont tous les Anatomistes de la situation de ces ventricules.

Peut-être sera-t-on surpris que je me sois amusé à des minuties qui ne méritent pas la peine d'être remarquées; mais cette surprise cessera dès qu'on sçaura que je ne m'y suis arrêté qu'afin de faire connoître que M. du Verney Quatriéme n'a pas eu raison de dire, que ce qui a été pour l'Auteur du description, p. système une troisième source d'erreur, c'est l'équivoque qu'il a faite, lorsqu'il a donné le nom de ventricules aux cavités du cœur de la Tortue; que j'ai crû ne devoir distinguer que par les

noms de premiere, seconde & troisiéme cavité.

Si appeller avec tous les Anatomistes, les cavités du cœur ventricules, est une équivoque qui conduit à l'erreur, M. du Verney doit convenir qu'il y est tombé avant moi;

256.

Troisieme description.

puisque dans sa premiere description il n'y a aucun endroit où il ait employé le nom de cavité pour celui de ventricule, & que dans la seconde il se sert de l'un & de l'autre terme indifféremment. D'ailleurs, il manque étrangement de mémoire, lorsqu'il continue de dire d'un air méprisant, en parlant de l'Auteur du nouveau système : Mais Pag. 256, puisqu'il demeure d'accord que ces prétendus ventricules communiquent entr'eux, il n'a dû les regarder que comme un seul, & non pas en raisonner comme de trois ventricules différens, aussi distincts & separés entr'eux, que le sont les deux du cœur de l'homme. Ces trois cavités du cœur de la Tortue ne sont en effet qu'un seul ventricule peu différent de celui du cœur des poissons & des grenouilles.

Le cœur de la Carpe n'a qu'une seule cavité, celui de la Tortue en a trois, la différence n'est donc pas si petite que le croit M. du Verney. De plus, cette pensée que les trois ventricules du cœur de la Tortue n'en font qu'un seul, n'est assurément pas de lui. Je lui communiquai certe idée, lorsqu'en 1685 je sis voir à l'Académie par le cœur d'une Tortue de mer dissequé, que toutes les observations qu'il avoit faites sur cette partie dans sa premiere

Tortue de l'Amérique étoient fausses.

Ce qui sert de premiere preuve à cette vérité, c'est que dans sa premiere description du cœur de cet animal, on n'y lit dans aucun endroit que les trois ventricules de son cœur n'en fassent qu'un seul. La seconde preuve qui confirme cette vérité est accablante pour M. du Verney; elle porte avec elle tant de lumiere, que j'ose me flatter que tous ceux qui la liront verront qu'il a pris non seulement cette pensée dans un de mes Mémoires imprimé parmi ceux de l'Académie; mais encore tout ce qu'il nous dit de meilleur dans tout son Traité, sur la structure du cœur de la Tortue, sur l'usage de ses trois ventricules, & sur la circulation du sang de cet animal. Pour épargner au Lecteur la peine de chercher cette preuve dans ce Mémoire, je vais rapporter mot pour mot ce qu'il contient touchant cette matiere, sans rien dire du reste.

Zziij

366 Memoires de l'Academie Royale

Mémoires mie du 21 Août 1693. P. 137.

Il y a trois ventricules dans le cœur de la Tortue: le » ventricule gauche est séparé du-droit par une cloison » charnue, qui a vers la base du cœur une ouverture à peu » près égale à celle du cœur du fœtus humain, & qui est » toute percée d'une infinité d'autres petits trous, par les-» quels ces deux ventricules ont communication ensemble. » Le ventricule du milieu, qui est beaucoup plus petit que » les deux autres, communique avec le ventricule droit » par une ouverture presqu'aussi large que toute sa cavité, » & ne doit être considéré que comme une extension du » ventricule droit, dont il n'est distingué que par un petit » rétrécissement. Ces trois-ventricules ayant donc commu-» nication ensemble, il ne les faut compter que pour un » feul.

Il paroît par la disposition des vaisseaux, que ces trois ventricules agissent dépendamment l'un de l'autre. Car » le ventricule gauche ne donne naissance à aucune artere; » mais il reçoit seulement le tronc de la veine du poûmon, » laquelle se termine à l'oreillette gauche du cœur : au con-» traire le ventricule du milieu donne naissance à l'artere du » poûmon, & ne reçoit aucune veine; mais le ventricule » droit donne naissance au tronc de l'aorte, & à l'artere qui » dans le fœtus tient lieu du canal de communication entre » l'artere du poûmon & l'aorte descendante, & il reçoit le » tronc de la veine cave, laquelle se termine à l'oreillette » droite du cœur. Le ventricule du milieu ne fait donc que » porter une partie du sang dans le poûmon; & le ventri-» cule gauche rapporte ce sang dans le ventricule droit, » d'où tout le sang est poussé dans les arteres : ainsi ces ven-» tricules dépendent l'un de l'autre pour agir, & toutes les » forces du cœur concourent ensemble pour pousser le » fang hors du ventricule droit.

Le cours du fang montre la même chose encore plus » évidemment. Le fang fortant du ventricule droit du cœur Pag. 138. v de la Tortue se partage en deux. La plus grande partie mentre dans l'aorte & dans l'artere de communication, & e après avoir été distribuée par tout le corps, à la réserve

des poûmons, elle revient par la veine cave dans le ven- « rricule droit, où elle acheve sa circulation sans passer par « les poûmons, ni par le ventricule gauche. L'autre partie « destinée pour nourrir les poûmons qui ne reçoivent, « comme le reste du corps, qu'autant de sang qu'il en saut « pour leur nourriture, passe du ventricule droit dans ce- « lui du milieu, & de-là dans l'artere des poûmons; & ayant « été distribuée dans les poûmons, elle entre par la veine « des poûmons dans le ventricule gauche: mais n'y trou- « vant point d'artere par où elle puisse sortir, elle est contrainte de s'échapper par les trous de la cloison charnue, « & de rentrer dans le ventricule droit, où elle finit sa cir- « culation sans passer par tout le reste des parties du corps « de la Tortue. Or il n'y a pas d'apparence que tout l'effort « de la contraction du ventricule gauche se termine à ne « faire faire au sang qu'il contient qu'une ligne de chemin, « que ce sang a seulement à parcourir pour se rendre dans « le ventricule droit par la cloison charnue. Il est donc évi- « dent que toutes les forces du cœur de la Tortue sont unies « pour pousser hors du ventricule droit tout le sang qui vient « se rassembler dans ce ventricule.

Il n'en est pas de même du cœur de l'homme. Car pre- mierement, la cloison charnue qui sépare les deux ven- tricules n'étant point percée comme elle l'est dans la Tortue, ces ventricules n'ont point de communication

ensemble, & ils font leur fonction chacun à part.

Secondement, le ventricule gauche donne naissance au etronc de l'aorte, & reçoit la veine du poûmon: le ventri- cule droit donne naissance à l'artere du poûmon, & re- coit la veine cave; ainsi ces deux ventricules ayant chacun une artere & une veine, ils agissent indépendamment une de l'autre, & ils sont séparément ce que les trois ventricules de la Tortue sont ensemble.

Troisiémement, le sang tient toute une autre route dans « le cœur de l'homme, que dans celui de la Tortue. Car le « sang qui sort du ventricule gauche du cœur de l'homme, « a ayant été distribué par les branches de l'aorte dans tou- « Pag. 139.

» tes les parties du corps à la réserve du poûmon, & étant » rentré dans les veines, se rassemble dans le ventricule droit. » De-là il est porté dans les arteres du poûmon, qui le ré-» pandent dans toute la substance du poûmon; & ensuite il » rentre dans les veines du poûmon, qui le déchargent dans » le ventricule gauche du cœur, pour être de rechef porté o dans l'aorte.

On voit donc, & par la structure des ventricules du • cœur, & par la disposition des vaisseaux, & par le cours » du fang, que les trois ventricules du cœur de la Tortue » ne font, à proprement parler, qu'un seul ventricule, & » que toutes les forces du cœur concourent ensemble à » pousser le sang hors du ventricule droit, pour lui faire prendre la route des arteres, qui tirent toutes leur oringine de ce ventricule : au lieu que les deux ventricules du » cœur de l'homme n'ayant point de communication en-» semble, font leur fonction chacun en particulier, & pous-» sent le sang l'un dans l'aorte, & l'autre dans l'artere du

» poûmon.

Pag. 140.

Cette différente route que tient le fang, montre clairement que le fang fait bien moins de chemin dans le » corps de la Tortue, que dans celui de l'homme. Car dans » la Tortue, la plus grande partie du sang ayant passé du · cœur dans l'aorte & dans l'artere de communication, » acheve sa circulation sans traverser les poûmons; & l'aure partie qui passe par le poûmon, acheve aussi sa circu-» lation sans passer par le reste du corps : mais dans l'homme tout le sang que les deux troncs de la veine cave ont » déchargé dans le ventricule droit, fait un long circuit » par les poûmons pour aller se rendre dans le cœur par le » ventricule gauche. Ainsi tout le sang de la Tortue ne » passe qu'une fois dans son cœur à chaque circulation: mais passe deux fois dans le cœur de l'homme; la premiere fois, lorsque les deux troncs de la veine cave le dé-» chargent dans le ventricule droit; la seconde, lorsque les veines du poûmon le portent dans le ventricule gauche.

Ce petit extrait ne fera que trop connoître quelle est

ma

ma pensée sur les ventricules du cœur de la Tortuë: ainsi loin de me plaindre de me voir ravir mon sentiment par M. du Verney pour se l'attribuer à lui-même, je ne sçaurois assez lui en marquer ma reconnoissance; il m'auroit fait beaucoup moins d'honneur par une simple approbation. Quand il dit que j'ai raisonné des cavités du cœur de la Tortuë, comme de trois ventricules différens, aussi distincts description, pr & separés entr'eux que le sont les deux du cœur de l'homme; 256. c'est une fausse supposition qu'il n'a pas osé avancer dans sa troisieme description, qui est dans les Registres de l'Académie; mais qu'il a fait imprimer dans les Mémoires de cette Compagnie à son insçû.

Au reste, ce petit extrait que je viens de donner, étant confronté avec la seconde Partie du Traité de M. du Verney, suffit seul pour convaincre le Lecteur qui se connoît en ces matieres, que ce qu'il nous dit de la structure du cœur de la Tortuë, de l'usage de ses trois ventricules, & de la circulation du fang dans cet animal, n'est qu'une imitation grossiere du Mémoire d'où cet extrait a été tiré. Aussi est-ce la seule réponse que mon emploi de l'Hôtel-Dieu me permet de faire à cette seconde partie de son discours, qui ne me regarde point ou beaucoup moins que la troisieme, qu'il appelle Critique du nouveau Système, à laquelle je répondrai à la fin de l'examen de ses faits, que je vais continuer.

Dans la premiere description M. du Verney ne nous dit rien de particulier sur la disposition des sibres du cœur de la Tortuë. Dans la quatrieme il nous apprend que le cœur de la Tortuë, de même que celui des autres animaux, est composé de plusieurs couches de fibres, qui commençant d'un des côtés de la base, décrivent chacun une double spirale opposee l'une à l'autre, & vont se terminer à la partie opposée de

la même base.

Assurer les choses sans les démontrer, j'ose même dire fans les avoir vûes soi-même, c'est vouloir qu'on les croye sur ce qu'on s'en imagine, & c'est trop exiger du Public. Il est constant que M. du Verney n'a point fait voir à l'A-Mém. 1703. A aa

pag. 233;

cadémie cette double spirale dans sa derniere Tortuë de l'Amérique; il n'en parle point dans la description du cœur de la premiere; d'ailleurs les Figures qu'il a fait saire du cœur de l'une & de l'autre ne la représentent point; ensin de ce qu'elle se trouve dans le cœur du Veau, il n'a pas dû insérer qu'elle se rencontre dans le cœur de la Tortuë. Car il a pû apprendre de l'Anatomie comparée, que la valvulle spirale qui se rencontre dans les intestins du Renard marin, ne se trouve pas dans ceux de la Tortuë; & il n'ignore pas que les valvulles spirales qu'on voit dans les intestins de l'Autruche, ne sont pas dans ceux du Cocq. S'il veut donc qu'on croye qu'il ait découvert dans le cœur de la Tortuë une double spirale, il doit nous la démontrer: jusques-là on pourra en douter.

Il est tems de quitter le cœur de cet animal: suivons M. du Verney; passons avec lui des ventricules aux arteres qui en tirent leur origine. Montrons-lui par un examen sidele que nous allons saire de ces vaisseaux & de leurs valvulles, qu'il détruit lui-même par les observations qu'il a faites sur ces parties dans sa derniere Tortue de l'Amérique, tous les faits qu'il a observés sur ces mêmes vaisseaux

dans la premiere.

Premiere description, p. 198. & 199.

On lit dans la description du cœur de la premiere, que les deux ventricules postérieurs, ainsi qu'il a été dit, reçoivent le sang des deux troncs de la veine cave avec le sang de la veine du poûmon, laquelle étoit double, y en ayant une de chaque côté: car ces veines se déchargeant dans chaque axilaire, méloient le sang qu'elles avoient reçû du poûmon avec celui de la veine cave, pour le porter dans le ventricule droit duquel l'aorte sortoit. Le ventricule antérieur n'avoit point d'autre vaisseau que l'artere du poûmon. Cette artere de même que l'aorte avoit trois valvulles sigmoïdes, dont l'action étoit d'empêcher que le sang qui est sorti du cœur n'y rentre, lorsque les ventricules viennent à se dilater pour recevoir le sang de la veine cave, & de celle du poûmon.

M. du Verney nous dit cependant dans la description du cœur de sa seconde Tortuë terrestre de l'Amérique,

qu'il sort trois arteres considérables du coté droit de la base du cœur qui regarde l'écaille de dessous : deux de ces arteres composent l'aorte, & s'ouvrent dans la premiere cavité du cœur ; la troisieme artere, qui est celle du poûmon, sort immédiatement de la troisieme cavité du cœur : à chacune de leurs embouchures il y a deux valvulles de sigure sigmoïde, lesquelles ont le même usage que dans les autres animaux.

Quatricine description.

Pag. 234.

Un Anatomiste qui n'a point eu l'occasion d'examiner lui même le cœur de la Tortuë, doit se trouver sort embarrassé en lisant ces deux descriptions. On voit dans l'une que le cœur de cet animal n'a que deux arteres distinctes, & trois valvulles à l'embouchure de chacun de ces vaisseaux; dans l'autre il est porté qu'il en sort trois arteres, & qu'il n'y a à l'embouchure de chacune que deux valvulles. Dans laquelle de ces deux descriptions se rencontre la vérité? C'est ce qu'on ne sçauroit reconnoître, M. du Verney ne s'étant point rétracté dans l'une de ce qu'il a dit dans l'autre.

Cependant par les observations que j'ai saites sur les Tortuës de terre & de mer, je puis dire avec certitude qu'il s'est mépris sur le nombre des arteres, & sur celui de leurs valvulles dans sa premiere description; & il est vrai, comme il le marque d'abord dans la quatrieme, qu'il sort trois troncs d'arteres du cœur de la Tortuë, & qu'il n'y a essectivement à l'embouchure de chaque tronc que deux valvulles sigmoïdes, ce que je lui montrai dans l'Académie en 1685. Je ne rapporte cette verité que parce qu'on ne peut pas s'en assurer sur ses observations. Car pour peu qu'on sasse attention sur ce qu'il dit ensuite, on ne pourra s'empêcher de douter s'il sort aucune artere du cœur de cet animal.

En effet, quoiqu'il dise qu'il sort trois arteres considérables du côté droit de la base du cœur, qui regarde l'écaille de dessous; 234. que deux de ces arteres composent l'aorte, & s'ouvrent dans la premiere cavité du cœur; & que la troisieme artere, qui est celle du poûmon, sort immédiatement de la troisieme cavité du cœur; on peut cependant lui objecter premierement, que si c'est

pag. 233.

Pag. 234,

Aaaij

pag. 234.

cette même troisieme artere qui fait le premier tronc de l'aorte; comme il le prétend; il ne doit sortir (cela étant) que deux troncs d'arteres du cœur de la Tortue, sçavoir l'artere du poûmon, & le second tronc de l'aorte, puisque l'artere du poûmon fait le premier.

pag. 254.

Secondement. Si l'aorte descendante n'est qu'une branche de l'aorte ascendante, comme il paroît par ce passage de sa Critique, où il dit: Il reste à présent à examiner si dans la Tortuë la branche de l'aorte que j'appelle descendante, peut servir au même usage que le canal arteriel du sætus, & qu'on veut comparer à ce canal. On peut encore lui objecter que suivant cela il ne devroit sortir du cœur de la Tortuë que le seul tronc de l'artere des poûmons de cet animal; puisque son second tronc n'est qu'une branche de l'aorte, & celle-ci une branche de l'artere des poûmons.

pag. 257. & 258.

Troisiemement. Mais si la petite portion de sang qui suffit à ces parties, leur est portée par quelques branches de l'aorte, qui fournit le sang à tout le corps, comme il le suppose dans fa Critique, on peut enfin lui objecter que les arteres des poûmons ne peuvent être à leur tour que quelques branches de l'aorte, & qu'il n'y a que cette seule artere qui puisse tirer immédiatement son origine du cœur de la Tortuë. Or comme il est visible par toutes ces variations de M. du Verney qu'il détruit d'abord les deux aortes, en les faifant naître du tronc de l'artere des poûmons; qu'il anéantit ensuite l'artere pulmonaire, en faisant porter le sang aux poûmons de la Tortuë par quelques branches de l'aorte qui fournit le sang à tout le corps de cet animal: on ne peut donc être persuadé par tout ce qu'il nous rapporte de ses vaisseaux dans sa quatrieme description, qu'il sorte aucune artere du cœur de la Tortuë. Cependant il en fort trois troncs; mais l'on ne peut encore apprendre des observations de M. du Verney, de quels ventricules ces arteres tirent leur origine; parce qu'après nous avoir dit qu'il sort trois arteres considérables du côté droit de la base du cœur; que deux de ces arteres composent

£ 234.

l'aorte, & s'ouvrent dans la premiere cavité du cœur, & que la troisieme artere, qui est celle du poûmon, sort immediatement de la troisieme cavité, M. du Verney nous apprend ensuite que ces trois arteres répondent aux trois cavités du cœur de la Tortuë. Voici ses propres paroles:

Les trois arteres qui répondent à ces trois cavités, n'ont enfemble, dans la Tortuë, que la même fonction qu'a l'artere du cœur dans ces autres animaux. C'est des Poissons & des

Grenouilles qu'il parle.

Si ces trois arteres du cœur de la Tortuë répondent à ces trois cavités, chaque cavité donne donc naissance à une artere; ainsi il n'est pas vrai que deux de ces arteres s'ouvrent dans la premiere cavité du cœur de cet animal: ou si cela est, il est donc faux que ces trois arteres répondent aux trois cavités du cœur de la Tortuë; en esset il est

évident que la cavité gauche n'a point d'artere.

D'ailleurs, si l'artere du poûmon fait le premier tronc de l'aorte, & que le second ne soit qu'une branche de celuici, comme il l'a supposé, il ne doit sortir aucune artere de la premiere cavité du cœur; puisque l'artere pulmonaire, dont les aortes ne sont que des branches, suivant les remarques de M. du Verney, tire son origine de la troisieme cavité. Qui peut donc sçavoir au vrai par ces observations si dissérentes les unes des autres, de quelles cavités du cœur de la Tortuë partent les troncs de ces vaisseaux? & peut-on espérer de sçavoir de lui la véritable origine de leurs branches? Non.

Dans sa premiere description il nous dit, que l'aorte au fortir du ventricule droit se partageoit en deux branches qui cription, pag. formoient deux crosses. Ces crosses avant que d'être tout-à-fait 199. tournées en embas, produisoient les axilaires & les carotides. Ensuite la crosse gauche descendant le long des vertebres jettoit trois branches. La premiere se distribuoit à toutes les parties du ventricule. La seconde alloit au soie, au pancreas, au duo-denum & à la rate. La troisieme fournissoit des rameaux à tous les intestins. Ensuite elle s'unissoit avec la branche de la crosse droite, qui descendoit jusques-là sans jetter aucuns rameaux,

pag. 256.

A aaiij

& toutes deux ne formoient qu'un tronc, qui descendant le long du corps des vertebres, donnoit des rameaux à toutes les par-

ties du bas-ventre.

Quatrieme 234.

Par cette premiere description, il est visible que toutes ces branches prennent naissance du seul & unique tronc de l'aorte. Par celle qui va suivre, on verra qu'elles tirent toutes leur origine de l'artere du poûmon : C'est le même M. du Verney qui nous l'apprend, en nous disant que la description, p. troisieme artere, qui est celle du poûmon, sort immédiatement de la troisieme cavité du cœur. C'est cette même troisieme artere qui fait le premier tronc de l'aorte. Vers l'endroit où elle commence son contour, elle jette une branche considerable, qui d'abord se partage à droite & à gauche en deux arteres, dont la plus grosse fait l'axilaire, & la plus petite, la carotide; & parce qu'elle fournit de sang à toutes les parties superieures, je l'appelle l'aorte ascendante; elle descend ensuite au côté droit du cœur couchée sur le poûmon, & sans jetter aucun rameau, elle va recevoir celle dont je vais parler.

Meme page & p. 235.

Le second tronc de l'aorte se recourbe de même au côté gauche du cœur, & sans jetter aussi aucun rameau; il descend jusques sous le ventricule, & fournit dans cet endroit deux grosses branches, dont la supérieure tient lieu de caliaque, & l'inférieure de mesenterique; c'est pourquoi je l'appelle descendante. Ces deux branches ainst reunies ne forment plus qu'un tronc, lequel descendant, va se distribuer aux autres parties du bas ventre.

Par cette description il est aisé de faire voir que toutes ces branches ne sont que des rameaux du tronc de l'ar-

tere des poûmons; en voici la preuve.

L'artere du poûmon fait, selon M. du Verney, le premier tronc de l'aorte; le second n'est qu'une branche du premier, ce que je viens de faire voir par un de ses passages; donc toutes les branches qui naissent de ces deux aortes, ne sont que des rameaux du tronc de l'artere pulmonaire, puisque c'est de celle-ci que ces deux aortes tirent leur origine.

A entendre parler M. du Verney dans ces deux passages, de haut, de bas, d'extrémités inférieures, d'extremités supérieures, d'aorte ascendante, d'aorte descendante; qui ne croiroit que la Tortuë terrestre de l'Amerique marche la tête levée sur ses pattes de derriere, comme l'homme fait sur ses pieds, si l'on ne sçavoit que cet animal ne peut s'élever, & qu'il se sert toujours également de ses quatre pattes pour marcher? Cette licence n'est permise qu'à M. du Verney: tous les autres Anatomistes n'ont jamais prétendu être en droit d'appeller les jambes de devant de la Tortuë, non plus que celles d'unchien, les extrémités supérieures, ni celles de derriere les extrémités inférieures. Laissons-lui cette liberté; mais saisons-lui voir maintenant qu'il détruit dans sa quatrieme description la division des arteres qu'il a établie dans la première.

Par sa premiere description le tronc de l'aorte est simple, & se divise en six branches, quatre desquelles s'avançant en devant sont les deux axilaires & les deux carotides, les deux autres se recourbant en sorme de crosse gagnent le derriere du corps. Par sa quatrieme description l'aorte est double: son premier tronc se partage en cinq branches qui sont les axilaires, les carotides & la crosse droite; la crosse gauche sait son second tronc de l'aorte.

Par sa premiere description la crosse droite produit l'axilaire & la carotide droite, la crosse gauche produit l'axilaire & la carotide gauche, & ces deux crosses sont les deux principales branches du tronc unique de l'aorte. Par sa quatrieme description la crosse gauche ne produit aucun rameau avant de se courber en arriere, & sait un tronc particulier.

Par la premiere, la crosse gauche s'étant avancée sur le derriere produit trois rameaux, dont le premier va au ventricule, le second au soie, à la rate & au pancreas, le troisseme aux intestins. Par la quatrieme description cette même crosse gauche n'en produit que deux, dont l'un tient lieu de cœliaque, & l'autre de mesenterique.

Comme ces deux divisions sont fort différentes l'une de l'autre, il doit nous avertir dans une cinquieme des

cription qu'il promet, quelle est celle qu'on peut suivre, sans crainte de se méprendre. En attendant qu'il le fasse, voyons ce qu'il nous dit des diametres des arteres du cœur de la Tortuë.

Il ne paroît pas dans la premiere description, que M. du Verney se soit avisé de faire attention sur les différens diamétres des troncs des arteres, qui tirent leur origine du cœur de cet animal. Il est visible qu'il les a observés dans la quatrieme; mais d'une maniere qu'il est impossible d'en connoître la vraie différence. Car sur ce fait il nous dit premierement, que l'artere du poûmon a autant de diametre

que le tronc de l'aorte ascendante.

Secondement, qu'il suffit que le tiers du sang qui sort du cœur soit porté dans le poumon pour y recevoir les préparations nécessaires à la vie de l'animal. Or voici comme je raisonne

fur ces deux passages.

Si le diamétre de l'aorte ascendante est égal au diamétre de l'artere du poumon, & s'il ne passe par celle-ci que le tiers du sang qui sort du cœur de la Tortuë, il n'en peut passer davantage par l'aorte ascendante. Il faut donc qu'un autre tiers passe dans l'aorte descendante; & par conséquent ces trois arteres doivent avoir selon lui des diamétres égaux. Mais parce qu'il suppose troisiemement que dans la Tortue à chaque circulation un peu plus du tiers du (ang paffe dans le poûmon; il faut donc que l'artere du poûmon ait un diamétre plus grand qu'un des troncs de l'aorte. C'est ce dont il convient lui-même dans sa troisseme description des petites Tortues, inferée dans les Registres de l'Académie, où il dit quatriemement que l'artere du poûmon est fort grosse, & a plus de diamétre qu'un des troncs de l'aorte. Voilà la premiere contradiction dans laquelle M. du Verney est tombé sur le diamétre des arteres qui fortent du cœur de la Tortuë Voici la seconde.

Cinquiemement. Le sang qui vient, dit-il, du poûmon, se vuidant par la contraction du cœur dans la cavité d'où les aortes prennent leurs naissances, est vraisemblablement déterminé à remplir ces vaisseaux, & sur-tout l'aorte ascendante dont

l'ouverture

pag. 235. rag. 249.

pag. 250.

l'ouverture est la plus large. Les trois arteres qui sortent du cœur de la Tortue ne peuvent donc plus avoir des diamétres égaux, & l'artere du poûmon ne peut pas avoir plus de capacité qu'un des troncs de l'aorte, si l'ouverture de l'aorte ascendante est la plus large, ce qui fait sa seconde contraction.

Donner au public des descriptions & des figures toutà-fait différentes des mêmes parties du cœur d'un même animal, fans l'avertir quelles sont les vraies, & quelles sont les fausses, n'est-ce pas le mettre en droit de se plain-

dre que c'est vouloir lui cacher à plaisir la vérité?

Son procédé à mon égard ne paroît pas plus juste; car quoique je n'aie point donné jusqu'ici de description du cœur de la Tortue, il commence cependant sa Critique par dire d'un air de confiance: On trouvera notre description du cœur de la Tortue un peu différente de celle que l'Auteur du nouveau système en a donnée au public. Il est fort douteux que le Lecteur qui confrontera ce petit Examen des faits qu'il a remarqués au cœur de la Tortue de terre, avec la description du cœur de la Tortue de mer qu'il m'oblige de donner, décide en sa faveur. Il semble par ce début, que M. du Verney voudroit bien faire passer l'Extrait qu'il a mis à la tête de sa Critique, pour une description du cœur de cet animal, que j'ai voulu donner au public pour fort exacte, afin d'en faire mieux voir tous les défauts. J'avoue que son Extrait est fidele; mais je suis convaincu que le public est trop judicieux, & M. du Verney trop habile homme pour croire lui-même ce qu'il voudroit bien lui persuader; je veux dire que le Mémoire d'où il a tiré cet Extrait, soit véritablement une description du cœur de la Tortue. J'ose donc me flatter qu'il n'y a point de Physiciens, ni d'Anatomistes, qui en lisant cet Extrait même, ne s'apperçoivent aisément que je n'ai eu en vûe, en parlant des conduits du cœur de la Tortue, que d'en tirer cette conséquence, que le trou ovale & le canal artériel de communication du cœur du fœtus humain, peuvent avoir le même usage qu'ont ces deux con-Mem. 1703.

Выь

Pag. 250.

378 Memoires de l'Academie Royale

duits dans le cœur de la Tortue. Etoit-il nécessaire pour cela que je donnasse une description entiere du cœur de cet animal? Non, quoique M du Verney soit persuadé en lui-même que c'est la sin que je me suis proposée dans ce Mémoire, il ne laisse pas néanmoins de continuer sa Critique d'un air ironique, en disant, qu'il est difficile de comprendre qu'un Anatomisse éclairé, qui a prétendu nous donner une description exacte du cœur de la Tortue, sur laquelle il vouloit fonder son système, ait pû oublier de faire mention des oreillettes.

Le ressouvenir que conserve toujours M. du Verney, du différent que nous avons eu ensemble il y a plus de dix-huit ans dans l'Académie, sur le nombre des arteres qui sortent du cœur de la Tortue, & sur celui de leurs soupapes, lui a fait oublier qu'il manque aussi à cette prétendue description toutes les valvulles de ces vaisseaux, dont je n'ai parlé en aucun endroit. Encore une fois, avoisje besoin des oreillettes pour faire voir que le trou ovale & le canal artériel de communication ont dans le fœtus & dans la Tortue les mêmes usages? Non, sans doute: aussi est-ce par cette raison que je n'en ai point parlé dans le Mémoire du 31 Mars 1692 qu'il a mis à la tête de sa Critique. Mais je ne les ai pas oubliées dans celui du 31 Août 1693 que j'ai ci-devant rapporté, & dont M. du Verney ne parle point dans tout son discours; parce qu'il a pris dans ce dernier Mémoire tout ce qu'il y a de meilleur dans la seconde partie de son Traité; son étonnement affecté est donc aussi ridicule que le reproche que me fait M. Buissiere dans sa seconde Lettre d'avoir pris les oreillettes du cœur de la Tortue pour deux de ses ventricules.

Quand je ne donnerois pas une description entiere des principales parties du cœur de cet animal, ce dernier Mémoire suffiroit seul pour désabuser le public de l'impression desavantageuse que voudroient bien lui donner ces deux Messieurs de mon exactitude. On n'a qu'à le relire pour voir leur peu de sincérité.

Pag. 255.

Pour micux persuader à son Lecteur que je n'ai pas connu les oreillettes du cœur de la Tortue, M. du Verney ajoute dans sa Critique, mais sans saire réflexion à ce qu'il vient de dire, que j'ai crû ou voulu faire croire que les valvulles qui sont à leurs embouchures fussent placées description, p. inutilement au trou de communication, l'une du côté du ventricule droit, & l'autre du côté du ventricule gauche, & qu'elles n'empêchassent pas la communication réciproque des deux ventricules.

Quatriéme

Cette supposition est fausse, puisque je n'ai parlé en aucun endroit, ni de l'usage de ces deux valvulles, ni déterminé à quelle partie elles appartiennent : mais si de ce que j'ai avancé que les deux soupapes qui sont suspendues & unies à la cloison qui sépare les cavités des oreillettes l'une de l'autre, & qui se trouvent abatues sur le trou ovale du cœur d'une Tortue morte, n'empêchent point néanmoins la communication du ventricule gauche au ventricule droit, M. du Verney a pû tirer contre moi cette conséquence, que mon sentiment est donc que ces valvulles appartiennent au trou ovale, mais que cependant elles y sont inutiles; je puis à plus sorte raison, du passage de sa Critique que je vais rapporter, tirer contre lui-même la même conclusion, puisqu'il dit la même chose que moi, mais en termes bien plus précis; écoutons-le parler.

Nous avons dit que le tissu des fibres charnues, qui sépare la premiere cavité de la seconde, laisse un passage par où le sang peut aller de l'une à l'autre. Ce passage est de la même longueur que la base des valvulles, & a environ trois lignes de diamétre; ensorte que les valvulles étant abaissées, il y reste toujours une ouverture, & la communication de la premiere à la seconde cavité n'en est pas entiérement empêchée. Elle en

est donc presque sermée selon M. du Verney.

Dans la troisième description du cœur des petites Tortues de France, il dit encore la même chose, mais en termes différens. Les voici: Quand on ouvre la cavité droite ou la gauche, on voit une cloison qui les sépare; mais elle ne les Bbbij

Pag. 2335

Troisieme description.

sépare pas entièrement : car il y a au haut une ouverture considérable qui fait la communication de ces deux cavités, & c'est dans cet endroit que sont placées les deux soupapes dont on a parlé, qui lors même qu'elles sont abaissées, laissent toujours quelque passage d'une cavité à l'autre. Elles en bouchent donc la plus grande partie. Je puis donc tirer de ces deux passages contre M. du Verney, la même conséquence qu'il a tirée contre moi, & dire que son opinion est donc que ces deux valvulles appartiennent au trou qui fait la communication de la premiere à la seconde cavité du cœur de la Tortue, puisque c'est dans cet endroit que sont placées ces deux foupapes; que cependant elles y font toutà-fait inutiles, parce que selon lui-même, elles n'empêchent pas le sang de passer du ventricule gauche dans le droit lorsqu'elles s'abbattent sur le trou oyale du cœur de cet animal. Cette conséquence paroîtra d'autant plus justement ti-

32.

Seconde description, que la cavité qui répondoit à l'oreileription, pag lette gauche, communiquoit avec celle qui répondoit à l'oreillette droite par une ouverture ovalaire très-ample, garnie d'une espece de valvulle; & qu'il assûre néanmoins dans la quatriéme, qu'il est pourtant constant que ces valvulles n'ont audescription, p. cun rapport à ce trou. Par cette absurdité ne me met-il pas en droit de tourner contre lui-même cette ironie qu'il m'applique?

rée contre lui, qu'il nous dit en termes formels dans sa

255.

Même pag.

Pour donner dans le sentiment de l'Auteur de la Critique du nouveau système, il faudroit avoir mauvaise opinion de la nature, & croire que contre toutes les regles de sa sage aconomie, elle a fabrique deux valvulles inutiles, & qui ne font nulle fonction dans l'endroit où elle les a placées: mais comment se seroit-elle oubliée en cette occasion, elle qui se sert de ces petites machines en tant de manieres, & qui par leur moyen facilite avec tant d'avantage la distribution des liqueurs dans le corps des animaux?

Cette méprise de M. du Verney ne l'empêche pas de continuer du même air sa Critique, mais avec aussi peu de raifon.

Cette premiere erreur sur l'inutilité des deux valvulles a jetté, dit-il, M. Mery dans une autre. Il a raisonné de la valvulle du trou ovale, s'entend du fœtus humain, comme des deux valvulles du trou de la Tortue, & après s'être persuadé que les unes pouvoient être forcées, il n'a pas fait difficulté de supposer que l'autre le pouvoit être aussi.

Dans le système que j'ai établi, je nie positivement qu'il y ait une valvulle à l'embouchure du trou ovale qui fait la communication des oreillettes du cœur du fœtus : on le scait, & M. du Verney même, qui dans ce passage de sa Critique feint de ne le pas sçavoir, l'ignore moins que personne, puisque dans celui-ci il dit en parlant de l'Auteur du nouveau système : Je puis bien me promettre que tout le penchant qu'on a à se laisser prévenir par les nouvelles découvertes, n'engagera personne à suivre son sentiment, sur-tout quand on verra que pour l'établir il faut qu'il donne au trou de communication de la Tortue deux valvulles qui ne lui appartiennent point, & qu'il ôte au trou ovale du fætus la valvulle

qui lui appartient. Puisque M. du Verney reconnoît que j'ôte au trou ovale du cœur du fœtus humain sa valvulle, il n'y a donc pas d'apparence que j'aie supposé qu'elle pouvoit être forcée; & en reconnoissant lui-même que dans la Tortue la cavité qui répondoit à l'oreillette gauche communiquoit avec celle qui répondoit à l'oreillette droite par une ouverture ova- cription, pag. laire garnie d'une espece de valvulle, n'est-ce pas tomber d'accord que cette espece de valvulle appartient au trou ovale de cet animal? M. du Verney n'a donc pas raison de dire, que pour établir le nouveau système de la circulation du sang dans le sœtus humain par le trou ovale, il faut que je donne au trou de communication de la Tortue deux valvulles qui ne lui appartiennent point, puisqu'il les lui donne lui-même.

D'ailleurs, comme ces valvulles ne ferment pas davantage les ouvertures des oreillettes aux ventricules quand elles sont relevées, qu'elles sont le trou ovale lorsqu'elles s'abaissent, il y a bien de l'apparence qu'elles font le

pag. 255.

pag. 259.

même effet à l'embouchure de ce trou, qu'elles causent à l'entrée de ces ventricules; elles s'opposent donc autant au passage du sang du ventricule gauche dans le droit par ce trou, qu'elles sont à son retour des ventricules dans les oreillettes. Il est donc fort probable que l'obstacle qu'apportent ces valvulles au passage du sang des veines du poûmon du ventricule gauche dans le droit, pendant qu'elles sont abaissées sur le trou ovale de la Tortue, a donné occasion au sang de ces veines, pressé qu'il est par la contraction du cœur dans le ventricule gauche qui n'a point d'artere pour son écoulement, de pratiquer d'autres trous dans la cloison charnue pour s'échapper dans le ventricule droit pour prendre la route des arteres qui sortent de sa cavité.

Ma conjecture que le fang des veines du poûmon doit passer du ventricule gauche dans le droit malgré ces deux valvulles abattues sur le trou ovale du cœur de la Tortue, est donc bien sondée; & il faut être d'un esprit bien diffi-Quatrième cile à satisfaire pour trouver à redire, comme sait M. du

description, p. Verney, à une expression si naturelle.

Après cela il est aisé de comprendre que le sang des veines du poûmon étant forcé de passer du ventricule gauche par tous les petits trous de la cloison charnue dans le ventricule droit, pendant que ces valvulles sont abbatues sur le trou ovale, il doit par cette raison se mêler plus exactement avec le sang des veines caves, que si ces deux ventricules n'avoient point été séparés. Car en ce cas le sang de ces veines pouvant couler à côté l'un de l'autre dans un seul ventricule, ils auroient pû sans s'y mêler ensemble exactement passer dans les arteres.

M. du Verney explique cependant ce parfait mélange par une raison contraire dans la premiere partie de son Pag. 232. Traité, où il nous dit: Les trois cavités du cœur n'étant séparées par aucune soupape, le sang qui revient du grand & du petit réservoir se peut méler aisément, & entrer d'une cavité dans l'autre; mais il change de sentiment dans la seconde Pag. 250. partie, & prétend que quoique les trois cavités du cœur de

la Tortue doivent être considérées comme un seul ventricule; cependant il y a lieu de croire que tout le sang qui y est apporte par la veine cave & la veine du poûmon n'y est pas exactement mélé, ces especes de cloisons qui distinguent ces cavités

en empêchent le parfait mêlange.

Enfin, puisque l'eau seringuée ou l'air soufflé par les arteres passe fort librement des ventricules dans les oreillettes, quoique ces deux fluides fassent soulever les valvulles qui sont placées dans l'endroit de leur communication, il n'y a donc pas d'apparence que ces valvulles étant soulevées, ferment exactement au sang l'entrée dans les oreillettes dans un cœur souffle & desséché, comme le pré- troisieme deltend M. du Verney: aussi voit on que dans un cœur pré- cription. paré de cette façon, ces valvulles laissent de côté & d'autre un trou ouvert d'environ deux lignes de long, & d'une & demie de large à l'embouchure des oreillettes avec les ventricules; le fang peut donc refluer de ceux-ci dans les autres quand les ventricules se contractent, & c'est apparemment par cette raison que la capacité des oreillettes est plus grande que celle des ventricules; il n'est donc pas croyable que les valvulles des oreillettes du cœur de la Tortue, qui laissent au sang l'entrée libre dans le cœur, description. empêchent son retour totalement, comme le pense M. du Verney.

Il ne paroît pas aussi vrai-semblable que ce soit, comme il dit, au tems de la contraction du cœur, que ces valvulles se soulevent. Voici la preuve du contraire tirée de ses propres expériences : car si chaque fois qu'on pousse de l'air dans le cœur ouvert par la pointe, ces soupapes se déploient de description. telle maniere qu'elles ferment exactement les embouchures des oreillettes; le sang doit donc de même les soulever quand il vient à remplir les ventricules. Or le fang ne les remplit que pendant leur relaxation; ce ne peut donc pas être au tems de la contraction du cœur que ces valvulles se soulevent, puisque dans ce tems-là ses ventricules se

vuident.

Après tant de variations, peut-on croire que les re-

Pag. 255. Quatriéme

Pag. 256. Quatriéme

Pag. 255. .

Troisiéme

marques qu'a faites M. du Verney sur les cœurs de la Grenouille, de la Vipere & de la Carpe, soient plus justes que celles de la Tortue? Non, si j'avois quelque intérêt d'y prendre part, comme à celles de ce dernier animal, je pourrois bien faire voir qu'il est aussi changeant dans celles-ci que dans les autres : mais comme cela ne me regarde pas, je me contenterai de rapporter seulement une seule preuve de son instabilité dans la distribution qu'il fait des vaisseaux du cœur de la Carpe, & sur leur ulage.

Il ne fort du cœur de ce poisson qu'un seul tronc d'artere, qui se divise en plusieurs rameaux Par la division que M. du Verney nous en a donnée, il nous apprend premierement que chaque artere en coulant le long de la base de chaque feuillet, jette autant de paires de branches qu'il y a de paires de lames, & se perd entierement à l'extrémité du feuillet, ensorte que l'aorte & ses branches ne parcourent de chemin que depuis le cœur jusqu'à l'extrémité des ouies où elles finissent.

Si cela est ainsi, pourquoi M. du Verney prenant, comme il fait, les ouies pour les poûmons de la Carpe, donnet-il à l'artere du poûmon le nom d'aorte? Quelle raison a-t-il eue de ruiner par des découvertes faites avec précipitation des observations de vingt-cinq années, qui portoient au contraire, secondement: Que ces branches de l'aorte ayant parcouru ces arcs, & fourni comme on a dit une branche à chacune des lames, dont les ouies sont composées, ché; on a mis viennent en sortant des arcs se réunir deux-à-deux en différens endroits. Car celles qui sortent des deux dernieres paires d'arcs après avoir fourni des rameaux qui se distribuent à la tête, aux organes des sens, & aux parties voisines, venant à se réunir, ne forment plus qu'un tronc, lequel descendant sous la base du crâne, reçoit dans son cours les branches des deux premiers arcs, après qu'elles se sont réunies ensemble, & ce même tronc continue son cours en descendant le long des vertebres pour se distribuer à toutes les autres parties.

Par le premier de ces deux passages, il est évident que l'aorte

Pag. 243.

Pag. 244. Ce passage a été retranle précédent à la place.

l'aorte porte seulement dans les ouies toutes ses branches, & tout le sang qu'elle reçoit du cœur de la Carpe. Par le second, il paroît qu'elle le distribue en même tems par ses différentes branches à toutes les parties du corps de ce poisson: mais non, ce sont les veines des ouies qui leur envoient tout le sang dont elles ont besoin pour leur nourriture. C'est le même M. du Verney qui nous l'apprend

dans ce troisiéme passage; écoutons-le parler.

Troisiémement. Sur le bord de chaque lame il y a, dit-il, Pag. 244? une veine, & chaque veine vient se décharger dans un tronc qui coule dans la goutiere de chaque arc. Ces veines sortant de l'extrémité de chaque arc qui regarde la base du crâne, prennent la consistance d'arteres, & viennent se réunir deux-àdeux de chaque côté. Celle, par exemple, qui sort du quatriéme arc après avoir fourni des rameaux qui distribuent le sang aux organes des sens au cerveau & à toutes les autres parties de la tête, vient se joindre avec celle du troisième arc; ainsi elles ne font plus qu'une branche. Cette branche après avoir fait environ deux lignes de chemin, s'unit à celle du côté opposé, & les deux ne forment plus qu'un tronc, lequel coulant sous la base du crâne, reçoit aussi peu de tems après de chaque côté une autre branche formée par la réunion des veines de la seconde & de la premiere paires d'arcs. Ce tronc continue son cours le long des vertebres, & distribuant le sang à toutes les autres parties, fait la fonction d'aorte descendante. Ces mêmes veines par leur autre extrémité qui regarde la naissance des arcs, viennent se décharger dans un tronc qui va s'insérer dans le réservoir.

Voilà des découvertes aussi étonnantes que nouvelles. Quoi! est-il croyable que les veines des ouies puissent servir à porter le sang dans toutes les parties du corps de la Carpe, & à le rapporter des parties au cœur? Quel autre que M. du Verney pourra s'imaginer que ces veines & le tronc qu'elles forment par leur réunion en sortant des ouies, prennent la consissance d'artere, & que sans néanmoins avoir les mouvemens de diastole & de sistole qu'on remarque aux arteres dans tous les autres animaux, elles

Mem. 1703.

Ccc

soient capables de distribuer le sang à toutes les parties du corps de ce poisson, & que sans reprendre la consistance

de veines, elles en aient cependant l'usage?

Quelle extraordinaire force ne faudroir - il point au cœur de la Carpe pour entretenir par son seul mouvement la circulation du fang? M. du Verney a-t-il oublié fon Anatomie comparée à laquelle il me renvoie dans sa Critique, & qui lui a tant servi, à ce qu'il dit, à éclaircir la structure & l'usage des parties du corps de l'homme? Quel besoin n'avoit-il pas de recourir en cette occasion à sa méthode pour se détromper? S'il s'étoit donné la peine d'examiner le cœur & les parties de la respiration dans l'homme, je suis sûr qu'il ne se seroit pas pû tromper sur le véritable usage des veines de la Carpe.

Qui pourra s'empêcher de douter de la vérité de ces étranges découvertes, sur-tout quand on sçaura que ses anciennes observations faites dans un tems où il étoit secouru de M. de la Hire, qu'on sçait être très-exact dans tout ce qu'il fait, portent tout le contraire de ce que vient de nous dire M. du Verney? Ce quatriéme passage que je

vais rapporter en fait foi.

Quatriémement. Chaque lame soutient, dit-il, une branche de veines, & toutes ces veines viennent se décharger dans un tronc qui coule dans la goutiere de chaque arc : lorsqu'elles en sortent, elles se réunissent de la même maniere que l'aorte place. Mrs de s'étoit divisée, c'est-à-dire deux-à-deux, & elles ne forment la Hire & du Verney furent plus qu'un tronc, qui en coulant pardessus l'aorte entre les deux lobes des ouies, reçoit plusieurs veines des parties voisines, &

1679. de la vient s'inserer au côté droit du réservoir.

Il n'est point dit dans ce passage que les veines des ouies prennent, lorsqu'elles en sortent, la consistance d'arteres, ni qu'elles distribuent le sang à toutes les parties à la maniere des arteres; il paroît qu'elles servent seulement, comme dans tous les autres animaux, à rapporter le sang des ouies au cœur de la Carpe. Par le passage qui precede celui-ci, on a vû cependant que les veines des ouies servent & à porter le sang qu'elles reçoivent de toutes

Pag. 258.

Page 244. Ce passage a été retranché; celui qui le précéde a été mis à la envoyés en part du Roi dans les Ports de mer pour travailler à l'Anatomie des Poissons.

les branches de l'aorte dans toutes les parties du corps de la Carpe, & à le rapporter aussi de ces mêmes parties dans

le cœur de ce poisson. Quelle contradiction!

Peut-être me dira-t-on que mal à propos je fais cette objection à M. du Verney; parce qu'étant permis à un Auteur de se corriger, il a pû dans le tems même de l'impression de sa piece en retrancher, comme il a fait, ses anciennes observations qu'il a crû fausses, pour mettre à leur place ses nouvelles découvertes qu'il croit vraies.

Je tombe d'accord que cette liberté est permise à un Auteur; mais le changement qu'il a fait ne nous tire pas de l'incertitude où il nous a mis par ses nouvelles remarques: car je vais saire voir qu'il retombe dans la même contradiction sans se corriger; ainsi on ne peut pas sçavoir si la vérité se trouve plutôt dans ses nouvelles que dans ses anciennes observations. Les deux passages que je vais rapporter ne prouvent que trop clairement contre lui ce que i'avance.

Cinquiémement. Quoique les poissons ayent, dit il, beaucoup de rapport avec ces animaux: c'est des Tortuës, des
Serpens & des Viperes qu'il parle: cependant la circulation
s'y fait d'une maniere différente, puisque le sang qui sort du
cœur à chaque battement, se distribue dans les ouies par un nombre infini de petites arteres qui couvrent les surfaces de toutes
les lames dont elles sont composées, & que les veines qui rapportent ce sang le distribuent à toutes les parties à la maniere
des arteres.

Il est aussi aisé de voir par ce cinquiéme passage, que par le troisième, que ce sont les veines des ouies qui distribuent le sang à routes les parties, & qui le rapportent au cœur. Par le sixieme qui va suivre, il est visible, comme par le quatrieme, que c'est l'aorte qui par ses dissérentes branches le distribue aux ouies & à toutes les parties du corps de la Carpe. C'est M. du Verney qui nous l'apprend lui-même, en nous disant que, sixiemement, les trois cavités du cœur de la Tortuë ne sont en effet qu'un seul ventricule peu différent de celui du cœur des poissons & des Ccc ii

pages 249. &

page 256.

grenouilles, & les trois arteres qui répondent à ces trois cavites, n'ont ensemble dans la Tortue que la même fonction qu'a l'artere du cœur de ces autres animaux, qui est de distribuer le sang en même tems & au poûmon & à toutes les autres parties du corps. Donc s'il est vrai que l'artere qui sort du cœur des poissons distribue le sang en même tems & aux ouies & à toutes les autres parties du corps, il est donc saux premierement que les veines des ouies de la Carpe, que M. du Verney prend pour ses poûmons, distribuent le sang à toutes les parties de ce poisson à la maniere des arteres, comme il est marqué dans le cinquieme passage.

Secondement, il n'est pas vrai encore que l'aorte & ses branches ne parcourent de chemin que depuis le cœur jusqu'à l'extrémité des ouies où elles sinissent, comme porte le premier. Voilà donc & la structure & la distribution nouvelle des veines des ouies de la Carpe, & leur usage nouveau que leur a donné M. du Verney, & qu'il a tant vantés à l'Academie, détruits par sa derniere observation; puisqu'ensin la fonction qu'a l'artere du cœur des poissons, est de distribuer le sang en même tems & au poûmon & à toutes les autres parties de leur corps.

Comment accorder ensemble des observations si contraires? Il faudroit être bien peu habile en Anatomie pour ne se pas appercevoir que M. du Verney les détruit tou-

tes les unes par les autres.

Pour réponse, nous dira-t-il que la nature n'a pas donné aux mêmes vaisseaux sanguins des Carpes qu'il a dissequées, la même structure; qu'elle en a varié la distribution, & les a destinées à des usages dissérens; que c'est une découverte qu'il a faite, & que les remarques qu'il a données sur cela, sont inserées dans l'histoire de l'Académie? Mais n'y a-t-il pas bien plus d'apparence quand il voir les mêmes faits si disséremment, que ce sont ses yeux qui le trompent, ou la memoire qui lui manque, quand il tombe & retombe dans de si manisestes contradictions?

Pour éviter cet écueil funesse à la réputation qu'il s'est acquise par tant de pénibles travaux, ne devoit-il pas suivre

lui-même l'avis qu'il me donne dans sa Critique; je veux dire, recourir en cette occasion à sa méthode qui a tant contribué à éclaircir la structure & l'usage des parties du corps de l'homme, c'est l'anatomie comparée: s'il s'étoit donné la peine d'en examiner les vaisseaux du poûmon, je suis sûr qu'il ne se seroit pas pû tromper sur le véritable usage des veines des ouies la Carpe, ni sur leur structure.

Cette méprise me donne lieu de lui appliquer ses propres paroles: Je ne sçai pas si l'Auteur de la Critique du nouveau système se rendra à des raisons qui me paroissent si évidentes; mais je puis bien me promettre que tout le penchant qu'on a à se laisser prévenir par les nouvelles découvertes, n'engagera personne à suivre son sentiment sur le nouvel usage qu'il donne

aux veines des ouies de la Carpe.

Enfin pour ne pas donner lieu à M. du Verney de se plaindre que je l'ai faussement accusé d'avoir donné des valvulles au trou ovale du cœur de la Tortuë dans ses reflexions qu'il a fait imprimer parmi les observations Physiques & Mathématiques des Reverends Peres Jesuites de Siam; parce qu'il paroît qu'il y fait la description des parties du cœur du Crocodile, & non pas celle du cœur de la Tortue; je vais pour justifier ce que j'ai ofé avancer, faire voir que tous les faits qui y sont rapportés sont contraires aux véritables observations qu'il a faites sur le Crocodile, & conformes à celles de la Tortuë de mer que j'ai dissequée. Pour le démontrer de maniere qu'on ne puisse pas me soupçonner d'en imposer à M. du Verney, je rapporterai d'abord mot pour mot les deux descriptions qu'il a faites du cœur du Crocodile. J'en ferai voir ensuite la contrarieté, & prouverai enfin que ses secondes observations qu'il nous a données pour celles du Crocodile sont effectivement de la Tortuë, le la partie de la p

page 258.

page 259.

Premiere description du cœur du Crocodile, par M. du Verney, extraite du second volume manuscrit des animaux qui ont été dissequés dans l'Academie.

page 144?

Le cœur étoit situé entre les deux lobes du foie, ce qui se doit entendre de sa partie inférieure; car la superieure étoit entre les lobes du poûmon. Il avoit deux oreilles fort grandes, dont la droite étoit plus grande, parce qu'elle reçoit plus de sang que l'autre: & ce sang lui étoit porté non seulement par le principal tronc de la cave ascendante, & par les jugulaires; mais encore par les axilaires, qui n'entroient point dans l'oreille gauche, laquelle n'avoit que le petit tronc de la cave ascendante, & n'avoit ni jugulaires, ni axilaires.

Quoique le sang soit porté par des vaisseaux séparés dans ces deux oreilles, il se confond néanmoins avant que d'entrer dans le cœur; parce que ces deux oreilles se communiquent avant que de s'ouvrir dans la cavité du cœur. Cette cavité ou ventricule étoit unique, & remplie de sibres; & de colonnes charnues, qui laissoient entr'elles des espaces assez étroits, &

formoient mille anfractuosités.

L'acrte étoit double de même qué la cave ; il sortoit deux troncs de la base du cœur, separés l'un de l'autre par une cloison. Chacun de ces troncs se séparoit en trois branches; deux de ces branches passant sous les possmons, se réunissoient pour former le tronc de l'aorte descendante; deux autres jettoient chacune deux rameaux, qui faisoient les axilaires & les carotides, & les deux autres se jettoient dans les possmons. Une distribution de vaisseaux du cœur assez semblable à celle-ci se trouve dans les Tortuës.

Etrange ressemblance! Dans ce Crocodile l'aorte se trouve double, & les arteres pulmonaires ne sont que des branches de ces deux aortes. Au contraire dans la premiere Tortuë de l'Amérique que M. du Verney a disséquée, l'aorte étoit simple, & l'artere du poûmon sortoit immédiatement du ventricule anterieur du cœur de cet animal; & du cœur de sa seconde Tortuë, qui étoit aussi

de l'Amérique, partoient trois troncs distincts; scavoir; deux aortes, & l'artere des poûmons; la distribution des vaisseaux du cœur du Crocodile doit donc être fort différente de celle de ces deux grandes Tortues terresfres de l'Amérique, dont il nous a donné des figures & des descriptions très dissemblables.

Seconde description du cœur du Crocodile, extraite des Réflexions de M. du Verney, imprimées en 1688. parmi les Observations Physiques & Mathématiques des Révérends Peres Jésuites de Siam.

On a remarqué, dit M. du Verney, dans le Crocodile dissé- Pages 31, 32 que à l'Académie, que le cœur avoit deux oreilles fort amples, dont la droite étoit la plus grande; que le tronc de la veine cave inférieure au sortir du foie s'ouvroit dans l'oreillette droite après avoir reçû le sang des axilaires dans lesquelles se déchargent les jugulaires; ainsi il n'y avoit point de veine cave supérieure: pour les veines du poûmon, elles s'ouvroient dans Poreillette gauche.

Ces oreilles s'ouvroient chacune dans un ventricule, dont celui qui répond à l'oreillette droite étoit le plus large; car il occupoit presque toute la substance du cœur. Outre ces deux cavités ou ventricules qui occupoient principalement la partie postérieure du cœur, il y en avoit un troisséme dans la partie antérieure; mais ces trois cavités ne composoient en effet qu'un ventricule, parce qu'elles se communiquoient par des ouvertures considerables; la cloison qui les sépare n'étant pas solide, & continue comme aux autres animaux; ainsi n'ayant pas le principal usage des ventricules du cœur, qui est de forcer tout le sang, qui du ventricule droit coule dans l'artere du poûmon, à passer au travers de la substance du poûmon pour aller dans le ventricule gauche.

Les ouvertures qui font la communication de ces cavités étoient placées vers la base du cœur. La cavité qui répondoit à l'oreillette gauche, communiquoit avec celle qui répondoit à

l'oreillette droite par une ouverture ovalaire très-ample garnie d'une espece de valvulle, ou plûtôt d'une cloison qui étoit partout attachée, excepté dans sa partie inférieure, laissant une petite ouverture qui faisoit la communication des ventricules. Il y avoit à côté une autre ouverture fort ample sans aucune valvulle, par laquelle la cavité qui répond à l'oreillette droite, communiquoit avec celle qui est dans la partie antérieure du cœur.

Il sortoit de la base du cœur trois troncs d'arteres, dont les deux premiers qui composoient l'aorte formoient comme deux crosses, lesquelles avant que d'être tout-à-fait tournées en bas produisoient ces axilaires, d'où naissoient les carotides.

Ensuite la crosse droite & la gauche descendoient pour se distribuer à toutes les parties du bas-ventre. Ce qui sera expliqué plus en détail dans la description de l'Académie. Chacun de ces troncs de l'aorte étoit garni à sa sortie du cœur de deux

valvulles sigmoides.

Le troisseme tronc qui naissoit de la base du cœur, étoit celui de l'artere du poûmon. Il avoit aussi deux valvulles sigmoïdes, & se partageoit en deux branches, dont l'une alloit au lobe droit du poûmon, & l'autre au gauche. Une distribution des vaisseaux du cœur assez semblable à celle-ci se trouve dans les Tortues.

De ces deux descriptions, la premiere est tirée mot pour mot du second volume manuscrit des animaux qui ont été disséqués à l'Académie: la seconde, du Traité des Observations Physiques & Mathématiques des Révérends Peres Jésuites de Siam, que le Pere Gouye sit imprimer à Paris en 1688. J'ignore la date de la premiere description; mais je sçai bien qu'elle est de plusieurs années antérieures à la seconde, parce que depuis dix-neus ans que j'ai l'honneur d'être à l'Académie Royale des Sciences, il n'y a point paru de Crocodile. Or comme M. du Verney n'en a disséqué qu'un seul, comme il paroît par les premieres paroles de la seconde description; que cependant les mêmes saits qu'il dit avoir observés sur le cœur de cet animal, sont tous dissérens les uns des au-

tres; je puis donc assurer, sans crainte de me tromper, que ses premieres observations ont été faites effectivement sur le cœur du Crocodile, & les secondes sur celui de la Tortue. C'est ce que je prouverai quand j'aurai sait connoître l'extrême dissérence qu'il y a entre les unes & les autres.

M. du Verney nous dit dans sa premiere description du Crocodile que la veine cave avoit deux troncs, que le plus gros tronc portoit le sang dans l'oreillette droite, & que le plus petit le portoit dans l'oreillette gauche : il assure cependant dans sa seconde description que la veine cave n'avoit qu'un seul tronc qui s'ouvroit dans l'oreillette droite.

Il ne fait aucune mention des veines du poûmon dans la premiere. Dans la feconde, il nous apprend que les veines du poûmon s'ouvroient dans l'oreillette gauche.

Dans la premiere, il est porté que les deux oreilles du cœur communiquoient ensemble. Dans la seconde il met cette communication entre les ventricules, & n'en met point entre les oreillettes.

Dans la premiere il ne reconnoît qu'une cavité dans le cœur du Crocodile. Dans la feconde il en met trois.

Dans la premiere îl ne place aucune valvulle à l'ouverture des oreillettes de l'une dans l'autre. Dans la feconde il dit que le ventricule gauche communiquoit avec le ventricule droit par une ouverture ovalaire garnie d'une espece de valvulle.

La premiere description porte que l'aorte étoit double, que chacun de ses troncs se divisoit en trois branches, qui faisoient les axilaires, les carotides & les deux pulmonaires; de sorte qu'il n'y avoit point de tronc particulier pour les arteres du poûmon. La seconde sait connoître qu'il sortoit trois troncs d'arteres de la base du cœur, sçavoir deux aortes, & l'artere pulmonaire.

Il n'est point marqué dans la premiere description qu'il y eût des valvulles aux embouchures des deux arteres qui partoient de la base du cœur du Crocodile. Dans la se-Mém. 1703. Ddd 394 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE conde, il est porté que les trois troncs d'arteres qui sortoient du cœur, avoient chacun deux valvulles à leurs embouchures.

Après tant de contradictions, on ne doit plus être surpris de voir M. du Verney finir sa seconde comme sa premiere description du cœur du Crocodile par ces mêmes paroles: Une distribution de vaisseaux du cœur assez sembla-

ble à celle-ci se trouve dans les Tortues.

Il est aisé de remarquer par toutes ses variations, que les deux descriptions qu'il nous a données du cœur du Crocodile & de ses vaisseaux, ne peuvent pas être toutes deux du même animal; parce qu'elles se détruisent l'une

l'autre dans tous les faits qu'elles contiennent.

Que pourra-t-il répondre à ceux qui lui demanderont raison de l'extrême dissérence qui paroît dans ces deux descriptions? Leur dira-t-il qu'il y a de plusieurs especes de Crocodiles dans lesquels la structure du cœur n'est pas la même? Mais cette réponse ne les satisfera pas. Car quoique cela puisse être, ils lui répliqueront, sçachant qu'il n'a disséqué en toute sa vie qu'un seul Crocodile, qu'il n'a pas de connoissance que la structure du cœur varie dans ces animaux.

Leur avouera-t-il donc qu'il s'est mépris, & que par un désaut de mémoire il a donné au public mes observations de la Tortue de mer pour celles du Crocodile? Il ne le sera pas. Montrons donc nous-mêmes, pour saire connoître au public que l'Académie ne prend point de part à ses erreurs, & qu'elle les abandonne à sa censure; que ses premieres observations sont du Crocodile, & les secondes

de la Tortue. En voici une preuve évidente.

M. du Verney n'a disséqué qu'un seul Crocodile; il n'a donc pas pû corriger par de secondes remarques les saits qu'il a observés au cœur de cet animal. Ses premieres observations du Crocodile sont en tout dissérentes de celles qu'il a saites sur saderniere Tortue de l'Amérique; les secondes y ont un fort grand rapport: donc ses premieres obervations ont été véritablement saites sur le

cœur du Crocodile, & font de lui; les secondes sur celui de la Tortue de mer, & sont de moi. Je vais en donner une preuve incontestable: c'est qu'il n'a reçu de Versailles sa derniere Tortue de l'Amerique qu'en 1700, sçavoir douze ans après avoir donné au public ses secondes ob-Servations du Crocodile.

Aussi voit-on que M. du Verney avoue lui-même dans sa Critique, qu'il n'a travaillé sur le cœur des Tortues que quatriéme, depuis l'impression du nouveau système de la circulation du sang du sœtus par le trou ovale; on ne peut donc pas douter que ces secondes observations du Crocodile qu'il fit imprimer en 1688, ne soient les mêmes que celles que je fis voir à l'Académie en 1685, puisqu'elles y sont toutes conformes, & toutes différentes de celles de sa premiere Tortue de l'Amérique. C'est ce que je vais faire connoître, après avoir rapporté ce passage de l'Histoire Latine de l'Académie par M. Duhamel, qui fait foi qu'en ce tems-là je disséquai une Tortue de mer.

Exacto induciarum tempore Testudinem magnam exhi- Seconde Edi: buit D. Mery, in quâ complura observatione digna anno- tion, page

tavit anno 1685.

La feconde description que M. du Verney nous a donnée du cœur du faux Crocodile porte, 1°. Que la veine cave s'ouvroit dans l'oreillette droite. J'ai observé la même chose dans la Tortue de mer; mais dans la premiere Tortue terrestre de l'Amérique que M. du Verney a disséquée, la veine cave avoit deux troncs qui déchargeoient le fang, l'un dans l'oreille droite, & l'autre dans la gauche.

2°. A l'égard des veines du poûmon du faux Crocodile, elles s'ouvroient dans l'oreillette gauche; elles s'y ouvrent de même dans la Tortue de mer : au contraire les veines du poûmon de la premiere Tortue de l'Amerique de M. du Verney portoient le fang des poûmons dans les axi-

laires, & le mêloient avec celui de la veine cave.

3°. La cavité qui répondoit à l'oreillette gauche du faux Crocodile, communiquoit avec celle qui répondoit Dddii

Description

à l'oreillette droite par une ouverture ovalaire très-ample garnie d'une espece de valvulle. J'ai trouvé la même chose dans la Tortue de mer: mais M. du Verney ne sait nulle mention qu'il y eût de valvulle dans le passage du ventricule gauche au ventricule droit de sa premiere Tortue de l'Amérique.

4°. De la base du cœur du saux Crocodile sortoient trois troncs d'arteres; il en part tout autant du cœur de la Tortue de mer: mais il n'en sortoit que deux du cœur de la premiere Tortue de l'Amérique de M. du Verney.

Crocodile il n'y avoit que deux valvulles sigmoides; il n'y en a pas davantage dans les arteres de la Tortue de mer: cependant M. du Verney donne trois valvulles à chacune des deux arteres de sa première Tortue terrestre de

l'Amérique.

Comme il n'est pas dissicile de voir par ce petit abrégé que les secondes observations que M. du Verney nous a données du cœur de son saux Crocodile, sont consormes en tout à celles que j'ai saites sur celui de la Tortue de mer; il est aisé de juger premierement que les unes & les autres sont les mêmes, puisque toutes sont contraires & aux remarques de sa premiere description originale du cœur du Crocodile, & aux observations de sa premiere Tortue de l'Amérique. Secondement, qu'elles ne peuvent pas être de la seconde, avec lesquelles elles ont aussi beaucoup de rapport, puisqu'il n'a reçû cette derniere Tortue terrestre de l'Amérique que douze ans après avoir donné au public ces secondes remarques du saux Crocodile.

Pour éluder des preuves si convaincantes, qu'il ne vienne pas aujourd'hui nous dire qu'il n'a point donné au Reverend Pere Gouye les saits que je réclame; car ne les ayant point moi-même rendus jusqu'ici publics, & ce Pere n'ayant été reçû à l'Academie que quatorze ansaprès les lui avoir démontrés, personne ne pourra croire qu'il ait pû les imaginer; il faut donc que M. du Verney, qui étoit présent, lorsque je les sis voir, lui en ait donné communication. Son original que le Pere Gouye conser-

ve, en est une preuve invincible.

D'ailleurs on n'a pas oublié qu'après que M. du Verney se fut rendu maître des desseins que j'avois fait faire du cœur de la Tortue de mer, il se servit de celui des petites Tortues de France, non seulement pour détruire les faits que j'ai observés sur celle de mer, maisaussi pour confirmer en même tems ceux qu'il a remarqués dans le cœur de sa premiere Tortue de l'Amérique. Il ne peut donc pas rejetter, comme il fait à présent, sur seu M. Perrault, qui n'est plus en état de se défendre, les fausses observations qu'il a faites sur le cœur de cet animal : d'autant moins qu'on se ressouvient encore que son dessein n'avorta que parce qu'une assez grosse Tortue de terre que je recûs de Languedoc dans le tems même qu'il faisoit ses démonstrations à l'Académie, me servit à faire voir une seconde fois à cette célebre Compagnie, la fausseté de ses premiers faits de la Tortue de l'Amérique, & la vérité de mes observations, dont il fut forcé de tomber d'accord en pleine Académie.

Aussi voit-on qu'il détruit lui-même par les remarques qu'il a saites du depuis sur le cœur des petites Tortues de France, & sur celui de sa derniere Tortue de l'Amérique, toutes ses anciennes observations qu'il a saites sur la premiere. Il reste donc pour constant que ses secondes remarques du Crocodile n'ont point été saites sur le cœur de cet animal, mais sur celui de la Tortue de mer que je disséquai en 1685, ce que j'avois à prouver. De-là il s'ensuit premierement que M. du Verney a reconnu dans cette Tortue de mer un trou ovale, saisant la communication du ventricule gauche au ventricule droit, & deux valvulles abbatues sur ce passage, lorsque je sis voir à l'Acadé-

mie la structure du cœur de cet animal.

Secondement. Que le cœur du Crocodile que M. du Verney a effectivement disséqué n'ayant qu'un ventricule, ce que porte sa description originale, il est évident D dd iij

qu'il s'oublie étrangement, quand il dit dans sa fausse description qu'il en avoit trois, & que ces trois cavités ne composoient en effet qu'un seul ventricule; parce qu'elles se communiquoient par des ouvertures considérables, puisqu'il n'en avoit qu'une.

Quoique cette pensée se trouve aussi dans sa troisiéme & quatrième description, ce n'est pas une conviction que ce sentiment lui appartienne; en voici des preuves cer-

taines.

pag. 32.

La premiere, c'est qu'on ne voit nul endroit dans sa premiere description du cœur de la Tortue, qui puisse faire juger qu'il ait eu seulement cette idée. La seconde preuve, c'est que sa troisième & quatriéme description, dans lesquelles paroît cette opinion, sont de dix années postérieures au Mémoire de l'Académie, dans lequel j'ai prouvé, & par la structure des ventricules, & par la disposition des vaisseaux, & par le cours du sang, que lestrois ventricules du cœur de la Tortue ne doivent être comptés que pour un feul ventricule. La troisiéme preuve enfin, c'est que depuis sa premiere description de la Tortue, imprimée dans les Mémoires de l'Académie de 1676, il n'a travaillé sur le cœur de cer animal, qu'après l'impression du nouveau système de la circulation du sang par le trou ovale. Ce passage de sa quatrieme & derniere description en fait foi.

Quatrieme description , pag. 227.

Mémoir. de l'Ac. du 31.

Août 1693.

pag. 237.

Dès qu'il le proposa, dit M. du Verney en parlant de moi, je l'examinai avec soin; je fis des dissections exactes de plusieurs Tortues; & ayant reconnu l'erreur de cette découverte, je la combattis dans mes exercices du Jardin Royal & dans cette Académie, comme il est rapporté dans l'Histoire qui en

a été publiée.

Puisque de l'aveu même de M. du Verney il n'a retravaillé sur le cœur des Tortues de terre que depuis l'impression du nouveau système, il est donc visible qu'en même tems qu'il donna mes observations du cœur de la Tortue de mer pour celles du Crocodile, il s'attribua mon sentiment sur l'unité des trois ventricules du cœur de cet

animal, puisque le cœur du Crocodile qu'il a disséqué

n'avoit qu'un ventricule.

Pour finir cet examen des faits de M. du Verney, il me reste à saire connoître premierement pourquoi il a donné au Public mes observations du cœur de la Tortue de mer pour celles du Crocodile. Secondement pourquoi le cœur de cet animal ayant, suivant la relation des Révérends Peres Jesuites de Siam, beaucoup plus de rapport au cœur de la Tortue, que celui de la Carpe, étant par conséquent plus propre à éclaircir la question dont il s'agit entre M. du Verney & moi, que celui de ce poisson, il n'a pas joint dans son Traité, aux observations qu'il a saites sur le cœur de la Tortue, de la Vipere, de la Carpe & de la Grenouille, les remarques qu'il a faites sur celui du Crocodile; en voici les raisons autant que je le puis

conjecturer.

Les Révérends Peres Jesuites de Siam ayant fait présenter à l'Académie Royale des Sciences, un jour d'assemblée, par le Pere Gouye, les observations qu'ils ont faites sur le Crocodile, il sur résolu ce jour-là même que M. du Verney, qui avoit disséqué quelques années auparavant un semblable animal, joindroit ses réflexions aux remarques de ces Peres. Il oublia par malheur de relire, pour les faire avec justesse, le second volume d'observations des animaux qui ont été disséqués à l'Académie, dans lequel sont les véritables remarques que M. du Verney a faites fur le Crocodile; ce qui fut cause que l'esprit vuide depuis long-tems de ses propres découvertes, mais plein encore des plus considérables faits que j'avois fait voir peu de tems auparavant à l'Académie sur le cœur de la Tortue de mer, il les donna sans y penser au Public pour ceux qu'il avoit lui-même remarqués sur le cœur du Crocodile : aussi ne sit-il pas difficulté d'avouer en pleine assemblée qu'il s'étoit mépris, lorsque fâché de voir la meilleure partie des faits que j'avois découverts dans le cœur de cette Tortue, mêlés par M. du Verney parmi les observations des Révérends Peres Jesuites, j'en

portai ma plainte à la Compagnie. Elle la reçut d'autant plus favorablement, que je lui fis remarquer qu'ils étoient tout différens de ceux que M. du Verney lui avoit donnés du cœur du Crocodile, & qu'elle se ressouvint qu'il avoit voulu faire passer mes faits de la Tortue pour faux dans ses assemblées, quinze jours auparavant de les donner au Public pour vrais, mais pour ceux du Crocodile.

Peut-être aussi que piqué, comme il y a bien plus d'apparence, de ce que les observations qu'ont faites les Révérends Peres Jesuites de Siam sur le cœur du Crocodile, n'avoient nul rapport avec les remarques qu'il avoit faites sur celui qu'il a disséqué, & en avoient un fort grand avec les faits que j'avois observés sur le cœur de la Tortue de mer; & jugeant par-là que ses observations du cœur du Crocodile pourroient bien être aussi fausses que les remarques qu'il avoit faites sur celui de sa premiere Tortue de l'Amérique; prit-il le parti, les unes & les autres étant inconnues au Public, de les abandonner, & de lui donner les remarques de ces Peres & mes observations pour celles qu'il avoit faites lui-même sur le Crocodile, afin de faire croire dans le monde qu'il avoit avant nous une parfaite connoissance de la structure du cœur de ces deux animaux.

Je ne sçai point si cette seconde conjecture ne passera pas pour une vérité évidente & une preuve sensible de tout ce que j'ai dit ci-devant; sur-tout quand on sçaura que pour mieux réussir dans son entreprise, il retira des mains de M. du Hamel, alors Secretaire de l'Académie, les desseins que j'avois fait faire du cœur de la Tortue de mer, & de plusieurs autres parties du corps de cet animal, dont il se rendit maître, persuadé que par ce moyen il m'empêcheroit de donner au Public les observations que j'avois faites sur cet animal.

Ce fut par cet innocent artifice qu'il se délivra de la crainte qu'il avoit que je ne fisse connoître au Public que toutes les remarques qu'il a faites sur le cœur de sa pre-

miere Tortue de l'Amérique sont fausses.

Après

Après ce petit éclaircissement, il est aisé de juger que bien que le cœur du Crocodile ait beaucoup plus de rapport à celui de la Tortue que le cœur de la Carpe, & qu'il soit par cette raison infiniment plus propre que celui de ce poisson à décider la question qui est entre M. du Verney & moi, il n'a pas cependant osé joindre les observations de cet animal à celles de la Tortue, dans l'appréhension qu'il a eue que je ne sisse connoître au Public,

comme j'ai fait à l'Académie, sa méprise.

Cette précaution étoit bonne à prendre : mais pour avoir une réussire heureuse, il ne devoit pas m'imputer dans sa Critique d'avoir voulu donner au Public une description exacte du cœur de la Tortue, dans laquelle j'avois oublié cependant de faire mention des oreillettes; d'avoir voulu faire croire que les valvulles qui sont situées à l'entrée des ventricules droit & gauche, fussent inutiles à l'embouchure du trou ovale, qui fait la communication de ces deux ventricules; enfin il ne devoit pas supposer que j'ai pris les trois cavités du cœur de la Tortue pour trois cavités aussi distinctes & séparées entr'elles que le sont les deux ventricules du cœur de l'homme; il devoit bien prévoir que par ces fausses suppositions il pourroit m'engager à détromper le Public, en lui donnant, comme je vais faire après avoir répondu à sa Critique, du moins une description entiere de toutes les principales parties du cœur de la Tortue de mer, quoique sans figure, parce qu'il m'en retient les desseins; ce que j'ai depuis 19 ans négligé de faire pour le ménager. Mais maintenant je la dois à ma réputation pour la mettre à couvert de sa Critique, & au Public pour le tirer de l'incertitude dans laquelle la connoissance que je viens de lui donner de ses variations pourroit le jetter.

Dans l'examen que j'ai fait des faits que M. du Verney a observés sur le cœur des Tortues, j'ai oublié en parlant des arteres d'avertir que le sphincter marqué D, qui dans la troisieme figure de sa seconde planche embrasse les trois troncs d'arteres qui sortent du cœur de ces animaux,

Mém. 1703.

ne se trouve non plus dans les petites Tortues de France; que dans les grandes Tortues de l'Amérique. Il avoue qu'il manque dans celles-ci; il soutient qu'il se rencontre dans les autres. Voici le passage où son sentiment est marqué en termes bien précis.

Quatriéme description, p. 234.

Dans nos petites Tortues de terre, ces arteres, dit-il, sont embarrasses à leur naissance par un anneau de fibres charnues, il n'y en avoit point au cœur de la Tortue de l'Amérique.

On voit par ce passage, comme par la sigure de cet anneau qu'il embrasse à leur naissance, les trois troncs d'arteres qui partent du cœur des petites Tortues de terre; d'où l'on peut conclure que l'usage que M. du Verney donne à ce sphincter doit être commun à ces trois vaisseaux, je veux dire qu'ils doivent être tous trois resserrés également par ce sphincter, quand il se contracte, & par conséquent il doit accélerer, selon lui, le mouvement du sang vers le poûmon, comme vers les extrémités.

Il paroît néanmoins qu'il est d'un sentiment dissérent dans le passage qui suit. L'anneau ou sphincter qui se trouve à la naissance de l'aorte dans la petite Tortue, en se resserant immédiatement après la contraction du cœur, donne lieu de croire que son principal usage est d'accelerer & d'augmenter le

mouvement du sang vers les extrémités.

De ce passage on peut tirer deux conséquences. La premiere, que si ce sphincter ne se trouve qu'à la naissance de l'aorte, il ne peut pas embrasser les trois arteres qui sortent du cœur des petites Tortues de terre; cependant il est porté dans le passage précedent qu'il les embrasse. La seconde, que son usage ne peut pas être commun à ces trois vaisseaux. Donc ce second sentiment est disserent du premier, puisque ce second passage ne portepoint que ce sphincter accélere le mouvement du sang vers le poûmon, mais seulement vers les extrémités, à moins que M. du Verney ne prenne les poûmons de la Tortue pour quelques-unes des extrémités du corps de cet animal.

Après tant de variations, fi M. du Verney veut vérita-

pag. 247.

blement instruire le Public par ses découvertes, qu'il rectifie ses idées, & réforme les descriptions & les figures qu'il lui a données des parties des animaux dont il fait mention dans son Traité, qu'il n'a entrepris, à ce qu'il dit, que pour faire connoître l'erreur du nouveau système de la circulation du fang par le trou ovale du fœtus humain; parce que sans une correction très-exacte, il sera toujours impossible au Lecteur de découvrir la vérité de ses faits dans des descriptions, où l'on ne remarque que contradiction depuis le commencement jusqu'à la fin. Ainsi toute la Critique de M. du Verney n'étant bâtie que sur un fondement si ruineux, il n'y a pas d'apparence qu'elle puisse long-tems se soutenir. C'est ce que je vais démontrer.

RE'PONSE A LA CRITIQUE DE M. DUVERNEY

I L y a dix ans bien accomplis que M. du Verney entre-prit de combattre dans l'Académie Royale des Sciences, le rapport que j'avois fait du trou ovale & du canal de communication de la Tortue, avec ces mêmes conduits

qui se rencontrent dans le fœtus humain.

Pour le détruire, il se contenta alors de dire à cette célèbre Compagnie, que le trou ovale du fœtus est placé entre la veine cave & la veine du poûmon, & que le canal de communication n'est qu'une branche de l'artere du poûmon, qui va se joindre au tronc inférieur de l'aorte; qu'au contraire dans la Tortue le trou ovale est placé dans la cloison qui sépare le ventricule gauche du cœur de cet animal d'avec le droit, & que le canal de communication est une artere particuliere qui tire immédiatement son origine du ventricule droit : d'où il conclut que le rapport que j'avois fait de ces deux conduits de la Tortue avec ceux du fœtus humain, étoit faux.

Eeeij .

Pour répondre à cet argument, je représentai à Messieurs les Académiciens qu'ayant marqué dans le Mémoire du 31 Mars que l'Académie sit imprimer en 1692, que ces conduits sont placés dans le sœtus en des lieux différens de ceux qu'ils occupent dans la Tortue, il étoit évident que le rapport que j'en avois fait, ne regardoit pas leur situation, mais seulement leur usage.

Aujourd'hui M. du Verney, non content de me renouveller cette même objection, à laquelle je n'ai point d'autre réponse à faire que celle que j'ai fait imprimer dans la seconde dissertation du petit Traité que j'ai donné au public sur la circulation du sang du sœtus en 1700, pag. 18. soutient d'ailleurs que le trou ovale & le canal de communication n'ont pas dans la Tortue les mêmes usages que dans le sœtus, d'où il conclut que le sang ne circule pas dans l'une & dans l'autre de la même maniere. Je vais prouver le contraire.

Les usages que j'ai attribués au trou ovale & au canal de communication du sœtus & de la Tortue, se réduisent à trois. 1. Le trou ovale sert à donner passage au sang des veines du poûmon dans le ventricule droit. 2. Le canal de communication empêche que toute la masse du fang ne circule par leur poûmon, comme elle sait par celui de l'homme. 3. L'un & l'autre conduits servent à raccourcir dans le sœtus humain & dans la Tortue le chemin que le

fang parcourt dans l'homme.

Quant à l'usage particulier du trou ovale, M. du Verney convient avec moi que le sang des veines du poûmon qui se décharge dans le ventricule gauche du cœur de la Tortue, passe dans le ventricule droit par le trou qui sait leur communication: mais il prétend que dans le sœtus humain le trou ovale sert au contraire à donner passage au sang de la veine cave de l'oreillette droite dans l'oreillette gauche. Voici comme il s'explique dans sa Critique: Il est constant que la valvulle du trou ovale du sœur est située de maniere à donner un libre passage au sang de la veine cave dans l'oreillette gauche du cœur, & à le lui fermer au retour.

pag. 256.

Apparenment M. du Verney a oublié que les expériences qu'il a faites à l'Académie pour faire voir ce qu'il croit, lui ont toujours été inutiles, & il n'a pas prévu cette objec-

tion qui détruit visiblement son hypothèse.

Si la valvulle prétendue du trou ovale peut l'ouvrir & le fermer, il faut qu'elle souffre nécessairement des pressions alternatives de la part du sang qui coule de la veine cave dans l'oreillette droite du cœur, & de la part de celui qui passe de la veine du poûmon dans l'oreillette gauche. Cela étant, le sang de ces veines doit donc entrer dans les oreillettes en différens tems; cependant l'expérience nous apprend le contraire: car l'on voit que les deux oreillettes du cœur se dilatent ou s'emplissent en même tems, & qu'elles se resserrent & se vuident dans un autre & même moment. Le fang en quelque tems que ce soit ne peut donc passaire sur cette valvulle supposée des pressions alternatives; elle doit donc toujours demeurer dans une même situation, puisque le sang entre en même tems dans les oreillettes du cœur du fœtus.

Or comme les deux tiers du trou ovale sont creusés dans le bord supérieur de sa valvulle prétendue, qui fait certainement la plus grande partie de la cloison des oreillettes du cœur; il est évident que cette valvulle ne peut point s'appliquer au passage de ce trou ; il doit donc toujours rester ouvert dans le fœtus humain avant la nais-

fance.

Aussi est-ce par cette raison que l'air soufflé & l'eau seringuée par les veines du poûmon gauche, passe librement de l'oreillette gauche par le trou ovale dans l'oreillette droite. C'est ce que j'ai démontré il y a plus de dix ans dans l'Académie Royale des Sciences à M. du Verney, & c'est ce dont M. du Hamel rend témoignage dans l'Histoire qu'il a faite de ce qui s'est passé dans cette sçavante Compagnie, lorsqu'il dit: Negabat ille, c'est de moi PAc. p. 385. dont il parle, in ovali foramine ullam valvulam, aut eam sec. Edition, quæ eo nomine censetur, ita esse collocatam, ut foramen ipsum an. 1695. possit occludere: cum aqua siphunculo in aortam, aut pulmonis

E eeiii

venam injecta per illud foramen in auriculam cordis dextram, atque inde in venam cavam liberè transmittatur: quod semel

& iterum in duplici fætu palam ostendit.

Quelque tentative qu'ait faite jusqu'ici dans cette même Compagnie M. du Verney pour démontrer le contraire, il n'a jamais pû y réussir: de-là vient qu'il n'en est point parlé dans aucun des Mémoires, ni dans l'Histoire de l'Académie. Il ne laisse pas cependant d'assurer encore aujourd'hui dans sa Critique du nouveau système, que sa prétendue valvulle du trou ovale ne peut permettre au sang de la veine du poûmon de passer par ce trou. Ce qui m'a engagé à faire un nouvel essort pour le désabuser de l'opinion d'Harvée.

Dans ce dessein je ne me suis pas seulement contenté de lui répeter la même expérience; je lui ai fait voir de plus en pleine Académie le 13 Décembre 1702, que lorsque la valvulle supposée a acquis dans l'enfant après sa naissance assez d'étendue pour boucher le trou ovale, c'està-dire, qu'elle a acquis dans l'enfant la disposition qu'il prétend que cette valvulle a dans le fœtus; alors quoiqu'elle ne soit point encore unie à la cloison des oreillettes, ni l'air ni l'eau ne peuvent plus passer de l'oreillette gauche par ce trou dans l'oreillette droite : preuve évidente que cette valvulle prétendue ne ferme pas dans le fœtus humain, comme elle fait dans l'enfant, le trou ovale, puisque dans celui-ci ni l'air ni l'eau ne peuvent passer de gauche à droite, & que dans l'autre ils traversent en ce sens ce trou avec une très-grande facilité. Le trou ovale qui fait la communication de l'oreillette gauche à l'oreillette droite du cœur du fœtus, & du ventricule gauche au ventricule droit du cœur de la Tortue, peut donc avoir dans l'un & dans l'autre le même usage. C'est ce que je vais démontrer.

Il est constant que la capacité du ventricule gauche du cœur du fœtus humain est de moitié plus petite que la capacité du ventricule droit. Or les deux arteres pulmonaires ayant, prises ensemble, plus de capacité que le ca-

nal de communication, il est visible qu'il passe par les deux arteres pulmonaires plus de sang que par le canal; il doit donc revenir par les veines du poûmon dans l'oreillette gauche plus de la moitié du fang que contient le ventricule droit : le ventricule gauche n'en peut contenir que la moitié; il faut donc nécessairement que le surplus passe de l'oreillette gauche par le trou ovale dans l'oreilleire droite, que ce surplus rentre dans le ventricule droit, comme fait le sang des veines des poûmons de la Tortue, qui ne trouvant point d'artere dans le ventricule gauche, est forcé de passer par le trou ovale dans le ventricule droit du cœur de cet animal, pour prendre la route des arteres qui tirent leur origine de ce ventricule. Il est donc évident que le trou ovale a dans le fœtus & dans la Tortue le même usage.

Faisons voir à présent à M. du Verney qu'il en est de même du canal de communication, & ne nous servons pour cela que des faits dont il convient avec moi, & du sens dans lequel il entend que ce conduit décharge les

poûmons du fœtus humain.

A l'égard des faits il tombe d'accord, premierement, qu'il fort du cœur de la Tortue trois troncs d'arteres, sça-

voir deux aortes, & l'artere pulmonaire.

Secondement, que de ces trois arteres, celle que j'appelle le canal de communication, mais dont il fait son se. &235. cond tronc, qu'il nomme l'aorte descendante, s'unit à la branche inférieure du premier qu'il appelle l'aorte ascendante.

Troisiémement, il convient encore avec moi que les trois cavités du cœur de la Tortue ne font qu'un seul ventricule. Cela étant, il faut donc que toute la masse du sang qui sort du cœur de cet animal, se partage en trois parties en entrant dans ces arteres; & par conséquent de toute cette masse de sang, il n'y a que la partie qui passe dans l'artere pulmonaire qui puisse circuler par les poûmons de la Tortue.

En effet celles qui s'écoulent par les deux aortes dans

pag. 234-

tous les autres membres de cet animal, reviennent par les veines caves dans ce même ventricule, pour recommencer de nouveau leur circulation comme auparavant, sans

passer par les poûmons.

Or comme l'aorte descendante de M. du Verney verse une portion du fang qu'elle reçoit du ventricule droit du cœur dans la branche postérieure de l'aorte ascendante, comme fait le canal de communication du fœtus; il est donc évident que cette aorte descendante a le même usage dans la Tortue, qu'a le canal de communication dans le fœtus humain, qui est d'empêcher que tout le sang qui fort de son cœur, ne circule par ses poûmons comme il

fait par ceux de l'homme adulte.

Et parce que c'est dans ce sens-là que M. du Verney entend que ce canal décharge les poûmons du fœtus, puisqu'il sçait bien qu'il ne puise pas dans ces parties le sang qu'il porte dans le tronc inférieur de l'aorte, mais qu'il le reçoit du tronc même de l'artere pulmonaire; il faut abfolument qu'il convienne avec moi que l'aorte descendante de la Tortue décharge aussi les poûmons de cet animal, quoiqu'elle puise le sang dans le ventricule droit du cœur de la Tortue. L'aorte ascendante fait encore le même effet, puisque le sang de celle-ci, non plus que celui de l'autre, ne circule point par les poûmons de cet animal.

Si après cette démonstration M. du Verney ne veut pas reconnoître cette conformité d'usage, il faut nécessairement pour soutenir l'opinion d'Harvée, qu'il nous fasse voir clairement que tout le sang qui sort du cœur de la Tortue circule par les poûmons, comme fait celui de l'homme. Mais comment osera-t-il l'entreprendre, après Quatrieme nous avoir dit dans sa Critique, que les trois cavités du cœur de la Tortue ne font en effet qu'un seul ventricule, peu différent de celui du cœur des poissons & des grenouilles, & les trois arteres qui répondent à ces trois cavités, n'ont ensemble dans la Tortue que la même fonction qu'a l'artere du cœur de ces autres animaux, qui est de distribuer le sang en même tems

description, page 256.

& au poûmon, & à toutes les autres parties du corps?

Car de-là il s'ensuit visiblement que le sang qui passe du cœur de la Tortue dans ses deux aortes, ne circule point par les poûmons de cet animal. Il reconnoir lui-même cette vérité, en nous disant que dans la Tortue, à chaque circulation, un peu plus du tiers du sang passe dans le poumon. Les deux aortes ont donc, encore une fois, dans cet animal le même usage qu'a dans le sœtus humain le canal de communication.

page 248;

Cette conformité d'usage qui se trouve entre ces conduits, a paru autrefois si évidente à M. du Verney, que dans fa premiere description il nous diten termes formels, que la circulation du sang se fait dans les Tortues de la même Premiere des maniere qu'elle se fait dans le fatus; parce que tant dans le cription, pag. fætus que dans ces animaux, le poûmon ne reçoit de sang que pour sa nourriture, & non point pour la circulation entiere; & qu'enfin de même que la circulation entiere ne se fait que par les anastomoses du cœur du fœtus, elle ne se fait aussi dans les Tortues que par les ouvertures particulieres que les ventricules de leur cœur ont les unes avec les autres.

Qui après cela ne sera surpris de lui entendre dire dans sa Critique du nouveau système? Il est facile de faire voir par tout ce que nous venons de dire, que l'Auteur du système description se fatigue bien inutilement pour trouver dans le cœur de ces Pag. 257. animaux un trou ovale & un canal de communication. Il s'en seroit épargné la peine, s'il avoit voulu considérer que ces conduits ne sont nécessaires qu'au fætus humain, & à ceux des animaux dont le cœur a du rapport à celui de l'homme; il auroit vil la différence qu'il y a de la circulation qui se fait dans le fætus à celle qui se fait dans la Tortue, & qu'il n'y quoit nulle comparaison à faire entre deux manieres de circuler si opposees.

Quatriéme

Enraisonnant ainsi, M. du Verney ne s'est pas apparemment ressouvenu, 1°. Qu'il nous a dit en parlant du cœur de la Tortue dans sa seconde description, que la cavité qui répondoit à l'oreillette gauche communiquoit avec celle qui répon- cription, pagdoit à l'oreillette droite par une ouverture ovalaire garnie d'une

Seconde del-

Mém. 1703.

page 235.

unc Tortue pendant 32. lées.

espece de valvulle. Car je ne puis m'imaginer qu'il veuille mettre quelque différence entre trou ovale & ouverture ovalaire. 2°. Il semble qu'il ait oublié aussi que son second tronc de l'aorte s'unit à la branche postérieure du premier. J'ai vû vivre C'est donc un canal de communication. 3°. Il n'a pas fait réflexion que la Tortue vivant également dans l'air jours sans res- comme dans l'eau, sans respirer que par des intervalles pirer, la gueu- très-longs, ces deux conduits ne lui sont pas moins néle & les nari-nes étant scel- cessaires pour vivre en cet état, qu'ils le sont au sœtus pendant les neuf mois qu'il demeure dans le sein de sa mere,

privé de la respiration.

Il y a donc bien de l'apparence que ces conduits qui se ferment dans le fœtus après la naissance, parce qu'il respire alors, doivent rester toujours ouverts dans la Tortue; parce qu'elle passe la plus grande partie de tous les jours de sa vie sans respirer. Mais cette différence n'empêche nullement qu'ils n'ayent dans la Tortue les mêmes usages qu'ils ont dans le fœtus. La circulation se fait donc dans l'un & dans l'autre de la même maniere. Ces conduits ne sont donc pas seulement nécessaires au fœtus humain, & à ceux des animaux dont le cœur a du rapport à celui de l'homme ; ils le doivent être aussi à tous les amphibies dont le cœur a du rapport à celui de la Tortue, & qui ne respirent comme elle que de tems en tems. M. du Verney se fatigue donc bien inutilement pour nous faire croire que le trou ovale & le canal de communication ne se trouvent pas dans ces animaux; puisque par les faits qu'il a lui-même observés, & que je viens de rapporter, je démontre qu'ils se rencontrent dans la Tortue.

Si l'on me demande la raison pourquoi M. du Verney étant autrefois persuadé que la circulation du sang se faisoit dans les Tortues de la même maniere qu'elle se fait dans le fœtus, soutient à présent tout le contraire dans sa Critique, la voici: C'est parce que je lui ai fait voir qu'il est faux dans l'opinion d'Harvée qu'il suit, que le sang circule dans le cœur de la Tortue comme dans celui du fœtus. Je vais en tirer la preuve de ses propres observa-

M. du Verney a remarqué que dans la Tortue le sang des veines du poûmon passe du ventricule gauche dans le ventricule droit par le trou qui fait la communication de ces deux ventricules; ce qui est vrai. Mais comme il soutient que dans le fœtus le sang de la veine cave passe au contraire par le trou ovale dans la veine du poûmon, il est donc évident que le sang doit couler, selon M. du Verney, de gauche à droite dans le cœur de la Tortue, &de droite à gauche dans celui du fœtus; ainsi il doit prendre en passant par le trou ovale du cœur de la Tortue une route contraire à celle qu'il suit en passant par celui du cœur du fœtus. Le sang ne peut donc pas circuler dans le cœur de l'un & de l'autre de la même maniere, suivant ses propres remarques. Je viens de démontrer cependant que dans tous les deux le sang des veines du poûmon tient la même route en passant par le trou ovale; & que le canal de communication a le même usage. Le second sentiment de M. du Verney n'est donc pas moins faux que le premier. Que peut-on penser après cela de les décisions?

Le troisième usage commun au trou ovale & au canal de communication, c'est de servir l'un & l'autre dans le sœtus & dans la Tortue à raccourcir à une grande partie du sang le chemin qu'il parcourt dans l'homme. M. du Verney ne s'est point récrié dans sa Critique contre cet usage, il n'en a pas même parlé. Peut-être a-t-il senti qu'il est hors d'atteinte. Quoi qu'il en soit, en voici la démonstration.

Toute la masse du sang qui sort du ventricule droit du cœur du sœtus humain, se partage en passant dans le tronc de l'artere du poûmon en trois parties: l'une s'écoule par le canal de communication dans la branche inférieure de l'aorte, sans circuler par le poûmon, ni par le ventricule gauche: les deux autres passent dans

les arteres pulmonaires. Celles-ci traversant le poûmon,

F ff ij

viennent se rendre par ses veines dans l'oreillette gauche du cœur, où elles se séparent: l'une entre dans le ventricule gauche, l'autre passe par le trou ovale & rentre dans le ventricule droit, sans circuler par le ventricule gauche, ni dans tout le reste des parties du corps du sœtus. Il est donc visible que le trou ovale & le canal de communication servent dans le sœtus humain à raccourcir à la plus grande partie du sans le chemin qu'il parcourt dans l'homme adulte. Ce qui est expliqué plus au long dans les Mémoires des mois de Mars & d'Août de l'an 1693, & dans le nouveau système pag. 45. L'un & l'autre conduits sont le même esset dans la Torque, en voici la

preuve.

Toute la masse du sang sortant du ventricule droit du cœur de la Tortue, se partage aussi en trois parties: l'une entre dans l'artere pulmonaire, & vient se rendre par les veines du poumon dans le ventricule gauche; mais n'y trouvant point d'artere, elle est forcée de rentrer par le trou ovale dans le ventricule droit. Celle-ci ne fait donc que circuler par les poûmons, & ne passe point dans tout le reste des parties du corps de la Tortue. Des deux autres parties, l'une passe dans l'aorte, & l'autre dans le canal de communication. Ces deux parties viennent se rendre par les veines caves dans le ventricule droit, sans circuler par les poûmons, ni par le ventricule gauche. Il est donc évident que le trou ovale & le canal de communication servent aussi à raccourcir dans la Tortue le chemin que le fang parcourt dans l'homme.

Car dans celui-ci tout le fang qui passe du ventricule droit dans l'artere du poûmon, circule par le poûmon, & vient se rendre par ses veines dans le ventricule gauche, d'où il passe ensuite dans l'aorte qui le distribue à toutes les parties du corps, qui le renvoyent par la veine cave dans le ventricule droit, où il recommence sa circulation: de-là vient que le sang parcourt dans l'homme plus de chemin qu'il ne sait dans le sœtus & dans la Tortue. Il paroît par toute la Critique de M. du Verney, qu'il est

persuadé que le nouveau système de la circulation du sang du sœtus humain n'est sondé que sur les usages semblables qu'ont, selon moi, dans le sœtus & dans la Tortue le trou ovale & le canal de communication.

Cette conformité d'usage qui se présenta d'abord à mon esprit, est bien à la vérité le premier moyen qui m'a servi à l'établir: mais indépendamment de ce rapport, que M. du Verney combat seulement dans sa Critique, ce système nouveau est aujourd'hui sondé sur l'égalité de capacité qui se trouve dans l'homme, entre l'oreillette droite & l'oreillette gauche, entre le ventricule droit & le ventricule gauche, entre l'artere pulmonaire & l'aorte; comme aussi sur l'inégalité qui se rencontre dans le sœtus humain entre ces mêmes parties

entre ces mêmes parties.

C'est ce qu'ont bien reconnu ceux qui, comme lui, se sont élevés contre ce nouveau système: de-là vient qu'ils ont abandonné ce rapport, pour attaquer ce système par son véritable sondement. M. du Verney a fait tout le contraire, il a abandonné le sondement du système pour combattre le rapport, qui ne m'en a sourni que la premiere idée. Comme donc il semble qu'il ne se soit pas apperçu jusqu'ici de cette vérité, je vais recommencer à la lui montrer par cinq propositions ausquelles je le prie de répondre pour me désabuser de mon opinion, au cas que je me trompe. S'il ne le sait pas, son silence me servira d'approbation. S'il le sait & qu'il les détruise, j'avouerai moi-même que je me suis trompé.

PREMIERE PROPOSITION.

La capacité des arteres & des veines augmente à proportion de la quantité du sang que reçoivent ces vaisseaux, & elle diminue de maniere que quand le sang cesse d'y passer, elle se détruit entiérement. La nature nous sournit dans le sœtus humain des exemples constans de ces deux phenomenes. Depuis l'instant que le sang commence à couler dans ses vaisseaux, jusqu'au moment de sa

F ffiij

naissance, la cavité du canal artériel qui se trouve entre l'artere pulmonaire & la branche inférieure de l'aorte, & celle du conduit veineux qui se rencontre dans le foie entre la veine porte & la veine cave du fœtus, s'aggrandissent. Il en est de même de celle de la veine & des deux arteres ombilicales; parce que la quantité du fang que recoivent tous ces vaisseaux, augmente toujours jusqu'au terme de l'accouchement. Mais après la fortie de l'enfant hors du sein de sa mere, la veine ombilicale & le canal veineux ne recevant plus de sang du placenta; celui qui passoit par le conduit artériel entrant dans les arteres pulmonaires de l'enfant; & les arteres hypogastriques de l'enfant cessant d'en envoyer dans les arteres ombilicales, le canal veineux, le conduit artériel, la veine & les deux arteres ombilicales se rétrécissent en très-peu de tems, & dégenerent enfin en ligamens. Il est donc visible que le sang moule lui-même, pour ainsi dire, les vaisseaux dans lesquels il coule, & en forme la capacité à proportion de ce qui y en passe avec plus ou moins de vîtesse. Or comme on ne peut nier ces faits, qui sont connus de tous les Anatomisses, on ne peut donc raisonnablement douter que le plus sûr moyen pour juger de la quantité du fang qui passe par des vaisseaux, ne soit la mesure de leur capacité.

SECONDE PROPOSITION.

De ce principe il s'ensuit que l'oreillette droite & le ventricule droit fournissant dans l'homme adulte par l'artere du poûmon à l'oreillette gauche & au ventricule gauche tout le sang que celui-ci envoye dans l'aorte, il saut nécessairement que l'oreillette gauche du cœur soit aussi spacieuse que la droite, le ventricule gauche aussi grand que le droit, & la capacité de l'aorte aussi grande que celle de l'artere du poûmon; & c'est ce qu'on trouve précisément dans l'homme.

TROISIE'ME PROPOSITION.

Comme donc dans le fœtus humain la capacité de l'oreillette droite, celle du ventricule droit, & celle du tronc de l'artere du poûmon sont aussi grandes par proportion de corps, que sont ces mêmes cavités dans l'homme adulte; tout le sang de la veine cave doit passer, contre le sentiment d'Harvée & de tous ses sectateurs, des deux troncs de cette veine dans l'oreillette droite, entrer dans le ventricule droit, & s'écouler par le tronc de l'artere du poûmon du sœtus humain, comme il fait par celui de l'homme adulte.

QUATRIE'ME PROPOSITION.

Mais comme dans le même fœtus humain la capacité de l'oreillette gauche est d'un tiers ou environ plus petite que celle de l'oreillette droite, la capacité du ventricule gauche de moitié plus petite que celle du ventricule droit, & la capacité de l'aorte aussi moitié plus petite que celle de l'artere du poûmon; il est évident qu'il doit passer un tiers moins de sang par l'oreillette gauche que par l'oreillette droite; par le ventricule gauche, & par le tronc de l'aorte, moitié moins que par le ventricule droit, & par l'artere du poûmon. En voici la raison tirée des conduits particuliers au sœtus humain.

CINQUIE'ME PROPOSITION.

Le tronc de l'artere pulmonaire dans le fœtus humain se divise en trois branches, qui sont à peu près d'égale capacité. L'une fait le canal de communication; celle-ci s'abouche avec la branche inférieure de l'aorte, les deux autres vont aux poûmons.

Tout le fang de la veine cave passant de l'oreillette droite dans le ventricule droit, & de ce ventricule dans

le tronc de l'artere du poûmon, comme il est démontré par la troisième Proposition, doit donc se partager en entrant dans les branches de cette artere en trois parties. Or comme de ces trois parties celle qui s'écoule par le canal de communication dans la branche inférieure de l'aorte ne circule point par le poûmon; l'oreillette gauche du cœur, dans laquelle cette partie de sang ne peut se rendre, doit donc être d'un tiers plus petite que l'oreillette droite.

Et comme des deux autres parties qui prennent la route des deux arteres pulmonaires, & viennent se rendre par les veines du poûmon dans l'oreillette gauche, l'une passe dans le ventricule gauche, pendant que l'autre partie rentre par le trou ovale dans l'oreillette droite; de-là vient que la capacité du ventricule gauche, de même que celle de l'aorte, est moitié plus petite que celle du ventricule droit & de l'arrere du poumon; parce que l'un & l'autre ne sont pas seulement déchargés de cette partie du sang qui passe de l'oreillette gauche par le trou ovale dans l'oreillette droite, mais encore de celle qui s'écoule du tronc de l'artere pulmonaire par le canal de communication dans la branche inférieure de l'aorte. Il est donc démontré qu'une partie du sang des veines du poûmon passe de l'oreillette gauche par le trou ovale dans l'oreillette droite du cœur du fœtus humain.

Car si au contraire il étoit vrai que la plus grande partie du sang de la veine cave passat, comme le prétend Harvée, par le trou ovale dans le ventricule gauche; il est certain que ce ventricule recevant de plus tout le sang qui circule par le poûmon, devroit avoir une capacité beaucoup plus grande que le droit pour le contenir.

Le ventricule droit est au contraire moitié plus grand que le ventricule gauche. L'opinion d'Harvée, que M. du Verney s'efforce de soutenir, est donc évidemment fausse; d'autant plus que dans le cœur de l'homme, par lequel il ne passe pas plus de sang d'un côté que de l'autre, la capacité de l'oreillette gauche est aussi grande que celle

de

de la droite, le ventricule gauche aussi spacieux que le droit, & l'embouchure de l'aorte est égale à celle de l'ar-

tere pulmonaire.

Si M. du Verney ne veut pas se rendre à ces faits qui servent de fondement au nouveau système, il a à prouver pour soutenir l'ancien, que la capacité du ventricule gauche & celle de l'aorte doivent être dans le fœtus humain d'autant plus petites qu'il y passe plus de sang, & celles du ventricule droit & de l'artere pulmonaire d'autant plus grandes qu'il y en passe moins; c'est-à-dire, que le ventricule gauche doit contenir moitié plus de sang que le droit, quoique la capacité de celui-ci foit une fois plus grande que celle de l'autre : mais cette absurdité se détruit par la premiere Proposition, par laquelle il est démontré que le sang étend la capacité des vaisseaux à proportion de la quantité qui y passe; de sorte que si M. du Verney vouloit bien se dépouiller de toute prévention, & examiner avec un esprit d'équité ces cinq Propositions établies sur des faits certainement vrais, je m'assure qu'il changeroit de sentiment. Car qu'il ne pense pas que le public, severe censeur des Ouvrages des particuliers, croïe que sans détruire mes cinq Propositions, qui servent de fondement au nouveau système, mon opinion soit bien réfutée par ce qu'il dit en finissant sa Critique en termes vagues qu'il n'applique à aucun fait singulier:

Personne en un mot ne pourra convenir de la solidité d'un Memoires de l'Académie de système qu'il faut appuyer sans cesse sur des principes ou faux, l'année 1699. ou dont on tire de fausses consequences, parce que dans leur ap- pages 259. & plication on n'en compare point en même tems toutes les cir- 260. constances: comme il arrive lorsqu'en examinant les capacités des vaisseaux, on en tire des conclusions sans avoir égard ni aux forces, ni aux résistances; & lorsque supposant faussement égalité de forces ou de résistances, on en tire des conclusions sans avoir égard à la capacité des vaisseaux. Mais tout ce détail appartient au Traité de la circulation du sang dans le fætus, que je me propose de donner incessamment au public. Nous

l'attendons depuis six ans.

Mém. 1703 .

Ggg

M. du Verney a beau se statter que personne ne suivra mon opinion; l'approbation que l'Académie Royale des Sciences a donnée au nouveau système, est un préjugé de celle du public. Voici comme elle en parle dans son Histoire de 1701.

Pages 36. 27

Les deux systèmes opposés de la circulation du sang dans le sœtus, rapportés dans l'Histoire de 1699. p. 25.34. ne roulent que sur des conjectures; mais le moins qu'on puisse deviner c'est le mieux, & une question Physique est d'autant plus sûrement décidée, que le témoignage des yeux a plus de part à la décision, & que le raisonnement

» y en a moins.

Le trou ovale encore tout ouvert dans un homme de quarante ans, que M. Littre disséqua, paroît donner une de ces décisions sensibles. Puisque le sang s'étoit toujours conservé le passage du trou ovale, la circulation étoit la même dans l'homme qu'elle avoit été dans le sœtus; & de plus, comme il avoit toujours passé ou de l'oreillette droite dans la gauche, ou de la gauche dans la droite, les marques & les traces de l'un ou de l'autre de ces mouvemens contraires ne s'étoient pas essacés dans cet homme, ainsi qu'elles s'essacent dans tous les autres; ce qui fait la dissiculté de la question. Il ne s'agissoit donc que d'examiner avec ses yeux, & de reconnoître sensiblement de quel côté le sang avoit passé par le trou ovale.

Tous les vaisseaux du corps augmentent, diminuent, ou cessent d'être vaisseaux, selon qu'il y passe beaucoup, ou peu, ou point du tout de liqueur. Dans les adultes, après que le trou ovale s'est fermé, les capacités des vaisseaux du côté droit & du côté gauche du cœur sont égales, parce qu'il y coule une égale quantité de sang. Mais le trou ovale étant ouvert dans un adulte, il en coule davantage de l'un ou de l'autre côté; & par conséquent le côté qui a les plus grands vaisseaux, est selon toutes les apparences possibles celui qui reçoit plus de sang. Car on ne peut nullement dire d'un adulte, ce qu'on diroit d'un soctus; que quoiqu'il coule moins de sang dans les vaisses.

feaux du côté droit, ils font cependant plus dilatés, par- " ce que le sang y coule plus lentement, & regorge à cause « de l'embarras des poûmons.

Or M. Littre ayant exactement mesuré tous les vais- « feaux du cœur de cet homme de quarante ans, le systême "

de M. Mery se trouva victorieux.

L'oreillette droite du cœur étoit large de 3 pouces & " 10 lignes, la gauche de 3 pouces & 2 lignes. L'embou- « chure du ventricule droit avoit 2 pouces \(\frac{1}{2}\) de largeur, \(\frac{6}{2}\) celle du ventricule gauche 1 pouce & 8 lignes. Les capa- « cités des deux ventricules étoient proportionnées à celles « de leurs embouchures. Le diamétre de l'artere du poû- « mon étoit de 1 pouce & 10 lignes; celui de l'aorte de 1 « pouce & 3 lignes. Par conféquent il couloit plus de sang « du côté droit, & le sang passoit par le trou ovale de l'o- « reillette gauche dans la droite.

Il y avoit plus. Du côté de l'oreillette droite le trou « ovale n'avoit que 3 lignes de diamétre, & il en avoit 9 du « côté de l'oreillette gauche; ce qui faisoit la figure d'un « antonoir, dont la plus grande ouverture est naturellement tournée du côté d'où vient la liqueur; & même à « l'égard du trou ovale cette figure est d'autant plus con- « cluante, que le sang doit toujours élargir son chemin du «

côté d'où il vient.

Prétendre encore après cette décision de l'Académie d'être crû fur sa seule parole, sans donner aucune preuve particuliere de ce qu'on n'avance qu'en général, c'est trop exiger du public. En attendant le Traité de M. du Verney, qui contiendra le détail de toutes les fausses conséquences que j'ai tirées des faux principes sur lesquels j'ai fondé le nouveau système, je vais faire voir une seconde fois à ce fameux Critique que j'ai eu égard à toutes les circonstances qu'il prétend que je n'ai point observées. Pour cet effet je rapporterai seulement quelquesunes des objections qui m'ont été faites contre mon opinion, avec leurs réponses. Voici la premiere objection, qui renferme le faux raisonnement de M. du Verney.

Gggij

Page 9. & so, de la Lettre de M. Sil-1698.

Je veux bien accorder à M. Mery, dit un second Critique du système nouveau, que l'ouverture de l'aorte est de moitié vestre, ann. plus petite que celle de l'artere pulmonaire dans le fætus humain; mais comme la force mouvante du ventricule gauche appliquée à l'aorte est double, & peut-être triple de celle du ventricule droit appliquée à l'artere du poûmon, il est évident que la vîtesse que le ventricule gauche donne au sang qui passe dans l'aorte doit être double, & peut-être triple de celle que communique le ventricule droit au sang qui passe dans l'artere du poûmon; d'où il s'ensuit que malgré l'inégalité de leurs diamètres, l'impulsion de la même quantité de sang doit se faire en même tems par ces deux arteres; ce qui renverse incontestablement tout l'édifice du nouveau sistème du passage du sang des veines du poûmon par le trou ovale dans l'oreillette droite du cœur du fætus humain.

La réponse à cette objection, que ce Critique croit insurmontable, est aisée à trouver & facile à comprendre. La capacité du ventricule gauche du cœur est, dans le fœtus humain, moitié plus petite que celle du ventricule droit; celui-ci contient donc moitié plus de sang que l'autre. Ces deux ventricules se vuident dans un même tems : le ventricule gauche employe donc autant de tems à se vuider du sang qu'il contient dans l'aorte, qu'en met le ventricule droit à se vuider de celui qu'il renferme dans l'artere du poûmon : il passe donc dans un même moment, avec des vîtesses égales, moitié plus de sang du ventricule droit dans l'artere pulmonaire, qu'il n'en passe du ventricule gauche dans l'aorte, malgré l'inégalité de

forces de ces deux ventricules.

Ce qui se passe dans l'homme confirme encore cette vérité, & fait mieux voir l'absurdité de l'objection de ce Critique. Car s'il étoit vrai que la force mouvante du ventricule gauche du cœur fût telle qu'elle pût donner au sang qui passe dans l'aorte une vîtesse double, & peutêtre triple de celle que peut communiquer le ventricule droit au sang qu'il chasse dans l'artere du poûmon; ce que ce second Critique croit qu'on ne peut lui contester;

il est visible, l'ouverture de ces deux arteres étant égale dans l'homme, qu'il passeroit dans un même espace de tems deux, & peut être trois fois plus de sang par l'aorte que par l'artere du poûmon: ce qui est certainement impossible; parce qu'au sçû de tous les Anatomistes, le ventricule gauche ne peut pousser de sang dans l'aorte, qu'autant que lui en fournit le ventricule droit par l'artere du poûmon, puisque le ventricule gauche ne reçoit point de fang d'ailleurs.

Or comme la capacité de ces deux ventricules est égale, & que l'ouverture de l'artere du poûmon est aussi égale à celle de l'aorte, il est évident que ces deux ventricules se vuidant en même tems, il doit passer du ventricule droit dans l'artere du poûmon la même quantité de fang qui passe du ventricule gauche dans l'aorte avec même vîtesse, dans un même espace de tems, malgré l'inégalité de force de ces deux ventricules; ce qui est absolument

nécessaire pour entretenir une circulation continue.

D'ailleurs, si, comme le prétend ce Critique, le plus & le moins de force mouvante des muscles dépend de ce qu'ils ont plus ou moins de fibres charnues, & si pour l'impulsion du sang il est nécessaire que la force mouvante soit proportionnée au degré de résistance qu'il faut surmonter; je vais lui faire voir qu'il détruit la circulation du sang, en appliquant au cœur

ces deux propositions.

Car si l'on compare l'oreillette gauche avec le ventricule gauche, on verra que celui-ci a dix fois au moins plus de fibres charnues que l'autre. Or comme le plus & le moins de résistance des muscles dépend aussi de ce qu'ils ont plus ou moins de ces fibres, il ne paroît pas vrai-semblable que l'oreillette gauche puisse avec un degré de force mouvante surmonter dix degrés de résistance que lui oppose le ventricule gauche; & par conséquent il n'y a pas d'apparence que cette oreillette puisse faire entrer le fang dans ce ventricule: la circulation en est donc impossible.

Supposé néanmoins que dans le tems que les fibres Ggg iii

charnues des ventricules sont relâchées, les oreillettes puissent, quoique beaucoup plus foibles qu'eux, surmonter leur résistance, & pousser dans le moment qu'elles se contractent, le fang dans les ventricules; quand ceux-ci viendront à se resserrer, s'il est vrai que la vîtesse avec laquelle le fang coule dans les arteres, dépende seulement, comme le prétend ce Critique, de la force mouvante appliquée immédiatement à leurs embouchures, le sang qui fort du ventricule droit, ne pourra donc couler dans l'artere pulmonaire qu'avec un degré de vitesse, pendant qu'il s'écoulera avec trois dans l'aorte, en sortant du ventricule gauche; parce que celui-ci, au compte de notre Critique, est trois fois plus fort que l'autre. Le ventricule droit ne pourra donc fournir par l'artere du poûmon au ventricule gauche, qu'un tiers du sang que ce ventricule pousse dans l'aorte: (car l'ouverture de cette artere étant égale à celle de l'autre, il est évident qu'il doit passer, comme je viens de dire, en même tems deux fois plus de fang du ventricule gauche dans l'aorte, qu'il n'en passe du ventricule droit dans l'artere pulmonaire:) il faut donc que le ventricule gauche reçoive d'ailleurs les deux autres tiers du fang qu'il chaffe dans l'aorte, ce qui est visiblement faux. En effet, il est certain que le ventricule droit fournit seul par l'artere du poûmon au ventricule gauche tout le sang qui passe dans l'aorte. De plus, l'oreillette droite étant, selon ce Critique, composée de gros pacquets de fibres au moins deux fois plus fortes que celles de l'oreillette gauche, celle-ci doit être au moins deux fois plus foible que l'autre. Si donc la vîtesse avec laquelle le sang coule dans les vaisseaux dépend absolument de la force mouvante qui leur est appliquée, comme il le prétend, l'oreillette droite doit pousser le sang dans le ventricule droit avec deux degrés de vîtesse au moins, pendant que l'oreillette gauche ne le poussera qu'avec un seul dans le ventricule gauche.

Or les oreillettes étant égales en capacité, & contenant par conséquent autant de sang l'une que l'autre dans

pag. 32.

l'homme adulte, les ventricules étant aussi égaux, il est évident que l'oreillette gauche doit employer au moins deux fois plus de tems pour remplir le ventricule gauche, qu'il n'en faudra à l'oreillette droite pour remplir le ventricule droit, sans avoir égard à la différente résissance des ventricules.

Car si l'on y fait attention, on trouvera que le ventricule gauche étant trois fois plus fort que le droit, l'oreillette gauche employera quatre ou cinq fois plus de tems à remplir le ventricule gauche, que n'en mettra l'oreillette droite à remplir le ventricule droit; parce que l'oreillette droite a au moins deux fois plus de force que la gauche, & trois fois moins de résistance à surmonter : les ventricules ne pourront donc s'emplir en même tems.

Ils ne pourront pas aussi se vuider dans un même instant; puisque le ventricule droit étant trois fois plus foible que le gauche, il faut à celui-ci trois fois moins de tems qu'à l'autre pour se vuider; parce que le ventricule gauche pousse le sang dans l'aorte avec trois degrés de vîtesse, pendant que le droit ne le pousse qu'avec un seul dans l'artere du poûmon. Voilà les conféquences qui fuivent naturellement des trois propositions de notre Critique, que l'expérience dément : lui-même ne peut pas nier que les deux ventricules du cœur ne s'emplissent en même tems, & qu'ils ne se vuident dans un autre & même moment. Il en est de même des oreillettes : la vîtesse avec laquelle le fang coule dans les vaisseaux, ne dépend donc pas de la seule force mouvante qui leur est immédiatement appliquée.

Pour trouver le dénouement de toutes ces difficultés, il faut considérer, comme j'ai dit, les veines du poûmon, « Nouveau système, pag. l'oreillette gauche, le ventricule gauche, l'aorte, la veine " 170. 171. cave, l'oreillette droite, le ventricule droit, & l'artere du « 172. poûmon comme un feul canal plus large en certains en- « droits qu'en d'autres, mais tout plein d'air & de sang mê- « lés ensemble très-exactement.

Sous cette idée présente à l'esprit, on concevra aisé-

» ment, 1°. Que l'impulsion de l'air qui entre des vessicules » du poûmon dans ce canal quand la poitrine se resserre, & » l'impression que sont toutes les parties de ce tuyau sur le » sang qui y est rensermé, doivent se communiquer, dans » l'instant même qu'elles se contractent, à toute sa masse.

2°. Que pour pousser dans les ventricules du cœur, dans le tems de leur relâchement, autant de sang qu'ils en chassent dans les arteres pendant leur rétrécissement, l'effort que sont les oreillettes du cœur & les arteres, qui pour cet esset se contractent en même tems, doit être égal à celui des ventricules & des veines qui se resserrent dans un autre & même moment; qu'ainsi les oreillettes & les arteres associées dans leur action & prises ensemble, doivent avoir autant de force que les ventricules & les veines prises ensemble dans la leur; d'où il s'ensuit que l'impulsion du sang doit toujours être égale dans toute la longueur de ce canal qui en est rempli.

» Aussi paroît-il fort vrai semblable que c'est pour cet » esse de l'Auteur de la nature a fait, par une sagesse ad-» mirable, que la partie la plus soible de ce tuyau, qui sont » les veines, agit en même tems que la plus sorte, qui sont » les ventricules, & que les oreillettes & les arteres, qui » sont d'une moyenne sorce entre les ventricules & les vei-» nes, se contractassent aussi dans un autre & même mo-

» ment.

C'est encore par la même raison qu'il a associé la plus poible oreillette avec la plus forte artere; sçavoir l'oreillette avec la plus forte oreillette avec la plus foible artere; sçavoir l'oreillette droite avec l'artere du poûmon. Il paroît donc par cette compensation de force de part & d'autre, que le sang doit toujours être également poussé dans toute la longueur de ce canal.

3°. On connoîtra que quoique les parties les plus fortes ou les plus épaisses de ce tuyau contribuent davantage que les plus minces ou les plus foibles à l'impulsion du fang, si néanmoins ces parties les plus fortes sont aussi les plus larges, le sang doit circuler chez elles avec moins de

vîtesfe

vîtesse que dans les parties les plus soibles, si elles sont les @ Pag. 164. plus étroites. Il est donc évident que la vîtesse du sang plus = 165. 166. grande en certains vaisseaux qu'en d'autres, ne dépend a 169, ann. pas de leur différente force ou épaisseur, mais de l'inéga- a 1700. lité de leur capacité. Ce que j'ai expliqué en détail dans la 16 réponse à la Lettre de M. Silvestre.

Quoique ce seul passage soit suffisant pour faire connoître que j'ai eu égard aux circonstances ausquelles M. du Verney prétend que je n'ai pas fair attention; je vais en ajouter un autre, par lequel, suivant les propres principes de mes Critiques mêmes, j'ai fait voir que le mouvement du sang doit être aussi rapide dans l'artere du poû-

mon que dans l'aorte. Le voici.

Le ventricule gauche a beaucoup plus de force, disent- « page 182. ils, que le ventricule droit; parce que le fang, à ce qu'ils ... s'imaginent, a beaucoup plus d'obstacles à surmonter dans « toutes les parties du corps qu'en traversant le poûmon : je « veux bien le leur accorder. Pour vaincre ces obstacles il ... faut donc, soutiennent-ils, que le sang circule dans l'aor- « te avec plus de rapidité que par l'artere du poûmon : c'est « ce que je nie, & voici mon raisonnement.

La force des ventricules étant, selon ces Messieurs, « Par la même proportionnée à la résissance des parties; si le sang trouve « raison elle restera aussi moins d'obstacles à surmonter dans le poûmon de l'hom- « égale en metme que dans les autres parties de son corps, comme ils a tant la résisle prérendent, la vîtesse du sang restera égale dans les ar- = sang même

teres, si leurs capacités sont égales.

Or la capacité de l'artere du poûmon est égale à la capacité de l'aorte: donc la vîtesse du sang dans l'artere du poûmon doit être égale à la vîtesse que le sang a dans l'aorte, puisque la petite résistance du poûmon est proportionnée à la foiblesse du ventricule droit, & la grande résistance des autres parties du corps proportionnée à la force du « ventricule gauche; d'où il s'ensuit qu'il ne peut passer dans a un même espace de tems plus de sang par l'aorte que par l'artere du poûmon.

Cette vérité paroîtra très-évidente aux moindres con-. runto Memmi 703. con vico ruch O . elemen Hhh

tance dans le contenu dans ces deux arteres qui sont de a longueur fort différente, " mais d'égal a diamétre,

noisseurs, pour peu qu'ils fassent réslexion que l'aorte ne reçoit point d'autre sang que celui que lui envoye l'artere du poumon. Il faut donc pour entretenir une circulation continue, que dans l'adulte le ventricule droit pousse dans l'artere du poûmon autant de fang que le ventricule » gauche en chasse dans l'aorte avec la même vîtesse & en même tems. Aussi sont-ils égaux & se vuident dans un mê-

me moment.

Quiconque lira ces deux passages, & les cinq Propositions sur lesquelles le nouveau système de la circulation du sang est établi, aura peine à croire qu'il ne soit appuyé, comme dit M. du Verney, que sur des principes ou faux, ou dont on ne tire que de fausses consequences, parce que dans leur application on n'en compare point en même tems toutes les circonstances; car il est aisé d'y reconnoître que j'ai eu égard & aux forces mouvantes, & à la résistance des parties, & à la capacité des vaisseaux. M. du Verney n'a feint de ne le pas sçavoir, que parce qu'il ne trouve pas en lui-même de réponse à des raisons si convaincantes. Il auroit donc mieux fait de se taire, que d'avancer des suppositions dont je prouve si évidemment la fausseté.

Au reste cette premiere objection est fort specieuse & part d'un homme qui me paroît plus Geométre qu'Anatomiste. La seconde que je vais rapporter, me semble d'autant plus étrange, qu'elle m'est faite par un Anatomisse, mais qui assurément n'a point connu le rapport des vaisseaux du poûmon. Aussi ne me serois-je pas arrêté à la réfuter une seconde fois, n'étoit que de grands hommes que j'honore véritablement à cause de leur rare mérite, ont cru qu'elle faisoit perdre à l'opinion que je soûtiens toute sa vraisemblance. Voici quelle est cette objection.

L'aorte, dit ce troisséme Critique, est beaucoup plus petite dans le fœtus humain que l'artere pulmonaire; mais dans le veau & l'agneau fœtus, l'aorte est au contraire beaucoup plus grosse que l'artere du poûmon. It faut donc qu'il passe une plus grande quantité de sang par l'aorte que par l'artere du posimon. Car on ne doit pas croire que les liqueurs ayent des routes toutes opposées dans le fætus humain, & dans ceux des animaux ruminans.

Mémoires de l'Académie de l'an 1699. page 259.

Progrès de Médecine 1698. pages 71.75.

Quoique j'aye fait voir à l'Académie le contraire des faits que ce Critique dit avoir observés dans ces animaux, accordons-lui néanmoins que dans le veau & l'agneau fœtus, l'aorte soit beaucoup plus grosse que l'artere du poûmon, & que par cette raison il passe plus de sang par l'aorte que par l'artere pulmonaire: mais montrons-lui en même tems que puisque de son aveu même, l'aorte est au contraire beaucoup plus petite, que l'artere du poûmon dans le fœtus humain; il faut qu'il passe nécessairement beaucoup moins de sang par l'aorte que par l'artere pulmonaire. En voici la démonstration.

Le ventricule gauche du cœur du fœtus humain a moitié moins de capacité que le ventricule droit : celui-ci contient donc moitié plus de fang que l'autre. Ces deux ventricules se vuident en même tems, il passe donc moitié moins de sang dans l'aorte que dans l'artere du poûmon. Il n'y a donc pas d'apparence que le fang tienne la même route dans le fœtus & dans le veau en passant par le trou ovale, s'il est vrai que dans le veau & l'agneau l'aorte soit

beaucoup plus grosse que l'artere du poûmon.

Pour éluder la force de ces deux conséquences que ce Critique a bien sentie, il s'est avisé de me faire cette ré-

ponse aussi peu solide que son objection.

Que l'artere pulmonaire soit dans le fœtus humain plus Histoire de grosse que l'aorte, ce n'est pas à dire qu'il y passe plus de sang, l'Académie de cela conclud seulement que le sang y passe moins vite; parce que 29. les poûmons vers lesquels il est poussé ne sont pas aisés à pénétrer. Ainsi il regorge dans l'artere pulmonaire, qui d'ailleurs étant composée de membranes moins fortes & moins épaisses, prête

& s'étend avec assez de facilité.

Si ce Critique avoit fait réflexion, 1°. Que les poûmons du veau & de l'agneau ne sont pas plus aisés à pénetrer que ceux du fœtus humain. 2°. S'il avoit remarqué que les membranes qui composent l'artere pulmonaire de ces animaux, étant aussi & moins fortes & moins épaisses que celles de l'aorte, elles peuvent s'étendre dans le veau & l'agneau fœtus avec la même facilité qu'elles font dans le Hhhii

MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROVALE fœtus humain. 3°. S'il avoit sçû que le canal arteriel sert à décharger au moins le tiers du sang de l'artere du poûmon dans la branche insérieure de l'aorte du sœtus humain, comme dans ces animaux, dans l'artere pulmonaire desquels il ne prétend pas que se fasse le même ressux, il se seroit bien donné de garde de rapporter la dilatation de l'artere pulmonaire du sœtus humain au regorgement du sang des poûmons dans le tronc de cette artere, puisque le canal de communication ne doit pas moins empêcher dans celui-ci que dans les autres ce prétendu regorgement.

Supposé néanmoins qu'il se fasse dans le sœtus humain, il est visible que les poûmons du veau & de l'agneau n'étant pas plus aisés à pénétrer que ceux du sœtus, l'embarras des poûmons de ces animaux doit produire le même regorgement dans l'artere pulmonaire, & par conséquent la même dilatation, puisque les membranes qui composent l'artere pulmonaire peuvent s'étendre dans le veau & l'agneau avec la même facilité que dans le sœtus humain. Il y a donc bien de l'apparence qu'à la dilatation de l'aorte plus grande que celle de l'artere du poûmon, que ce Critique a sait voir dans ces animaux, l'art a plus de part que la nature, ou qu'il a pû prendre dans le veau & l'agneau sœtus le tronc de l'artere du poûmon pour celui

de l'aorte.

D'ailleurs il n'a pas pris garde que le ventricule droit du cœur étant dans le fœtus humain moitié plus grand que le ventricule gauche, & l'oreillette droite ayant un tiers du moins plus de capacité que l'oreillette gauche, il est évident que si la dilatation de l'artere pulmonaire du fœtus humain est causée par le regorgement du sang des poûmons, ce regorgement doit être aussi la cause de l'élargissement de ces parties; ce même sang doit donc refluer encore de cette artere dans le ventricule droit, de celui-ci dans l'oreillette droite, & passer ensuite par le trou ovale, pour ne pas donner à ces parties une dilatation énorme. Mais il est aisé de prouver que ce ressux est impossible. En voici la raison.

Dans le tems que l'artere du poûmon se contracte ou se resserre, l'oreillette droite se rétrécit aussi, & pousse en se contractant le fang qu'elle contient dans le ventricule droit : le sang de l'artere pulmonaire ne peut donc pasregorger dans cette oreillette pendant qu'elle se resserre, il ne peut pas aussi y refluer quand elle se relâche; parce qu'alors le ventricule droit se contracte, & chasse le sang qu'il a reçû de cette oreillette dans l'artere pulmonaire : le sang de cette artere ne peut donc pas en quelque tems que ce soit regorger dans l'oreillette droite pour passer par le trou ovale : le regorgement du sang ne peut donc pas être la cause de la dilatation de l'oreillette droite, ni de celle du ventricule droit. D'ailleurs, il faudroit pour cela que ce même fang coulât en même tems par des mouvemens contraires dans le même vaisseau vers des parties opposées malgré les valvules du cœur, ce qui est absolument impossible à la nature. En esset, celles qui sont placées à l'entrée & à la sortie du ventricule droit, & qui permettent au sang de la veine cave de s'écouler dans l'artere pulmonaire, ne peuvent pas fouffrir qu'il reflue par cette même artere dans l'oreillette droite, pour passer par le trou ovale sans perdre leur usage, & détruire la circulation du fang par le poûmon du fœtus hu-

Supposé néanmoins que malgré l'opposition de ces valvules, malgré la contraction du ventricule droit & de l'oreillette droite ce regorgement se fasse, & que le sang qui reslue de l'artere pulmonaire dans leurs concavités passe par le trou ovale; je demande pourquoi la plus grande partie du sang de la veine cave passant aussi, selon le système d'Harvée, par ce trou dans l'oreillette gauche, qui reçoit de plus celui qui revient par les veines du poûmon dans sa cavité; je demande, dis-je, pourquoi cette oreillette se trouve-t-elle cependant d'un tiers au moins plus petite que l'oreillette droite? Celle ci, par les observations des Critiques du nouveau système, est composée de sibres du moins deux sois plus grosses & plus for-

tes que celles de l'autre. L'oreillette gauche peut donc s'étendre beaucoup plus aisément que la droite. D'où vient donc, encore une fois, que l'oreillette gauche est néanmoins d'un tiers plus petite que la droite, & le ventricule gauche moitié plus petit que le droit? C'est ce qui est inexpliquable dans l'ancien système; mais dont il est très-facile de rendre raison par le nouveau. On n'a qu'à relire la troisième, la quarrième & la cinquième Proposition que je viens de donner, on y trouvera les raisons de cette dissérence sort naturellement expliquées par les routes naturelles du sang.

Enfin, si le sang qui restue des poûmons, & regorge dans l'artere pulmonaire, ne peut rentrer dans le ventricule droit, ni dans l'oreillette droite, à cause de l'opposition des valvules & de la contraction de ces parties; il saut nécessairement, ce sang s'accumulant de jour à autre pendant neus mois que le sœtus humain demeure rensermé dans le sein de sa mere, ou que l'artere pulmonaire se créve, ou qu'elle devienne à la sin d'une grosseur monstrueuse. Ni l'un ni l'autre n'arrive: tout le sang que les deux arteres pulmonaires portent dans le poûmon, doit donc se décharger par ses veines dans l'oreillette gauche

du cœur. En voici la démonstration.

Par la premiere des cinq Propositions par lesquelles j'ai établi le nouveau système de la circulation du sang par le trou ovale dans le sœtus humain, j'ai prouvé que le sang étend la capacité des vaisseaux à mesure de ce qui en passe. Si donc tout le sang qui est porté par les deux arteres pulmonaires aux poûmons, ne se décharge pas dans leurs veines, parce qu'ils ne sont aisés à pénétrer, & que de là vienne qu'une partie de ce sang soit sorcée de regorger dans l'artere pulmonaire; il s'ensuit de là que les veines des poûmons ne doivent point avoir dans le sœtus humain avec les arteres pulmonaires, la même proportion que gardent entr'eux ces vaisseaux dans l'homme adulte.

Or il est visible dans le fœtus, que les veines des poû-

mons ont avec les arteres pulmonaires, la même proportion que gardent entr'eux ces vaisseaux dans l'homme adulte : les veines des poûmons du fœtus humain reçoivent donc indubitablement tout le sang qui passe dans les deux arteres pulmonaires. Le sang circule donc dans les poûmons du fœtus avec la même liberté qu'il a dans ceux de l'homme.

Le regorgement du sang des poûmons dans l'artere pulmonaire, que donne pour cause de sa dilatation dans le fœtus humain ce troisième Critique du nouveau systême, n'est donc qu'une chimere & une fausse supposition. Le passage du sang des veines des poûmons par le trou ovale dans le ventricule droit du cœur du fœtus humain

est donc démontré.

Al'égard du fœtus de l'animal, s'il s'en trouve quelqu'un dans qui la capacité de l'oreillette gauche & du ventricule gauche soit plus grande que celle de l'oreillette droite & du ventricule droit, & dans qui l'ouverture de l'aorte soit naturellement plus grande que celle de l'artere pulmonaire ce qu'on n'a point encore pû jusqu'ici faire voir ; j'avoue qu'il faut de toute nécessité qu'une partie du sang de la veine cave passe au contraire par le trou ovale dans l'oreillette gauche, qu'elle entre dans le ventricule gauche, & qu'elle s'écoule par le tronc de l'aorte du fœtus de l'animal; ces deux routes différentes n'ayant rien de contraire à l'usage des valvules du cœur, ni aux loix de la circulation. L'une & l'autre peuvent également servir à raccourcir dans toutes sortes de sœtus le chemin que le sang parcourt dans les adultes; ce qui fait le principal usage du trou ovale, & celui du canal de communication. zion die neud en diguniens.

Après avoir prouvé par tant de raisons que le regorgement du sang des poûmons dans l'artere pulmonaire est une pure illusion, & démontré que le sang circule par les poûmons du fœtus humain avec la même liberté que par ceux de l'homme adulte; il m'est aisé de faire voir que la raison que rend ce Critique de la réduction de l'artere

432 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE des poûmons à l'égalité de l'aorte, n'est qu'une chimere des plus mal-imaginées.

Histoire de l'Académie de l'an 1699. pag. 29.

Le fœtus étant né, dit-il, & les poûmons débarrassés par la respiration, le sang qui commence à y couler aussi aisement que dans les autres parties du corps, ne regorge plus dans l'artere pulmonaire, & elle reprend par son ressort une capacité qui n'est qu'égale à celle de l'aorte.

Comment ce Critique pourra-t-il prouver cette supposition, lui qui tient que dans le veau sœtus la capacité de l'aorte n'est beaucoup plus grande que celle de l'artere des poûmons, que parce qu'il passe beaucoup plus de sang par l'aorte que par l'artere pulmonaire de cet animal?

S'il a bien compris l'opinion d'Harvée qu'il défend, il doit sçavoir premierement, qu'avant la naissance du sœtus, la plus grande partie du sang de la veine cave passe, selon cet Auteur, par le trou ovale dans la veine des poûmons, ou pour mieux dire, dans l'oreillette gauche du cœur, & qu'elle s'écoule en passant par le ventricule gauche dans le tronc de l'aorte, pendant que la plus petite partie du sang de cette même veine cave entre de l'oreillette droite dans le ventricule droit, pour s'écouler dans le tronc de l'artere des poûmons.

Secondement, il ne doit pas ignorer que de cette plus petite partie de sang qui entre dans le tronc de l'artere pulmonaire, le tiers au moins se décharge par le canal de communication dans la branche insérieure de l'aorte, puisque ce canal sait la plus grosse des trois branches dans lesquelles se divise le tronc de l'artere des poûmons.

Troisiémement, il doit sçavoir que le scetus étant né, le trou ovale se bouche, & que le canal de communication dégénare en lignment.

tion dégénere en ligamens.

Ces connoissances supposées dans notre Critique, il doit convenir, 1°. Que tout le sang de la veine cave qui passoit par le trou ovale dans le ventricule gauche, doit entrer dans le ventricule droit, & s'écouler dans l'artere pulmonaire. Ce trou étant sermé, le tronc de cette artere doit donc recevoir au moins une sois plus de sang après la naissance

naissance qu'auparavant, suivant le système d'Harvée. 2°. Il ne peut pas nier que les deux branches de ce tronc qui vont aux poûmons, en reçoivent davantage; puisqu'outre qu'elles donnent passage alors au sang de la veine cave qui passoit par le trou ovale, elles le donnent encore à celui qui s'écouloit dans la branche inférieure de l'aorte, avant que le canal de communication fût détruit. La capacité de ces deux branches dans l'artere pulmonaire doit donc dans l'enfant s'agrandir considérablement au lieu de diminuer, si l'opinion de cet Auteur est vraie; puisqu'il est démontré par la premiere des cinq Propositions sur lesquelles le nouveau système est établi, que les vaisseaux se grossissent à proportion de la quantité du sang qui y passe. Ce Critique reconnoît lui-même cette vérité, puisqu'il la fait servir de fondement à sa principale objection.

Comment ne s'est-il donc pas apperçû que c'est une chimere de dire que le fœtus étant ne, l'artere pulmonaire reprend par son ressort une capacité qui n'est qu'égale à celle de l'aorte? Chimere d'autant plus mal imaginée, qu'il faudroit pour cela que la capacité du tronc de l'artere des poûmons diminuât de moitié en recevant moitié plus de fang, & même davantage, s'il est vrai que dans le fœtus la plus grande partie du sang de la veine cave passe par le trou ovale. Peut-on voir une plus grande absurdité?

Comme donc il est absolument impossible que le tronc de l'artere des poûmons puisse diminuer de moitié de capacité en recevant moitié plus de sang, il est évident que c'est le tronc de l'aorte qui devient, le sœtus étant né, égale à l'artere pulmonaire, quoique le ressort de l'aorte soit environ moitié plus fort que celui de l'artere des poûmons. Pour devenir égale à l'artere pulmonaire, la capacité de l'aorte doit augmenter de la moitié : il faut donc que le tronc de cette artere reçoive moitié plus de fang après la naissance qu'auparavant; & c'est ce qui arrive en effet par le moyen que je vais expliquer.

Le trou ovale étant fermé, la partie du sang des veines Mem. 1703.

des poûmons qui passoit de l'oreillette gauche par ce trou dans l'oreillette droite, entre alors dans le ventricule gauche, & s'écoule dans le tronc de l'aorte. Le canal de communication étant détruit, le sang que ce canal portoit dans la branche insérieure de l'aorte, circule en après par les poûmons, se rend par leurs veines dans l'oreillette gauche, entre dans le ventricule gauche, & s'écoule aussi par le tronc de l'aorte: de-là vient que la capacité de l'oreillette gauche augmente d'un tiers, & de moitié celles du ventricule gauche & du tronc de l'aorte. Ce qui montre évidemment que l'opinion d'Harvée est fausse.

Le nouveau système de la circulation d'une partie du fang des veines du poûmon par le trou ovale dans le sœtus humain, conserve donc encore, malgré les plus sortes raisons de ce Critique, toute sa vraisemblance: ainsi les plus soibles ne méritent pas de réponse. Mais voici une troisséme objection par laquelle un quatrieme Critique a crû le

pouvoir détruire.

Si le sang que verse la veine cave dans l'oreillette droite du cœur du sœtus humain, est capable de remplir entierement sa capacité, aucune partie du sang des veines du possmon n'y peut entrer par le trou ovale; ce qui renverse, me dit ce Criti-

que, votre système.

J'avoue que cette objection m'a fait plus réver que toutes les autres qui jusqu'ici m'ont été proposées, & que la premiere fois qu'elle me sut faite, je ne pûs sur le champ y répondre. Ce n'a été qu'après y avoir quelque tems pen-

sé que j'en ai à la fin trouvé la solution qui suit.

Pour découvrir la fausseté de cette impossibilité apparente du passage d'une partie du sang des veines du poûmon par le trou ovale, je suppose que dans la premiere circulation du sang qui se fait dans le sœtus humain, la veine cave décharge dans l'oreillette droite du cœur trois gros de sang, & je tombe d'accord avec ce Critique que c'est tout ce qu'elle en peut contenir. Mais comme j'ai démontré que tout le sang de cette veine passe de cette oreillette dans le ventricule droit, & s'écoule dans le

tronc de l'artere du poûmon; il doit aussi convenir avec moi que de ces trois gros de sang, l'un doit passer par le canal de communication dans la branche insérieure de l'aorte, & les deux autres dans les deux arteres pulmonaires, en supposant ces trois canaux d'égale capacité.

Or comme des deux gros de sang qui traversent le poûmon, & viennent se rendre par les veines pulmonaires dans l'oreillette gauche, le ventricule gauche n'en peut contenir qu'un gros & demi, parce qu'il est moitié plus petit que le droit; il est visible qu'il ne peut passer dans le tronc de l'aorte, quand le ventricule gauche se vuide, que ce gros & demi de sang renfermé dans sa capacité. Il ne peut donc revenir dans la seconde circulation par la veine cave dans l'oreillette droite, que deux gros & demi de sang des trois gros que cette oreillette a reçûs dans la premiere circulation. Le demi-gros restant, que le ventricule gauche ne peut contenir, doit donc passer de l'oreillette gauche par le trou ovale dans l'oreilfette droite, & peut y trouver place, puisqu'il fait partie des trois gros que cette oreillette a reçûs dans la premiere circulation. La même chose, par la même raison, doit arriver dans toutes les autres circulations suivantes. Cette objection fur suivie d'une autre que je vais rapporter.

Si tout le sang, m'a repliqué ce Critique depuis la folution à sa premiere difficulté, que verse la veine cave dans l'oreillette droite du cœur, passe par le ventricule droit, & s'écoule dans l'artere pulmonaire, ne se peut-il pas faire aussi que tout le sang que déchargent les veines des poûmons dans l'oreillette gauche, traverse le ventricule gauche, & prenne la route

du tronc de l'aorte. Voici la réponse que je lui fis.

Puisque la démonstration que je vous ai donnée du contraire ne vous paroît pas assez convaincante, j'espere que la preuve que je vais y joindre pourra vous satisfaire.

Si tout le sang qu'apportent les veines du poûmon dans l'oreillette gauche, passoit dans le ventricule gauche, & de ce ventricule dans le tronc de l'aorte, comme vous vous l'imaginez; la différence de capacité qui se trouve

Iii ij

entre le ventricule droit & le ventricule gauche, entre l'artere pulmonaire & l'aorte, resteroit toujours en même proportion pendant tout le tems que le sœtus humain est rensermé dans le sein de sa mere.

Or l'expérience fait voir que pendant tout le féjour qu'il y fait, cette différence proportionnelle varie à mesure que le diamétre du trou ovale diminue : elle ne peut ainsi varier que parce que plus ce trou est ouvert, moins il entre de sang des veines du poûmon dans le ventricule gauche, mais plus dans l'oreillette droite, & qu'à mesure que ce trou diminue, il en passe plus dans le ventricule gauche, mais moins dans l'oreillette droite. Il est donc évident que tout le sang des veines des poûmons n'entre pas de l'oreillette gauche dans le ventricule gauche, & ne s'écoule point par conséquent par le tronc de l'aorte pendant les neus mois que le sœtus humain est rensermé dans la matrice, puisque pendant tout ce tems-là le trou ovale est ouvert, mais inégalement.

Au reste, s'il prend envie à M. du Verney de me répondre, je le prie de rapporter mot pour mot mes véritables sentimens sans y rien changer, & de marquer en marge les endroits d'où il les aura tirés, comme j'ai fait des siens; asin que le Public puisse plus aisément juger dans lequel des deux systèmes opposés de la circulation du sang par le trou ovale du cœur du sœtus humain se rencontre

la vérité.



CRITIQUE

Des deux descriptions que M. Buissiere, Anatomiste de la Société Royale de Londres, a faites du cœur de la Tortue de mer.

S I les folutions que je viens de donner aux plus grandes difficultés qui m'ont été propofées contre le nouveau système de la circulation du sang du sœtus par le trou ovale, ne paroissent pas à Mrs Verheien & Buissiere assez évidentes pour les convaincre de sa solidité; en vain ferois-je de nouveaux essorts pour les tirer de leurs erreurs, dont leurs secondes Lettres sont si remplies, qu'il semble que c'est moins le zéle qu'ils ont pour découvrir la vérité qui les sait écrire, que la passion de servir un ami, qui mal-à-propos s'est mis en tête de soûtenir l'opinion d'Harvée, sur laquelle il n'a point sait non-plus

qu'eux assez de réflexion.

Je ne m'arrêterai donc pas davantage à réfuter leurs mauvais raisonnemens : mais puisque l'occasion se présente de faire voir que la derniere description que M. du Verney nous a donnée du cœur de la Tortue terrestre de l'Amérique, n'est guere moins fausse que la premiere, je me servirai de cette même occasion pour faire remarquer que les deux descriptions du cœur de la Tortue de mer que M. Buissiere a données il y a plus de quatre ans au public pour détruire mon opinion, ne sont remplies que d'observations fausses & supposées : ce que je vais faire connoître premierement par de courtes réflexions faites sur chaque période de sa piéce. Secondement, par une description du cœur de la Tortue de mer autorisée du Certificat de l'Académie Royale des Sciences, qui ôte tout prétexte de douter de la vérité des faits qu'elle renterme.

Premiere Description de M. Buissiere.

Seconde Lettre de M. Buit-Page 50.

Le cœur de la Tortue de mer est, dit M. Buissiere, aussisiere de l'an- bien que celui des autres, enfermé dans un péricarde fort large née 1700. de-puis la page 37. jusqu'à la ticulaire, assez semblable à un rein de chien ou de mouton, convexe par sa partie inférieure, la supérieure étant comme applatie, de maniere qu'il fait comme deux angles obtus, l'un à droit & l'autre à gauche. C'est sur ces angles que sont placées les oreillettes, lesquelles sont fort éminentes, de figure presque ronde, & d'une couleur plus rouge que le cœur même. Les Matelots qui voyagent dans les Indes les prennent pour différens cœurs, & soutiennent que cet animal en a trois : ce sont ces oreillettes que M. Mery a apparemment prises pour des ventricules ; elles sont garnies de fibres musculeuses , de la même maniere qu'on les remarque dans les autres animaux: ces oreillettes sont séparées l'une de l'autre, y ayant environ un demi-pouce de distance de l'une à l'autre.

Dans cette période je remarque une fausse supposition, & deux erreurs de fait. M. Buissiere suppose faux, quand il dit que j'ai pris les oreillettes du cœur de la Tortue de mer pour deux de ses ventricules. Il se trompe en donnant au cœur de cet animal une figure demi-lenticulaire; elle est conique. Cette méprise dans un fait qu'on découvre des yeux sans dissection, est une preuve certaine qu'il ne l'a jamais vû. La figure qu'il lui donne ne se remarque que dans celui de la Tortue de terre. Il tombe dans une erreur grossiere en mettant un demi-pouce de distance entre les oreillettes; il est évident qu'elles sont unies l'une à l'autre, & que leurs cavités ne sont séparées au-dedans que par une cloison qui n'a pas un quart de ligne

d'épaisseur. Poursuivons notre examen.

De la base du cœur précisément au milieu de l'espace qui est entre les deux oreillettes sortent, dit M. Buissiere, trois grosses arteres; scavoir, l'aorte descendante, l'aorte ascendante, & l'artere pulmonaire. Ces trois arteres en sortant du cœur, sont

tellement unies, qu'elles semblent ne faire qu'un seul tronc; mais on peut les séparer distinctement les unes des autres. Chacune de ces trois arteres a son orifice distinctement ouvert dans la seule cavité du cœur, ou pour parler comme M. Mery dans le ventricule du milieu: les orifices des deux aortes n'étant séparés que parune membrane; mais célui de l'artere pulmonaire est distant des autres d'environ demi-ligne: ces arteres ont chacune leurs valvulles semi-lunaires comme dans les autres animaux.

Ce passage renserme une erreur de fait, une fausse supposition, une équivoque & deux contradictions. Voici l'erreur: M. Bussiere prétend qu'il n'y a qu'une seule cavité dans le cœur de la Tortue de mer. S'il en avoit ouvert un seul en sa vie, il y auroit remarqué trois cavités séparées par deux détroits, sans compter les oreillettes. Il suppose donc faux, quand il veut que j'aye pris son unique cavité pour le ventricule du milieu, & les oreillettes pour le droit & le gauche. Il y a une équivoque dans ces paroles: Ces trois arteres ont chacune leurs valvulles semilunaires comme dans les autres animaux, parce qu'elles se peuvent entendre, ou de la disposition, ou du nombre de ces valvulles. Si M. Buissiere rapporte ces paroles à la situation de ces valvulles, il a raison: mais s'il entend parler de leur nombre, il se trompe grossierement. Car il est certain qu'il n'y a que deux valvulles à l'embouchure de chacune des trois arteres qui sortent du cœur de la Tortue, au lieu que dans l'homme il y en a trois. La premiere contradiction se trouve entre la description qu'il fait ici de ces arteres, & les deux figures qu'il en donne. Ladescription porte qu'il sort trois grosses arteres du cœur, les sigures n'en représentent qu'une seule marquée de la lettre C, qui indique, tronc des trois arteres. En faisant ses figures, il ne s'est plus ressouvenu de sa description, qui renferme la seconde contradiction que voici: Ces trois arteres en sortant du cœur, sont tellement unies, qu'elles semblent ne faire qu'un seul tronc; ce qui ne peut pas être, puisque selon luimême l'artere pulmonaire est distante des deux autres d'environ demi-ligne.

Ces trois arteres, poursuit-il, sortant ainsi de la base du cœur, sont environ un poûce de chemin unies ensemble, après quoi elles se séparent les unes des autres. L'aorte descendante séparée des autres fait environ deux lignes de chemin toute seule, après quoi elle se partage en deux branches, lesquelles se recourbant l'une à droit & l'autre à gauche, descendent par les côtés du cœur sur la superficie des poûmons pour se réunir ensemble au-dessous de l'essomac, à l'endroit où les lobes du poûmon se séparent. Ces deux branches ainsi réunies ne forment plus qu'un seul canal, lequel descendant aux parties inférieures leur donne

à toutes des ramifications.

La description que sait M. Buissiere de son aorte descendante, est une preuve certaine qu'il ne l'a point suivie; car s'il l'avoit examinée, il n'auroit pas manqué de découvrir, premierement, que dans les Tortues de mer, comme dans celles de terre, des deux prétendues branches de son aorte descendante, la droite n'est qu'un rameau de l'aorte ascendante, et que la gauche fait un tronc particulier. Secondement, il auroit remarqué que ce tronc produit avant que de s'unir à la branche postérieure de l'aorte ascendante, l'artere cœliaque & la mesenterique. Il est donc faux que du canal que forment les deux branches réunies de son aorte descendante, partent les arteres qui distribuent le sang à toutes les parties insérieures. Ce qu'il dit de son aorte ascendante n'est gueres mieux imaginé.

L'aorte ascendante séparée des autres fait environ trois à quatre lignes de chemin avant que de se diviser, après quoi elle produit quatre principales branches qui vont aux bras &

à la tête.

Cette periode renferme une erreur & une absurdité étonnante. L'erreur consiste en ce que M. Buissiere divise son aorte ascendante en quatre principales branches; elle ne se divise qu'en deux, l'une monte & l'autre descend. Pour parler son langage, l'ascendante se parrage d'abord en deux autres branches, qui se divisent ensuite chacune en deux rameaux, qui sont les deux axilaires & les deux carotides.

La

La branche descendante fait l'aorte postérieure avec laquelle s'abouche le canal de communication, après avoir produit la cœliaque & la mésentérique. L'absurdité est en ce qu'il dit que des quatre branches de son aorte ascendante, les unes se portent à la tête, & les autres aux bras. Il ne scair donc pas que les Tortues de mer n'ont que des nâgeoires, au lieu que celles de terre ont des jambes. Après nous avoir donné une fausse description de ces deux aortes, il passe à l'artere des poûmons, & nous dit ce qui fuit.

L'artere pulmonaire se divise d'abord en deux branches, qui vont directement l'une au lobe droit, & l'autre au lobe gauche

du poûmon, sans en donner à aucune autre partie.

Je n'ai rien à dire contre cette division, elle est vraie; mais il n'a pas connu d'où fort le tronc qui produit ces deux branches: car ayant crû qu'il n'y avoit qu'une cavité dans le cœur de la Tortue de mer, il s'est mis hors d'état de reconnoître que ses deux aortes partent du ventricule droit, qu'il ne fort aucune artere du ventricule gauche, & que l'artere pulmonaire tire son origine du ventricule du milieu. Le défaut de cette connoissance lui a fait faire ce mauvais raisonnement.

Il n'y a point d'autre artere qui sorte du cœur, & M. Mery s'est trompe lorsqu'il a crû que l'oreillette droite, ou comme il l'appelle le ventricule droit, donnoit naissance à l'aorte & à son prétendu canal de communication; car comme je l'ai déja dit, les deux aortes descendante & ascendante ont leur origine dans le ventricule du milieu, par la base entre les deux oreillettes par deux orifices distincts, & il n'y a nul canal de communication que les deux branches de l'aorte descendante qui se communiquent l'une à l'autre dans le bas-ventre, & je défie M. Mery de faire voir qu'il y ait aucune autre artere qui sorte d'aucune partie du cœur des Tortues de mer, autres que les trois dont je viens de parler.

Encore une fois M. Buissiere suppose faux, quandil dit, 10. Que j'ai pris les oreillettes du cœur pour deux de ses ventricules. 2°. Quand il prétend que j'ai crû que l'oreil-

Mém. 1703.

lette droite donnoit naissance à l'aorte & à l'artere de communication. 3°. Lorsqu'il veut que je me sois imaginé qu'il fortoit plus de trois troncs d'arteres du cœur de la Tortue de mer. De ces fausses suppositions il tombe dans des erreurs si grossieres, qu'il paroît qu'il n'a jamais vû les vaisseaux du cœur de cet animal.

Dans la Tortue que j'ai dissequée, dit M. Buissiere, il y avoit deux veines caves, la droite & la gauche : la droite faite des veines du foie, qui est très-gros dans cet animal, & des veines qui descendent des parties supérieures du côté droit, s'ouvre dans l'oreillette droite : la veine cave gauche, étoit faite des veines des parties supérieures du côté gauche & de toutes les veines des parties inférieures de cet animal, lesquelles étant jointes ensemble forment un tronc qui s'ouvre dans l'oreillette gauche.

Il est vrai qu'il y a deux veines caves, l'une à droite & l'autre à gauche; mais il est faux que la gauche s'abouche avec l'oreillette gauche: elles se joignent ensemble, & versent toutes deux leur sang dans l'oreillette droite, qui a à son embouchure avec les veines caves deux valvules, dont M. Buissiere ne parle point dans toute sa description. Ce qu'il nous dit de la veine pulmonaire est encore faux. Voici ses paroles.

La veine pulmonaire s'unit à la veine cave du côté droit; & se décharge comme elle dans l'oreillette droite du sang qu'elle rapporte des poûmons, qui sont d'une grandeur surprenante dans

ces animaux.

Il y a dans cette période trois erreurs de fait. 1°. Les deux veines des poûmons ne forment point de tronc en s'unissant l'une à l'autre. 2°. Elles ne se joignent pas à la veine cave. 3°. Elles ne déchargent pas leur fang dans l'oreillette droite. L'une & l'autre s'ouvrent dans l'oreillette gauche par une seule embouchure. La description que M. Buissiere fait de la structure intérieure du cœur de la Tortue, est aussi fausse que celle qu'il nous a donnée de fes vaisseaux.

Ayant ouvert le cœur par sa partie inférieure, de la maniere

qu'on ouvre le rein pour en faire voir le bassinet, on n'y vit, ditil, qu'une seule cavité ou ventricule fort uni, au haut duquel à droite & à gauche il y a deux trous ou ouvertures de figure ovale, par lesquelles les oreillettes versent le sang dans la cavité du cœur, à la faveur d'une valvulle assez semblable à celle qui se trouve autrou ovale du fætus humain. Ces valvulles sont unies à la circonférence inférieure de leur trou; mais elles sont libres du côté qui regarde vers la base du cœur par où le sang coule des oreillettes dans le ventricule; ainsi elles empêchent que le sang ne passe du ventricule dans les oreillettes, parce que le sang devant monter à la base pour sortir par les arteres, les applique contre le trou ovale en les pressant de bas en haut.

Cette derniere observation de M. Buissiere fait bien voir qu'il n'a point jusqu'ici examiné le cœur de la Tortue de mer. S'il en avoit disséqué une seule, & qu'il eût pris soin d'en ouvrir le cœur, il lui auroit été impossible de n'y pas appercevoir, premierement trois cavités très-diftinctes les unes des autres, mais qui se communiquent par deux ouvertures tout-à-fait différentes de celles qui donnent passage au sang des oreillettes dans les ventricules. Secondement, il auroit vû aussi qu'il n'y a rien de plus inégal que leur surface intérieure. Troisiémement, il auroit encore pû remarquer qu'il y a trois valvulles à l'embouchure de l'oreillette gauche avec son ventricule, bien qu'il n'y en ait qu'une à celle de l'oreillette droite. Quatriémement, il auroit pû s'affurer en comparant ces valvulles avec les passages qu'elles occupent, qu'elles n'ont point assez d'étendue pour les fermer. Ici finit la premiere description de M. Buissiere, & commence la seconde qu'il m'attribue, quoiqu'il en soit l'Auteur.

Seconde description de M. Buissiere.

Premierement. M. Mery prétend que les Tortues ont trois ventricules, bien qu'en effet il n'y en ait qu'un. Ce qu'il nomme les ventricules droit & gauche, ne sont que les oreillettes qui recoivent le sang que les veines portent au cœur, comme Kkkij

dans tous les autres animaux. Si l'on trouve bon que je suive mon Adversaire, on me doit bien pardonner des répé-

titions ennuyeuses.

Je demeure d'accord que j'ai décrit trois ventricules; mais M. Buissiere avance saux, quand il soûtient que j'ai pris les oreillettes pour les ventricules droit & gauche. On n'a qu'à revoir le Mémoire que j'ai rapporté dans l'examen des saits de M. du Verney pour s'assurer du contraire. Ce que m'impute ensuite M. Buissiere n'est encore qu'une sausse supposition.

Secondement. Je prétends, dit il, que les oreillettes se communiquent, c'est-à-dire, que le sang de Pune passe dans

l'autre.

Je n'ai ni dit ni écrit en aucun endroit qu'il y eût entre les oreillettes une communication, ni que le sang passat de l'une dans l'autre. Cette illusion de M. Buissiere ne vient que de ce qu'il s'est faussement imaginé qu'il n'y a qu'un seul ventricule dans le cœur de la Tortue. De ce faux principe il a tiré cette sausse conséquence, que puisque je soutenois qu'il y avoit trois ventricules dans le cœur de cet animal, il falloit que j'eusse pris les oreillettes pour les ventricules droit & gauche, ce qui est certainement saux. Après avoir saussement supposé que j'ai prétendu que les oreillettes se communiquent, il apporte cette expérience pour prouver qu'elles n'ont pas de communication.

Jai seringué, dit-il, par le trou ovale de l'oreillette droite; sans qu'il ait passé une goute de liqueur dans la gauche: j'y seringuai ensuite de la cire verte, la veine cave droite à la veine du possmon en furent pleines; mais il ne parut pas qu'il en est passé une seule goute dans l'autre oreillette, ni dans la veine cave gauche. De quelle maniere peuvent-elles donc se communiquer? Pour cela il faudroit que le sang des oreillettes entrât premièrement dans la cavité ou ventricule du cœur, & que delà il passat dans les oreillettes. Quelle absurdité! L'impossibilité y est claire à cause des valvulles, & c.

L'expérience que rapporte ici M. Buissiere est certai-

nement fausse. J'ai fait voir à l'Académie qu'en soussant par l'une ou l'autre veine cave de l'air dans l'oreillette droite, la gauche se gonsle aussi-tôt, & qu'en le poussant par l'une ou l'autre des veines du poûmon dans l'oreillette gauche, la droite s'ensle aussi en même tems, quoi-qu'il n'y ait point entr'elles de communication immédiate. Bien plus, j'ai montré que poussant l'air par quelqu'une des trois arteres dans le cœur de la Tortue, il s'échappe, après avoir rempli les trois ventricules & les deux oreillettes par les veines pulmonaires & les veines caves: l'eau fait la même chose.

Or s'il étoir vrai que les valvulles étant soulevées fermassent les ouvertures des ventricules aux oreillettes, comme le prétend M. Buissiere, l'air soussé, ni l'eau seringuée par les arteres dans les ventricules ne devroient point passer dans les oreillettes; parce que ces valvulles peuvent par ce moyen se soulever bien plus aisément que lorsque le sang circule dans les vaisseaux; car le sang des veines fait alors effort pour les abbaisser L'air & l'eau poussés par les arteres soulevent ces valvulles, & ne laissent pas de passer des ventricules dans les oreillettes. Ces valvulles ne peuvent donc étant soulevées fermer leurs passages; aussi voit-on qu'elles ne les ferment pas dans un cœur soufflé & desseché dans lequel ces valvulles se trouvent cependant soulevées autant qu'elles le puissent être : elles ne peuvent donc pas seules & par elles-mêmes empêcher le reflux du fang.

D'ailleurs comme il n'y a pas de communication immédiate d'une oreillette à l'autre, l'air foufflé par les veines ou par les arteres ne peut les ensier toutes deux en même tems sans entrer dans les ventricules, & passer de ceux-ci dans les oreillettes: ce qu'on n'aura pas de peine à comprendre qu'il puisse faire, si l'on fait réslexion que toutes les cavités du cœur communiquent ensemble par des ouvertures qui ne peuvent être fermées par ses val-

vulles.

Troisiémement. M. Mery fait sortir l'artere aorte & son K k k iij

prétendu canal de communication de l'oreillette droite, de l'endroit où la veine cave se décharge; mais cela est absolument faux, à moins qu'il n'ait disséqué des Tortues d'un autre monde: car dans celles de ce pays-ci, je le désie de faire voir qu'aucune artere sorte d'une des oreillettes ou ventricules droit ou gauche, comme il lui plaît de l'appeller.

Tout ce que suppose M. Buissiere dans cette période est faux. Pour son honneur il devoir citer l'endroit où il a pris ce qu'il avance. Cela lui est impossible. Son dési est donc autant ridicule, que la raison qu'il apporte pour soutenir ses sausses suppositions, est mal imaginée. La voici.

Quatriémement. M. Mery n'ayant vû qu'un seul tronc d'artere sortant de la base du cœur, il a crû sans l'avoir examiné que ce n'étoit que l'artere pulmonaire; alors pensant qu'il devoit y avoir une artere aorte dans le corps de cet animal, il a trouvé à propos de la faire sortir de l'oreillette droite: mais s'il avoit bien voulu examiner la chose, il auroit trouvé que ce qu'il croit n'être que l'artere pulmonaire, est fait de trois arteres distinctes & distinctement ouvertes dans la cavité qu'il appelle le ventricule du milieu.

Qui sçaura que j'ai fait mention des deux oreillettes du cœur de la Tortue, que j'ai décrit trois ventricules, & fait sortir l'aorte & le canal de communication du ventricule droit, & l'artere pulmonaire de celui du milieu, ne pourra s'empêcher de prendre M. Buissiere du moins pour un visionnaire. Ce qu'il dit ensuite en est une preuve convaincante.

Cinquiémement. M. Mery, entêté de son opinion, a crû que s'il pouvoit faire croire que l'aorte sortit de l'oreillette droite, on seroit obligé de lui passer que la valvulle qui ferme le trou ovale de cette oreillette, permettant au sang d'y passer pour aller dans l'aorte, celle du trou ovale du sætus humain qui est disposée de même, doit aussi donner passage au sang de la veine pulmonaire dans la veine cave.

J'ai placé le trou ovale de la Tortue dans la cloison qui sépare le ventricule gauche du ventricule droit. M. Buissière veut que je l'aye mis dans la cloison des oreillettes,

& que j'aie pris cependant l'ouverture de l'oreillette droite dans le ventricule droit pour ce trou : ce qui est faux. Pour faire croire qu'il ne se trompe pas dans ses conjectu-

res, il en rapporte cette raison.

Sixiémement. Un esprit prévenu, dit M. Buissiere en parlant de moi, ramene toutes choses à son point : si cela n'est pas naturel, du moins il est assez ordinaire. En voici une nouvelle preuve dans la description de M. Mery. Son prétendu canal de communication qu'il dit être dans les Tortues, est à mon sens une des plus fortes preuves que je pourrois vous en donner : il le fait sortir du même endroit que son aorte, c'est-à-dire, de l'oreillette droite, & ensuite il le fait communiquer avec la même aorte dans le ventre. Quel rapport a, je vous prie, ce canal imaginaire avec le canal artériel du fœtus, dont l'unique usage est de décharger le poûmon d'une quantité de sang qui lui seroit à charge, en le transportant de l'artere pulmonaire dans l'aorte, au lieu que son canal puise le sang dans le même endroit que cette même aorte, avec laquelle il le fait communiquer, puise le sien? Il n'y a là aucune ressemblance. Si M. Mery faisoit sortir son canal de l'artere pulmonaire, & ensuite l'inserer dans l'aorte, l'illusion seroit moins grossiere, & les ignorans y pourroient trouver quelque parallele; mais dans sa maniere il est inutile; car suppose qu'il y eut un tel canal dans les Tortues, tout ce qu'on pourroit dire seroit que l'aorte puiseroit le sang par deux troncs différens qui se réunissent dans la suite.

Qu'un homme trop passionné est peu capable de faire de sérieuses réslexions sur ce qu'il écrit! M. Buissiere a avancé que je n'ai vû qu'un seul tronc d'artere sortir de la base du cœur, que j'ai pris pour l'artere pulmonaire; & il dit ici que je fais partir mon aorte, & mon prétendu canal de communication du même endroit. Quelle contradiction! Après cela pour soutenir que ce canal, qui se joint à la branche postérieure de l'aorte, ne sert pas dans la Tortue à décharger le poûmon, comme sait dans le sœtus l'artere de communication, il dit pour le prouver, que dans la Tortue ce canal puise le sang dans le même endroit que l'aorte, au lieu que l'artere de communi-

cation du fœtus le puise dans le tronc de l'artere du poûmon; d'où il conclut que mon prétendu canal de la Tortue n'a pas dans cet animal le même usage qu'a dans le fœtus l'artere de communication, qui est de décharger le

poûmon.

Pour donner quelque vraisemblance à son argument, il auroit dû faire voir que tout le fang qui fort du cœur circule par les poûmons de la Tortue, comme il fait par ceux de l'homme adulte. Or cela est faux par ses propres faits. Il n'y a, felon lui, qu'un feul ventricule dans le cœur de la Tortue, d'où partent ces trois troncs d'arteres, l'aorte ascendante, l'aorte descendante, & l'artere pulmonaire. Le fang fortant de cet unique ventricule, se partage donc en trois parties en entrant dans ces arteres: il n'y a donc que la partie du sang qui passe dans l'artere pulmonaire, qui puisse circuler par les poûmons de cet animal, puisque des deux autres l'une est portée aux par-. ties antérieures par l'aorte ascendante, l'autre aux parties postérieures par l'aorte descendante; & que toutes les deux reviennent sans circuler dans les poûmons par les veines caves dans ce ventricule d'où elles sont parties, pour recommencer leur circulation comme auparavant. L'aorte descendante empêche donc que tout le sang qui fort du cœur, ne circule par les poûmons de la Tortue, comme il fait par ceux de l'homme adulte. Cette artere sert donc à décharger les poûmons de cet animal, comme fait le canal artériel ceux du fœtus humain. Ces deux conduits ont donc le même usage, bien que dans la Tortue l'aorte descendante reçoive le sang du ventricule droit du cœur de cet animal, & que dans le fœtus le canal de communication le reçoive de l'artere du poumon. Il ne faut qu'un peu de jugement pour reconnoître, après cet éclaircissement, la justesse de ce parallèle, qui ne regarde que l'usage de ces deux arteres, non pas leur situation, dont j'ai marqué la différence. Enfin M. Buissiere acheve sa seconde description, qu'il m'attribue, par deux erreurs & une fausse supposition.

Septiémement.

Voyez la

Septiémement. Il faut, dit-il, que M. Mery ait pris une des branches de l'aorte descendante pour un canal de communication, parce qu'en effet cette artere s'étant partagée en deux branches, elles viennent se rejoindre dans le ventre pour ne faire

plus qu'un seul trone.

M. Buissiere suppose faux, quand il prétend que j'ai pris une des branches de l'aorte descendante pour un canal de communication. Il se méprend doublement, en foutenant que les deux arteres qui portent le sang aux parties postérieures du corps de la Tortue, sont les branches de son aorte descendante. Car 1º. Celle du côté droit est une branche de son aorte ascendante. 2°. Celle quatriéme sidu côté gauche fait un tronc particulier, qui fort du ven- gure, qui re-présentel'aortricule droit, & va après avoir produit, comme j'ai déja te avec ses dit, l'artere cœliaque & la mésentérique, se réunir à la branches & le canal de combranche postérieure de l'aorte; & c'est par cette raison municationseque j'ai appellé cette artere canal de communication, & parésdu cœur. non-pas une des branches de l'aorte. M. Buissiere après avoir rempli de faux faits, qu'il a lui-même imaginés, la description qu'il m'attribue, s'écrie ainsi: -

Huitiémement. Après cela, Monsieur, quelle foi doit-on ajouter aux faits de M. Mery, puisqu'il ne les établit que suivant que sa prévention & sa fantaisse le souhaitent? Il s'est imaginé que puisque dans le cœur du fœtus il y a un trou ovale & un canal de communication, qu'il devoit y avoir un pareil canal dans les Tortues, puisqu'il y a deux trous ovales dans le cœur ; je m'étonne qu'il n'y en ait pas mis deux, un pour chaque trou ovale: il le pouvoit assurément, l'artere aorte descendante a deux branches qui pourroient être chacune canal de communication dans son sens, puisqu'elles se communiquent l'une à l'autre.

Le Mémoire que j'ai joint à l'examen des faits de M. du Verney, détruit si visiblement toutes les erreurs que m'impute M. Buissiere, que pour peu qu'il soit sensible à l'honneur, il doit se repentir de les avoir imaginées, plus encore d'avoir ajouté à toutes ses fausses suppositions certe insultante ironie par laquelle il finit sa pitoyable Critique.

Mém. 1703.

Pag. 366.

LII

Lorsque je me représente, dit-il, l'étrange prévention de M. Mery en faveur de l'usage qu'il prétend donner au trou ovale dans le fœtus, & les efforts qu'il fait pour le prouver par les choses mêmes qui lui sont le plus contraires; je ne puis m'empêcher de rappeller en ma mémoire la pensée d'un des beaux génies de la France, qui pour prouver que tous les hommes sont frappés à quelque coin, comparoit le cerveau à un grand Royaume divisé en plusieurs Provinces, gouvernées chacune par l'esprit, sous les ordres du bon sens & de la raison qui en sont le Roi & la Reine. Dans ce Royaume, dit-il, il y a toujours quelqu'une de ses Provinces qui se révoltent contre leur Roi. Pendant que le Roi & la Reine se promenent dans les Provinces fidelles, tout y est tranquile, le bon sens & la raison y sont obeis; mais des qu'ils veulent mettre seulement le pied dans la Province rebelle, tous les sujets se révoltent, courent aux armes, & chassent la raison & le bon sens de leur territoire. Je crains fort que le trou ovale ne soit la Province révoltée de M. Mery.

Il est bien plus à craindre pour M. Buissiere que le Public, qui verra tous ces saits supposés & saux, détruits par d'autres saits tous vérissés par trois Commissaires nommés exprès par l'Académie Royale des Sciences pour les examiner, ne juge que la passion qui s'est émue dans son cœur en voulant combattre mon sentiment, n'ait tellement échaussé dans son cerveau ses esprits animaux, que son bon sens & sa raison en soient tombés dans un délire passager, pendant lequel il s'est imaginé lire dans mon Ouvrage une description du cœur de la Tortue de mer qu'aucun homme de sens froid ne peut y découvrir, & voir dans le cœur de cet animal des caracteres qu'il n'y trouvera plus, quand ses esprits reprenant leur première tran-

quilité, il recouvrera le jugement.

Qu'il ne croie pas que cette juste réponse, que je ne lui fais qu'asin de l'engager à être plus modeste & plus sincere à l'avenir, soit l'effet du chagrin qu'aient pû me caufer ses injures; je ne sens pour lui dans mon cœur qu'un mouvement de compassion, qui m'auroit sait garder sur

fa derniere Lettre, plus digne d'une piquante satyre que d'une critique modérée, un silence éternel pour lui épargner la consusion & le mépris que doivent lui attirer toutes ses fausses suppositions reconnues, si la conjoncture où je me trouve aujourd'hui avec M. du Verney ne m'avoit contraint de donner deux descriptions, l'une du cœur de la Tortue de mer, l'autre de celui de la Tortue de terre, pour mettre ma réputation à couvert de la critique de ce sameux Anatomisse. Elles pourront toutes deux servir aussi à tirer le Public de l'incertitude dans laquelle pourroient le jetter, & les rêveries de M. Buissiere, & les variations de M. du Verney.

Mais si tout autorisées qu'elles sont du Certificat de l'A-cadémie Royale des Sciences, elles ne sont pas capables de faire revenir M. Buissiere de son égarement, & qu'il lui reste cependant quelque envie d'en sortir, qu'il consulte le Docteur Shawell, Medecin & membre de la Société Royale de Londres son confrere & son ami; il pourra l'assurer qu'en me rendant sa ridicule Lettre imprimée, je lui sis remarquer sur le champ qu'elle n'est remplie d'un bour à l'autre que d'observations chimériques, toutes différentes des saits que je lui démontrai dans les cœurs de deux Tortues de mer, qu'il prit soin de bien examiner. Un tel témoin ne pouvant lui être suspect, il ne peut pas le recuser.

DESCRIPTION

Du cœur d'une Tortue de Mer.

Es parties vitales de cette Tortue étoient renfermées avec les naturelles dans une même cavité. Les poûmons en occupoient la partie supérieure toute entiere. Ils étoient attachés au dos depuis le col jusqu'à la queue; le cœur étoit placé sur le devant, & les parties naturelles

Lllij

sur le derriere. Il n'y avoit point de diaphragme qui les

féparât les unes d'avec les autres.

Le cœur de cette Tortue étoit néanmoins renfermé dans un péricarde, au fonds duquel il étoit attaché par trois petits ligamens charnus. Ce péricarde étoit plein d'une liqueur claire & transparente comme l'eau la plus pure, dans laquelle baignoit le cœur de cet animal. Sa figure étoit conique, il avoit deux pouces de long sur un pouce six lignes de large ou environ. Au-dedans il étoit partagé en trois ventricules, l'un étoit placé à droit, l'autre à gauche, & le troisième au milieu sous le ventricule droit.

Le ventricule gauche étoit féparé du droit par une cloison charnue, qui avoit vers la base du cœur une ouverture ovale assez semblable à celle qui se trouve dans la cloison qui divise les oreillettes du cœur du sœus humain. Cette cloison étoit d'ailleurs toute percée d'un grand nombre de petits trous par lesquels, de même que par l'ouverture ovale, ces deux ventricules communiquoient ensemble.

Il avoit sur cette ouverture ovale deux valvules abbatues; mais comme en cet état elles ne la fermoient pas entiérement, elles ne pouvoient qu'en partie empêcher le sang de passer de l'un de ces ventricules dans l'autre par

ce trou.

Le ventricule droit communiquoit encore avec le moyen par une autre ouverture. Celle-ci avoit cinq à six lignes de long sur trois à quatre de large au milieu de sa longueur. Dans ce passage de l'un à l'autre, il n'y avoit aucune valvule; & comme ce second trou de communication avoit quasi autant de longueur que le ventricule du milieu avoit de prosondeur, on peut ne considérer celui-ci que comme une continuation du ventricule droit, dont il n'étoit distingué que par un petit rétrécissement. Les sibres dont ces trois ventricules étoient construits audedans, n'étant pas étroitement serrées les unes contre les autres, formoient dans leur capacité une espéce d'é-

ponge charnue. Le ventricule gauche étoit égal à celui du milieu: mais le ventricule droit paroissoit lui seul aussi

grand que les deux autres pris ensemble.

Trois troncs d'arteres sortoient de la base du cœur de cette Tortue. Deux de ces arteres avoient leurs embouchures dans le ventricule droit, & la troisséme dans le ventricule du milieu. Ces trois vaisseaux n'avoient chacun que deux valvules sigmoïdes à leurs ouvertures.

Les deux troncs d'arteres qui partoient du ventricule droit, avoient leurs diamétres à peu-près égaux; ils étoient l'un & l'autre composés de deux plans de fibres charnues très-visibles couchés l'un sur l'autre. Les fibres du plan extérieur étoient disposées suivant la longueur de ces deux arteres, celles du plan intérieur paroissoient circulaires.

Ces deux plans de fibres n'étoient pas sensibles dans le troisiéme tronc d'artere, qui tiroit son origine du ventricule du milieu: mais la capacité de celui-ci étoit seule presqu'aussi grande que celle des deux autres prises ensemble, d'ailleurs ses membranes avoient moins d'épaisseur.

Des deux troncs d'arteres qui fortoient du ventricule droit placés à côté l'un de l'autre, le droit s'avançant endevant se divisoit aussi-tôt en deux grosses branches. La premiere tirant en ligne droite vers le col se partageoit en deux autres, & celles-ci en deux rameaux chacune, deux desquels s'étendoient dans les nâgeoires de devant ceux-ci faisoient les axilaires, les deux autres placés entre les premiers se portoient à la tête, & formoient les carotides.

La feconde branche se recourbant du côté droit, paffoit sous la branche droite de la trachée artere; après quoi elle se glissoit entre les poûmons pour gagner le derriere du corps. En faisant ce chemin, elle donnoit des rameaux aux reins, à la vessie, aux parties de la génération, & aux nâgeoires possérieures. Par cette distribution d'arteres, il me sut aisé de juger que ce premier tronc étoit

LII iij

454 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE celui de l'aorte, quoiqu'il partît du ventricule droit. Sa capacité étoit un peu plus grande que celle de l'artere que

je vais décrire.

Le tronc gauche formoit de son côté la même courbure que faisoit à droit la branche possérieure de l'aorte, & suivoit la même route. Ce tronc n'envoyoit aucun rameau dans les parties antérieures du corps de cette Tortue. Il se divisoit seulement au-delà du soie en trois branches, dont la premiere tenoit lieu de cœliaque, la seconde de mésentérique, la troisième passant de gauche à droit, alloit se réunir à la branche possérieure de l'aorte, comme sait le canal artériel de communication dans le sœtte seconde artere le nom de canal de communication, asin de la dissinguer du tronc de l'aorte.

Le troisiéme tronc qui tiroit son origine du ventricule du milieu, faisoit le corps de l'artere pulnionaire. Ce tronc se partageoit en deux branches considérables, qui formoient à droit & à gauche des courbures semblables à celles de la branche possérieure de l'aorte, & du canal de communication. L'une & l'autre passoient sous les branches de l'âpre artere, pour se rendre l'une au poûmon droit, & l'autre au gauche. Le circuit de ce troisième tronc étoit presqu'égal à celui de l'aorte & du canal de communication pris ensemble. Ces trois arteres étoient jointes les unes aux autres par leurs membranes extérieures, depuis le cœur jusqu'à leur division en branches.

Toutes les racines des veines de chaque poûmon s'unissant ensemble, formoient à la sortie des poûmons une veine de chaque côté, dont la capacité étoit moitié plus petite que cèlle des deux arteres pulmonaires; ce qui mérite attention. Ces deux veines alloient se rendre à l'oreillette gauche, à l'embouchure de laquelle elles se joignoient ensemble par leur extrémité, sans former après leur union un canal qui eût seul la capacité de ces deux veines prises ensemble; ainsi elles ne formoient point de tronc, chacune d'elles versoit immédiatement le sang

qu'elle portoit dans la capacité de cette oreillette.

Les veines qui rapportoient au cœur le sang de toutes les autres parties du corps, faisoient la même chose; de forte qu'il n'y avoit point de tronc unique à qui seul on peut véritablement imposer le nom de veine cave. Car quoiqu'en apparence elles formassent toutes par leur union un canal courbe joint aux oreillettes par sa partie convexe, au foie par sa partie concave, & dont le milieu répondoit à l'ouverture de l'oreillette droite; cependant ce canal dans cet endroit paroissoit un peu plus étroit que dans ses parties laterales. Ces deux parties faisoient donc deux troncs distincts, puisque dans l'endroit de leur union ils ne formoient pas un conduit qui eût seul la capacité des deux joints ensemble. Le sang de l'un & de l'autre couloit immédiatement dans l'oreillette droite. Les veines axilaires qui s'ouvroient dans ces deux troncs, étoient remplies de fibres charnues, qui formoient par leur entrelassement une espece de tresse d'une structure admirable. dont on voyoit quelques rudimens dans le confluant des deux veines caves.

L'oreillette droite avoit à son embouchure deux valvules, qui formoient entr'elles une ouverture ovale longue de sept à huit lignes, & large dans son milieu de trois à quatre. Cette ouverture faisoit la communication des veines, dont je viens de parler, avec cette oreillette.

Ces deux valvulles sont d'autant plus dignes de remar-

que, qu'il n'y en avoit aucune à l'embouchure de l'oreillette gauche avec les veines pulmonaires.

Des deux oreillettes du cœur la droite étoit la plus grande, sa capacité paroissoit double de celle de l'oreillette gauche, ce qui est à observer, aussi-bien que la disférence qui se trouve entre la capacité des veines & des arteres pulmonaires, pour déterminer à peu près la quantité du sang qui passe par ces vaisseaux, & sa vîtesse disférente.

Ces deux oreillettes étoient remplies de fibres charnues, qui étant liées les unes aux autres en divers sens, for-

moient une espece de reseau, & même de petites cellules assez prosondes. Par le dehors ces oreillettes étoient jointes ensemble; mais au-dedans elles étoient séparées par une cloison qui n'avoit pas demie ligne d'épaisseur. Cette cloison étoit en partie charnue, & en partie membraneuse.

Sa partie membraneuse saite en forme de demie-lune, tombant perpendiculairement sur la base du cœur, la partageoit, en s'unissant à elle, en deux; de sorte qu'elle divisoit l'embouchure du ventricule droit d'avec celle du

ventricule gauche.

A la partie membraneuse de cette cloison étoient attachées & suspendues deux valvulles saites en forme de croissant. Ces valvulles étant abaissées, l'une dans le ventricule droit, & l'autre dans le gauche, sermoient en partie, comme j'ai déja sait remarquer, le trou ovale, qui faisoit la communication de ces deux ventricules. En cet état ces valvulles formoient entr'elles une cavité: étant enlevées elles décrivoient un plan parallele à la base du cœur; mais en cette situation elles ne pouvoient boucher qu'environ la moitié des ouvertures des oreillettes aux ventricules, parce qu'elles étoient saites, comme je viens de dire, en forme de croissant.

De ces deux valvulles, celle qui occupoit l'entrée du ventricule droit, n'avoit point de compagne: mais celle qui étoit placée à l'embouchure du ventricule gauche, étoit accompagnée de deux autres beaucoup plus petites qu'elle; celles-ci n'avoient pas la liberté de se soulever qu'avoit l'autre, parce qu'elles étoient attachées à des colomnes charnues, qui les lioient interieurement à la paroi du ventricule gauche.

Si l'on compare cette description avec l'extrait que M. du Verney a mis à la tête de sa Critique, on reconnoîtra aisément que mon but n'a point été de donner dans cet extrait une description du cœur de la Tortue, comme se l'est imaginé cet Anatomiste; mais seulement de faire voir que le sang des veines du poûmon peut tenir

dans

dans le cœur du fœtus humain la même route qu'il prend dans celui de cet animal en passant par le trou ovale.

Quiconque d'ailleurs la confrontera avec l'extravagante description que m'attribue M. Buissiere, jugera sans peine qu'il en est lui-même l'Auteur. On peut donc lui appliquer avec justice ces paroles du Sage: Os stulti confusioni proximum est.

DESCRIPTION

Du cœur d'une grande Tortue terrestre de l'Amérique, avec des réflexions sur celle de M. du Verney.

D'Ans le tems que je croyois avoir fini avec M. du Verney, je reçûs une Tortue terrestre de l'Amérique de même espece, & presqu'aussi grande que celle dont il nous a donné ses Remarques dans les Mémoires de Pag. 227. &c. l'Académie.

Cette occasion toute propre à éclaircir les doutes que j'avois proposés à cette sçavante Compagnie sur les dernieres observations de cet ingénieux Anatomiste, m'engagea à reprendre le scalpel pour chercher dans cer animal même si les parties du cœur qu'il dit y avoir trouvées, & que j'ai conjecturé n'y pas être, s'y rencontrent effectivement, ou si elles ne sont qu'imaginaires.

Le certificat que m'a donné l'Académie sur le rapport de trois Commissaires qu'elle nomma pour examiner les parties que j'ai découvertes au cœur de cette Tortue, faisant foi de leur existance; la description que je vais en faire pourra servir au Lecteur à discerner ce qu'il y a de vrai d'avec ce qu'il y a de faux dans celle de M. du Verney.

Et comme le même certificat porte encore que les Figures que j'ai fait faire de ces parties, sont conformes au naturel, elles pourront aussi lui servir à démêler ce qu'il y a Mém. 1703. M m.m

de réel d'avec ce qu'il y a d'imaginaire dans les dernieres peintures que nous en a données ce fameux Anatomiste.

Pour rendre cette recherche plus facile, je garderai le même ordre qu'a suivi M. du Verney dans sa derniere description, & serai en passant de courtes réslexions sur les observations qu'elle renserme; ce qui servira à faire remarquer plus aisément toutes les erreurs qui s'y rencontrent.

La figure du cœur A de la Tortue terrestre de l'Amérique, que la premiere figure représente renversé en avant, & les oreillettes & les veines dans leur situation naturelle, ressemble à un rein un peu applati en dessus & en dessous, de sorte qu'il est beaucoup plus large que long. Sa base est, comme il est marqué dans la seconde figure, un peu concave, & est naturellement tournée du côté de la tête de cet animal.

Les parties vitales & les naturelles de cette Tortue sont rensermées dans une même cavité, parce qu'il n'y a point de diaphragme qui les sépare. M. du Verney n'a donc pas, ce me semble, raison de dire, la Tortue marchant toujours sur ses quatre pieds, que le cœur de cet animal est situé au haut de la poitrine au-dessus du soie. Il est naturellement placé sur le devant de cette cavité, qui contient ensemble toutes ces parties; ce qui n'empêche pas que le cœur ne soit seul & en particulier rensermé dans un péricarde.

J'ay observé dans la Tortue terrestre de l'Amérique sept veines proche le cœur, représentées dans la premiere sigure; sçavoir, les deux caves BB, les deux axilaires CC, la coronaire du cœur D, & deux autres veines EE, à qui je donne le nom d'hépatiques, parce qu'elles tirent seulement leur origine du soie. Les quatre premieres sont sort considérables, les trois autres le sont beaucoup moins.

Les deux veines caves fortent toutes deux des parties possérieures du corps de la Tortue, dont elles rapportent le sang au cœur. Passant par le soie de cet animal, l'une à droite & l'autre à gauche, elles reçoivent un grand nombre de racines de veines de ce viscere.

Mémoir. de l'Académie. de 1699. pag. 288,

Ces deux vaisseaux ne forment point de tronc particulier dans l'endroit de leur concours. Là, au contraire, ils paroissoient avoir un peu moins de capacité qu'avant leur union, quoique dans cet endroit viennent se rendre la veine coronaire du cœur & l'hépatique gauche. L'axillaire & l'hépatique droite s'ouvrent dans la veine cave droite à un pouce de distance de l'oreillette droite : mais l'axillaire gauche ne se joint que de côté à la veine cave gauche, tout proche l'entrée de cette oreillette. Ce sont les deux axillaires, aufquelles se joignent les jugulaires, qui rapportent au cœur le sang de toutes les parties antérieures: toutes ces veines paroissent simplement membraneuses, leur surface intérieure est aussi lice & polie que l'extérieure. De la structure connue de ces veines, je tire deux conséquences contre la description que M. du Verney en a faite.

La premiere est, qu'il n'a pas pû voir autour du cœur de ces animaux une espèce de réservoir d'une figure oblongue & assez semblable à celle d'un outre enflé, formé par le concours de plusieurs veines. La seconde conséquence est, qu'il est faux que ce prétendu réservoir soit tapissé par dedans de fibres charnues qui se croisent, & s'entrelassent à peu-près comme celles qui se voyent au-dedans des oreillettes du cœur de Pag. 2294 l'homme. Il n'est pas vrai non plus que la veine cave soit tapissée de même de la longueur d'environ un pouce, & les em-

bouchures des autres vaisseaux.

La premiere figure qui représente les sept veines que je viens de décrire, étant attestée conforme au nature! par Messieurs les Commissaires nommés par l'Académie pour les confronter ensemble, est une preuve décisive, 10. Que le grand réservoir que M. du Verney dit être formé de l'assemblage de ces veines, n'existe point dans la Tortue terrestre de l'Amérique. 20. Que la tapisserie de Voyez l'artifibres charnues peinte dans ma neuvième figure, n'exif-cle i 2.du raptant que dans les veines axillaires de la Tortue de mer, port de Mel-fieursles Comil est évident que la remarque qu'en a faite cet adroit missaires. Anatomiste dans sa derniere description, est certaine-Mmmii

Pag. 229: Fig. 2. 4. 54 6. 7. 10. 13.

Pag. 229.

ment tirée des observations que j'ai faites sur ces veines

dans cet animal en 1685.

Les deux veines pulmonaires FF que représentent la huitième figure, ne forment point, non-plus que les deux caves, un tronc particulier en se joignant ensemble: au contraire, le lieu de leur union paroît plus retréci qu'au-Mémoires de cun autre endroit. Il est donc faux, 1°. Qu'elles viennent l'Académie, toutes deux former un second réservoir beaucoup plus petit que le premier, comme le fait voir M. du Verney dans sa quatriéme & huitiéme figure.

1699. p. 230.

Et parce que la surface intérieure de ces deux veines n'est pas moins lice que l'est celle des veines caves, il est encore faux, 2°. Que le bassin de son petit réservoir soit aussi garni par dedans de fibres charnues. Les deux réservoirs que nous représente cet habile Anatomiste dans huit figures qu'il en a fait faire, & la tapisserie de fibres charnues qu'il leur donne, sont donc enfin purement imaginaires. Voilà donc les doutes que j'ai proposés à l'Académie dans l'examen de ces deux réservoirs, certainement résolus.

Les deux oreillettes GG du cœur de la Tortue terrestre de l'Amérique, ne représentent par leur dehors dans la premiere & seconde figure, qu'un seul sac aveugle couché transversalement sur la base du cœur; mais ce sac est au-dedans divisé par une cloison I, figure 3^{me} & 5^{me}, en deux cavités de grandeur différente. Cette cloison est charnue dans sa partie supérieure, charnue dans sa partie inférieure.

La capacité de l'oreillette gauche HH, représentée dans la troisiéme figure, est de moitié plus petite que celle de l'oreillette droite KK, comme il paroît dans la cinquiéme figure. Dans l'une & dans l'autre on remarque

un très-grand nombre de fibres charnues.

Dans l'angle que forme l'oreillette gauche avec la cloifon I qui la sépare de la droite, on voit une ouverture L, figure troisiéme, par laquelle les deux veines pulmonaires déchargent leur sang dans la capacité de l'oreillette gauche. Cette ouverture étant plus étroite au-dedans

Pag. 230.

qu'au-dehors, c'est une des raisons qui empêche que le

sang de ces deux veines ne retourne d'où il vient.

Mais parce que l'embouchure des deux veines caves ne fe trouve pas placée de même dans l'angle que forme la même cloison avec l'oreillette droite que cet angle pourroit retrécir; la nature a donné à cette oreillette deux valvules MM, figure cinquiéme, qui ne laissant entr'elles qu'une assez petite sente, produisent le même effet, c'estàd-dire, qu'elles s'opposent au retour du sang de l'oreillette droite dans les veines caves.

M. du Verney place ces deux valvules à l'embouchure de son grand réservoir; mais puisqu'il n'existe pas, il est visible qu'elles appartiennent à l'oreillette droite dont

elles occupent l'entrée.

J'ai remarqué dans le cœur de la Tortue terrestre de l'Amérique que j'ai disséquée, quatre ventricules qui communiquent les uns avec les autres par trois détroits qui en sont la séparation. Pour faire une juste description des uns & des autres, je me réglerai sur le cours du sang

qui les traverse.

Le premier ventricule P, figure troisiéme, que j'appelle ventricule gauche, tant à cause de sa situation, que parce qu'il reçoit le sang de l'oreillette gauche, communique avec le second q, figure cinquième, par le premier détroit R, à qui je donne le nom de trou ovale; parce qu'il ressemble assez à celui du sœtus humain placé dans la cloison qui sépare les oreillettes de son cœur l'une d'avec l'autre, & qu'il a le même usage.

L'embouchure du ventricule gauche est garnie de trois valvules sigmoïdes NNN. Celle du ventricule droit n'en a qu'une O. Ces valvules sont dans la Tortue l'office des valvules triglochines du cœur de l'homme. M. du Verney nous dit cependant dans sa derniere description, qu'il n'y a qu'une valvule à l'entrée du ventricule gauche; il

s'est donc mépris de deux.

Le second ventricule Q, figure cinquiéme, que je nomme ventricule droit, parce qu'il est situé à droite, & qu'il

Mmm iij

reçoit le sang de l'oreillette droite, communique avec le troisième S, sigure sixième, par le second détroit T. On voit au-dessus de ce passage dans le ventricule droit, une valvule charnue V, saite en sorme de Croissant. Cette valvule ne peut sermer qu'une petite partie de ce détroit: elle a été jusqu'ici inconnue à M. du Verney. La valvule O abbattue sur le trou ovale, & qui permet en cet état au sang de l'oreillette droite d'entrer dans le ventricule droit, n'a pas échapé à son exactitude: mais malgré elle, de ces cinq valvules, trois ne sont point venues à la connoissance de cet attentif Anatomisse.

Le troisième ventricule S, figure sixième, communique avec le quatrième X, figure septième, par le troisiéme détroit Y.

Ces quatre ventricules communiquant ensemble, & le gauche & le droit n'ayant point d'arteres pour remporter le sang qu'ils reçoivent des oreillettes, il est aisé de voir qu'il faut nécessairement que le sang des veines pulmonaires passe du ventricule gauche dans le ventricule droit, & que s'y mêlant avec le sang des veines caves, ils entrent ensemble dans le troisième & quatrième, pour prendre la route des arteres qui partent de ces deux ventricules. Je ne dirai rien de plus de sa circulation, le reste est facile à comprendre.

J'ajoûterai seulement que ces quatre ventricules communiquant ensemble, & ne faisant que l'office d'un seul, ils ne doivent être comptés que pour un seul ventricule, comme je l'ai sait remarquer dans les Mémoires de l'Académie en parlant des trois ventricules du cœur de la Tortue de mer. On aura recours à ces Mémoires, si l'on

veut en apprendre plus en détail les raisons.

A entendre parlet M. du Verney, il n'y a que trois cavités dans le cœur de la Tortue terrestre de l'Amérique: mais si on s'en rapporte au cœur même de cet animal, on y en trouvera quatre sans compter les oreillettes. Cer éclairé Anatomisse ne s'est donc pas moins mépris sur le nombre des ventricules que sur celui de leurs valvules, à

Mémoires de l'Acad. 1693. pag. 139. Au détaut des Mémoires, voyez l'extraitqui est dans l'examen des faits de M. du Verney. l'égard desquelles j'ai une réflexion à faire avant que de

passer aux arteres. La voici.

Des trois valvulles NNN qui sont placées à l'entrée du ventricule gauche P, figure troisième, celle du milieu & la valvulle O située à l'entrée du ventricule droit Q, figure cinquiéme, ne peuvent en s'abaissant de côté & d'autre sur le trou ovale R, le sermer qu'en partie, & en se relevant ne boucher aussi qu'en partie les passages des oreillettes à ces deux ventricules dans la Tortue de terre comme dans la Tortue de mer.

M. du Verney prétend cependant que ces deux valvulles ferment entierement, quand elles sont soulevées, les embouchures des oreillettes avec les ventricules, & que quand elles s'abaissent, elles ne s'opposent nullement au passage du sang du ventricule gauche par le trou ovale dans le ventricule droit; mais ni l'un ni l'autre ne s'accorde avec l'expérience. C'est ce que j'ai prouvé dans l'examen des faits de ce judicieux Anatomiste. Ces deux valvulles sont attachées à la partie membraneuse de la cloison des oreillettes, qui tombant sur la base du cœur, sépare l'embouchure du ventricule gauche d'avec celle du ventricule droit.

De la base du cœur A, figure seconde, sortent trois troncs d'arteres, sçavoir l'aorte 1, le canal de communication 2, & l'artere pulmonaire 3. L'aorte & le canal de communication tirent leur origine du troisiéme ventricule S, figure sixième. L'artere pulmonaire 3 prend naifsance du quarrieme ventricule X, figure septieme. Ces trois arteres n'ont chacune que deux valvules sigmoides à leurs embouchures, sur lesquelles on n'a point mis de let-

tres, parce qu'elles sont très reconnoissables.

M. du Verney convient avec moi qu'il sort trois arteres Memoires de considérables de la base du cœur. Mais quant à l'origine de l'Académie ces trois arteres, ses observations sont fort différentes des 233. miennes, en ce qu'il dit que deux de ces arteres s'ouvrent pag. 233. dans la premiere cavité du cœur, qui par ses propres remarques fait le ventricule droit, puisqu'elle reçoit le sang de Pag. 232. Poreillette droite.

464 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

Or je trouve qu'il ne partaucune artere de cette cavité, & que les deux arteres qui, selon lui, composent l'aorte; mais dont une sait, selon moi, le canal de communication, loin de s'ouvrir dans la premiere cavité du cœur, comme il le prétend, sortent du troisième ventricule, & que la troisième artere, qui est celle du poûmon, sort immediatement du quatrième ventricule, & non pas de la troisième cavité du cœur, comme il le soutient. Cette méprise ne vient que de ce qu'il n'a pas apperçû dans la Tortue terrestre de l'Amérique les quatre ventricules que j'ai démontrés à l'Académie dans le cœur de cet animal. Venons maintenant à la division de nos trois arteres.

Le tronc de l'aorte seconde & quatrieme figure, à un pouce de distance du cœur ou environ, se partage en deux branches considérables: l'une se tourne en arrière, & l'autre se porte en avant. La branche postérieure 4 se courbant de gauche à droite croise la branche intérieure 5, après quoi elle continue son chemin du côté de la queue, & donne des rameaux à toutes les parties postérieures du

corps de la Tortue.

La branche antérieure; s'avançant du côté de la tête; fe divise en deux rameaux; qui se subdivisent chacun en deux autres, qui sont les arteres axillaires 88, & les carotides 99, qui se jettent dans toutes les parties antérieures.

M. du Verney fait sortir le tronc de l'aorte avec toutes ses branches que je viens de décrire de l'artere pulmonaire. Voici la description qu'il en a donnée dans les Mé-

moires de l'Académie.

pag. 234.

Pag. 234.

La troisième artere, qui est celle du poûmon, sort immédiatement de la troisième cavité du cœur. C'est cette même troisième artere qui fait le premier tronc de l'aorte. Vers l'endroit où elle commence son contour, elle jette une branche considérable, qui d'abord se partage à droite & à gauche en deux autres, dont la plus grosse fait l'axillaire, & la plus petite la carotide; & parce qu'elle fournit du sang à toutes les parties superieures, je l'appelle l'aorte ascendante. Elle descend ensuite au côté droit du cœur, couchée sur le poûmon; je parle, dit-il, par rapport à l'animal l'animal marchant, comme j'ai toujours fait jusqu'ici, & com-

me je ferai dans toutes les descriptions suivantes.

Par la figure quatriéme qui représente seulement l'aorte, ses principales branches, & le canal de communication ponctué dans son commencement, il est aisé de voir que cette division de l'aorte n'est pas juste, & qu'elle renferme une équivoque qu'il n'est pas aisé de démêler; car il devoit nous dire, pour ne nous point embarrasser, si c'est cette branche qu'il vient de décrire, ou le tronc de l'aorte sortant de l'artere pulmonaire, qui descend ensuite au côté droit du cœux couchée sur le poûmon. Or ce n'est ni l'une ni l'autre. En effet, il est évident que le tronc de l'aorte 1, se partage d'abord à un pouce de distance du cœur en deux grosses branches 4 & 5, d'où sortent tous ses rameaux. Ce n'est donc ni le tronc de l'aorte, ni cette branche décrite par M. du Verney; mais la branche 4 qui descend, pour me servir des termes impropres de M. du Verney, par rapport à l'animal marchant.

Je dis impropres, parce que dans cette situation ces deux branches, ni ne montent, ni ne descendent; mais l'une fait son chemin en avant, & l'autre en arriere par des lignes paralleles à celle que décrit le corps de l'animal marchant. Cet Anatomisse si reglé s'éloigne donc de sa regle, & ne l'a nullement suivie en décrivant les parties de la Tortue, puisqu'il est évident qu'elle ne marche pas le corps élevé sur ses pattes de derriere, comme fait l'homme sur ses pieds. Posture qu'il faudroit que cet animal gardât en marchant, si M. du Verney avoit suivi sa régle.

Le second tronc d'artere 2, 2, 2, 2, sigure quatrième, que j'appelle canal de communication, parce qu'il décharge une partie du sang qu'il reçoit du cœur dans la branche postérieure 4 de l'aorte, se recourbant aussi en arrière, mais du côté gauche, croise d'abord cette branche, & après avoir produit l'artere cœliaque 6, & la mésentérique 7, il s'unit à elle, & s'ouvre dans sa capacité.

L'artere des poûmons 3, figure premiere, qui fait le troisséme tronc représenté ouvert dans la figure septié-

Mém. 1703.

Nnn

466 MEMOIRES DE L'ACADEMIE ROYALE

me, se divise en deux branches considérables qui se croifent dès leur naissance; de sorte que la droite passe dans le poûmon gauche, & la branche gauche dans le poûmon droit.

Les troncs de ces trois arteres sont d'inégale capacité. Celle du canal de communication 2, est un peu plus petite que celle de l'aorte 1, sigure sixiéme; mais celle de l'artere pulmonaire 3, sigure septiéme, est elle seule presqu'aussi grande que celle de l'aorte & du canal de communication prises ensemble dans la Tortue terrestre de l'Amérique; il en est de même dans la Tortue de mer.

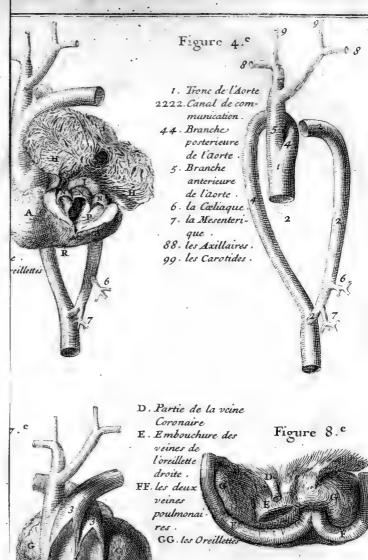
Dans la Tortue de terre les arteres pulmonaires ont une capacité égale à celle des veines des poûmons. Dans la Tortue de mer les veines pulmonaires ont beaucoup moins de capacité que les arteres des poûmons. Je tâcherai quelque jour de rendre raifon de ces différences; & de celles qui arrivent au mouvement du fang en passant par ces vaisseaux.

M. du Verney nous a parlé si différemment de la capacité des arteres du cœur de la Tortue terrestre de l'Amérique, qu'il est impossible d'en connoître le rapport par

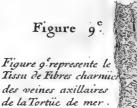
tout ce qu'il nous en a dit.

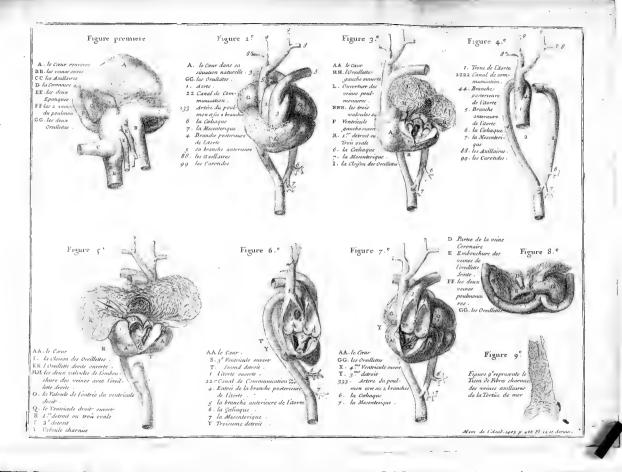
Au reste, quelque grande que soit la dissérence qu'on peut remarquer entre mes observations & celles de ce sameux Anatomisse, ses sigures & les miennes, elle paroîtra petite à quiconque prendra la peine de la comparer avec celle qui se trouve entre ses anciennes & ses nouvelles découvertes. Cette derniere dissérence est si énorme, qu'on s'imagine en saisant une sérieuse attention sur tous les saits qu'il dit avoir remarqués dans le cœur de ses deux Tortues terrestres de l'Amérique, ne rien voir que de saux ou de monstrueux dans ses observations. La même chose paroît dans toutes les sigures qu'il en a jusqu'ici données dans les Mémoires de l'Académie: elles n'ont nul rapport au naturel que j'ai sait voir à cette illustre Compagnie.

Pour se disculper il a beau nous dire aujourd'hui que.









j'ai été plus sidélement que lui servi par M. de Chastillon Dessinateur des Ouvrages de l'Académie. Car voici la juste réponse que peut lui faire cet Homme d'un mérite si distingué dans sa Profession, pour se mettre à couvert de ce reproche: J'ai fait vos Figures, M. du Verney, conformes à votre Description; celles de M. Mery conformes au Naturel: de-là vient leurs dissérences. Je vous ai servi tous deux comme vous l'avez désiré; ainsi votre plainte est tout-à-fait injuste.

Aussi ai-je oui dire qu'il travaille à faire réformer ses Figures, & qu'il se prépare à nous donner une cinquiéme Description des parties du cœur de la Tortue pour nous

instruire mieux qu'il n'a fait jusqu'ici de la vérité.

Cela étant, il y a lieu de croire que pour peu qu'il fasse de réstexion sur le rapport de Messieurs les Commissaires nommés par l'Académie pour vérisser les faits que j'ai découverts dans les cœurs des Tortues de terre & de mer, il se déterminera à abandonner toutes les erreurs dont ses

Descriptions font remplies.

D'ailleurs si ce laborieux Anatomiste veut bien quitter pour quelques instans les Insectes ausquels il s'applique avec une assiduité insatigable, & prendre un moment de repos pour lire en se délassant le jugement qu'a prononcé cette sçavante Compagnie en saveur du nouveau Système de la circulation du sang du sœtus par le trou ovale; qui peut douter, la connoissance de la vérité étant l'unique sin qu'il se propose dans toutes ses recherches, qu'il ne se résoude à la sin à abandonner l'ancien qu'il n'a apparemment soutenu jusqu'à présent, que pour me donner lieu de prouver plus évidemment la fausset de l'opinion d'Harvée sur le passage du sang par ce trou?

Fin des Mémoires.



A control of the course of a control of the control

The property of the control of the c

า รู้ขรับการแก้นที่ รู้การ เกาะ การที่สิ่นการ เกาะ การที่ เกาะ การ ผู้เกาะ การเกาะ การที่ เกาะ การที่

